

ش

تاريخ

علم الحساب العربي

الجزء الأول

حساب اليد

تحقيق لكتاب

٢٠١٩٧٤

المنازل السبع

لأبي الوفاء البوزجاني



مع مقدمة ودراسة بالمقارنة بكتاب

الكافي في الحساب

لأبي بكر الكرجي الحاسب

بقلم

الدكتور أحمد سليم سعيدان

رئيساً بلداً

اليها

الى فلسطين الحبيبة ، أظهر تربة وأرق هواء

الى الكوخ الذي فيه ولدت وحبوت

الى مرتع طفولتي وصباي

الى البلد الذي لهوت فيه صغيراً وحرمت منه كبيراً

واليهم

الى أحبائنا الرابضين الصامدين ينطوون على جراحهم

وآلامهم ليعطوا الدنيا كل يوم مثلاً جديداً على التعلق بالوطن

ونكران الذات من أجل جيل قادم وفجر قريب •

اليها واليهم أهدي هذا الكتاب •

الطابعون

جمعية عمال المطابع التعاونية

عمان - هاتف ٣٧٧٧١

التصدير

في هذا الكتاب أقدم للقارئ اثنتين من أهم المخطوطات العربية في الحساب لاثنين من كبار العلماء في العصر الاسلامي .

وهذا هو الكتاب الأول من سلسلة أنوي أن أقدم فيها علوم الحساب العربي كما كانت في العهد الاسلامي ، وان أجلو مراحل تطورها على أيدي علماء الاسلام ، وأحدد ما للخضارات الأخرى من فضل على الفكر الرياضي العربي ، وما للعرب من فضل على الرياضيات العالمية .

وفي هذا الذي أقدم عليه سأنتهج نهجاً موضوعياً علمياً ، وفي كل مرحلة من مراحل البحث سأقدم للقارئ نموذجاً من نماذج الفكر الرياضي ، ممثلاً بمخطوطة أو أكثر ، أقدم لها بكلمات تعدد قيمتها بالنسبة الى غيرها وأختتمها بكلمات تعدد أهم ما نخرج به من دراستها ، وبين البدء والختام أترك للقارئ المجال ليرافق المخطوطة على هيئته وراحته ، فلا أعترضهما الا في ما لا بد منه من تعليقات توضيحية أو تاريخية .

والله من وراء القصد

أحمد سعيدان

الجامعة الأردنية - عمان

في ١٩٧١/٦/١

مراجع المقدمة والتعليقات

- ١ - بروكلمان
Brockelmann, C.
Geschichte der arabischen Literatur.
مجلدان وثلاثة ملاحق (ليدن ١٩٤٢/٤٣) .
- ٢ - بهاء الدين العاملي
خلاصة الحساب (مخطوطة في المكتبة الخالدية في القدس) .
- ٣ - البيروني - أبو الريحان
رسائل البيروني - (طبعة حيدر اباد ، ١٩٥٨) .
- ٤ - الخوارزمي - محمد بن أحمد يوسف
مفاتيح العلوم (طبعة القاهرة ، ١٣٤٢ هـ) .
- ٥ - الخوارزمي - أبو عبدالله محمد بن موسى
كتاب الجبر والمقابلة (القاهرة ، ١٩٣٩) .
- ٦ - دتا وسنج
Datta and Singh.
History of Mathematics.
(طبعة حديثة ، جزآن بمجلد واحد ، ١٩٦٢) .
- ٧ - سبط المارديني
تحفة الاحباب في علم الحساب (مخطوطة في المكتبة الخالدية في القدس)
- ٨ - سارتن
Sarten, G.
Introduction to the History of Science.
ثلاثة أجزاء في خمسة مجلدات (بولتي مور ١٩٢٧/٤٨) .
- ٩ - سارتن
Ancient Science through the Golden Age of Greece.
(اكسفورد ١٩٥٥) .
- ١٠ - سارتن
Hellenistic Science and Culture in the Last Three Centuries B. C.
(هارفرد ، ١٩٥٩) .

- Neuegebauer and Sacks
Mathematical Cueneiform Texts. (نيوهافن ١٩٤٥) •
- Needham, L.
Science and Civilisation in China. (المجلد الثالث ، كمبردج ١٩٥٩) •
- ٢٣- ابن الهائم ، شهاب الدين
اللمع في الحساب (مخطوطة في المكتبة الخالدية في القدس) •
- ٢٤- الهندي المنتزع من الكافي
(المخطوطة ٨٤ ، القاهرة مجهولة المؤلف ، ومعها شرح لها) •
- ٢٥- يوشكافتش
Yushkevich, A.P.
Istoriya Matematike. (الترجمة الألمانية ، ليبزج ١٩٦٤) •

- ١١- سميث
Smith, D. E.
History of Mathematics. (بوسطن ١٩٢٥) •
- ١٢- شجاع بن أسلم الحاسب المصري ، أبو كامل
الطرائف في الحساب (تحقيق سعيدان ، مجلة معهد المخطوطات ،
١٩٦٣) •
- ١٣- الشيزري - عبد الرحمن بن نصر
نهاية الرتبة في طلب الحسبة (القاهرة ، ١٩٤٦) •
- ١٤- عبد القاهر بن طاهر البغدادي - أبو منصور
التكملة في الحساب (المخطوطة ٢٧٠٨ في مكتبة لا لبي) •
- ١٥- فان در فيردن
Van der Waerden
(الترجمة الانجليزية ، جروننجن ، ١٩٥٤) •
Science Awakening.
- ١٦- الكاشي - غيات الدين جمشيد بن مسعود
مفتاح الحساب (المخطوطة ٢٩٦٧ مكتبة نور العثمانية) •
- ١٧- كرا د فو
Carra de Vaux.
Sur L'histoire de l'arithmetique arabe.
(Bibl. Math. XIII, Z, 33).
- ١٨- الكفاية (المخطوطة ٣٤٤١ ، الاوراق ١٢٨ - ٢٤٥ في مكتبة أحمد
الفتاح - منسوبة لعلي بن عمر بن صالح الاربيلي) •
- ١٩- ابن النديم
الفهرست (طبعة القاهرة) •
- ٢٠- نويكيباور
Neuegebauer, O.
(الطبعة الثانية ، بروفدنس ١٩٥٧) •
Exact Sciences in Autiquity.

المقدمة

المصادر الأولية للرياضيات العربية

لا حاجة بنا الى القول بأننا بصدد الكلام عن العلوم العربية نستعمل لفظتي عرب وعربية للدلالة على قطاع ثقافي لا عنصري . فالفارسي أو الهندي اذا انطبع بطابع الثقافة العربية عدناه من هذه الناحية عربياً حتى اذا هو قد كتب بغير اللغة العربية أو تنكر لدواعي شعبية للحضارة العربية .

ومن غايات هذه الدراسة التي نقدمها للقارئ التوصل الى تقدير علمي صحيح للمجهود العربي في حقل الرياضيات . ومن ثم فلا بد ، من أجل تحقيق هذه الغاية ، من المام بالمصادر الأولية للمعرفة الرياضية عند العرب . ومعلوم أن المصادر الأولية للرياضيات العربية كانت فارسية وسريانية وهندية واغريقية .

أما المصادر الفارسية فتزد أسماؤها في الكتب العربية ، ولكن لم يصل إلينا منها شيء ، وثمة مجال للظن بأن بعضها منحول أو مدعى لعوامل عصبية .

وأما المصادر السريانية فتكاد تكون قاصرة على ترجمات عن الاغريقية ، وما وصل إلينا من هذه الترجمات يبعث على الاعتقاد بأنها لم تكن موفقة كل التوفيق .

واذا كان هذا القول يتضمن تجريد الفرس والسريان من كل مصدر رياضي أصيل فينبغي أن نسجل لهم أن معاهدهم العلمية ظلت قائمة بشكل ما حتى العهد الاسلامي وظلت تحتفظ بالتدريس التقليدي لعلمي

الفلك والرياضيات ، وكانت ذات أثر مباشر في لفت اذهان العرب الى هذين العلمين وامكانياتهما ، حتى اذا عمد العرب الى الترجمة كان النقلة فارسيين في ثقافتهم او سريانا . ولعل في هذا تفسيراً لظهور شخصيات علمية ناضجة في المسلمين قبل أن ينضج عندهم فهم العلم الاغريقي ، مثل أبي عبدالله محمد بن موسى الخوارزمي ، صاحب أول كتاب عربي في الجبر ، وأحمد بن محمد بن كثير الفرغاني الذي وضع كتابا في الفلك انتشر أكثر من المجسطي ، لبطلميوس ، وظل يستعمل حتى القرن السادس عشر .

صحيح أن الفرس والسريان لم يكن منهم قبل عهد الاسلام رياضي واحد ذو شأن ولكن هذا لا يعني بطبيعة الحال أن حياتهم العامة كانت تخلو من المعارف الرياضية التي تلزم لتسيير شئون الحياة الادارية والتجارية ، فتلك المعارف كانت أول ما ورثه العرب من العلوم الرياضية . ولا نعدو الصواب اذا نحن قدرنا أنها كانت مزيجاً مما رسب على مدى الاجيال من معارف المصريين والبابليين واليونان .

وهذا التراث الذي تلقاه العرب من الفرس والسريان في مطلع عصور الحضارة الاسلامية هو ما سموه بحساب اليد وهو موضوع هذه الدراسة . وقد كان هذا ركناً من الاركان التي قام عليها العلم الرياضي الاسلامي . أما الركن الثاني فكان الحساب الهندي الذي وصل الى العرب قبل أن يتصلوا اتصالاً مباشراً بالفكر الاغريقي عن طريق دراسة ما وصل اليهم من مخطوطات الاغريق . فلما تكشف لهم هذا الفكر زاد علمهم الرياضي ثروة بهندسة اقليدس وجبر ديوفانتس ومثلثات هيبارخس وبطلميوس وعدديات نيقوماخس . وهكذا اكتملت الاركان الثلاثة التي قام عليها الصرح الرياضي العربي .

وأما الصينيون فنحن نعلم أنهم قطعوا شوطاً بعيداً في مضمار المعرفة الرياضية وانهم اتصلوا بالحضارة الاسلامية في وقت مبكر فنقلوا

اليها بعض معارفهم في الكيمياء والتكنولوجيا ولا سيما الطباعة وصناعة الورق ، ولكن صلة الصين بديار الاسلام لم تبلغ حداً يتيح للمعلومات المجردة كالرياضيات أن تنتقل الى الفكر العربي الا بعد أن بلغ هذا الفكر مرحلة النضج ، فاذا هي قد أعطته شيئاً في هذه المرحلة فلا يمكن أن يعد ما أعطته في المصادر الأولية للرياضيات العربية .

فالمصادر الأولية للرياضيات العربية اذن تتمثل في عناصر ثلاثة هي الحساب الهندي والرياضيات الاغريقية والتراث الحسابي العملي . أما الحساب الهندي والرياضيات الاغريقية فمكانهما مرحلة أخرى من هذه الدراسة . وأما التراث الحسابي العملي فهو موضوع هذه الصفحات وقد تقدم أنه مزيج من عناصر مصرية وبابلية واغريقية مما بقي يسائر حياة الناس العملية وما تقتضيه هذه الحياة من معارف حسابية .

الرياضيات الفرعونية :

مصدر ما نعرفه عن الرياضيات الفرعونية عدة لفافات من البردي منتشرة في مكتبات العالم كتب معظمها بلغة وخط يرجعان الى عهد المملكة الفرعونية الوسطى ، ويرى العلماء أن أهم هذه اللفافات اثنتان : واحدة اشتهرت باسم لفافة رايند نسبة الى اسم شخص اشتراها من الأقصر وهي محفوظة في المتحف البريطاني ، والثانية تعرف باسم لفافة موسكو نسبة الى البلد الذي هي محفوظة فيه .

وقد درست هاتان اللفافتان دراسة وافية دقيقة ، أما اللفافات الأخرى فلم تدرس بالقدر نفسه ، ويرى المختصون أنها لا ترتفع في مستواها ولا تزيد في مضمونها عما في هاتين اللفافتين الا في مواضع قليلة معروفة .

فالى أن يتوفر أشخاص على دراسة لفافات أخرى تزيد معلوماتنا عن

الرياضيات الفرعونية أو تعدلها ، نستطيع أن نجعل وصف ما نعرفه عن هذه الرياضيات بالنقاط التالية :

١ - كتابة الأعداد :

كان المصريون يسمون الأعداد ويكتبونها حسب السلم العشري .
وليس اضاعة للوقت أن نشير هنا الى خصائص السلم العشري الذي نستعمله اليوم لنجعل من هذه الخصائص مقياساً لمدى تقدم طرق كتابة الأعداد عند القدماء .

أول هذه الخصائص أن السلم العشري يجاري نظام العد الطبيعي الذي نجده عند كل مجموعة نالت حظاً من التقدم الفكري . فهي على اختلاف لغاتها تجعل الأعداد أحاداً وعشرات ومئات والوفاً ٠٠٠ الخ . وقد نجد لدى بعض المجموعات الفاظاً تشير الى وجود اساس للعد غير العشرة ، كالاثني عشر أو العشرين ، الا أن الاعم الشائع هو النظام العشري .

فاذا كانت كتابة الاعداد تجاري هذا النظام العشري عددناها متمشية مع نظام العد الطبيعي .

وثاني خصائص سلمنا العشري وأهمها أنه منازل بمعنى أن الرقم الواحد تتغير قيمته حسب منزلته في العدد : فالثلاثة في منزلة الآحاد ثلاثة آحاد ، وهي في منزلة العشرات ثلاث عشرات ، وهكذا . ويقتضى ترتيب هذه المنازل وجود اشارة خاصة للصفر كي تشغل المنازل الخالية من الأرقام .

في ضوء هذا نقول أن الطريقة المصرية لكتابة الاعداد كانت على نظام عشري غير منزلي . فكان لديهم رمز للواحد وآخر للعشرة وثالث للمائة ورابع للألف ٠٠٠ الخ . فاذا أرادوا أن يشيروا الى ٢ أو ٩ كرروا رمز الواحد مرتين أو تسعاً ، واذا أرادوا أن يشيروا الى ٢٠٠٠ أو ٩٠٠٠

كرروا رمز الألف مرتين أو تسعاً ، وعلى هذا كانوا يكتبون مثل ٩٩٩٩ بستة وثلاثين رمزاً ، في صفين أو أكثر ، تتركب من أربعة رموز مختلفة كرر كل منها تسع مرات .

ومن عصر الدولة القديمة ، بناء الأهرام ، نجدهم يستعملون أعداداً كبيرة منها العدد : عشرة ملايين ومائة ألف ، وهم يكتبونه أحياناً برقمين واحد للعشرة ملايين والآخر للمائة ألف ، وأحياناً بما يماثل الوضع ١٠١ × ١٠٠ ٠٠٠ ، ومن الغريب أن رمز المليون اختفى في عصر الامبراطورية فلا نجد له أثراً في مخلفات هذا العصر .

وقد استعملوا في عملياتهم اشارات كثيرة متميزة منها واحدة للمجهول ، وأخرى للنتاج وكانت هذه صورة لفافة مطوية وعليها ختم . ولكن لم يكن لديهم اشارة للصفر ولم يكونوا بحاجة اليها .

٢ - العمليات الحسابية :

أما طريقتهم في الجمع والطرح فترتكز على العد : الجمع عد صعداً ، والطرح عد نزلاً ، وجمع الأعداد الكبيرة أو طرحها لا يقتضي سوى احصاء الأرقام في كل مرتبة وتعديل وضع الناتج بالنظام العشري .
أما الضرب فكان بالتضعيف مرة بعد مرة ثم جمع المضاعفات المناسبة . ومثالنا على ذلك تقتبسه من المسئلة ٢٢ في لفافة رايند .

اضرب ١٢ في ١٢

١	١٢	والحل هكذا :
٢	٢٤	
٤'	٤٨	
٨'	٩٦	والناتج ١٤٤

والاشارتان عند ٤ ، ٨ تدلان على أن الناتج يحصل من جمع هذين

المضاعفين . وهم قد يستثقلون عملية التضعيف الرتيبة البطيئة فيلجأون الى طرق مختصرة كالتالية :

اضرب ١٦ في ١٦

والحل هكذا :

١٦ ١'

١٦٠ ١٠'

٥' ٨٠ والناتج ٢٥٦

والجدير بالذكر أن الاغريق استعملوا طريقة الضرب بالتضعيف وأشاروا اليها باسم الطريقة المصرية . وسنرى أن الحساب الهندي دخل الى العالم العربي وفيه التضعيف والتنضيف عمليتان أساسيتان مستقلتان عن الضرب والقسمة ، ولكننا نشك في أن ذلك كان بتأثير من الطريقة المصرية .

وأما القسمة فكانت بتضعيف المقسوم عليه حتى يحصل المقسوم ، فهي أيضاً ضرب ، حتى ليبدو أنه لم يوجد عندهم اسم لعملية القسمة ، فهم يقولون : اضرب (أو عالج) ٨٠ حتى تحصل على ١١٢٠ . وهذا هو السؤال ٦٩ في لفافة رايند ويحل هكذا :

٨٠ ١'

٨٠٠ ١٠'

١٦٠ ٢'

٤' ٣٢٠ والناتج ١١٢٠

حتى خارج القسمة لم يعط صراحة وترك للقارئ كي يستنتج من الاشارتين عند ١٠ ، ٤ أنه ١٤ .
وحيث لا تنتهي عملية القسمة كانوا يقدرّون نصف المقسوم عليه أو ثلثه أو ربعه أو جزءاً آخر منه .

٣ - الكسور :

يبدو لنا أن الطريقة المصرية في معالجة القسمة لا تؤدي بصورة طبيعية مباشرة الى فكرة واضحة عن الكسور ، ولعل هذا هو السبب في أن بحث الكسور يشغل الجزء الأكبر من اللفافات الرياضية الفرعونية .

لقد فهم المصريون كسراً مثل $\frac{1}{2}$. أما $\frac{2}{3}$ فكانوا يجزئونها الى $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{3}$ فكان الكسر عندهم دائماً بسطه ١ ولذا كانت اشارته هي اشارة المخرج وفوقها خط صغير بيضوي . نستثنى من ذلك $\frac{2}{3}$ ، $\frac{3}{4}$ فقد كان لكل منهما اشارة خاصة أما $\frac{2}{3}$ فيبدو أنها استقرت في أذهانهم حتى نجدهم إذا أرادوا أن يحسبوا ثلث عدد فقد يحسبون ثلثيه ثم يأخذون نصف الناتج .

وأما $\frac{3}{4}$ فقد تخلوا عن اشارتها الخاصة في عصر الامبراطورية وصاروا يشيرون اليها باشارتي $\frac{1}{4}$ و $\frac{1}{2}$ معا .

وكما التزم الحاسب المصري أن يعبر عن كل كسر مثل $\frac{2}{3}$ بمجموعة كسور بسوطها وحدة فقد التزم أيضاً أن تكون هذه المجموعة أخصر ما يمكن ، ومن أجل ذلك اتخذ مجموعة من المتطابقات الرئيسية وحفظها عن ظهر قلب ، ومن هذه المتطابقات :

$$\frac{1}{3} = \frac{1}{6} + \frac{1}{6}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6}$$

$$\frac{2}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3}$$

ومن هذه استنتج القوانين الخمسة التالية :

$$(١) \dots \frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$$

$$(٢) \dots 1 = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$$

$$(٣) \dots \frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{1}{3}$$

$$(٤) \dots \frac{1}{6} + \frac{1}{3} = \frac{1}{2} + \frac{1}{6}$$

$$(٥) \dots \frac{1}{6} + 1 = \frac{1}{6} + \frac{5}{6}$$

وبهذه القوانين كان يعالج ما شاء من أنصاف وأثلاث وأسداس :

فعند تضعيف ٤ + ١/٣ + ١/٦ مثلاً نجده يضع رأساً الجواب بالشكل

$$\frac{1}{6} + 9 \text{ مستعملاً في ذلك القانون (٥) } \cdot$$

وكان القانون (٣) سبيله لايجاد ثلثي أي كسر . ففي المسئلة ٦١ في

لفافة رايند يحتاج أن يحسب $\frac{2}{3} \times \frac{1}{11}$ فيضع الجواب رأساً $\frac{1}{66} + \frac{1}{33}$

وقد استنوا علاقات أخرى كثيرة مثل ما تقدم وأنشأوا لها جداول

لتكون نموذجاً على غرارها يستنتج الحاسب العلاقة التي تلزمه في كل حالة .

وفي إحدى اللفافات يتناول الكاتب القانون (١) فيستنتج منه عشر علاقات

جديدة بقسمة طرفيه على ٣ ، ٤ ، ٥ ، ٦ ، ٧ ، ٨ ، ١٠ ، ١٥ ، ١٦ ، ٣٢ .

وقد رأينا أن عملية الضرب كانت عند المصريين تضعيفاً قد يختصرها

الحاسب بالضرب في ١٠ أو غيرها . وهذا يصدق أيضاً على ضرب الكسور .

وقد أدركوا أن تضعيف الكسر إذا كان المقام زوجياً يتم بتنصيف المقام ،

وكانوا يستعملون هذه القاعدة دون شرح باعتبارها قاعدة أولية معروفة .

أما إذا كان المقام فردياً يقبل القسمة على ٣ فكانوا يضعفونه حسب

قاعدة هي تعميم للقانون (٣) ويمكن أن نعبر عنها بالشكل :

$$(٦) \dots \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{2}{4}$$

وفيما عدا ذلك لجأوا الى جداول تؤدي لهم الغرض الذي تؤديه لنا

جداولنا الرياضية . وفي ملف رايند جدول يضم ٤٩ قانوناً لتضعيف

الكسور الفردية المقام $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{3}$ ، $\frac{1}{4}$ ، $\frac{1}{5}$ ، $\frac{1}{6}$ ، $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{8}$ ، $\frac{1}{9}$ ، $\frac{1}{10}$ ، $\frac{1}{11}$ ، $\frac{1}{12}$ ، $\frac{1}{13}$ ، $\frac{1}{14}$ ، $\frac{1}{15}$ ، $\frac{1}{16}$ كسراً

تقبل مقاماتها القسمة على ٣ ، وقد بنيت حسب القانون (٦) . أما العلاقات

الأخرى فهي التالية :

$$\frac{1}{10} + \frac{1}{3} = \frac{2}{5}$$

$$\frac{1}{28} + \frac{1}{4} = \frac{2}{7}$$

$$\frac{1}{66} + \frac{1}{6} = \frac{2}{11}$$

$$\frac{1}{104} + \frac{1}{52} + \frac{1}{8} = \frac{2}{13}$$

$$\frac{1}{68} + \frac{1}{51} + \frac{1}{12} = \frac{2}{17}$$

$$\frac{1}{114} + \frac{1}{76} + \frac{1}{12} = \frac{2}{19}$$

$$\frac{1}{276} + \frac{1}{12} = \frac{2}{23}$$

$$\frac{1}{70} + \frac{1}{10} = \frac{2}{25}$$

$$\frac{1}{232} + \frac{1}{174} + \frac{1}{58} + \frac{1}{24} = \frac{2}{29}$$

$$\frac{1}{100} + \frac{1}{124} + \frac{1}{20} = \frac{2}{31}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{308} + \frac{1}{22} &= \frac{2}{77} \\ \frac{1}{790} + \frac{1}{316} + \frac{1}{237} + \frac{1}{70} &= \frac{2}{79} \\ \frac{1}{298} + \frac{1}{150} + \frac{1}{332} + \frac{1}{70} &= \frac{2}{83} \\ \frac{1}{200} + \frac{1}{51} &= \frac{2}{85} \\ \frac{1}{890} + \frac{1}{532} + \frac{1}{307} + \frac{1}{70} &= \frac{2}{89} \\ \frac{1}{130} + \frac{1}{70} &= \frac{2}{91} \\ \frac{1}{570} + \frac{1}{380} + \frac{1}{70} &= \frac{2}{95} \\ \frac{1}{176} + \frac{1}{776} + \frac{1}{56} &= \frac{2}{97} \\ \frac{1}{707} + \frac{1}{303} + \frac{1}{202} + \frac{1}{101} &= \frac{2}{101} \end{aligned}$$

وقد أعطيت هذه النتائج مع شروح لطريقة الحصول عليها تبدأ كما

سي :

ما قيمة جزاي الخمسة ؟

$$\begin{array}{ccc} \text{الحل} & & \\ 0 & 1 & \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & ' \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{5} & ' \end{array}$$

الجواب $\frac{1}{15} + \frac{1}{3}$

$$\begin{aligned} \frac{1}{22} + \frac{1}{31} &= \frac{2}{65} \\ \frac{1}{291} + \frac{1}{111} + \frac{1}{22} &= \frac{2}{61} \\ \frac{1}{328} + \frac{1}{215} + \frac{1}{22} &= \frac{2}{51} \\ \frac{1}{301} + \frac{1}{129} + \frac{1}{87} + \frac{1}{22} &= \frac{2}{53} \\ \frac{1}{270} + \frac{1}{121} + \frac{1}{30} &= \frac{2}{57} \\ \frac{1}{197} + \frac{1}{28} &= \frac{2}{59} \\ \frac{1}{790} + \frac{1}{318} + \frac{1}{70} &= \frac{2}{53} \\ \frac{1}{330} + \frac{1}{70} &= \frac{2}{55} \\ \frac{1}{531} + \frac{1}{237} + \frac{1}{37} &= \frac{2}{59} \\ \frac{1}{710} + \frac{1}{288} + \frac{1}{20} &= \frac{2}{71} \\ \frac{1}{190} + \frac{1}{39} &= \frac{2}{75} \\ \frac{1}{530} + \frac{1}{330} + \frac{1}{20} &= \frac{2}{77} \\ \frac{1}{710} + \frac{1}{578} + \frac{1}{20} &= \frac{2}{71} \\ \frac{1}{370} + \frac{1}{292} + \frac{1}{219} + \frac{1}{70} &= \frac{2}{73} \end{aligned}$$

وهذه السطور تبدأ متصلة . تصير موجزة ابتداء من عملية $\frac{2}{31}$

ومن هذه السجود تتجلى لنا الحقائق التالية

١ - مدو أنهم انجوا على تحويل الكسر $\frac{2}{1342}$ الى أسس مجموعة من

الكمور التي يسوقها وحده . و يتبع ذات من قبل

$$\frac{1}{32} + \frac{1}{30} = \frac{2}{50}$$

وهو تم استرجاعها من $\frac{2}{5}$ لكن الناتج $\frac{1}{21} + \frac{1}{100}$

اولو هم استخراجوا من $\frac{2}{v}$ لكن الناتج $\frac{1}{1.4} + \frac{1}{2.0}$

والكثير منهم آمنوا عذابه بعدوا إليها اسمعيل من هانس • وبصريح القول نفسه

۲
۷۷

ويتضح هذا أيضاً من عملية تحويل كس من $\frac{2}{90}$ ، $\frac{2}{80}$ ، $\frac{2}{91}$

فلو هم استنتجوها من تحویل $\frac{2}{9}$ او $\frac{2}{13}$ او $\frac{2}{17}$ او $\frac{2}{19}$

• لما كانت النتائج أسهل مما أعطاه الجدول .

٢ - في كل عملية من هذه العمليات تمس الحاسب الى حد يساوي فيه

نفسه : ما البقية ؟ أو ما التكملة ؟ ففي مثل ايجاد جزأى ال ۳۱

يظهر الحل كما يلي :

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$$

وَمَا نَدْرُمُ أَنْ نَعْرِفَ أَنَّ مَا نَسْتَعِيذُ بِهِ كَمَا نَعْمَلُ الْفَاتِحَةَ إِلَى ٢ هُوَ

$$\frac{1}{31} \times \frac{1}{5} + \frac{1}{31} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{5} + \frac{1}{4}$$

55

ولابد ان يجد في لفافة رايند وغيرها مسائل عدة تحت اسم ١٤ يمكن

ان هذه مسائل التامة مثل كتب كامل $\frac{1}{2} + \frac{1}{10}$ الى ١

و ستر شما ای ن ۲ ، ۳ : کاتب بهمان روی است و دایمی از ربع

ای ۱ ۲ ۳ ۴

وہو اور باند کر بندہ الماعبہ و العرب الیوموا . کما سمیری .

بکسر و بسموئلیها وحده و عدا ذلک علیہا لغویاً ، فهل کان سبب هذا

الإسلام عند المتصوفين لغزاً أيضاً

٣ - يبدو من شروح بعض العلاقات السابقة أن المصريين توصلوا الى

فكرة توحيد المقامات ، ولكنهم لم يهتموا بايجاد المضاعف المشترك

البسيط لها ففي أحد الاسئلة كان المطلوب أن يكملوا $+\frac{1}{8}+\frac{1}{4}$

$\frac{1}{10} + \frac{1}{20} + \frac{1}{30}$ الى $\frac{2}{3}$ فجعلوا المقام المشترك ٤٥ ، وعلى هذا

• جاءت البسوط نفسها كسرية .

٤ - موضوعات أخرى :

تناولت الرياضيات المصرية غير ما تقدم مسائل متنوعة منها ما يؤدي

الى معادلات من الدرجة الاولى ، وقد درجوا على حلها بفرض الكمية المجهولة

وحدة ، ثم التدرج من ذلك الى الحل الصحيح . ومنها مسائل في المتواليات

• العدوية

وفي احدى اللغات مسئلة تتطلب ايجاد ضلعي مربعين مجموع

مساحتيهما ١٠٠ وضلع احدهما $\frac{3}{4}$ ضلع الآخر • وقد حل السؤال بعرضي

ضلع احدهما ١ وفيه اعطي الجذر التربيعي لكل من ١٠٠ و $\frac{9}{16}$ بدون

شرح معروف به كنت كما وا بمسخرجون الجذر الربيعي ولكن السؤال

دعنا على أن المصريين عالجوا الجدور الربعية .

ومن مسائلهم في المساحات والحجوم نستنتج الأمور التالية :

١ - لقد تفننوا في اتخاذ وحدات للقياس ذات نفع عملي ، فمن هذه وحدات لقياس الوزن النوعي أو الكثافة النوعية ، ومنها وحدات تتدرج على سلم ثابت ، وهذا ما لا نجده اليوم إلا في الوحدات المترية التي وضعت في أعقاب الثورة الفرنسية .

ومن الطريف أنهم اتخذوا لقياس الأطوال وحدتين أحدهما تقابل الذراع البلدي والآخرى تقابل الذراع المعماري وهي تساوي قطر مربع طول ضلعه ذراع عادي واحد وتبلغ بوحداتنا ٧٤٠٨ سم . وباستعمال هاتين الوحدتين استطاعوا أن يجدوا بسهولة مربعاً يعادل في مساحته ضعف أو نصف مربع معلوم . فإذا كان طول ضلع المربع المعلوم ل ذراع عادي كان طول قطره ل ذراع معماري فإذا أرادوا تضعيف مساحته جعلوا الضلع ل ذراع معماري ، وإذا أرادوا تنصيفها جعلوا القطر ل ذراع عادي . وبهذا أمكنهم تضعيف المساحات وتنصيفها ومقارنتها بعضها ببعض بسهولة لانملكها في وحدتنا الحالية .

٢ - مجمل ما نلاحظه عن معلوماتهم في المساحات والحجوم أنهم عرفوا قواعد صحيحة لإيجاد مساحة المثلث والمستطيل والمربع وشبه المنحرف . وكانت طريقتهم لإيجاد مساحة الدائرة تربيع $\frac{A}{4}$ القطر . وهذا يجعل النسبة التقريبية ٣١٦٠٥ وهي أحسن تقريب عرف في القديم قبل أن يعطيها الإغريق القيمة $\frac{1}{\sqrt{3}}$.

وكان لديهم قواعد صحيحة لإيجاد حجم المكعب ومتوازي المستطيلات والمنشور والاسطوانة والسؤال ٣٦ في لفافة رايند يقول : مثال في حساب الهرم : طول ضلع القاعدة ٣٦٠ ، والارتفاع ٢٥٠ ، احسب لي الصاكد . ثم يأتي حل السؤال ومنه يتبين أن المقصود

بالصاكد مقدار ميل وجه الهرم عن الخط العمودي ، أو بوجه أدق كم راحة ($\frac{1}{4}$ ذراع) بمعـ وجه الهرم عن الخط العمودي كنـ اربع ذراع .

وفي لفافة موسكو مسألة يحسب بها قطعة الهرم الرباعي الذي ضلعا قاعدتيه المتوازيين أ ، ب ، وارتفاعه ع بما يشبه القانون $ح = \frac{1}{2} ع (أ + ب + ب + ب)$.

وهذا هو موضع الذروة في الرياضيات المصرية كما نعرفها اليوم على وجه اليقين . غرار لا يعرف كيف توصلوا إلى القاعدة .

وفي لفافة موسكو سؤال آخر منطوقه : إذا أعطيت سلا قطره وعمقه $\frac{1}{2}$ فاحسب لي مساحته . فإذا اعتبرنا أن السل اسطوانى كانت المسألة عادية . أما إذا اعتبرناه على شكل نصف كرة فالسؤال يؤدي إلى الاعتقاد بأن المصريين عرفوا قانون مساحة الكرة . وهذا يقتضي معرفة بالرياضيات العالية لا نجد في غير هذا الموضع دليلاً عليها . وحتى وقت قريب كان المرجح أن المسل كان على شكل قبة ، وقد كان المصريون يبنون القباب بكثرة ومن ثم قد يكونون اهتدوا إلى قاعدة تجريبية لمساحتها . على أن باحثاً ناشئاً نشر مؤخراً بحثاً بين فيه أن المصريين عرفوا بالفعل مساحة الكرة وأنهم كانوا يتخذون وحدة لقياس الأقطار وأخرى لقياس الأقواس على غرار ما صنعوا في أقطار المربعات وأضلاعها .

على أننا نأخذ على الرياضيين المصريين أنهم ، كغيرهم من القدماء ، أوجدوا مساحة الرباعي بضرب نصف مجموع ضلعين متقابلين فيه في نصف مجموع الضلعين الآخرين . وقد بقى هذا الخطأ شائعاً حتى صححه العرب اعتماداً على هندسة إقليدس .

٣ - لكننا لا نملك إلا أن نسجل للمصريين أن جزءاً كبيراً من مسائلهم لم

بكن مبعثه الفائدة العملية بل اللذة الرياضية . وهذا يخالف الاعتقاد الشائع عن الرياضيات المصرية بأنها لم تستهدف سوى خدمة أغراض الحياة العملية .

الأثر الفرعوني في الرياضيات العربية :

في الصفحات التالية سنجد مناسبتين تشدد فيهما عيوننا الى الرياضيات الفرعونية احدهما عند بحث موضوعي التضعيف والتنصيف عند العرب والثانية عند بحث الكسور العربية . فاذا كنا في كليهما سننفي وجود الأثر الفرعوني في الرياضيات العربية فينبغي ألا يقرب عن البال أن هذا الأثر وجد سبيله الى الفكر العربي ومن ثم الى الفكر العالمي عن طريق آخر غير مصر . ذلك هو طريق الاغريق .

لقد كان الاغريق يعتبرون المصريين اساتدتهم في الرياضيات . وقد ذهب أرسطو الى أن العلوم الرياضية نشأت في مصر فكتب في الميتافيزياء : وهكذا نشأت العلوم الرياضية حول وادي النيل لأن الكهنة كان لديهم مراح من الوقت واسع . . وكذلك هرودوتس زار مصر وعرف عندها كثيراً وذكر فيما كتب عنها : « وزعموا أن سيزستريس قسم الارض على السكان قطعاً مربعة الشكل متساوية وفرض على كل منهم ايجاراً سنوياً فكانوا اذا طغى النيل على أرض أي منهم ذهب الى الملك فأخبره فيرسل الملك من بئيس الارض ويقدر الخسارة وبنسبة ذلك يخفض الايجار . ويبدو لي أن هذا هو السبب في أن مصر سبقت غيرها الى معرفة الهندسة وعنها أخذها الاغريق . »

وديموقريطس الاغريقي تباهى مرة بأن لا أحد يسبقه « في رسم الخطوط واستنتاج البراهين حتى ولا المصريون الذين يشدون الحبال . » ولا ينبغي أن ننسى أن الاغريق كانوا يهرعون الى مصر للعلم والتأمل

والعظة ، وان العلم الرياضي الهليني والهلينستي بلغ أوجه في الاسكندرية . فان لم يترك الفكر المصري أثراً ظاهراً مباشراً في الفكر العربي الذي بدأ يتخلق بعد زوال عهد الفرعونية باثني عشر قرناً ، فقد كان الفكر المصري المعلم الاول والحافز الاكبر لنمو الفكر الاغريقي ، وهذا بدوره كان ولا يزال المعلم الاول والحافز الاكبر للفكر العربي والفكر العالمي .

الرياضيات البابلية :

يقال أن علم الهندسة نشأ في مصر عن حاجتها الى تسوية الارض بعد الفيضان ، وان الحساب والجبر نشأ في حوض الرافدين عن نشاطه التجاري الواسع . ومهما يكن من أمر فلم تقف مصر عند حد الفائدة العملية ، ولقد خطا العراق خطوات أوسع بكثير مما تقتضيه الحاجة التجارية ، واكتشف اكتشافات منها ما كنا نظنه مجهوداً اغريقياً الى أن قامت الدراسات الحديثة ترجع الفضل فيه الى ارضه . فان ديوفانتس الاغريقي لم يسبق الجبر ، ولكنه ابتكر في حوض الرافدين من قبله بقرون ، وان كثيراً مما يعزى الى فيثاغورس انما كان مجهوداً بابلياً انحدر اليه .

ومصادرتنا لدراسة الحضارة البابلية ألواح من لبن مكتوبة بالخط المسماري . وفي المتاحف اليوم من هذه الألواح حوالي نصف مليون لوحة أكثرها سجلات تجارية وقليل منها ما يفيدنا في دراسة تاريخ الفكر البابلي ، ومعظم هذه الألواح أخذت من مكتبة آشور بانيبال التي جمعت في القرن السابع قبل الميلاد ، ولكنها ترجع الى عصر أكثر قدماً .

واللوحات التي تفيدنا في دراسة الفكر البابلي تعزو ما فيها من علم ومعرفة الى زمان موغل في القدم سبق عهد الساميين في حوض الرافدين ، ذلك هو عهد السومريين الذين لا نعرف عنهم الا قليلاً .

واللوحات الرياضية تقارب الثلاثمائة ، معظمها جداول ، ومنها ما فيه مسائل ، ولكن هذه متأخرة ترجع الى عهد السلوقيين الذين كانت

ثقافتهم مزاجا من الفكر البابلي والاغريق . اذن فالمستندات البابلية التي لدينا لدراسة رياضياتهم قليلة ، ولكنها رغم قلتها تنطق بسخف الاعتقاد القائل بأن العلم قد بدأ بالاغريق .

كتابة الأعداد :

نحن نستخدم السلم العشري في العدد وفي كتابة الأعداد . وقد كان البابليون يستخدمونه في العدد ، أما في كتابة الأعداد فالشائع عندهم كان السلم السداسي ، مبروحا بالسلم العشري .

و نحن نستخدم في كتابتنا تسعة أرقام والصفر ، ولكن البابليون استخدموا رقمين اثنين . أحدهما للواحد ، وهو بالسكن Δ ، بكرزونه مرتين للأثنين ٠٠٠ وسبعة للمسبعة ، والثاني للعشرة ، وهو بالسكن ∇ بكرزونه مرتين للعشرين وخمسة لخمسين ، فإذا سمعوا السبعين كتبوها بمثل رقم الواحد ، بكرزونها مرتين للدلالة على ١٢٠ وتسع للدلالة على ٥٤٠ ، فإذا سمعوا ٦٠٠ كتبوها بمثل رقم العشرة ، وهكذا فإن الرقم Δ كان يسر إلى ١ أو ٦٠ أو ٣٦٠ أو ٢١٦٠٠ الخ . والرقم ∇ كان يسر إلى ١٠ أو ٦٠ أو ٣٦٠ أو ٢١٦٠ الخ .

وواضح أن طريقتنا خير من طريقتهم من حيث أن لنا تسعة أرقام كل يرمز إلى عدد خاص تتصاعد قيمته عشرات حسب تصاعد منزلته . أما هم فقد كتب أرقامهم منازلية تتصاعد ستينات ، ولكنهم كانوا ، كالأخريين بكرزون رقم الواحد تسع مرات للدلالة على التسعة . على أنهم كانوا أحيانا يضيقون ذرعاً بهذا التكرار فيختصرون رقم التسعة

إلى الشكل Δ

Δ

Δ

والنقص الأكبر في كتابتهم أنهم لم يبتكروا إشارة للصفر لتمثيل المنزلة التي يحلو من رقم الألف في عهد السلوقيين فاستعمل هؤلاء الإشارة Δ لتمثيل المنازل الخالية بين أرقام العدد ، أما إذا خلت منزلة أو منازل عن يمينه فكانت تترك حرة من أي إشارة وعلى هذا يمكن القول أن الحضارة البابلية انتهت ولم تستعمل فيها إشارة الصفر بشكل يدل على تسير لها أو اهتمام بها .

ونقطة أخرى في الكتابة البابلية ، ذلك أن التزامهم بالسلم السداسي جعل كتابتهم لا تتفق مع نظام العدد الطبيعي ، ولا ست أن الحاسب البابلي كان مضطرا إلى تحويل الرقم إلى النظام السداسي قبل أن يمكن من كتابته . ولكن البابليين لا هم ما جعلوا وحدات القياس عددهم جرى على السلم السداسي ، فصار هذا النظام في كتابة الأعداد أمرا لازما لهم ، وقد نجد لهم أرقام كتب بغيره ، كما وجد حاسبنا نكتب عدداً على نظام العدد الطبيعي فإذا هو أراد أن يجرى عليه عملية حسابية حوله إلى النظام السداسي .

والنظام السداسي أخذ الاغريق عن البابليين ونسروه في الشرق الأوسط والهند . ولكنهم أدخلوا عليه تعديلات واسعة . ومن هذه التعديلات أنهم تحووا عن الإشارتين المسمايتين وتكرارهما وعبروا عن الأرقام بحروف من أبجديتهم .

والفلكيون منهم حافظوا على السلم الستيني للأعداد الصحيحة والكسور ولكن أغلب الناس اتخذوا منه في الأعداد الصحيحة وكتبوها على السلم العشري واستبقوه في الكسور . وهكذا صنع العرب ، أو هم هكذا وحده .

أما المعدل الأخير الذي ضمه الاغريق فهو استعمال الصفر لمثل كن مراه خالية . وكان شكله عندهم Δ ولكنه قد ظهر في الكداه Δ

أو قد يتخذ اشكالا أخرى كلها مما نتج من كثرة الشكك الأصلي باليد
على عجل . ولا ندري من كان أول من استعمل الصفر من الأغريق
ولكن نعرف أن بطليموس استعمله في القرن الثاني الميلادي .

وقد سمى العرب النظام الستيني طريق المنجمين لأن استعماله كان
قاصراً عليهم ، ولكن الوحدات الستينية كانت قد اتخذت سبيلها في
مقاييس الزمن والزوايا . كما أن السنين طلت نعت دورا كبيرا في
مسائل النسبة وعمليات الكسور . ولهذا سمعنا مقصولا في ما يسمى
حساب السنين حتى في الكتب التي لم تستعمل الحروف الأبجدية في
كتابة الأعداد .

ولكن هل كان التعديل الاغريقي للنظام البابلي تطورا إلى الأحسن ؟
لا شك أن استعمال الصفر قد أكمل هذا النظام ، ولا شك أيضا أن كتابة
الأعداد بأشارتين تتكرران عدة مرات أمر مستثقل ، ربما يكون خيرا منه
استعمال حروف الأبجدية ، غير أن الاغريق باستعمالهم هذه الحروف لم
يجعلوا دلالتها منازلية فعصفوا بفكرة المنازل ، ثم هم كانوا سبب تأخير
من زاحية واحدة على الأقل ، تلك هي ناحية الكسور العشرية . فالنظام
البابلي يمتد أصلا من الدرج صعدا ونزلا ، ومن ثم ينطوي على كسور
ستينية تناظر كسورنا العشرية وتغني عن الكسور العادية التي تعب
بها المصريون ، فلم يستعمل البابليون من الكسور العبادية سوى
التي هي $\frac{1}{2}$ ، فلما عصف الاغريق بالسلم فجعلوا الأعداد الصحيحة على نظام
عشري واستبقوا الكسور ستينية توارت فكرة التدرج السلمي ، بين
الصحيح والكسور إلى أن اكتشفت فكرة الكسور العشرية .

والغريبون ينسبون اكتشاف الكسور العشرية إلى ستيفن الذي
وضع عنها سنة ١٥٨٥ كتابا ولكننا سنجد في دراستنا هذه أن أبا الحسن

أحمد بن إبراهيم الاقليدسي وضع سنة ٩٥٢/٥٣ كتابا يستعمل فيه
الكسور العشرية مع شرطة تفصلها عن الصحيح ، ثم عادت الفكرة فتوارت
من بعده حتى اكتشفها غياث الدين جمشيد بن مسعود الكاشي في القرن
الخامس عشر الميلادي .

العمليات الحسابية عند البابليين

يبدو أن البابليين لم يجدوا صعوبة في عمليتي الجمع والطرح تقتضي
كتابة شرح لهما . فلعلهما كانتا تجريان عقليا . على أنه لم يكن هنالك
ما يمنع أن توضع المقادير التي يراد جمعها وطرحها ، في السلم الستيني
بعضها تحت بعض ، ثم تجرى عليها العملية الحسابية المطلوبة ، لا سيما
إذا كانت هذه المقادير لكميات بوحدات ستينية .

أما الضرب ، ففي اللوحات التي لدينا نجد جداول ضرب كثيرة لا
سيما للأعداد ٢ ، ٣ ، إلى ١٠ ، ثم ٢٠ ، ٣٠ ، ٤٠ ، ٥٠ . ومنها ما يبدو
أن الحساب كانوا يبينونها ليكون مراجع لهم ، ومنها ما كانت تحضر
كتمرينات يمر عليها قلم المدرس بالتصحيح .

وأما القسمة فاحالوها إلى ضرب بطريقة لطيفة ، هي ضرب المقسوم
في معكوس المقسوم عليه . فإذا أرادوا أن يقسموا عدداً على ١٢ مثلاً ضربوه
في ٥ ، لأن $\frac{1}{12} = ٥٥$. بالكسر الستيني وقد هيأوا جداول كثيرة
لمعكوسات الأعداد منها ما يصل إلى ١٩٦٠ . وقد كانوا يربون المبدئين
على تحضير جداول كالتالي .

العدد	المعكوس
٢	٣٢ر٠
٤	١٥ر٠
٨	٧٣٠ر٠
١٦	٣٢٥ر٠
٣٢	١٥٢٣٠ر٠
٦٤	٧٦١٥ر٠

ويمكننا بتصنيف العدد وتصنيف المعكوس .

والمس عملوا جداول لمعكوسات ٣ ومضاعفاتها .

أما الجدول النموذجي للمعكوسات فكان يختص بمعكوسات الأعداد الصحيحة من ١ إلى ٨١ مما له في النظام الستيني معكوسات تنتهي بدون

مربعات . وهذا هو الجدول

١ : ٢ = ٣٠	١ : ١٢ = ٥
٢ : ٣ = ٢٠	٤ : ١٥ = ٤
٣ : ٤ = ١٥	٥ : ١٦ = ٣ر٤٥
٤ : ٥ = ١٢	٦ : ١٨ = ٣ر٢٠
٥ : ٦ = ١٠	٧ : ٢٠ = ٣
٦ : ٨ = ٧ر٣٠	٨ : ٢٤ = ٣ر٣٠
٧ : ٩ = ٦ر٤٠	٩ : ٢٥ = ٢ر٢٤
٨ : ١٠ = ٦	١٠ : ٢٧ = ٢ر١٣ر٢٠
٩ : ١١ = ٢٠	١١ : ٥٤ = ١ر٦ر٤٠
١٠ : ١٢ = ٣٣	١٢ : ١ = ١
١١ : ١٣ = ٣٦	١٣ : ١٥ = ٠ر٥٦ر١٥
١٢ : ١٤ = ٤٠	١٤ : ١٢ = ٠ر٥٠
١٣ : ١٥ = ٤٥	١٥ : ١٨ = ٠ر٤٨
١٤ : ١٦ = ٤٨	١٦ : ٢٠ = ٠ر٤٥
١٥ : ١٧ = ٥٠	١٧ : ٢١ = ٠ر٤٤ر٢٦ر٤٠

أما في الحالات التي تنتهي فيها القسمة فكانوا يعطون الجواب مقرباً .

عدياً إلى ثلاثة كسور ستينية . ومن جداولهم ما يعطى

١ : ٥٩ = ١ر١ر١
١ : ١١ = ٥٩ر٠ر٥٩
١ : ١٢ = ٥٨ر٣ر٥٢

ولا يبعد أنهم استنبطوا إلى الكسور الدورته . ومن الأدلة على ذلك

الجدول التالي .

١ : ٧ = ٨ر٣ر٤ر١٧	٣ : ٧ = ٢ر٥ر٤٢ر٥١
٢ : ٧ = ١٧ر٨ر٣ر٤	٥ : ٧ = ٢ر٥ر١٣ر٥
٤ : ٧ = ٣ر٤ر١٧ر٨	٦ : ٧ = ٢ر٥ر٤٢ر٥١

وعملوا أيضاً جداول لمربعات الأعداد ومكعباتها ومنه كانوا يستخرجون

الجذور التربيعية والتكعيبية للأعداد المنطقية . وجدول بقيم من (١ ± ١)

ومنهم كانوا يحلون المعادلة $٢(١ \pm ١) = ك$

ولعلمهم أدركوا فكرة اللوغرتمات ، فمن جداولهم جدول على هذا الشكل :

١٦ للقوة $\frac{١}{٢} = ٢$
١٦ ، $\frac{١}{٤} = ٤$
١٦ ، $\frac{١}{٨} = ٨$
١٦ ، $١ = ١٦$
١٦ ، $١\frac{١}{٢} = ٣٢$
١٦ ، $١\frac{١}{٤} = ٦٤$

ومنهم جدول آخر مله للأساس ٢ . وقد كان من أساليب الدارجة :

أي قوة ترفع عدداً معيناً حتى ينتج عدد آخر معين ؟

والجذر التربيعي كانوا يجدونه من جدول المربعات . وكان هذا

كما بالشكل

١ مربع ١
٤ مربع ٢
٩ مربع ٣

فاذا أرادوا أن يجدوا جذر عدد ليس مربعاً كاملاً استعملوا التقريب ،

وظرفتهم في ذلك استعملوها الاغريق وهي كما يلي لايجاد $\sqrt{2}$

$$\text{اذا كان } n > \sqrt{2} \text{ فان } \frac{2}{n} < \sqrt{2}$$

وموسطفيهما أقرب الى الحقيقة . وهكذا

فمحسوم بحسبون $\sqrt{2}$ من معبروه $1\frac{1}{2}$ ، ثم يحسبون $1\frac{1}{2} \div 2$

وحدون موسطف المخرج . ثم يكررون العملية حتى يحصلوا على التقريب

$$\text{الذي رصمهم وفي عن } \sqrt{2} + \frac{p}{q} \text{ انصروا الجواب } p + \frac{q}{p^2}$$

وسمى في الصفحات التالية كم من هذه المبادئ وصل الى العرب .

ونكتفي هنا أن نقول أن الجدول المائسة التي نجهدها في النوحات التي ن

سند لا نجد لها ائرا في المخطوطات العربية وانما نجد فيها جدولين

واحدا يعطى حاصل ضرب المنازل ، ومنه يعطى خارج قسمتها وهو يطابق

في عرفنا القايونين :

$$2_{10} \times 2_{10} = 4_{10}$$

$$2_{10} \div 2_{10} = 1_{10}$$

اما الثاني فجدول للضرب من 1 × 1 الى 60 × 60 وهو

للضرب والقسمة واستخراج الجذر التربيعي

المسائل البابلية :

تذكر اللوحات مسائل متعددة في الربح المركب وأعمال الحفر والانشاء

والحفظ والمواظبات . ومن مسائلهم السؤال كم سدرق مبيع حين

تصاعبت بربح مركب يسع ٢٠٠ ، وهم يعطون له الجواب الصحيح .

وفي إحدى اللوحات جدول منواله ١ - ٢ - ٣ - ٤ - ٥ - ٦ - ٧ - ٨ - ٩ - ١٠ - ١١ - ١٢ .

ويعطون الجواب بالشكل ٩٢ + (٩٢ - ١) . وفي اللوحة ذاتها نجدهم

يجمعون المتوالية

$$21 + 22 + 23 + \dots + 100 \text{ بالشكل } (\frac{1}{2} + \frac{100}{2}) (1 + 100)$$

أما في الجبر فقد جدوا المعادلة الخطية ذات المجهول الواحد وانما دلال

الامة ذات المجهول الكثرة ووضعوا قاعدة لم الى القانين المسع اليوم لحل

المعادلة التربيعية وجدوا معادلات تربيعية لمجهولين أو أكثر . كما جدوا

معادلات كعقيمة من خارج معمة . كن ذلك بطرق عقلية محسوم بها ان

اختصار الحدود المتساوية والمض من أحد طرفي المعادلة الى الطرف الآخر

وحذف أحد المخرجين بالمعوض . أو بحسب رباعية اخرى كاستعمال

مجهول حسب مساعده .

$$\text{وقد عرفوا العلاقات } x^2 + px + q = x^2 + (p+q)x + q$$

$$x^2 - p = x^2 - (p-q) = x^2 - p + q$$

ونعديم قد عرفوا العلاقة $x^2 + px - q = x^2 + (p-q)x - q$ فهم حتى

الاعمال المتتالية لم يجهدها عمو . ولا يستطيع ان يذكر بالماكم كيف

استعملوا أو انهمروا هذه العلاقات . فقد يكونون توصفوا المتنا كالاغريق

، لغرت عن طرق الهندسة . لا سيما وقد فهموا p^2 على اعتبار أنها مربع .

وفهموا p عن اعتبار أنها مستطيل . وكانوا يملكون الكميات العددية بالطوال

خطية . ولكما جدهم من حة اخرى صمدون دهم ان يجمع فيها المساحات

الى الاطوال أو تضرب أو تقسم بعضها على بعض بغض النظر عما لذلك

من قيمة معنوية أو عملية .

اما المعادلات التربيعية التي حلوها فمن الانواع

$$x^2 = c$$

$$x^2 + c = 0$$

$$x^2 + c = 0$$

وهم في أغلب الاحوال يعطون طريقة الحل بدون ذكر الاسباب ثم يجعلونها نموذجاً ينسج على منواله . ومن أمثلتهم على ذلك المعادلة

$$س^2 + س = ٤٥٠$$

$$س = \sqrt{\frac{1}{4} - \left(\frac{1}{4}\right)^2} + ٠,٤٥ \sqrt{}$$

اهم معادلاتهم الكعبيية التي حدودها مكاتب من النوعين $س^3 = م$
 $س^3 = (م \pm ١) م$

وفي الحالة الاولى كانوا يحصلون على الجواب من جداول المكعبات .
 وفي الحالة الثانية كانوا يحولون المعادلة الى $س^3 م = (م \pm ١) م^2$
 ثم يلجأون الى جداول $س^3 (م \pm ١)$ ليحصلوا على قيمة $م$.
 وهنا تظهر حيلتهم في ادخال المجهول الجديد $ص = م س$ ، تلك الحيلة التي اتقنوها في المعادلات الآتية .

ومن نماذج المعادلات الآتية التي حدودها المعادلات السالفة

$$(١) م \pm س = م^2 ، م = س$$

$$(٢) م \pm س = م^2 ، م = س^2$$

$$(٣) م^2 + س = م^2 ، م = س$$

$$(٤) م^2 + س + ع = م^2 ، م = س - ع$$

فعندما تعرف قيمة $س + م$ مثلاً يلجأون الى انحياله التالية .
 لتكن $س + م = ٢$. خذ $س = م + ك$ ، $م = م - ك$ ثم عوض

في المعادلة السابقة لتحصل على معادلة تعرف منها قيمة $ك$.

وإذا كان $س - م = ٢$ ، خذ $س = م + ك$ ، $م = م - ك$

وعوض لتحصل على معادلة جديدة تعرف منها قيمة $ك$.

وهذه نماذج من مسائلهم

$$(١) م + س = ٣٠ و ٢٠$$

$$٤٠ و ٠ م - ٣٠ و ٠ = ٨$$

والحل يؤول الى القاعدة التالية على اعتبار ان $س + م = م$
 $س - م = ٤٥٠$

$$س = \frac{س - م}{س + م} + م = \frac{٤٥٠ - م}{٤٥٠ + م} + م$$

$$ص = \frac{س - م}{س + م} - م = \frac{٤٥٠ - م}{٤٥٠ + م} - م$$

وعسى عن البيان أنهم لم يعبروا عن القواعد بشكل رمزي ولكنهم يعطون الحل بمثل هذا القول : خذ نصف $م$ ، ثم احسب $س - م$ ، ثم $س - م$ ، ثم $م (س - م)$ ، ثم $س + م$ ، ثم اقسم . فيكون $س = \frac{س - م}{س + م} + م$ هذا الناتج الاخير ويكون $ص = \frac{س - م}{س + م} - م$ هذا الناتج الاخير

٢ - مسألة في الطول والعرض . ضربت الطول في العرض فحصلت على المساحة ، ثم اضفت الى هذه المساحة مقدار زيادة الطول على العرض فنتج ٣٣ . ولو أنني جمعت الطول والعرض لنتج ٢٧ فما مقدار الطول والعرض والمساحة ؟

المعطيات ٢٧ . ٣٣ وعمما المجموعتان

النسبة ١٥ الطول

١٢ العرض ٣٠ المساحة

اتبع الطريقة التالية :

تعطى الطريقة ثم تحقيقها . والمسئلة تؤول الى المعادلتين الآتيتين

$$س + م - س = ١٨٣$$

$$س + م = ٢٧$$

ونفسهم من المعادلتين اذ من مجهول جديد $ص' = ص + ٢$ فنحول

$$\text{المعادلتان الى } ص' = ٢١٠ , ص' - ص = ٢ \Rightarrow ٢٩$$

وهنا موقع $ص$ حوا على المعادلتين نستعمل طريقة لانتشار المبدأ
أولاً . ولكن ليس في الموجهة من حواء هذا السؤال فعمل على استعمال
نفسه الطريقة . إلا ان دوفاليس التي انشأ كدرا من الطرق التي تلمح
نفسه بها في كل معادله يعرف هذا مجموع المجهولين .

٣ - من هذه أنهم مسنده يؤول الى المعادلتين

$$\frac{1}{4} (ص + ص) - (ص - ص) = ١٥٠$$

$$ص = ١٠٠$$

ولو نحن استعملنا طريقة التعويض لحصلنا على معادلة تكعيبية يصعب

حيا . ولكن يرجح ان البابليين حلوا المعادلتين بفرض $ص = م + ل$ ،
ص = م + ل .

الهندسة

عرفوا مساحة المستطيل والمربع وسه المربع والنسب ، وعرفوا ان
الزاوية المرسومة في ضمت الزاوية قائمة . ومن مسائلهم سؤال يطلب
اسماء تمام مقطعين منه منحرف مسدود اسماء من معروف قاعدته الكبرى ،
وسه حته ، وممن كل من حاشته عن القاعدة . ومن طريقة الحل يظهر أنهم
كانوا يسمون المثلث بـ "سمه" ظل تمام الزاوية ، وعنده هي النسبة التي
استعملها المصريون في تماس من وجه الهرم وسموها الصداك . وفي ارجح
دائمة نجد سؤالا عن مسة عرفت قاعدته د . وفيه مسند طوله ل يوازي
القاعدة وينقسم المثلث الى قسمين ، مثلث وسه منحرف ، الفرق بين
مساحتهما معروف (ح) والفرق بين ارتفاعيهما معروف (ع) . ولحل
السؤال يحسبون ل من القانون .

$$ل = \sqrt{\frac{1}{4} \left(\frac{ص}{ع} + \frac{ص}{ع} \right) + \frac{1}{4} \left(\frac{ص}{ع} - \frac{ص}{ع} \right)^2}$$

ل يحسبون ارتفاع سمه المنحرف ع من القانون $ل = ب \times$

$$\frac{ح}{ب - ل}$$

ومن ذات سمدل : هم عرفوا ان المسند الذي يوازي القاعدة قسمه قسمين
مثلث الى اجزاء مماثلة . كما استعملوا العلاقات السماوية فيقسمون حل
معادلات جبرية مع المقوم . وقد كانت هذه هي صفة كل مسائلهم
الهندسية . الفكرة الجبرية فيها تقطع على الهندسية . وكذلك نجد أنهم
ميرالا متطوي على معرفة القانون أطول المسند الذي يوازي وعنده هي
المنحرف المتوازي وتنقسم الى جزئين متكاملين . والقانون هو $ل =$

$$\frac{1}{4} (ب + ب)$$

وفي مهبودهم في بحث المسألة كانوا دون المصريين من حيث أنهم اعتبروا
قيمة النسبة التقريبية ٣ . وقد عرفوا حجوم متوازي المستطيلات والاسطوانة
القائمة والمنشور ، بضرب مساحة القاعدة في الارتفاع . ولا جد لهم مسائل
تسير الى أنهم عرفوا حجم الهرم والمخروط ، ولكننا نجدهم يحلون قطعة
الهرم وقطعة المخروط بطرق خاطئة . على أنهم قد يكونوا عرفوا القانون
الصحيح لحجم قطعة الهرم القائمة على قاعدة مربعة بالشكل :

$$ح = ع \left\{ \frac{1}{4} \left(\frac{ب-ب}{٢} \right) + \frac{1}{4} \left(\frac{ب+ب}{٢} \right) \right\} , \text{ حيث } ب , ب \text{ ضلعا القاعدتين}$$

وفي لوحة قديمة نجد السؤال : أوقفنا قضيباً طوله ٣٠ على حدار ،
فإذا ارتقى طرفه العلوى الى أسفل مسافة ٦ . فكم بعد طرفه السفلى
عن حافة الجدار ؟

والسؤال يؤدي الى نظرية فيثاغورس وقد حل فعلاً باستعمالها .
وهو حالة خاصة من السلاية (٣ . ٤ . ٥) المشهورة . ومثل هذا السؤال
مكرر كثيراً . يمكن أن يكتفى الى الثلاثيات الفيثاغورية (٣ . ٤ . ٥) ،
(٥ . ١٢ . ١٣) ، (٨ . ١٥ . ١٧) ، (٢٠ . ٢١ . ٢٩) أو
مضاعفاتها .

والمثلثات القائمة التي تكون أضلاعها أعداداً صحيحة كانت مشار
اهتمام الاغريق ، ولا سيما هرون الاسكندري واقليدس وديوفانتس .
فكيف حصل عليها البابليون ؟

طريقة اقليدس في الحصول على الثلاثيات كما يلي :

إذا اعتبرنا اضلاع المثلث القائم : أ . ب . و فخذ عددين أحسن
من بعضهما البعض .

واجعل $2 = p$ كل

$$b = k^2 - l^2$$

$$w = k^2 + l^2$$

$$\text{فيكون } w = p + b$$

بهذه الطريقة حصل اقليدس على مجموعة من الثلاثيات الفيثاغورية .
وكل لوحة بابلية من قبل اقليدس بثلاثة عشر قرناً تحوى الجدول التالى
بالترتيب الذى تراه :

و	p	ب	
١٦٩	١١٩	١٢٠	١
٤٨٢٥	٣٣٦٧	٣٤٥٦	٢
٦٦٤٩	٤٦٠١	٤٨٠٠	٣
١٨٥٤١	١٢٧٠٩	١٣٥٠٠	٤
٩٧	٦٥	٧٢	٥
٤٨١	٣١٩	٣٦٠	٦
٣٧٢١	٢٢٩١	٢٧٠٠	٧
١٢٤٩	٧٩٩	٩٦٠	٨
٧٦٩	٤٨١	٦٠٠	٩
٨١٦١	٤٩٦١	٦٤٨٠	١٠
٧٥	٤٥	٦٠	١١
٢٩٢٩	١٦٧٩	٢٤٠٠	١٢
٢٨٩	١٦١	٢٤٠	١٣
٣٢٢٩	١٧٧١	٢٧٠٠	١٤
١٠٦	٥٦	٩٠	١٥

والاعداد كلها ثلاثيات فيثاغورية ، وفي صدر اللوحة نفسها اشارة
الى أنها اضلاع مثلثات قائمة . والثلاثيات كلها أولية بالنسبة الى بعضها
بعضاً ما عدا الثلاثية (٧٥ ، ٤٥ ، ٦٠) فهي مضاعفات (٣ ، ٤ ، ٥)
والثلاثية (١٠٦ ، ٥٦ ، ٩٠) فهي مضاعفات (٥٣ ، ٤٥ ، ٢٨) .

ولا حاجة بنا الى القول بأن تحضير مثل هذا الجدول لم يكن لغاية
عملية بل لاشباع لذة رياضية . ولكن كيف حصلوا على هذه الثلاثيات
الاعمدة الاربعة التى أوردناها تكون القسم الاخير من لوحة كبيرة

نصف هذه الأعمدة . فالذي يسبق هذه مباشرة يعطى $\frac{2}{3}$. ثم

الأعمدة التي قبله وقد نكتب تحت له بعد يمكن نسبها .

ولكن لوحة أخرى تعطى إحدى الثلاثيات وعلى هامشها أعداد يبدو أن الحاسب استعان بها في تقدير الثلاثية ، وهذه الأعداد بالنسبة

$$1 : \frac{2L - 2K}{2KL} : \frac{2L + 2K}{2KL}$$

وعلى هذا يرجح أن طريقة الفلاس ، أو طريقة شبيهة بها ، قد استعملها البابليون في إيجاد الثلاثيات .

ويؤيد أن البابليين لم يبتكروا طريقة اقليدس فقط ، ولكنهم أدركوا أنه لكي تكون أعداد الثلاثية أولية ، بعضها بالنسبة إلى بعض ، يجب أن يسوفا في L ، L شرطان ، أحدهما ألا يكون بينهما عامل مشترك ، وبأنهما K L لا يكونا فرديين معاً ، وعلى هذا بدأوا بفرض أعداد بالشكل $L - 2$ L

فبشرط الشرطان ، ومن ذلك حسبوا $\frac{2L - 2K}{2L + 2K}$ ثم $\frac{2}{3}$ أي $\frac{2}{3}$ ، ولعلمهم وضعوا هذه القيم في أعمدة متتالية .

الأثر البابلي في الرياضيات العربية

لقد كان الفكر الرياضي الفرعوني ، على الغالب ، هندسياً . وهكذا كان الفكر الأغريقى . فاستوعب الأغريق الرياضيات الفرعونية وخلقوا منها علماً منطقياً ذا قواعد وأصول ، ندرسه اليوم كأنه كله تراث أغريقى ، ولا نعلم على وجه اليقين مدى ما فيه من أثر فرعوني .

ولا ينطبق هذا القول على الرياضيات الهندسية . فقد كانت هذه .

على الغالب ، حسابية جبرية ، استوعب الأغريق بعضها . واعرضوا عن بعض . وما استوعبوه بقي عندهم يحتفظ بشيء من طابعه البابلي .

وبعد العصرين الهليني والسكندري عاش الشرق الأوسط وبلاد أخرى تجاوره في فترة ركود ذهني تلاشت فيها المعرفة الرياضية إلا من حقائق لا غنى عنها في تسيير شئون الحياة العامة وكانت هذه الحقائق عسى أنه من الفكر الأغريقى . وما فيه من آثار فرعونية وبابلية .

وعنى عن البيان أن العرب لم يبتصروا بشكل مباشر بالفكرين الفرعوني والبابلي ولكنهم انتشروا في ديار وجدوا فيها هذه الحقائق يتوارثها الناس جيلاً بعد جيل فكانت تلك وحدها همزة الوصل بينهم وبين الفكر الانساني القديم .

وبعد العصر السلوقي دخل حوض الرافدين في عهد امتد سبعة قرون من مطلع العصر الميلادي إلى الفتح الاسلامي وانتظمت فيه ثقافة فارسية . ولا شك أن كثيراً من جوانب الفكر البابلي قد نسيت في هذه المرحلة الفارسية الطويلة . ولكن لا يغرب عن البال أنه بقيت هنالك طوال هذا العهد مدارس في قيسارية وانطاكية وحران والرها وجنديسابور وإن هذه المدارس قد احتفظت بسمار فكري يصل الثقافة السكندرية بالثقافة الفارسية . كما أن بعض الطوائف طالت تعنى بالفلك كواجبات دينية .

والعرب سكنوا من ربح باسم زيج الشاه وضعه الفرس قبل العصر الاسلامي كما سكنوا عن طوق فارسية في الحساب الفلكي . وابن يونس أعظم فلكيي الاسلام (توفي سنة ١٠٠٩/٤٠٠) يشير إلى أرساد فارسية ترجع إلى سنتي ٤٧٠ م ، ٦٣٠ م . والتاريخ يتحدث عن انتفاضة علمية في عهد كسرى أنو شروان . والكتب العربية تنقل عن العرس كلامه بسبب إلى سدينس وكدناس وتكلوس وفاليس أما سدينس (Sudines) وكدناس (Kidenas) فيوصفان بأنهما كلدانيان ، أي بابليان . وأما تكلوس فهو (Teukros) المنجم البابلي الذي عاش في القرن

الأول قبل الميلاد • وأما فاليس فيرجع أنه (Vettius Valenz) وقد عاصر بطليموس ولكنه تبع طرق هيبارخس الفلكية •

وفي مجرد ظهور هذه الاسماء في كتب الفرس والعرب دليل على أن الحضارة البابلية لم تذهب كلها نسيب منسيا •

اننا نجزم بأن دراسة تقليدية من نوع ما للرياضيات ظلت قائمة في فارس والعراق وسوريا ومصر طيلة العهد الفارسي ، وإن هذه الدراسة احتفظت بعناصر بابلية الى جانب العناصر اليونانية •

والعرب يشيرون الى مقدرة البابليين في علم الفلك • وقد أورد البيروني في كتابه أفراد المقال (الصفحة ١٣٨ ، طبعة حيد راباد) طريقة في الحساب الفلكي نسبها الى أهل بابل ، وهذه الطريقة ذاتها وجدت في اللوحات البابلية •

والمخطوطات العربية تتكلم عن نظامين حسابيين نرجح أنهما كانا صفوة هذه الحقائق المتواترة أحدهما سماه العرب حساب الستين أو طريق المنجمين ، وهو يضم الطرق الحسابية التي ظل المنجمون والفلكيون يتبعونها حتى نهاية العصور الوسطى ، والثاني سماه العرب حساب اليد وهو يضم المعرفة الحسابية التي بها سير الناس شئون حياتهم العملية ، وقد ظل شائعاً الى أن دحره الحساب الهندي في أواخر القرون الوسطى ، أو اندمج فيه •

حساب الستين عند العرب

قد يسمى هذا النظام في الكتب العربية ، عدا طريق المنجمين ، حساب الزيج أو حساب الدرج والدقائق ، وكل هذه الاسماء تشير الى أن استعماله كان قاصراً على المنجمين والفلكيين •

والكتب العربية التي تقتصر على هذا النظام وحده قليلة نعرف منها واحداً يعود الى عصر متقدم هو : كتاب في الحساب النجومى لأبي العنيس

محمد بن اسحق الصيمري المتوفى سنة ٢٥٧ هـ / ٨٨٨ م (مخطوطة الفاتيكان الرقم ٥٩٥٧) ولم نستطع أن نحصل على نسخة منها ، وهناك كتاب يعود الى عصر متأخر هو دقائق الحقائق في معرفة حساب الدرج والدقائق لبدر الدين محمد بن محمد بن أحمد المعروف بسبط المارديني (٨٢٦ - ٩٠٠ هـ = ١٤٣٢ - ١٤٩٤/٩٥ م) (المصورة ١١٨ علوم في معهد المخطوطات في القاهرة) وليس فيها ما نضيفه الى معلوماتنا عن هذا النظام الى ما نجده في المخطوطات العربية التي تبحث في الانظمة الأخرى • ذلك أن حساب الستين قد فرض نفسه الى حد ما على غير الفلكيين فاستعمله عامة الناس في حساب اليد كما استعمله أولئك الذين أخذوا بالحساب الهندي •

ومن هذه المخطوطات نستطيع أن نتبين أهم سمات الحساب الستيني كما كان يستعمله المنجمون • فما هي هذه السمات ؟

أولاً - كتابة الأعداد :

استعمل العرب حروف الأبجدية العربية لكتابة الأعداد ، بالترتيب المعروف بالجمال أي أبجد هوز ٠٠٠ الخ •

وهم قد يستعملون السلم الستيني كاملاً ، للأعداد الصحيحة والكسور ، وحسب هذا السلم لا يكون في أي منزلة عدد أكثر من ٥٩ • وفي هذه الحالة تكون دلالات الحروف عندهم على الشكل التالي :

١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠	٢٠	٣٠	٤٠	٥٠
ب	ح	ز	و	هـ	د	ر	ز	ح	ط	ي	ك	ل	م
١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠	٢٠	٣٠	٤٠	٥٠

فكان الحاسب يكتب باللدلالة على ١١ . بط للدلالة على ٥٩ .

مج 6 تب للدلالة على ١٢-٤٨

دائما ابتداء بالأكبر . وهم فلما يقطوا الحروف . أما الإشارة 6

فيهي اسره الضمير الاغريقية .

أما اذا هم استعملوا السلم العشري في كتابة الأعداد الصحيحة ، كما كان الاغريق يصنعون ، فانهم يستعملون باقي حروف الأبجدية العربية حسب الدلالات التالية :

س	ع	ف	ص
٦٠	٧٠	٨٠	٩٠
ق	ر	ش	ت
ث	خ	ذ	ض
١٠٠	٢٠٠	٣٠٠	٤٠٠
٥٠٠	٦٠٠	٧٠٠	٨٠٠
٩٠٠			
× غ			
١٠٠٠			

فإذا أراد الحاسب أن يكتب ٦٠ كتب س وإذا أراد أن يكتب ٧١

كتب عا . وإذا أراد أن يكتب ١١٢ كتب ت وإذا أراد أن يكتب ١١١١ كتب غلجا .

أما ٢٠٠٠ فكتبوها بع . ١٠٠٠٠ بع وهكذا . وهذا ايضا مما يقطوا الحروف . ولذلك بعد الذي يرجع الى مخطوطات يستعمل هذا الترتيب عماء كثيرا .

ثانيا - تسمية المنازل :

فإذا استعملوا السلم السيمى في كتابة الأعداد الصحيحة سموها المنزل الأولى منزلة الدرج ، ويليهما منزلة المرفوع الأول فالمرفوع الثاني

هذا هو ترتيب الحروف الذي شاع في المشرق الاسلامي . أما في المغرب فيختلف هذا الترتيب بعض الاختلاف اذ يحرى بالترتيب ابجد هوز حطي كلمن صمغض .

فالمثلث ٠٠٠ الخ . ولكن يبدو أنهم وحدوا في هذه التسمية بعض الناس فصاروا يسمون المنازل التي فوق منزله الدرج بالترتيب : المرفوعات فالمثلثي فالمثلث ٠٠٠ الخ .

على أنهم في الحسابات الفلكية قد لا يستعملون أكثر من ٥٣٦٠ فيسمون كل ٥٣٠ برجاً وكل ١٢ برج دوراً ولا يريدون .

ثالثا - العمليات الحسابية :

فلما نجد ذكرا لعملية الجمع والطرح والضرب والقسمة في حساب اليد .

وأما في الضرب والقسمة فكانوا يستعملون جدولين واحدا لحاصل ضرب المنازل وخارج قسمتها ، وهو بمثابة القانونيين :

$$٢٦٠ \times ٦٠ = ١٥٦٠٠$$

$$٢٦٠ \div ٦٠ = ٤٣٣$$

والثاني جدول ضرب عادي يمتد من ١ × ١ الى ٦٠ × ٦٠ وهو يكتب عادة في ستين صفحة ويستعملونه للضرب والقسمة واستخراج الجذر السيمى .

والجدول مبنى على النظام الستيني الكامل للمنازل الصحيحة والكسرية على السواء .

وربما كان السبب في عدم شيوع هذا النظام عند الناس أن الحاسب كان اذا أراد أن يضرب أو يقسم عددين أكبر من ٥٩ اضطر الى تحويلهما أولا الى السلم الستيني وهذا التحويل وحده قد يكون عملية أصعب من عملية الضرب نفسها . فاذا هو حصل على الجواب عاد فحوله الى نظام العدد السيمى .

فلضرب ٢١٢ مثلا في ٤ يبدأ أولا بتحويل ٢١٢ الى ٣٣٢٢ فحاصل الضرب ١٢٨١٢٨ = ١٤٨ = ٨٤٨ .

حساب اليد عند العرب

هذا هو النظام الذي لقيه العرب شائعاً بين الناس في البلاد التي انتشروا فيها . والاقليدسي ، في كتابه الفصول في الحساب الهندي ، يشير إليه باسم حساب الروم والعرب ، لانه كان شائعاً عند البيزنطيين أيضاً . وربما كان هو حساب العامة والتجار والموظفين لدى سائير الحضارات القديمة . وتسميته بحساب اليد (finger reckoniong) ترجع الى أن الحاسب يلجأ للدلالة على الأعداد الى وضع أصابع يديه في أوضاع ممايزة .

والكتب العربية القديمة تسميه الحساب بدون تمييز ، على أن من هذه الكتب القديمة ما يحمل اسم الحساب ولكنه يبحث في مسائل جبرية ، ذلك أن الجبر العربي كان وليد حساب اليد ويمثل جزءاً هاماً منه .

وبعد انتشار الحساب الهندي صار التمييز ضرورياً فسمى الحساب الهندي بحساب التخت أو التراب أو الغبار ، لسبب سنجلوه فيما بعد ، كما سمي هذا النظام بحساب اليد أو الحساب الهوائي أو حساب العقود . وعندما تم دمج الانظمة كلها في علم حسابي واحد سقط التمييز مرة أخرى ، ومن الأمثلة على ذلك مفتاح الحساب للكاشي و خلاصة الحساب لبهاء الدين العاملي وكلاهما يمثلان الحساب العربي في أرقى مراحلها . وفي كليهما آثار من حساب اليد والحساب الهندي وغيرهما .

والمصادر العربية تنسب كتاباً للخوارزمي باسم الجمع والتفريق ، وتنسب كتاباً بالاسم نفسه لأبي حنيفة الدينوري ، وكلاهما مفقود ، إلا أن عبد القاهر بن طاهر البغدادي في كتابه التكملة في الحساب يقتبس من كتاب الخوارزمي طرقاً هي أشبه بحساب اليد منها بالحساب الهندي ، فاذا ذكرنا أن المصادر العربية تنسب لكل من الخوارزمي والدينوري كتاباً آخر في الحساب الهندي ، أمكن أن نعتبر أن كتابي الجمع والتفريق يبحثان

في حساب اليد . أما بصدد تسميتهما بالجمع والتفريق فمذكور أن عمليه الجمع كانت تسمى في الكتب العربية بالزيادة . في حين أن الجمع يعنى ضم المقادير بعضها الى بعض ، جمعاً أو ضرباً ، وأن عمليه الطرح كانت تسمى المنقصان . في حين أن المنقص كان من جملة الموزع أي القسمة . ومن الجمع والمفرق كتابا هيمان العمدة الرابع الرئيسية في الحساب . ويرر سمات حساب اليد العربي أنه لا يشمل على أي رموز حسابية . فمذكور فيه الأعداد باسمائها في نظام العد الطبيعي .

ومن ثم فالعد يتركب من آحاد وعشرات ومئات والوف ٠٠٠ الخ . ويعد عن المراتب . وكل مرتبة من مراتبه تتركب من واحد أو اثنين أو ثلاثة ٠٠٠ الى التسعة وهذه هي العقود . وقد سميت عقوداً لأن الحاسب ، إذا لم يكن لديه طريقة رمزية للدلالة على الأعداد لجأ الى الدلالة عليها بعقد أصابع يديه عقوداً متمايزة . فاذا هو أراد أن يدل على ٢٧ مثلاً عقد أصابعه بشكل يدل على ذلك . انظر التعليقات رقم ١٦ .

العمليات الحسابية :

عقد الأصابع يدل على الأعداد . أما العمليات الحسابية التي كان يريد الحاسب إجرائها فقد كانت تجري عقلياً فيغير الحاسب عقد أصابعه حسب النتيجة التي يحصل عليها .

ومن السمات المميزة لكتب حساب اليد أنها لا تتناول العمليات الحسابية بالترتيب الذي نعرفه من جمع وطرح وضرب وقسمة وتجذير . فهي تدل الجمع والطرح باعتبارهما عمليتين سهلتين وتعطي الحاسب ما يحتاج من قواعد تساعد على إجراء غيرهما من العمليات . وهي تبدأ عادة بذكر المراتب ومنها تنقل الى الضرب والقسمة ، والقسمة تفضي الى الكسور والقسمة . نادراً ما يشرح عمداً كيف جاء دور تطبيق هذه المبادئ في مسائل المعاملات والمساحة . مع ذكر لمبادئ الجبر والاستعانة به في حل المعقول .

ويحل الضرب يبدأ عدده بفكرة ضرب منزلة في منزلة . اذا ضرب عدسات في الوف مما مرببة الناتج . والقواعد التي يعطى في هذا الصدد عبر عنها بالقانون

$$١٠ \times ١٠ = ١٠٠ + ٢٠$$

حيث د . ن عدنان صحيحان موحدان .

ومم يستعملون هذه القواعد في كل عملة ضرب . فمثلا ضرب ٢٠٣ في ٢٧ مثلا يعرف الحاسب ان عليه ان يضرب ٣ آحاد في ٧ وفي ٢٠ ثم يجمع في ٧ وفي ٢٠ .

فهو يضرب الثلاثة في السبعة فيعده بضابغة ٢١ .

ثم يضرب الثلاثة في العشر فيصبح ٦٠ فيضرب العتد الى ٨١ .

ثم يضرب المائتين في السبعة على العشر الناتج في الاحاد مئات فيخرج ١٢ م . أي ١٤٠٠ يجمعها على الضميمة الى العتد السابق فيصبح ١٤٨١ .

ثم يضرب المائتين في العشر على اعتبار المئات في العشرات الوف فيصبح ٤ آلاف يجمعها الى العتد فيصبح الجواب . ممكنه اذا شاء . خمسة آلاف واربعمائة وثمانين .

رواصح أن الاعتماد على اصابع اليدين في الدلالة على الاعداد يجعل معالجة الاعداد الكبره أمرا في غاية الصعوبة . هذا بالإضافة الى أنه يشل يدي الحاسب عن أي حركة أخرى ، ثم أن العملية كلها ذهنية لا تنطوي على خطوات مكتوبة يمكن مراجعتها .

فمن ثم لجأوا الى تحقيق صحة الجواب بطرح التسعات وهي طريقة أندلسية عن اليهود .

وفي مخطوطات حساب الدند نجد بالإضافة الى الطريقة العامة السابقة قواعد مختصرة تفيد في حالات دون حالات . ومن أهم هذه القواعد :

$$(١) \quad ب \cdot \frac{ب+پ}{٢} - \frac{ب-پ}{٢} = ب \cdot \frac{ب-پ}{٢} - \frac{ب+پ}{٢}$$

(١) القواعد الابتدائية المعروفة (مثل ضرب أي عدد في ٢٥ بتحويله الى مئات وقسمة الناتج على ٤) تستغل بأكثر مما هو مألوف اليوم . فلضرب أي عدد في ١٥ يحول الى عشرات ويضاف اليه نصفه . ولضربه في ١٤ (أو ١٦) يضرب في ١٥ بالطريقة السابقة ثم يطرح من الحاصل (أو يضاف اليه) العدد الاصلى .

وقد جمع د . ي . سمث هذه القواعد في كتابه عن تاريخ الرياضيات وسميها الى حساب لاتينيين ولكننا نجدتها كلها في أقدم المخطوطات العربية .

والقسمة تبدأ بقواعد سميها بالقانون .

$$٢٠ \div ١٠ = ٢ - ٢٠ = ٢٠ - ٢٠ = ٠ \quad \text{حيث د . ن عدنان صحيحان موجبان .}$$

اما الطريقة العامة لقسمة فمماثل ما قد يعمده الامي الذكي في هذه الامام :

فلقسمة ٥٥٢٥ على ١٧ قد يعمل الحاسب ما يلي :

$$٥١٠٠ - ١٧ = ٣٠٠$$

والباقي من المقسوم وهو ٢٢٥ يحرا الى ٣٤٠ + ٨٥

$$٥١٠ - ٨٥$$

وعكدا يحصل الحاسب على الجواب وهو ٣٢٥ .

على أن العملية قد تبدو أحما . تطبق الطريقة العامة المستعملة حالياً رغم عدم استعمال الارقام . فلقسمة ٢٠٣٢٥ على ١٣٥ :

يسأل الكرخي عن أكبر عدد من المئات ضرب في ١٣٥ ليسج اقرب

عدد الى المقسوم فيجده مائة ، ويطرح حاصل الضرب فيبقى معه ٦٨٢٥ .

يسأل عن أكبر عدد من العشرات اذا ضرب في ١٣٥ يعطى اقرب

عدد الى عتد فيجده خمسين ويضربها في ١٣٥ ويطرح الناتج فيجده الباقي

عنده ٧٥ . فيصبح أن خارج القسمة ١٥٠ والباقي ٧٥ .

وعدا هذه الطريقة هنالك طرق مختصرة للقسمة على أجزاء العقود
مثل ٥ ، ١٢ ١/٢ ، ٣٣ ١/٣ وما شاكلها . فقد كانت القسمة على العقود كالضرب
بها أمرا سهلا على الحاسب .

الكسور في حساب اليد :

من أبرز سمات حساب المسامير تميزه عن الأنظمة الحسابية الأخرى
طريقه في معالجة الكسور ، وهو مظهر من مظاهر النظام كسره
أولها الكسور السميكية وهي السقام والمواشي والنوالب الخ . على
أن الحساب قد يكتفون عند تفسير الكسر بإعطائه الدقائق وكسور
النسبة . ولا يستأن هذا النظام أغريقى بإبلى .

وبالنسبة لنظام محلى مبني على التعبير عن الكسور بدلالة أجزاء وحدات
القياس الشائعة ، ولذا فالكسر في هذا النظام يغير دلالة حسب المكان
والزمان ، فحيث يكون الدرهم ٦ دانيق مثلا والدان ٨ حبات يعبر عن
السدس بدانيق وعن ١/٨ بحبة ، ويعبر عن الأجزاء بدلالة الدانيق والحبة
وكسورها بالتقريب ، وإن أراد الحاسب دقة أكبر قسم الحبة إلى دوائق
حبه وحببات حبه .

أما النظام الثالث ، ونسميه بالنظام العربي فمبني على اعتبار أن اللغة
العربية تحتوي على تسعة ألفاظ للكسور لا غير ، وهي النصف والثالث ...
إلى العشر . فهذه أذن هي الكسور ، وكل واحد منها كسر ، وما عداها
ينبغي أن يعبر عنه بدالاتها .

مثلا ١/١٢ يعبر عنه بنصف سبع ،

١/١٢ يعبر عنه بنصف سدس ، ويمكن أن يعبر عنه بثلاث ربع
والكن التعبير الأول أحسن : إذ يفضل أن يكون البدء بأكبر كسر ممكن .

والنصف أكبر الكسور . وقد يعبر عنه بنصف نصف ثلث ، ولكن ينبغي
أن تكون العبارة أوجز ما يمكن .

٢/٧ يعتبر كسورا لا كسرا ، ويفضل أن يعبر عنه بثلاث وثلثي
سبع . وكذلك ٣/٤ يفضل أن يعبر عنه بنصف ورابع ، يستثنى من ذلك ١/٢
لا تجزا .

وأذن فالمقادير الكسرية يعبر عنها بدلالة الألفاظ التسعة مع الإضافة
أو العطف ويراعى في ذلك كله أن تكون العبارة أوجز ما يمكن والكسور
أكبر ما يمكن . مرتبة من الأكبر فما دونه .

وما لا يمكن أن يعبر عنه بدلالة هذه الألفاظ التسعة ليست كسورا ،
وإنما هي أجزاء ، فمثلا ١/١١ هو جزء من أحد عشر جزءا من الواحد .
وهذه الأجزاء يستحسن التعبير عنها بالألفاظ التسعة بالتقريب . وقد
وضع العرب لهذا التقريب قواعد لطيفة وإن تكن بمقاييسنا أشبه بجهد
صانع . وهذه الأجزاء اعتبر كسورا صماء .

والكسور والأجزاء لها مخارج ، والمخرج هو أصغر عدد صحيح يكون
كسره المخرج صحيحا ، فالنصف مخرج ٢ لأن نصف الاثنين واحد .
وكذلك ١/١١ مخرج ١١ .

ومن أجل جمع المقادير الكسرية وطرحها ومقارنتها بعضها ببعض لجأ
الحساب العرب إلى بوحده المخرج ، وإن يكن بعضهم قد آثر تحويلها
إلى كسور سميكية .

رغم هذا النظام الكسري المعقد ، ورغم فقدان أى نظام رمزي للتعبير
عن الأعداد الصحيحة والكسرية ، استطاع أن يقول : إن العرب عرفوا
كل المبادئ الرياضية اللازمة للعمليات الحسابية من جمع وطرح وضرب
وقسمة وتجدد . ويكفي أن نطلع على واحدة من مخطوطات حساب اليد
الهامة لنندرك هذه الحقيقة .

ولكن هل كانت هذه المعرفة العربية الرياضية تراثاً ورثه العرب أم

اكتسبها العرب من غيرهم ؟

المخطوطات العربية في حساب اليد :

ليس من السهل أن نجيب عن هذا السؤال على وجه اليقين . فمما لا شك فيه أن حساب اليد هذا كان تراثاً ورثه العرب . وأقدم مخطوطة وصلت إلينا كتاب أبي الوفاء البوزجاني ، « في ما يحتاج إليه الكتاب والعمال وغيرهم من علم الحساب » ، وهذا الكتاب نستطيع أن نقول أنه بخلو من كل أخطاء في المبدأ ، وما قد نجد فيه من أخطاء إنما هو في العمليات الحسابية مما قد يكون نجم عن سهو من الناسخ . وأبو الوفاء من كبار الرياضيين العرب الذين درسوا إقليدس وبطلميوس وأرخميدس وديوفانتس وحرروا كتبهم . وهو في كتابه هذا يشكو من أن الحساب لمجان في حسابهم إلى طرق تقليدية مخطوطة ويتنكبون الطرق التي يقوم على صحتها البرهان . ومثل هذه الأخطاء التي يشير إليها نجدها في بعض مخطوطات حساب اليد التي وصلت إلينا . فلا شك إذن أن لأبي الوفاء ، كما لغيره من الرياضيين العرب فضلاً في تحرير حساب اليد الموروث من أخطاء دارجة .

وعندما اتصل العرب بالحساب الهندي وعرفوا ما فيه من طرق بينة محدودة للعمليات الحسابية ومن فكرة واضحة متكاملة عن الكسر المادي ، كان لا بد لحساب اليد أن يندحر ، وعلامة اندحاره تتبدى لنا في قلة الكتب التي تبحث عنه وتساؤل حجمها ، حتى لنجد كتاب تحفة الاحباب في علم الحساب لسبط المارديني وكتاب اللمع في الحساب لابن الهائم ، وكلاهما في حساب اليد ، يكادان يقتصران على وصف الطرق المختصرة في الحساب .

وقد وضع المتقدمون في حساب اليد كتباً ، ولكن هذه الكتب مفقودة

وأهم ما وصل إلينا من كتب كاملة في هذا النوع من الحساب ، كتابان :

أولهما الكتاب المشار إليه آنفاً لأبي الوفاء البوزجاني (٣٢٨ - ٣٨٨ هـ = ٩٤٠ - ٩٩٨ م) وهو في سبع منازل ، ولذلك يسمى أيضاً كتاب المنازل السبع . ومخطوطة ليدين الرقم Or. 103 تحوى المنازل الثلاث الأولى منه ، ومخطوطة دار الكتب الرقم ٤٢ م رياضة تبدأ من الباب الثاني في المنزلة الثانية إلى آخر الكتاب ، عدا أجزاء مفقودة ، لا سيما أواخر المنزلة السادسة وأوائل السابعة .

وهذا كتاب يفصل حساب اليد تفصيلاً يبلغ حد الاسهاب أحياناً ، وضعه مؤلفه لموظفي الدولة وجعله أشبه بجداول تعين الحاسب في عملياته وتوفر عليه كثيراً من الجهد ، إلا أن المؤلف اضطر ، كما يقول في مقدمته ، إلى التفاضل عن تقديم البراهين على صحة العمليات الحسابية التي يوردها ، واضطر أيضاً إلى حذف موضوع الجبر من كتابه لأنه وضع كتاباً خاصاً في صناعة الجبر والمقابلة . ولما كان علم الجبر العربي أهم ما نجم عن علم الحساب العربي ، فإن الباحث على حق إذا هو عد كتاب أبي الوفاء البوزجاني في ما يحتاج إليه الكتاب والعمال وغيرهم من علم الحساب لا يعطي صورة كاملة للحساب العربي .

أما الكتاب الثاني في حساب اليد الذي وصل إلينا كاملاً فهو كتاب الكافي في الحساب لأبي بكر محمد بن الحسن الكرجي ، المتوفي سنة ٤٢٠ هـ / ١٠٢٩ م . (المخطوطة رقم ٨٥٥ دامت إبراهيم باشا ، استسول) .

وفي كتاب الكرجي صفحات عن الجبر العربي . ولكن على قدر ما نصدق إذا وصفنا كتاب أبي الوفاء بالاسهاب ، نصدق أيضاً إذا وصفنا كتاب الكرجي بالايجاز . فهو كأبي الوفاء لا يعطي تبريراً للعمليات التي يعرضها ، وهو أيضاً قد يذكر القاعدة بشكل غامض وبدون أمثلة تجلوها ، فإن مثل فقد يكتفى بمثال واحد . ولعل هذا هو السبب في أن

كتاب الكرجي في الحساب قد وضع له شرح وصلنا منها شرح لأبي
علي حسين بن أحمد السندوق . وآخر باسم الشرح الشافى لكتاب الكافي
لمحمد بن عبد الله بن أبي الحسن بن أحمد بن عبد الله الشهرزوري .

ولما كان كتابا أبي الوفاء والكرجي هما الكتابان الوحيدان اللذان
وصلتا إلينا في حساب اليد قبل أن يبدأ بالانحسار أمام الحساب الهندي
رأينا أن نقدم أولهما للقارىء كاملا في الصفحات التالية . ولما سكر
اختيارنا لكتاب أبي الوفاء لأنه أكثر تفصيلا من كتاب الكرجي . ولكن
لسببين آخرين : أولهما أننا وجدنا أبا الوفاء أعمق فهما وأبعد عن الخطأ .
وأن في كتاب الكرجي لأخطاء سنشير إليها في التعليقات . وثانيهما أن
كتاب أبي الوفاء يجمع فيه أخرى شرحه ن. سوفر على دراستها الباحثون .
ذلك أنه قد وضع كتابا لموظفي الدولة يشرح أمامها فرصة مدرة لدراسة
النظام الإداري في عصره .

طريقتنا في النشر :

سنقدم للقارىء في الصفحات التالية كتاب أبي الوفاء البيروني .

في ما يحتاج إليه الكتاب والعمال وغيرهم من علم الحساب .

كما نجده في المخطوطتين اللتين وصلتا إلينا .

١ - ل. وهي مخطوطة لندن . الرقم 103 .

٢ - م. وهي مخطوطة دار الكتب في القاهرة . الرقم ٥٢ م. رياضه .

وفي التعليقات سنذكر كل إضافة ذات قيمة نجدها في كتاب الكرجي :
الكافي في الحساب ، المخطوطة ٨٥٥ دامت إبراهيم باشا في استنبول .
أو في شرح الشهرزوري المخطوطة ٨٠١ في مكتبة يني جامع في استنبول .
ولما كان الجبر العربي وليد حساب اليد الذي نعرضه في هذه
الصفحات ، ولما كان أبو الوفاء لا يتعرض للجبر في كتابه ، وكان كتاب
الكرجي موجزا ، لذا رأينا أن نتبع كتاب أبي الوفاء بما يذكره الكرجي

من الجبر في حسابيه وما تضمنته الشهرزوري من إضافات ذات شأن ،
على أن نقدم للقارىء نموذجاً أولي للجبر العربي في أحد الأجزاء التالية
لكتابنا هذا .

وفي عرضنا للنصوص العربية الرياضية للقارىء العربي درجنا على
نظام التالي :

أولاً : نقدم للكتاب بمقدمة موجزة تبين موضعه من تاريخ الرياضيات
العربية .

ثانياً : نقدم النص العربي بما تقتضيه أمانة تقديم النصوص وبشكل
يسمح فيه وضع الجمل في فقرات تسهل على القارىء الانتقال من فكرة إلى
فكرة ، ونبيح فيه أيضاً كتابة بعض الكلمات بالشكل الدارج اليوم .
وتصحیح بعض النتائج الحسابية التي نرجح أن سبب الخطأ فيها سهو
من الناسخ ، ولكننا لا نبیح تصحيح الأخطاء اللغوية ، ذلك أننا نجد مؤلفي
الكتب الرياضية يميلون إلى التحلل من القواعد النحوية فلم نرد أن نلتزم
بما حللوا هم أنفسهم منه إلا حيث خشيئنا من الالتباس . وحيث وجدنا
ألا بد من زيادة لفظ أو أكثر حتى يستقيم المعنى ، وضعنا ما زدناه بين
قوسين .

وفي مثل الكتاب الذي نشره هنا ، كتاب أبي الوفاء ، رأينا في أكثر من
موضع ما كان يدفعنا لاختصار النص . ذلك أن الفكرة قد اتضحت حتى
من غير أن نزيد عليها بمقاييسنا حسوا أو تكراراً . ولكننا آثرنا أن ننقل
النص كاملاً فلم نحذف منه إلا أشكالاً هندسية لم نجد في حذفها خسارة .

ثالثاً : على اعتبار أننا ننشر لقارىء يتقن العربية لم نجد ضرورة
لشرح العمليات التي يتضمنها النص ، ومن ثم كانت التعليقات
موجزة تستهدف في الدرجة الأولى تقييم المبادئ التي فيه .

ثم ختمنا الكتاب بالإشارة إلى أهم ما يؤدي إليه من نتائج وبفهارس
نظم ما ينطوي عليه من وحدات قياس ومن مخطوطات .

المؤلف :

هو أبو الوفاء البوزجاني ، محمد بن محمد بن يحيى بن اسماعيل بن العباس . ولد في بوزجان من بلاد نيسابور (قوهستان) في ١ رمضان سنة ٣٢٨ هـ (١ يونيو سنة ٩٤٠ م) وانتقل الى العراق في سنة ٩٥٩/٣٤٨ وعاش في بغداد حيث وضع كتابه هذا ، وفيها مات في سنة ٩٩٨/٣٨٨ م .

وفي كتابه نجده يشير الى كتاب له في صناعة الجبر والمقابلة وكتب له في تفسير كتب الخوارزمي وديوفانس وابرخس البيتينى في الجبر والعدد والى كتاب له باسم المدخل الى الارتمطيقى وكتاب في الفلك سماه المجسطى باسم مجسطي بطليموس . وهذه الكتب كلها مفقودة الا من اجزاء من مجسطى أبي الوفاء في مكتبة باريس بالرقم (Arabe 2497) درسها كراي فير . انظر : L'almageste d' Abu-l Wefa J.A.T., 19, 408 - 471, 1892) على أن فيكي أشار الى مخطوطة لأبي الوفاء في الاسكوريال باسم المدخل الحفظي الى صناعة الارتمطيقى ، كما أشار بروكلمان الى مخطوطة اخرى في رامبور باسم رسالة في الحساب .

الا أن في مكتبات العالم من كتبه رسالة في الهندسة ، بالعربية والفارسية ، درسها فيكي (JA, 1855, 812 - 56, 309 - 59) وهو يعتقد أنها ليست لأبي الوفاء نفسه ولكنها من صنع أحد تلاميذه . وله أيضاً كتاب في الفلك باسم كتاب الكامل ترجم كراي في أجزاء منه ، كما أن له كتاباً لم يتوفر على دراستها أحد ، منها رسالة في ما يحتاج اليه الصانع من أعمال الهندسة ، مع شرح لها لكامل الدين أبي الفتح موسى بن يونس بن محمد بن منعه الشافعي - في مكتبة جامع أياصوفيا . ورسائل أخرى في المثلثات والفلك . انظر كتاب بروكلمان (٢٥٥/١) .

ولكن من هذا القليل الذي درسه فيكي وكراي في كتب أبي

الوفاء ، عند صاحبنا من أكبر رياضيين الاسلام حتى لقد سمى سارتن في مقدمته النصف الثاني من القرن العاشر الميلادي باسم أبي الوفاء . والذي ميز أبا الوفاء أنه أحدث اضافات هامة في علم المثلثات .

ففي المثلثات المستوية ابتكر طريقة لانشاء جداول للجيوب واعطى جيب نصف الدرجة صحيحاً لثمانى منازل عشرية وعرف بشكل ما القوانين :

$$\text{جا } (P \pm B) = \text{جا } P \text{ جا } B \pm \text{جنا } P \text{ جا } B$$

$$\text{جا } P = \frac{\text{جا } P}{\frac{P}{2}} \text{ جا } \frac{P}{2}$$

$$\text{جا } P = \frac{P}{2} = 1 - \text{جنا } P$$

كما وضع جداول لنسبة الظل واستعمل القاطع وقاطع التمام . ولكن يرجح أنه لم يبتكر هذه النسب وان حبش الحاسب والبتاني قد استعملها من قبله .

وفي المثلثات الكروية قد يكون أبو الوفاء أول من عمم قانون الجيوب على المثلث الكروي ، القائم وغير القائم . وقد استعاض عن نظرية منيلاوس بعلاقات بين النسب الثلاثية .

وأما في الهندسة فهو يبحث في حل مسائل هندسية بفتحة واحدة للبرجل ، وفي رسم المضلعات المنتظمة ، ومنها التساعي باعتبار ضلعه يساوي تقريباً نصف ضلع المثلث المتساوي الاضلاع . وهو يبحث أيضاً في القطع المكافئ وفي حلول هندسية لمعادلات من النوع

$$P = S^2 + P^2 = B$$

وابن النديم ، صاحب الفهرست ، ينسب لأبي الوفاء ، في جملة

ما ينسب ، كتاباً باسم كتاب استخراج ضلع المكعب بمال المال
وما يتركب منهما ، مقالة • ولعل المقصود بضلع المكعب ومال المال ،
الجزر التكعيبي والجزر الرابع • فإذا صح ذلك نرجح أن طريقة
أبي الوفاء في استخراج جذور الجزر كالتحريك هي طريقة في حل المعادلات
التي هي من الدرجة ٤ ، أي منسجمة • ومما يروى أنه في حسابيه لا يبيى
اعتماداً بالجزر التربيعي ويستخرج من غير شرح لطريقة استخراج
وهذا هو سؤاله في الموضوعات التي خصص لها كتابه مستقلة •

ومن بين أبي الوفاء شرح الأسماء ، في كتابه الفصول في الحساب
البيدي ، الذي وضعه سنة ٣٤١ هـ - ٥٣/٩٥٣ م ، طريقة استخراج
الجزر التكعيبي بالحساب • أما استخراج الجزر الرابع فمعلوم أن عمر
العدد كان هو الذي سبق أنه •

أما في الحساب فنستطيع أن نسجل لأبي الوفاء عن يمين

أنه في كتابه حرر حساب اليد من كل ما فيه من أخطاء • ولقد
وصفت لنا مخطوطات تؤيد ما يشكو منه أبو الوفاء من أن الحساب
ستعملون طرقاً خاطئة ، ولكن لا يجد من أخطائنا عنه •

الكرجي :

هو أبو بكر محمد بن الحسن (أو الحسين) الحاسب ، الكرجي •
ويسمى خطأ بالكرخي ، ظهر في بغداد في عهد فخر الملك أبي غالب
محمد بن خلف المتوفى سنة ١٠١٦ • وقد توفي الكرجي سنة ١٠١٩ •
أو ١٠٢٩ • وللكرجي عدا كتاب الكافي في الحساب : كتاب الفخري في
الجبر وقد تأسر منه جبر دوقاسس إلا أنه ورد في كتابه مسائل لا ينسب
منها إلى دوقاسس •

وكتاب الفخري كذلك يكون نقصاً لمادة الجبر التي بدورها بإيجاز

في كتابه الكافي • وهو في تفصيله يقدم براهين هندسية لبعض النتائج
التي يوردها كما أنه يطبق مبدأ حل المعادلة التربيعية لحل معادلات
من النوع

$$p x^2 + b x + c = 0$$

وله رسائل أخرى في الجبر والحساب (انظر بروكلمان ٢٤٧/١) •

ومن رسائله الممتع في المساحة (المخطوطة ١٠٩٨ رياضية في دار
الكتب) وهي تكاد تكون منقولة عن فصل المساحة في كتابه الكافي في
الحساب ، فهي تفصل ونشرح ما ورد في كتاب الكافي من قواعد في
المساحة ولكنها لا تحوي الصفحات ذاتها •

الْحَمْدُ لِلَّهِ الْأَوَّلِ مِنْ كِتَابِ
 زُيْلَعَاتِ مُحَمَّدٍ بْنِ مُحَمَّدٍ الْبُورْجَانِي
 الْمَهْدِيِّ
 الْمَنْزِلَةُ الْأُولَى: وَالْمَنْزِلَةُ الثَّانِيَّةُ: وَالْمَنْزِلَةُ الثَّالِثَةُ
 إِنَّ أَحْسَنَ الْعَمَلِ ذِكْرُ أَحَدٍ أَمَّا أَمْدَحُ اللَّهِ تَعَالَى بِفَضْلِهِ جَيْتُ
 يَقُولُ جَلَّ ذِكْرُهُ وَحَقُّ نَاجَا تَبِيَّتُ

الصفحة الاولى من نسخة ليدن

(Faint, illegible handwritten text, likely bleed-through from the reverse side)

الصفحة الاولى من نسخة القاهرة

بسم الله الرحمن الرحيم ، عليه توكلت

كتاب أبي الوفاء محمد بن محمد البوزجاني

في ما يحتاج اليه الكتاب والعمال

وغيرهم من علم الحساب

المنزلة الأولى

ان الله تقديس ذكره اختص مولانا الملك شاهنشاه ، السيد الأجل
المصنوع ولي العهد محمد المنزلة ونجاح الملك ، أطال الله بعهده وأدام له
العلم والهدى والمصر والسداد والعفو والسخاء والفرح والسمو ،
والعز والسمعة والشامة والهدى الناذلة (و) جعله خارج من تحت من
الموت فاطمة ، فالأول نجمع بفائده ، والبرحات تنفق بعقوته $x \times x$ ،
وكن دى عنه المقرب له الى خدمته ، ثقة بفقاظه عليه وزكاته لديه .

وقد خدمته بتألف كتاب يشتمل على جميع ما يحتاج اليه الكامل
والمبتدىء والتابع والمتبوع من الحساب وصناعة الكتابة وأعمال الخراج
وسائر الأنواع التي تجري في معاملات الدواوين ، من النسبة والضرب
والقسمة والمساح والمطوي والمقاسمات والتصريف ، وغير ذلك مما
يعمل به الناس في أمثاليه ويحتاجون اليه في معاشهم .

وتركته سبع منازل ، كل منزلة منها سبعة أبواب ، مفصلة محصلة
دالة على أغراضها والمقاصد فيها . وحردته من العلى والبواهي ، لنلا
طول ونفوت تناولها ومن طرائقه .

من راجع هذه الكتب في علم الحساب
فيما هو من العلوم النادرة .

وأوردت في أول الكتاب منازل وأبوابه منفردة ، ليكون عوناً لمن رام
الوقوف على منزلة من منازل (أو نوع) من أنواعه ، وليستغنى الملتبس
لذلك الراغب فيه عن كثرة الطلب [٢ و] لما يريده والبحث عما يتفقيه ،
وينحو نحو المراد بغير تعب ، ويطلع ملتزمه بلا نصب .
والله المعين والمنصير ، بحب وحرصى بعونه وفكرته

منازل هذا الكتاب سبعة

- المنزلة الأولى : في النسبة ، وهي سبعة أبواب .
- المنزلة الثانية : في الضرب والقسمة ، وهي سبعة أبواب .
- المنزلة الثالثة : في أعمال المساحات ، وهي سبعة أبواب .
- المنزلة الرابعة : في أعمال الخراج ، وهي سبعة أبواب .
- المنزلة الخامسة : في التصريف وأعمال المقاسمات ، وهي سبعة أبواب .
- المنزلة السادسة : في أنواع سمي من الحساب مما يحتاج اليه في صناعة
الكتابة ، وهي سبعة أبواب .
- المنزلة السابعة : في معاملات التجار ، وهي سبعة أبواب .

أبواب المنزلة الأولى :

- الباب الأول : في معنى النسبة وعدد أنواع الكسور وتحرير
الفاظ بمعناها الكتاب في النسبة ، وهو فصل
واحد .
- الباب الثاني : في عدد أنواع الكسور وتفصيلها من الستين ،
وهو ثلاثة فصول .
- الباب الثالث : في نسبة الستين من الضحاح ، وهو فصل واحد .
- الباب الرابع : في نسبة الكسور التي هي الرؤوس والمركبة ،
وهي سبعة فصول .

الباب الخامس في سبعة الكسور المضافة التي هي كسور الكسور.

وعني سبعة فصول .

[٢٤] الباب السادس في رد سبعة سائر الأعداد إلى سبعة السنين.

وهو فصلان .

الباب السابع في مسائل رتب فيها المصنف في سبعة السنين .

وهو ثلاثة فصول .

فذلك سبعة أبواب وخمسة وعشرون فصلا .

أبواب المنزلة الثانية :

الباب الأول في معنى الضرب والقسمة وتقسيم الأعداد .

وهو أربعة فصول .

الباب الثاني (في ضرب الأعداد الصحيحة بعينها في مئة)

ومئيتها . وهو مائة فصول .

الباب الثالث في استخراج الأعداد التي يخرج منها الكسور

وجمعها وتقسيمها . وهو مائة فصول .

الباب الرابع في ضرب الكسور ومئيتها . وهو خمسة فصول .

الباب الخامس في ضرب الأعداد الصحيحة في الكسور ومقابلاتها .

وهو ثلاثة فصول .

الباب السادس في ضرب الأعداد المركبة ومئيتها . وهو مائة

فصول .

الباب السابع في اختصار الضرب والقسمة . وهو فصلان .

فذلك سبعة أبواب وخمسة وثلاثون فصلا .

١٠ والصحيح فصلان .

١١ والصحيح سبعة وعشرون فصلا .

أبواب المنزلة الثالثة :

الباب الأول في الألفاظ المستعملة في المساحة وضرب بعينها

في بعض . وهو أربعة فصول .

الباب الثاني في حساب الأوزان . وهو أربعة فصول .

الباب الثالث في مساحة الدوائر ومطعها وما يترك منها .

وهو فصلان .

[٢٥] الباب الرابع في مساحة السحاب والمربعات وما ساكنها من

الأشكال المسطحة . وهو أربعة فصول .

الباب الخامس في مساحة دواب الاصطراع الكثيرة وغيرها من

الأشكال المركبة . وهو فصلان .

الباب السادس في مساحة الجسود . وهو فصل واحد .

فذلك سبعة أبواب وثلاثة وعشرون فصلا .

أبواب المنزلة الرابعة :

الباب الأول في الألفاظ والرسوم الحارة في الدواوين في أمر

الخراج . وهو فصل واحد .

الباب الثاني في أصول بمعنى أن يعتمد عليها في حساب جميع

أنواع المعاملات . وهو فصلان .

الباب الثالث في الأصول التي يعتمد عليها في مسائل الخراج .

وهو فصلان .

الباب الرابع في مسائل الطسوق وحسبها . وهو أربعة فصول .

الباب الخامس في مسائل الأبين . وهو فصل واحد .

الباب السادس في مسائل الطسوق والرواج . وهو فصل واحد .

الباب السابع في المسائل التي تجمع الطسوق والأبين

والرواج والكفانة . وهو فصل واحد .

فذلك سبعة أبواب وأربعة عشر فصلا .

[٣] أبواب المنزلة الخامسة :

الباب الأول : في اختلاف الاكرار وتصريفها في السواد في البلاد القريبة منها . وهو ثلاثة فصول .

الباب الثاني : في أجناس الحبوب وتصريفها ، وهو فصل واحد .

الباب الثالث : في تصريف الغلات بعضها ببعض ، اذا كانت مختلفة الكيل ، وهو أربعة فصول .

الباب الرابع : في أسئلة يرتاض بها المبتدئ في تصريف أصناف الغلات . وهو فصل واحد .

الباب الخامس : في أعمال المقامات ، وهو فصل واحد .

الباب السادس : في السعور وحسابه ، وهو فصل واحد .

الباب السابع : في بيع الغلات وتصرفه المكاسب الخسنة . وهو فصل واحد .

فذلك سبعة أبواب ، واحد عشر فصلا .

أبواب المنزلة السادسة :

الباب الأول : في تصرف العين والورق .

الباب الثاني : في تصرف (الورق) بعضها ببعض .

الباب الثالث : في معرفة أوزان العين والورق بعينه ببعض .

الباب الرابع : في إعطاء الحمد أرزاقهم وحراباتهم .

الباب الخامس : في حساب العوامة .

الباب السادس : في حساب المآصر والجواز .

كذا والصحيح اثنا عشر .

المآصر : الحاح . والمآصر حمل كان يقام على سطح الماء لمنع المرور . والموضوع عن

حساب بحصول رسوم المرور .

الباب السابع : في سبر البرد والقيوج والجمازات .

[٤] فذلك سبعة أبواب وسبعة فصول .

أبواب المنزلة السابعة :

الباب الأول : في حساب الارطال والاواقى والاساتير ، وهو فصل واحد .

الباب الثاني : في حساب الوزنات والعذوق والعناقيد .

الباب الثالث : في حساب الاجراء .

الباب الرابع : في حساب الطرز والاستعمال .

الباب الخامس : في حساب التبطين والتجصيص .

الباب السادس : في حساب الابنية والمستنجات .

الباب السابع : في مسائل من النوادر والملح والطرف .

فذلك سبعة أبواب وسبعة فصول .

فذلك الجميع سبع منازل ، وتسعة وأربعون بابا ، ومائة وتسعة

عشر فصلا .

واذا انضاف اليها هذا الباب صار الجميع خمسين بابا .

وانما قدمنا النسبة في هذا الكتاب على سائر أنواع الحساب لان

حساب المعاملات كلها مبنية على ثلاثة أنواع وهي :

النسبة القصر القسمة

• في حساب السلف الذي يسعون على أرباحهم . والجماز : السرب العدو والموضوع

يعنى بقطعة البريد وحسنة .

• في حساب القصد والاحتج . وهذا الباب كله سلف من الكتب ولكن يستطع

المتدبر ان الموضوع يعنى مع الأمتدات التي لا يكون بالأواقى والارطال .

• في حساب طرور الثياب ، والاصنعاع . طلب عمل الثياب واللبود .

• في حساب ما سى في وجه السيل .

والحساب اذا كان درج من واحد في كل نوع منها لم يصعب عليه
سمي من انواع الحساب . به وحدا كل واحد من الضرب والقسمة يحتاج
الى النسبة (هني) يستعمل في الضرب والقسمة ، وبخاصة في انواع الكسور
منها ، والنسبة لا يحتاج سمي منها الى الضرب والقسمة الا في مسائل
واحد فبدلت بهما [هـ] النسبة على الضرب والقسمة . وحالها الضرب
بالقسمة لان كل واحد منهما يحتاج الى الآخر ، فان الضرب يستعمل فيه
القسمة ، والقسمة يستعمل فيها الضرب .

أما سائر انواع المعاملات من المباح والمضروب والمعاملات والضروف
وغیر ذلك فطبيعي ان يحتاج الى هذه الثلاثة الانواع ، اعني النسبة
والضرب والقسمة ، وذلك انه لا يمكنه منها الا يستعمل هي فيها او
بعضها ، فلاح ذلك فلهما على سائر انواع الحساب .

وأما اذكر ما يحتاج اليه في كل واحد من هذه الانواع حسما للمع
بالموضع ، من غير التطويل في شيء ، وبه الثقة ومنه المعونة .

الباب الأول

في معنى النسبة ، وعدد أنواع الكسور

وتحرير ألفاظ يستعملها الكتاب في نسبة الستين

النسبة هي قدر عددين ، أحدهما عند الآخر ؛ مثل ثلاثة أسباع فانها
قدر الثلاثة عند السبعة ؛ ومثل أربعة أخماس فانها قدر الاربعة عند
الخمس . فالعدد الذي يقع بين عددين باضافة أحدهما عند الآخر
يسمى النسبة (و) .

وهي تنقسم ثلاثة انواع :

نسبة القليل الى الكثير : كنسبة الاربعة الى الخمسة ، وكنسبة الخمسة
الى التسعة .

ونسبة الكثير الى القليل : كنسبة التسعة الى الثلاثة ، وكنسبة العشرة
الى الستة .

ونسبة المساواة : [و] كنسبة الثلاثة الى الثلاثة ، والاربعة الى الاربعة .
وقد ذكرنا من شرح كل واحد من هذه الانواع الثلاثة ، واختلاف
النوعين المختلفين منها ، وان الاصل في سائر المناسبات هو كنسبة المساواة ،
في المدخل الذي عملناه الى صناعة العدد (ر) . ما منه كفا .

والذي يحتاج اليه في هذا الحساب هو نسبة القليل الى الكثير ، لان
القصد في النسبة في هذا الموضوع هو معرفة الكسور ؛ وذلك ان العدد
القليل اذا نسب من العدد الكثير قيل لما تحصل من النسبة : الكسور ،
مثل ثلاثة أخماس ، واربعة أسباع . وليست نسبة الكثير الى القليل
كذلك . ولا نسبة المساواة .

والكسور عند حساب المعاملات واصحاب الدواوين تنقسم الى اربعة
انواع هي :

الرؤوس المركب المضاف الاصم:

الرؤوس هو كل كسر يمكن أن يلفظ به مفردا من غير اضافة الى كسر آخر ، مثل النصف والخمس والعشر . والمركب هو كل كسر مركب من الرؤوس ، مثل ثلاثة ارباع ، اربعة اخماس ، خمسة اشدع .

فالمضاف هو كل كسر تكون حكايته من اضافة الى آخر ، مثل نصف سدس ، ثلث سبع .

والاصم هو الكسر الذي لا يمكن تحصيله بهذه الانواع الثلاثة من الكسور ، وهو مثل جزأين من أحد عشر ، ومثل ثلاثة أجزاء من ثلاثة عشر ، ومثل اربعة أجزاء [٥ط] من سبعة عشر .

فاذا أردنا أن ننسب عددا من عدد فينبغي أن نجعله رأسا أو رأسين فانه أحسن من المركب والمضاف ، وذلك مثل ستة وثلاثين من سبعين . فانا نسبناه بنصف وعشر ، وهما رأسان ، وكان أحسن من نسبنا اياه بثلاثة اخماس ، وهو المركب : وان كانت السنة والثلاثون من السنين بثلاثة اخماسها .

وكذلك لو أردنا أن ننسب عشرة من ستين : كان نسبنا اياها بسدس أحسن من نصف ثلث ، وهو حسن عند الكتاب في اللفظ . فان كان عدد لم يمكن أن نجعله رأسا فينبغي أن نسميه بكسر مركب أو مضاف ، فانه أحسن من الاصم . والكتاب وأصحاب الدواوين يستقبحون كسور الاصم جداً ، حتى انهم اذا أرادوا أن يسميوا شيئا من الكسور انضم خطوطها رؤوسا أو مركبا أو مضافا . ونسبوها بالمقرب ، وكان المقرب أحب انهم من الصحيح وهو أصم .

وذلك مثل ثلاثة أجزاء من أحد عشر فانه يكون بالمقرب ربعا وخمسا سبع ، وأثنا خمسا وسبع سبع . وهذا عندهم أحسن من قولهم ثلاثة أجزاء من أحد عشر .

وكلما قلت الالفاظ في النسبة كان عندهم أحسن ، وذلك مثل نسبة الثلاثين من الستين : فان قولنا في نسبتها نصف وهو أحسن من ثلث وسدس : وان كان الثلاثين من الستين ثلثها وسدسها .

ومركب الكسور لا يسميها اذا كانت من حسن واحد : مثل نصف وثلث في خمسين ، فانه أحسن من خمسة اشدع . ومثل ثلث وخمس وعشر في ثمانية واربعين ، فانه أحسن من فورك اربعة اخماس . وان كان الجميع صحيحا : (الا السنين) فانهم يسميها من حمة الكسور المركبة ويختارونها على اللفظ مربية : وذلك مثل ثلث خمس ، في نسبة الاربعة من السنين فانهم يفضلونها على عشر ، وهو مضاف مركب : والمضاف الفرد أحسن عندهم من المضاف المركب .

فان [٦ و] كانت كسور كثيرة فان الأحسن أن يقدم الأكبر منها ويؤخر الأصغر ، وذلك مثل نصف وثلث وعشر : فانه لا يقال عشر وثلث ونصف ، ولا عشر ونصف وثلث . وكذلك في الكسور المتساوية يقدمون الكسر الأكبر على الكسر الأصغر ، مثل نصف سدس ، وثلث سبع . فانه لا يقال سدس نصف ، ولا سبع ثلث . ولا يقدم أيضا ثلث سبع على نصف سدس .

فان كن معنا كسور مركبة ، وكان يمكننا أن نسميها برأس وكسر مضاف ، كان أحسن من نسبنا اياها بالمركب ، وذلك مثل اربعة وعشرين من سبعين . ومن سميها اياها بالثلاث والثلثي عشر ، وهو رأس وكسر مضاف ، أحسن من سميها اياها بخمسين ، وهو مركب .

وكذلك لو أردنا أن ننسب ثلاثة عشر وثلث من سبعين كان سميها اياها بسدس ونصف سبع أحسن من سميها اياها بنسعين .

وان كان معنا كسور : رهوس ومضاف ، فينبغي أن تقدم الـرهوس على المضاف : على كل وجه ، فإنه حسن . وذلك مثل : ثلاثة وعشرين من سبع . فإنه لا يقال في حكايتها نصف عشر وثلاث ؛ ولا في سبعة عشر من سبع يقال نصف سدس وخمس ، لكننا تقدم الـرهوس في الجمع على المضاف ، فيقول ثلث ونصف عشر ، وخمس ونصف سدس . حسن لأن ذلك لا يكون صحيحاً ، (بل) لأن أكثر الحساب والكتاب قد اصططلحوا على أن ذلك أحسن . وصارت عندهم معرفة . والا فالغرض في جميع ما تقدم ذكره المعاني ، لا الالفاظ .

فبيد ما كان ينبغي أن يقدم ذكره قبل نسبة الستين .

الباب الثاني

في عدد أنواع الكسور وتفصيلها من الستين ، وهو ثلاثة فصول

الفصل الأول

في الكسور الملقبة بالـرهوس

[٦ ظ] ان الكسور الملقبة بالـرهوس عددها تسعة . منها ستة تنسب من الستين صحيحاً بلا كسر . وثلاثة منها لا تنسب من الستين الا بكسر .

فاما الستة الصحاح فهي : النصف ، الثلث ، الربع ، الخمس ، السدس ، العشر (وهي من الستين) ، ثلاثون ، عشرون ، خمسة عشر ، اثنى عشر ، عشرة ، ستة .

والذي لا يخرج الا بكسر هي :

السبع	والثمن	والنسع
ثمانية واربعه اسباع	سبعة ونصف	ستة وثلثان

الفصل الثاني

في الكسور المركبة

ان الكسور المركبة جنسان : متفق ومختلف .

فالمثل	ثلاثة ارباع	اربعة اخماس	خمسة اسداس
خمس واربعون	ثمانية واربعون	خمسون	
والمختلف مثل	نصف وخمس	ثلث وربع	خمس وسدس
اثنان واربعون	خمس وثلاثون	اثنان وعشرون	

والمتفق ، وهو اثنان وعشرون نوعاً ، منها ما نسبته بالمختلف أحسن ،

عن بالروس الكثيره . ومنها ما سببه برأس وكسر مضاف أحسن ،
ونحن نفصل واحداً واحداً ، ونجمل ما نسبته بالروس أحسن من جنس
المختلف ، وهي هذه :

الكسور المتجانسة	تفصيلها من الستين	مانسبته أحسن
ثلثان	أربعون	ثلثان
ثلاثة أرباع	خمسة وأربعون	نصف وربع
الخمسان	أربعة وعشرون	ثلث وثلثا عشر
ثلاثة أحماس	ثلاثون	نصف وثلث
[٧] أربعة أحماس	ثمانية وأربعون	نصف وخمسة وعشر
خمسة أسداس	خمسون	نصف وثلث
سبعان	سبعة عشر وسمي	ربع وربع سمي
ثلاثة أسباع	خمس وعشرون وخمسة أسباع	ثلث وثلثا سبع
أربعة أسباع	أربعة وثلاثون وسمي	نصف ونصف سمي
خمسة أسباع	أربع وأربعين وسبعة أسباع	نصف وسمي ونصف سمي
سته أسباع	أحد وخمسون وثلاثة أسباع	نصف وثلث وسدس سبع
ثلاثة أثمان	اثنان وعشرون ونصف	ربع وثلث
خمسة أثمان	سبعة وثلاثون ونصف	نصف وثلث
سبعة أثمان	اثنان وخمسون ونصف	نصف وربع وثلث
ثمان	ثلاثة عشر وثلث	سدس ونصف تسع
ربعة أنساع	سته وعشرون وثلثان	ثلث وتسع
خمسة أنساع	ثلاثة وثلاثون وثلث	نصف ونصف سبع
سبعة أنساع	سته وأربعون وثلثان	نصف وسدس وسبع
ثمانه أنساع	ثلاثة وخمسون وثلث	نصف وثلث ونصف تسع
ثلاثة عشر	ثمانية عشر	خمس وعشر
سبعة عشر	اثنان وأربعون	نصف وخمس
تسعة أعشار	أربعة وخمسون	نصف وثلث وثلثي عشر

[٨ ط] عشر العشر نصف وعشر .

فاما المختلف عن الكسور المركبة رأسين ، سوى ما تقدم ذكرها
[٧ ط] من المتجانسة ، مثل نصف وخمس ، فانها سبعة أعشار . ومثل
نصف وثلث فانها خمسة أسداس . فقد تقدم ذكرها . وسوى ما يكون
جملتها أكثر من واحد . مثل نصف وسبعين ، (هبى) ستة وعشرون .
وهي هذه :

الكسور المركبة	تفصيلها من الستين	مثل ذلك
نصف وسبع	ستة وثلاثون وربع	نصف وسبع
ثلث وربع	خمسة وثلاثون	ثلث وخمس
ثلث وسبع	أربعة وعشرون وربع	ثلث وثلثا عشر
ثلث وعشر	ستة وعشرون	ربع وخمس
ربع وسدس	خمس وعشرون	ربع وسبع
ربع وتسع	أحد وعشرون وثلثان	ربع وعشر
خمس وسدس	اثنان وعشرون	خمس وسبع
خمس وثلث	ثلاثة عشر ونصف	خمس وتسع
سدس وسمي	ثمانية عشر وأربعة أسباع	سدس وثلث
سدس وسبع	سبعة عشر وثلثان	سدس وعشر
سبع وثلث	سبعة عشر ونصف سبع	سبع وتسع
سبع وعشر	أربعة عشر وأربعة أسباع	سبع وتسع
ثلث وعشر	ثلاثة عشر ونصف	ثلاث وعشر

فذلك ستة وعشرون نوعا .

فاما المركب وهو ثلاثة كسور فعددتها واحد وثمانون . ومن تأمل
ما ذكرنا من هذه الكسور على ما لم يذكره بسهولة .

الفصل الثالث

في الكسور المضافة وتفصيلها من الستين

[٨ و] الكسور المضافة ، التي هي كسور الكسور ، سوى ما اصطلاح الكتاب والحساب على بركة وحكي بنقط أحسن منه يقوم مقامه ، مثل ثلث ربع فإن حكايته بمصنف ثلث أحسن ، ومثل ثلث سدس فثمان حكايته بمصنف تسع أحسن وأحوط في النقط ، عدها أحد وثلثون ، وهي هذه :

الكسور المضافة	تفصيلها من الستين	مثل ذلك
نصف السدس	خمس	نصف تسع
نصف الثمن	ثلاثة ونصف وربع	نصف التسع
نصف العشر	ثلاثة	ربع سبع
ثلث الثمن	ثلاث ونصف	ثلث التسع
ثلث العشر	ثلاث	ثلث التسع
رابع الثمن	واحد ونصف وربع وثلث	ربع التسع
ربع العشر	واحد ونصف	خمس التسع
خمس التسع	واحد وخمسة أسباع	خمس التسع
خمس العشر	واحد وخميس	سدس السبع
سدس الثمن	واحد وربع	سدس التسع
سدس العشر	واحد	سبع التسع
سبع الثمن	واحد ونصف سبع	سبع التسع
سبع العشر	سبعة أسباع	ثمن التسع
ثمن التسع	نصف وثلث	ثمن العشر
سبع التسع	ثلثان وثلث سبع	سبع العشر

فذلك اثنان وعشرون نوعاً .

فذلك أحد وثلثون كسراً .

ويحق سدي بعد ذلك بمسبة الضميج من الستين وكسورها .

الباب الثالث

في نسبة الستين من الصحاح

ان من حفظ نسبة الستين ، من واحد الى ستة ، يسهل عليه باقيها ، ولا سدى عليه الا حفظ أربعة أصول انا ذاكرها بعد ذكرى حكاية الستة من الستين (٢) :

أحد من سدس سدس عشر ثلث ثلث عشر ثلاثة نصف عشر
أربعة ثلث عشر خمسة نصف سدس ستة عشر

وهي :

الرابع والخميس العشر ثلث عشر

فاما الرابع فإنه يستعمل في خمسة على رؤوس العشرات ، بعد الخمسة عشر ، مثل خمسة وعشرين وخمسة وثلثين وخمسة وأربعين وخمسة وخمسين . فإنه اذا اسقط من هذه الأعداد الخمسة عشر بالربيع ، كان الباقي رؤوساً ، وذلك انه اذا اسقط من خمسة وعشرين كان الباقي عشرة ، وهو سدس ، وان اسقط من خمسة وثلثين كان الباقي عشرين وهو ثلث ، وان اسقط من خمسة والأربعين كان الباقي ثلاثين وهو خمس ، وان اسقط من الخمسة والخمسين كان الباقي أربعين وهو ثمان .

فاما الخمس فإنه يستعمل في الأعداد التي فيها اثنان أو سبعة : مثل اثنان وعشرين . فإنه اذا أسقط منها اثنا عشر بالخمس صار الباقي عشرة وهو سدس . ومثل سبعة وعشرين فإنه اذا أسقط منها اثنا عشر بالخمس [٩ و] كان الباقي خمسة عشر وهو ربع .

فاما العشر فإنه يستعمل في ما فوق الستة الى العشرة ، وفي ما هو أكبر من العشرة ، اذا كان الزائد على العشرات واحداً ، أو ثلاثة ، أو ستة ، أو ثمانية . فإنه اذا أسقط من هذه الأعداد ستة بالعشر ، كان

الباقى رؤوسا . وذلك من أحد وعشرين فانه اذا اسقط منها ستة بالعشر
كان الباقي خمسة عشر وهو ربع . ومثل ستة وثلاثين فانه اذا اسقط
منها ستة بالعشر كان الباقي ثلاثين وهو النصف . ومثل ثمانية وأربعين
فانه اذا اسقط منها الستة بالعشر كان الباقي اثنين وأربعين وهو نصف
وخمس . ومثل ثلاثة وثلاثين فانه اذا اسقط منها ستة بعشر كان الباقي
سبعة وعشرين وهو ربع وخمس .

وكذلك سميت الطريق في حركته سائر الاعداد التي يكون فيها واحد
أو ثلاثة أو ستة أو عمانية .

وقد استعمل في الاعداد التي فيها ثلاثة : نصف عشر ، وذلك مثل
ثلاثة وثلاثين ، وثلاثة وعشرين . فانه اذا أسقط منها ثلاثة بنصف عشر
كان الباقي رؤوسا . واكثر الكتب يستعملون عددا في ثلاثة .

فما قلنا عشر فانه يستعمل في الاعداد التي فيها أربعة أو تسعة .
من أربعة وعشرين فانه اذا أسقط منها أربعة بنسب عشر كان الباقي
عشرين . وهو ثلث . ومن تسعة وأربعين فانه اذا أسقط منها أربعة
بنسب عشر كان الباقي خمسة وأربعين وهو نصف وربع .

فإذا حفظ هذه الاصول في سنة السنين الصحيح استغنى عن
حفظها على التوالي واحدا بعد واحد .

وقد عرض لهذه الاصول اذا استعملت في هذه الاعداد أن يصير
الباقي اعدادا معلومة لا تتجاوزها : وذلك انها [٩٦] اذا استعملت في
واحد وسبعة وتسعة صار الباقي أبدا خمسة ، وفي الثمانية يصير الباقي
اثنين ، وفي الستة والأربعة يصير الباقي عشرات * . وهذه الخاصة حافظة
لنسبة متعلقة بهذه الاصول وعليها المعتمد فيما .

* انما هذه الاعداد التي هي ستة وثلاثة وخمسة يكون الباقي فيها اعدادا عشرات .

الباب الرابع في نسبة الكسور التي هي الرؤوس والمركبة وهي تسعة فصول الفصل الأول

اعلم انه ليس في كسور السنين سوى أنه نصف غير ان من فانه تسعة
ونصف . ومن الكسور المضافة من من وهو اثنان ونصف . وربع عشر
وهو واحد ونصف . وعلى هذا المعول في النصف .

فاما نصف واحد من ستمس فهو نصف ستمس عشر . وما زاد على
ذلك ركن اول من سبعة . وعلى الزائد على العشرات واحدا ونصفا و
سبعة ونصفا . فاسقط منها واحدا ونصفا ربع عشر . وانسب الباقي .
وذلك من أحد عشر ونصف فانه اذا أسقط منها واحدا ونصف
ربع عشر كان الباقي عشرة . وهو ستمس .

ومثل ستة عشر ونصف فانه اذا أسقط منها واحد ونصف كان
الباقي خمسة عشر وهو ربع . وكذلك أربعة ونصف اذا أسقط منها
واحد ونصف ربع عشر كان الباقي ثلاثة وهو نصف عشر .

وما كان على رؤوس الاعداد نصف واحد في غير هذين الموضعين ،
فاسقط منها سبعة ونصف من . ونسب الباقي . الا في موضع واحد
وهو أربعة عشر ونصف . فان الاحسن أن تسقط منها اثنين ونصف
سب من ونسب الباقي .

الفصل الثاني في نسبة الأثلاث

[١٠] الثلث لا يخرج الا في موضعين وهو ثلاثة وثلث بنصف تسع .
واحد وثلث بخمس تسع .

فما (ثلث) واحد من السنين فهو نصف تسع عشر .

ومنى كان من الاعداد على رؤوس العشرات واحد أو اثنين أو ستة أو سبعة معاً يربط فخرج منها واحداً وثلاثاً بحسن سبع ، ونسب الباقي .
وذلك من أحد عشر وثلاث : اذا استقطب منها واحداً وثلاثاً بحسن تسع
كان الباقي عشرة وهو سبعمس .

ومنى اثنين وعشرين وثلاث فانه اذا استقطب منها واحد وثلاث كان
الباقي أحد وعشرين وهو ربع وعسرين .

وما كان في غير هذه المواضع فحسبه ان يستقطب منها ثلاثة وثلاث
بصفت سبع . الا في موضعين : وهو عشرة وثلاث وثلاثاً عشر وثلاث
الاجود في هذه المواضع ان يستقطب منها ثلث واحد بصفة تسع عشر
ونسب الباقي .

نسبة الثلثين

بما واحد من السنين عما تسع عشر . وما كان على رؤوس الخمسات
والعشرات سبعمس واحد فخرج بسمع عشر ونسب الباقي .

مثل عشرة ونسب فانه اذا استقطب منها ثلث واحد بسمع عشر كان
الباقي عشرة ، وهو سبعمس .

ومنى خمسة وعشرين ونسب فانه اذا استقطب منها ثلث واحد كان
الباقي خمسة وعشرين وهو ربع وسبعمس .

وما كان في غير عدد الموضعين مع الاعداد سبعمس فخرج منها
سبعة ونسب بسمع ونسب الباقي . الا في موضع واحد وهو ثلاثة عشر
وثلاثان . فان الاجود في هذا الموضع ان يستقطب منها واحد وثلاثان بربع
تسع ونسب الباقي .

الفصل الثالث

في نسبة الأرباع

[١٠ط] ربع واحد من السنين هو ثلث من عشر . وما زاد من الاعداد
على ذلك وكان الربع على رؤوس الخمسات والعشرات فخرج منها ربع
واحد بثلث من عشر ، ونسب الباقي . وذلك مثل عشرة وربع فانه
سبعمس وثلاث من عشر .

ومنى خمسة عشر وربع فانه ربع وثلاث من عشر .
وما كان من الاعداد منها ربع في غير هذين الموضعين فبسط منها
واحداً وربع بسبعمس من ، ونسب الباقي .
الا في موضع واحد ، وهو اثنا عشر وربع ، فان الاحسن ان يستقطب من
هذا الموضع ربع واحد بثلث من عشر .

نسبة الثلاثة الأرباع

ثلاثة ارباع الواحد من السنين هو من عشر . وما كان من الاعداد
معهما ثلاثة ارباع فخرج منها ثلاثة وثلث ربع ، بصفة من ، او
ثلاثة ارباع بثلث عشر . وان سببنا اخرجنا واحداً وربع بسبعمس من
حتى يبقى ما كثره بصفة ، فقد تقدم ذكره .

الفصل الرابع

في نسبة الأخماس

خمس واحد من السنين هو خمس سبعمس عشر . وان سببنا فبسط
عشر عشر .
وما كان على رؤوس الاعداد خمس واحد فبسط ان يخرج منها واحداً
وخمسا بحسن عشر . وذلك مثل ستة عشر وخمس :

فانه ربع وخمسين عشر . وان شئت استقطما منه خمسين واحدا بما
فرض له ونسبته المدهي . فمن عشرين وخمسين من السنين فانه ربع
وخمسين ستمائة عشر .

نسبة الخمسين

خمسين واحدا من السنين من خمسين عشر . وما كان على رؤوس
الاعداد [١١] خمسة واحد فخرج اليه وخمسين بخمسين خمسين من
الي عشر وخمسين فانه ستمائة وخمسين خمس .

نسبة ثلاثة أخماس

ثلاثة أخماس واحد من السنين هي عشر عشر . وما كان على رؤوس
الاعداد ثلاثة أخماس فليخرج بما فرض لها ، وينسب الباقي .

نسبة أربعة أخماس

أربعة أخماس واحد من السنين هو ثلثا خمسين عشر . وان شئت بما
عشر عشر ونسب عشر عشر .
وما كان على رؤوس الاعداد أربعة أخماس فليخرج بما فرض لها
وينسب المدهي .

وان شئت استقطما ثلاثة أخماس بعشر عشر ليرجع الى ما كسره
خمسين . وقد تقدم ذكره .

وان شئت استقطما منها خمسا وعسرا بنسب عشر عشر . ليرجع
الى ما كسره نصف .

الفصل الخامس

في نسبة الأسداس

سبعين واحد من السنين هو ربع سبع عشر .

وما زاد على الواحد . وكان على رؤوس الاعداد . ستمائة واحد .

فليخرج منها ستة وستين بسبع . او واحد وثلثين بربع تسع . او ثلثين
بسبع عشر . حتى يرجع الى ما كسره نصف .

والاحود ان سقطت من الاعداد ثلثي فاما ثلاثة وسبعين . او سبعة
وسبعين . على واحد بسبع عشر .

(و) في غير عدد الموضعين واستقطما منها أربعة عشر وسبعين بثمان وتسع
ونسب الباقي .

نسبة الخمسة الأسداس

ينسب ذلك من الستين بثمان تسع .

وما كان من الاعداد على رؤوسها خمسة أسداس فليخرج منها ثلاثة
وثلثا بنصف تسع ، او واحدا وثلثا بخمسين تسع ، حتى يرجع الى ما
كسره نصف .

والاحود في كل ثلاثة او حاشية معها خمسة [١١] أسداس ان
سقطت منها واحدا وثلاث بخمسين تسع . وينسب الباقي .

وما كان في غير عدد الموضعين فليخرج منها خمسة أسداس بما
فرض لها وينسب الباقي .

الفصل السادس

في نسبة الأسباع

سبع واحد من السنين هو ستمائة سبع عشر . واذا انضاف الى
الاعداد أسقطت منها اثنان وسبع بربع سبع واحد . بما فرض له وينسب
الباقى .

نسبة السبعين

سبع واحد من الستين ثلث سبع عشر . واذا انضاف الى الاعداد

أسقط منها أربعة وسبعين بنصف سبع ، أو سبعين بنسب سبع عشر ،
وينسب الباقي .

نسبة ثلاثة أسباع

ينسب ذلك من الستين بنصف سبع عشر . وما كان على رؤوس الأعداد
ثلاثة أسباع فيسقط منها واحد وثلاثة أسباع بسدس سبع ، أو ثلاثة
أسباع بما فرض له ، وينسب الباقي .

نسبة أربعة أسباع

ينسب ذلك مفردا بثلاث خمس سبع . وإن شئنا نسبناه بثلاثي سبع
عشر ، وهو أجود . وإذا انضاف إلى أعداد أسقط منها ثمانية وأربعة أسباع
بسبع . أو هي بنفسها ، وينسب الباقي .

نسبة خمسة أسباع

ينسب ذلك من الستين بنصف سدس سبع . فإذا انضاف إلى الأعداد
أسقط منها واحد وخمسة أسباع بخمس سبع . أو خمسة (وخمسة)
أسباع بنسب سبع . أو خمسة أسباع بما فرض له ، وينسب الباقي .

نسبة الستة الأسباع

ينسب ذلك مفردا من الستين بسبع عشر . فإذا انضاف إلى [١٢] أو
الأعداد فأخرج منها اثنين وستة أسباع بنسب سبع . أو هي بنفسها حسبما
يبيح بالتوضيح ، وينسب الباقي .

الفصل السابع

في نسبة الأثمان

نمن واحد من الستين هو سدس من عشر . وإذا انضاف إلى الاحاد
أسقط منها نمن واحد بما فرض له ، أو خمسة أثمان بنصف سدس

نمن حتى نرجع ما كسره نصف . أو ثلاثة وثمانين بنسب سدس نمن ،
وينسب الباقي . أو ثلاثة أثمان بنصف نمن عشر ليرجع إلى ما
كسره نصف ورابع .

نسبة ثلاثة أثمان

ثلاثة أثمان واحد من الستين هي نصف نمن عشر . وما زاد على
الواحد يسقط منها نمن واحد بسدس نمن عشر . حتى يرجع إلى ما
كسره ربع . أو واحد ونصف ورابع وثمان بنسب ربع نمن ، ليرجع إلى ما كسره
نصف .

نسبة خمسة أثمان

خمسة أثمان واحد من الستين نصف سدس نمن . وما زاد على
الواحد فأخرج منها واحداً وسبعة أثمان برابع نمن . أو سبعة أثمان بما
فرض له ، وينسب الباقي .

الفصل الثامن

في نسبة الأتساع

تسع واحد من الستين هو سدس تسع عشر . وما زاد على الواحد
وكان على رؤوس الأعداد تسع واحد ، فليسقط منها واحد وتسع بسدس
سبع . أو تسع واحد بما فرض له ، وينسب الباقي .

هذا شهر من التسع الأسباع الذي الكلام من سدس $\frac{5}{8}$ الأسباع الكلام من سدس $\frac{7}{8}$.

المن الذي عد نصف سدس نمن هكذا . وما زاد على الواحد فأسقط منها نمن
واحد بسدس نمن عشر . ونصف واحد بنصف سدس عشر ونصف الصحيح
نسبه سبعة أثمان سدس نمن واحد من ستين هي نمن عشر وسدس نمن عشر .

نسبة التسعين

تسعا واحد من الستين ثلث تسع عشر . وما زاد على (الواحد) فليست
[١٢] منها اثنان وتسعان ثلث تسع ، أو تسعان بما فرض لهما وينسب
المافى .

نسبة أربعة اتساع

أربع اتساع واحد من السبعين هو ثلثا تسع عشر ، وإن شئنا فلنا ثلث
خمس تسع . وما زاد على الواحد فليخرج منها أربعة وأربعة اتساع بثلاثي
تسع ، أو أربعة اتساع بما فرض لهما ، وينسب الباقى .

نسبة خمسة اتساع

خمس اتساع واحد من الستين هي نصف سدس تسع . وما زاد على
الواحد فليخرج منها خمسة اتساع بما فرض لها . أو خمسة وخمسة اتساع
بنصف تسع وثلث تسع ، أو ثلاثة وخمسة اتساع بثلاث تسع وخمس
تسع ، وينسب الباقي .

وإن شئنا أخرجنا منه اثنين وتسعين بما فرض له حتى يرجع الى
ما كسره .

نسبة سبعة اتساع

سبعة اتساع واحد من السبعين تسع عشر وسدس تسع عشر . وما
زاد على الواحد فليخرج منها واحد وتسع بما فرض حتى يرجع الى ما
كسره ثلثين ، أو سبعة اتساع بما فرض لهما ، وينسب الباقى .

نسبة ثمانية اتساع

ثمانية اتساع واحد من الستين هو تسع عشر وثلث تسع عشر . وما
زاد على الواحد يخرج منها ما كسره تسعين حتى يرجع الى ما كسره ثلثين ،
أو ثمانية اتساع بما فرض لهما ، وينسب الباقى .

الفصل التاسع

في نسبة الأعداد

عشر واحد من الستين : سدس عشر (عشر) . ثلاثة أعشار واحد
من الستين : نصف عشر عشر . سبعة أعشار واحد : عشر عشر وسدس
عشر عشر . تسعة أعشار : عشر عشر ونصف عشر عشر .

وما كان على رؤوس الأعداد [١٣ و] عشر واحد فليخرج منها ثلاثة
أخماس بعشر عشر ، حتى يرجع الى ما كسره نصف . وفي ثلاثة أعشار
فليست منها أربعة أخماس ، وفي سبعة أعشار فليست منها خمس واحد .
وفي تسع عشر فليست منها خمسين . حتى يرجع في جميع ذلك الى ما
كسره نصف ، وينسب الباقى . وكذلك بالعكس .

وبهذا الذى ذكرناه كاف فى الرؤوس المركبة لمن يكون له أدنى رياضة
إن شاء الله .

الباب الخامس

في نسبة الكسور المضافة التي هي كسور الكسور

الفصل الأول

في النصف المضاف

نصف سدس واحد من الستين ينسب بمن تسع عشر . ويضاف
الى سدس فيكون ربعاً . والى ربع فيكون ثلثاً . والى ثلث فيكون ربعاً
وسدساً . فينسب بنصف بمن تسع . وما زاد على الواحد يسقط ذلك
منه . او ما كسره ربع حتى يرجع الى ما كسره سدس . او بالعكس .

ويضاف أيضاً الى ربع وسدس فيصير نصفاً . والى نصف فيصير ثلثاً
وربعاً . فينسب بنصف سدس عشر ومن تسع عشر وينسب أيضاً بنصف
ومن تسع ورابع تسع عشر .

وما زاد على الواحد يسقط منه ما كسره ثلث حتى يرجع الى ما كسره
ربع .

ويضاف أيضاً الى ثلث ورابع فيصير سبباً [١٣ ط] والى سبب فيصير
نصفاً وربعاً . والى نصف ورابع فيصير سدساً وسدساً . والى نصف وثلث
فيصير ثلثين ورابع .

فينسب بمن تسع ومن تسع عشر . وينسب أيضاً بسبع عشر وثلث
ومن عشر . وينسب أيضاً بمن عشر ورابع تسع عشر ويضاف أيضاً الى
الآحاد فيسقط منها ما كسره ثلث حتى يرجع الى ما كسره نصف ورابع .
او بالعكس من ذلك . او يسقط ما كسره ربع حتى يرجع ما كسره نصف
وثلث .

نسبة نصف سبع

ينسب ذلك مفرداً من الستين بنصف سدس سبع عشر .
ويضاف الى سبع فينسب بربع سبع عشر .
ويضاف الى سبعين فينسب بثلث سبع ومن .
ويضاف الى ثلاثة أضعاف فيصير نصفاً . والى نصف فيصير (أربعة)
أسباع . والى أربعة أسباع فيصير نصفاً وسبعاً . فينسب كل واحد منهما
مفرداً مع ما فرض .

ويضاف الى عشر فينسب بخمس سبع عشر .
ويسقط في جميع ذلك فيما زاد على الواحد واحداً ونصف سبع بسبع
ومن . حتى يرجع الى ما كسره أسباع . فينسب مع ما فرض لها .

نصف الثمن

[١٤ و] ينسب ذلك من الستين مفرداً بنصف سدس بمن عشر .
ويضاف الى ثمن فينسب بربع بمن عشر . ويضاف الى ربع فينسب
بثلث بمن ومن .

ويضاف الى سبعة أثمان فينسب بمن ومن . ويضاف الى ما بقي من
الاثمان أو الآحاد فيوضع منها نصف ورابع ومن ونصف بمن . بمن
ومن . أو ربع ونصف بمن بثلث بمن ومن . أو ومن ونصف بمن برابع
ومن عشر . حتى يرجع في جميع ذلك الى ما كسره اثمان .

نصف التسع

ينسب ذلك مفرداً من الستين بنصف سدس تسع عشر . ويضاف
الى تسع فيصير سدساً . والى سدس فيصير تسعين . والى تسعين فينسب
بثلث من تسع . ويضاف الى ثلث وتسع فيصير نصفاً . والى نصف
فيصير خمسة أضعاف والى سبعة أضعاف فيصير نصفاً وثلثاً . والى نصف
وثلث فيصير مائة أضعاف .

ونسب إلى بدئ الأسماء وإلى الأحاد . ويوضع منها واحد من هذه
الكسور حتى يرجع إلى ما كسره أسباع .

نسبة العشر

ينسب ذلك مفرداً من الستين بمقتضى سبعة عشر عشر . ويضاف
إلى عشر بمقتضى أربع عشر عشر .

[١٥ ط] ويضاف إلى خمس بمقتضى ربع . وإلى ربع بمقتضى خمسا
وعسرا . وإلى نصف وخمسة بمقتضى نصف ورعا . وإلى نصف وربيع
بمقتضى أربعة أخماس . ويضاف إلى بدئ الأسماء أو الأحاد . فيوضع
منها واحد من هذه الكسور حتى يعود إلى ما كسره اعتبار .

الفصل الثاني

في الثلث المضاف

ب سبع واحد من الستين . ينسب مفرداً بمقتضى سبع تسع عشر .
ويضاف إلى سبع فينسب بخمسة سبع سبع . ويضاف إلى سبعين فيصير
سبع . وإلى دالة أسباع ينسب بمقتضى سبع سبع . ويضاف إلى ثنتين
بمقتضى خمسة أسباع . ويضاف إلى بدئ الأسباع فيوضع عنه ثلاثة أسباع
ونسب بها فرض لها حتى يرجع إلى ما كسره أسباع . أو واحد من الكسور
التي تقدم ذكرها . ويضاف إلى الأحاد فيستقل منها ما كسره (واحد من
هذه الكسور) حتى يرجع إلى ما كسره خمسة أسباع .

نسبة ثلثي سبع

لما سبع واحد من الستين هو سبع تسع عشر . ويضاف إلى سبع
واحد فينسب بربع سبع سبع . ويضاف إلى سبع بمقتضى ثلاثة أسباع .
وإلى أربعة أسباع فيصير ثنتين . وإلى ستة أسباع فينسب بسبع تسع .
ويضاف إلى واحد وثلاث فينسب بستين سبع . ويضاف إلى الأحاد فيوضع

منه واحد من هذه الكسور أو يوضع منها ما كسره ثلاثة أسباع . وبالعكس
من ذلك .

نسبة ثلث الثمن

ينسب مفرداً من الستين بمقتضى تسع عشر . ويضاف إلى نصف
سبعين بمقتضى سدس . وإلى سدس فينسب بربع من تسع . ويضاف
إلى ربع فيصير سدساً وثمناً . ويضاف إلى سدس ومن بمقتضى ثلثا .
ويضاف إلى ثلث بمقتضى ربعاً وثماناً . وإلى ربع ومن بمقتضى ربعاً وسدساً .
ويضاف إلى نصف ومن بمقتضى ثلثين . ويضاف إلى ثلث ومن بمقتضى
نصف ورعا . ويضاف [١٥ ط] ويضاف إلى الأحاد فيوضع منها
واحد ونسب بربع ومن بربع من . فيرجع إلى ما كسره سدس . أو
يعود إلى واحد من الكسور التي تقدم ذكرها .

نسبة ثلثي الثمن

ينسب سدس ومن وقد تقدم ذكره .

نسبة ثلث التسع

ينسب من الستين مفرداً بمقتضى سبع تسع عشر . ويضاف إلى تسع
بمقتضى خمس تسع تسع . ويضاف إلى ثلث بمقتضى تسع
تسع . ويضاف إلى الأحاد . فيقول على واحد من الكسور التي تقدم
ذكرها .

نسبة ثلثي تسع

ينسب مفرداً من الستين بتسع تسع عشر . ويضاف إلى ثلث فينسب
بتسع تسع . وإذا انضاف إلى الأحاد يقول على واحد من هذه الكسور .

نسبة ثلث عشر

ينسب ذلك مفرداً من الستين بمقتضى سبع عشر عشر . ويضاف إلى
عشر فينسب بخمسة تسع عشر . ويضاف إلى سدس بمقتضى خمسا . وإلى

خمس وسدس فيصير خمسين . والى خمسين فيصير ثلثا وعشرا . ويضاف الى نصف فيصير ثلثا وخمسا . ويضاف الى نصف وعشر فيصير ثلثا وخمسا وعشرا . ويضاف الى ثلث فيصير نصفا وخمسا . ويضاف الى اربعة اخماس فيصير نصفا وثلثا . والى نصف وثلث فيصير ثلثين وخمسا . ويضاف الى الآحاد فيوضع منه ما كسره خمس حتى يرجع الى ما كسره نصف وثلث .

(نسبة ثلثي عشر)

وينسب ذلك مفرداً من الستين بتسع عشر عشر [١٥ ظ] . ويضاف الى عشر فيصير سدسا . ويضاف الى خمس فيصير سدسا وعشرا . ويضاف الى سدس وعشر فيصير ثلثا . ويضاف الى ثلث فيصير خمسين . ويضاف الى خمس وسدس فيصير ثلثا وعشرا . ويضاف الى ثلث وعشر فيصير نصفا . ويضاف الى ثلث وخمس فيصير نصفا وعشرا . ويضاف الى ثلث وعشر فيصير ثلثين . ويضاف الى اربعة اخماس فيصير ثلثين وخمسا . فاذا اتصل بآحاد يوضع منه ما كسره ثلثين حتى يرجع الى ما كسره خمس .

الفصل الثالث

في الربع المضاف

ربع سبع واحد من السنين ينسب مفرداً ثلث سبع ثمن عشر . ويضاف الى نصف سبع فينسب بسبع ثمن عشر . ويضاف الى سبع فينسب بسدس سبع ثمن . ويضاف الى ربع فيصير سبعين . ويضاف الى ثلث فينسب بنصف سبع ثمن . ويضاف الى خمسة اسباع فيصير نصفاً وربعاً . ويضاف الى الآحاد فيسقط منه ما كسره سبعين حتى يرجع الى (ما) كسره نضع ورابع .

نسبة ثلاثة ارباع سبع

ينسب ذلك مفرداً من السنين بسبع ثمن عشر . ويضاف الى نصف سبع فينسب بسدس سبع ثمن . ويضاف الى سبع فيصير ربعاً . ويضاف الى ربع فينسب بثلث سبع ثمن . ويضاف الى ثلاثة اسباع فينسب بنصف سبع ثمن . ويضاف الى نصف [و] ربع فيصير ستة اسباع . واذا اتصل بآحاد اسقط منها ما كسره ربع حتى يرجع الى ما كسره ستة اسباع . واذا اتصل مع اسباع بآحاد ، وضع ما كسره ربع حتى يرجع [١٦ و] الى الآحاد والاسباع . واذا اتصل مع الاربعاء بآحاد اسقط منه ما كسره سبعين حتى يرجع الى ما كسره سبع او نصف ونصف سبع .

نسبة ربع ثمن

ينسب ذلك مفرداً من السنين بثلث ثمن عشر . ويضاف الى نصف ثمن فينسب بثلث ثمن عشر . . . ويضاف الى ثمن فينسب بسدس ثمن ثمن . وعلى ذلك في ما زاد .

نسبة ثلاثة ارباع (ثمن)

ينسب ذلك مفرداً من السنين بثلث ثمن عشر . ويضاف الى (نصف) ثمن فينسب بسدس ثمن ثمن . ويضاف الى ربع ثمن فينسب بنصف ثمن ثمن . واذا اتصل بآحاد تسقط منها أحد هذين الكسرين ، وينسب الباقي .

نسبة ربع التسع

ينسب ذلك مفرداً من السنين بثلث ثمن تسع عشر . ويضاف الى نصف تسع فيصير نصف سدس . ويضاف الى تسعين فيصير ربعاً .

في الأصل سبعاً ، وهذا خطأ من النسخ .

في الأصل سبعاً التسع ثمن على ما يبدو من النسخ .

ويضاف الى ربع فيصير سدسا وتسعا . فينسب بثلاث ثمن تسع .
ويضاف الى ثلث ونصف تسع فينسب بنصف ثمن تسع . ويضاف الى
ربع وسدس فيصير أربعة اتساع . ويضاف الى خمسة اتساع فيصير
سما وربعا . ويضاف الى ثلث وربع فيصير نصفا وربعا . ويضاف الى
الآحاد فيسقط منها ما كسره ربع وسدس يرجع الى ما كسره نصف
وسبع . أو يعول على واحد من الكسور التي تقدم ذكرها .

نسبة ثلاثة أرباع تسع

[١٦ ط] هي نصف سدس ، وقد تقدم ذكرها .

نسبة ربع العشر

ينسب مفردا من الستين بثلاث ثمن عشر . ويضاف الى نصف
عشر فينسب بثمان عشر عشر . ويضاف الى عشر فيصير ثمنا . ويضاف
الى ثمن فينسب بربع عشر عشر . ويضاف الى ربع وعشر فينسب بنصف ثمن
عشر . ويضاف الى ربع وثمان فيصير خمسين . ويضاف اليه ثلاثة أخماس
فيصير نصفا (وثمان) . ويضاف الى الآحاد فيسقط منها ما كسره ثمن
حتى يرجع الى ما كسره تسعة أعشار . أو يعول على واحد من الكسور
التي تقدم ذكرها .

نسبة ثلاثة أرباع العشر

ينسب مفردا من الستين بثمان عشر عشر . ويضاف الى نصف عشر
فيصير ثمنا . وإلى ثمن فيصير خمسا . ويضاف الى ثلاثة أعشار فينسب
بنصف ثمن عشر . ويضاف الى خمسة أثمان فيصير سبعة أعشار .
ويضاف الى أربعة أخماس فيصير سبعة أثمان . وإذا اتصل بالآحاد
عول على الكسور التي تقدم ذكرها .

في الأصل نصف ثمن وهذا خطأ .

الفصل الرابع في الخمس المضاف

خمس خمس واحد من الستين هو ثلثا عشر عشر عشر . وإن شئت
ثلث خمس عشر عشر . ويضاف الى خمس فينسب بخمس عشر . وما
رد على ذلك عول عليه .

نسبة خمسي خمس

ينسب مفردا من الستين بخمس عشر عشر . وإن شئت فلنا
عشر عشر عشر وثلث عشر عشر عشر . ويضاف الى خمسين فينسب
بخمس خمس خمس .

نسبة ثلاثة أخماس خمس

[١٧ و] ينسب مفردا من الستين بخمس عشر عشر . ويضاف الى
ثلاثة أخماس فينسب بخمس خمس خمس وخمس خمس عشر .

نسبة أربعة أخماس خمس

ينسب ذلك مفردا من الستين بخمس خمس خمس . وإن شئت
فلنا سبي خمس خمس عشر .

نسبة خمس السبع

خمس سبع واحد من الستين ثلث سبع عشر عشر . ويضاف الى
سبع فينسب (بخمس) سبع عشر . ويضاف الى خمسين فينسب بنصف
سبع عشر . ويضاف الى خمسين وسبع فينسب بثلاثي عشر .
ويضاف الى الآحاد فيوضع منها ما كسره ثلاثة أسباع حتى يرجع الى ما
كسره ثلاثة أخماس . أو بالعكس .

نسبة خمسي سبع

ينسب ذلك مفرداً من الستين بثلاثي سبع عشر عشر ، وإن شئنا قلنا
خمس سبع عشر . ويضاف الى خمس سبع فينسب بسبع عشر عشر .
ويضاف الى سبع فيصير خمساً . ويضاف الى سبعين فينسب بخمس
سبع . ويضاف الى أربعة أخماس فيصير ستة أسباع . ويضاف
الى الآحاد فيوضع منه ما كسره خمس حتى يرجع الى ما كسره ستة أسباع ،
أو بالعكس .

نسبة ثلاثة أخماس سبع

وينسب مفرداً من الستين بسبع عشر عشر . ويضاف الى خمسة أسباع
فيصير أربعة أخماس . ويضاف الى الآحاد فيوضع منه ما كسره سبعين
حتى يرجع الى ما كسره أربعة أخماس أو بالعكس .

نسبة أربعة أخماس سبع

ينسب ذلك مفرداً من الخمس بسبع عشر عشر . ويضاف الى خمسة أسباع
قلنا ثلث خمس خمس سبع [١٧ ط] ويضاف الى سبعين فيصير خمسين .
والى ثلاثة أخماس فيصير (خمسة) أسباع . وإذا اتصل بآحاد وضع
منه ما كسره خمسين حتى يرجع الى ما كسره خمسة أسباع ، أو بالعكس .

نسبة خمس الثمن

هو ربع العشر ، وقد تقدم ذكره .

نسبة خمس التسع

ينسب مفرداً من الستين بثلاث تسع عشر عشر . ويضاف أيضاً الى
تسع فينسب بخمس تسع عشر . ويضاف الى خمس فيصير تسعين .
ويضاف الى أربعة أسباع فيصير خمساً وسدساً وعشراً ، فينسب بنصف
تسع عشر وخمس تسع عشر . ويضاف الى سبعة أسباع فيصير أربعة

أخماس . فإذا اتصل بآحاد وضع منه ما كسره تسعين حتى يرجع الى
ما كسره أربعة أخماس أو بالعكس .

نسبة خمسي تسع

ينسب مفرداً من الستين بثلاثي تسع عشر عشر . ويضاف الى تسعين
فينسب بخمس خمس تسع . ويضاف الى خمسين فيصير أربعة
أسباع . ويضاف الى خمسة أسباع فيصير نصفاً وعشراً . وإذا اتصل
بآحاد وضع منه ما كسره أربعة أسباع حتى يصير الى ما كسره ثلاثة
أخماس . أو بالعكس .

نسبة ثلاثة أخماس تسع

هو ثلثا عشر ، وقد تقدم ذكره .

(نسبة أربعة أخماس تسع)

ينسب ذلك مفرداً من الستين بثلاثي خمس تسع عشر x . وإن شئنا
قلنا ثلث خمس خمس تسع . وإن شئنا قلنا تسع عشر عشر ، وثلث
تسع عشر عشر . ويضاف الى تسع فيصير خمساً . ويضاف الى أربعة
أسباع فيصير ثلثاً وخمساً . وإذا اتصل بآحاد اسقط منه ما كسره خمس
حتى يرجع الى ما كسره ثمانية أسباع . أو ما كسره ثلث وخمس حتى
يرجع الى ما كسره خمسة أسباع .

نسبة خمس العشر

ينسب مفرداً من الستين بثلاث عشر عشر عشر . ويضاف الى عشر
فينسب بخمس عشر عشر . وإذا اتصل بآحاد عول على ما تقدم ذكره .

نسبة ثلاثة أخماس عشر

(سها الناسخ عن نقل هذه النسبة)

في الأصل : بثلاثي خمس خمس تسع . وهذا خطأ .

نسبة أربعة أخماس عشر

هو خمسا خمس ، وقد مضى ذلك • ويعمل في هذا النوع اذا اتصل
بأحاد [١٨] على ما تقدم ذكره •

الفصل الخامس

في السدس المضاف

سدس سبع واحد من السنين هو ربع سبع تسع عشر • ويضاف الى
ثلث سبع فيصير نصف سبع • ويضاف الى سبع فيصير سدسا • ويضاف
الى سبع ونصف (سبع) فينسب بربع سبع تسع • ويضاف الى سدس
وسبع فيصير ثلثا • ويضاف الى ثلث فيصير سبعين ونصف (سبع)
فينسب بثلث سبع من • ويضاف الى ثلث (و) سبع فيصير نصف
ويضاف الى نصف وسبع فيصير ثلثين • ويضاف الى ثلثين وسبع فيصير
نصفا وثلثا • ويضاف الى نصف وثلث فيصير ستة أسباع • واذا اتصل
بأحاد اسقط منه ما كسره سدس حتى يرجع الى ما كسره ستة أسباع ،
أو بالعكس • ونعمل على الكسور التي تقدم ذكرها •

نسبة خمسة أسداس سبع

ينسب ذلك مفردا من السنين بسبع من تسع • ويضاف الى سدس
مستدير (سبعين • والى سبع ونصف سبع فيصير) ثلثا • ويضاف الى
خمسة أسباع فيصير نصفا وثلثا • وان اتصل بأحاد وضع منها ما كسره
سبعين حتى يرجع الى ما كسره نصف وثلث •

نسبة سدس ثمن

ينسب ذلك مفردا من السنين بربع من سبع عشر • ويضاف الى نصف
من فيصير نصف سدس • ويضاف الى من فيصير نصف سدس ونصف
من • ويضاف الى سدس فيصير حد ونصف من • ويضاف الى ربع

ونصف ثمن فيصير ثلثا • ويضاف الى ثلث ونصف ثمن فيصير ربعا
وسدسا • فاذا اتصل بأحاد اسقط منها سبعة أثمان نصف بثمان ثمن
حتى يرجع الى ما كسره نصف سدس •

نسبة خمسة أسداس ثمن

ينسب ذلك مفردا من السنين بثمان من تسع • ويضاف الى ثمن
فيصير سدسا • ويضاف الى ثمن ونصف سدس فيصير ربعا ونصف
من فيصير ثلث من من [١٨] ويضاف الى نصف نصف من نصفين
ثنين • واذا اتصل بأحاد وضع منه ما كسره نصف وربع وثمان ونصف
من بما فرض لها حتى يرجع الى ما كسره سدس •

نسبة سدس التسع

ينسب ذلك مفردا من السنين بربع تسع تسع عشر • ويضاف الى
من تسع فيصير نصف تسع • ويضاف الى ثلث تسع فيصير ثمن
تسع تسع • ويضاف (الى) سدس فينسب بربع تسع تسع • ويضاف
الى سدس وثلث تسع فيصير تسعين • واذا اتصل بأحاد اسقط منها
ما كسره خمسة أسداس ، حتى يرجع الى ما كسره تسع وثلث تسع ،
أو نعمل على واحد من الكسور التي تقدم ذكرها •

نسبة خمسة أسداس تسع

ينسب ذلك مفردا من السنين بثمان تسع تسع • ويضاف الى ثلث تسع
فيصير سدسا • واذا اتصل بأحاد سقطت هي نفسها ونسب الباقي •

نسبة سدس العشر

ينسب ذلك مفردا من السنين بربع تسع عشر عشر • ويضاف الى
من عشر فيصير نصف • عشر • ويضاف الى ثلث عشر فيصير نصف

• في الأصل من تسع •
• في الأصل ثلث •

سدس . وضاف الى نصف سدس فيصير عشر . وضاف الى ربع
مئتين سدس وعشرا . وضاف الى ثلث فيصير ربعا وعشرا . وضاف
الى خمسين فيصير ربعا وسدس . وضاف الى ثلث ربع فيصير نصفا
وعشرا . وضاف الى ثلث وعشر فيصير ربعا وخمسا . فاذا اتصل
بآحاد اسقط منها ما كسره ربع حتى يرجع الى ما كسره ثلثين وعشر ،
او ما كسره ربع وعشر حتى يرجع الى ما كسره سبعين ، او ما كسره ثلث
وربع حتى يرجع الى ما كسره ثلث وعشر .

نسبة خمسة اسداس عشر

هو نصف سدس ، وقد تقدم ذكره .

الفصل السادس

في (السبع) المضاف

سبع سبع واحد من الستين ينسب مفردا بسدس سبع سبع
عشر . وضاف الى سبعين فينسب اربع سبع سبع . وايضا الى خمسة
اسباع فينسب بثلاثة [١٩] احماس سبع سبع . واذا اتصل بآحاد
عول عليه .

نسبة سبعيني سبع

ينسب ذلك مفردا من الستين بثلث سبع سبع عشر . وضاف الى
سبع سبع فينسب بنصف سبع سبع عشر . وضاف الى اربعة اسباع
فينسب بنصف سبع سبع . فاذا اتصل بآحاد اسقطت منه اربعة اسباع
وسبعيني سبع بما فرض له ، حتى يرجع الى ما كسره ثلاثة اسباع .

نسبة ثلاثة اسباع سبع

ينسب ذلك مفردا من الستين بنصف سبع سبع عشر . وضاف
الى سبع فينسب بسدس سبع سبع . وضاف اليه ثلاثة اسباع فينسب

بخمس سبع سبع . وضاف الى ستة اسباع فينسب بثلاثة اسباع سبع سبع .
واذا اتصل بآحاد اسقط منها واحد من هذه الكسور ، وعينها العول .

نسبة اربعة اسباع سبع

ينسب ذلك مفردا من الستين بشي سبع سبع عشر . وان شئت
سبعين بثلث خمس سبع سبع . وضاف الى واحد وسبع فينسب بسبع
سبع . ويعول على ذلك في ما زاد على الواحد ، او تسقط هي بعينها .

نسبة خمسة اسباع سبع

ينسب مفردا من الستين بنصف سدس سبع سبع . وضاف الى
سبع فينسب بخمس سبع سبع . وضاف الى خمسة اسباع فينسب
بشئ سبع سبع . ويعول على ذلك في ما اتصل بآحاد .

نسبة ستة اسباع سبع

ينسب ذلك مفردا من الستين بسبع سبع عشر . وضاف الى سبعين
فينسب بثلث سبع سبع . ويعول على ذلك في ما زاد على الآحاد ، او
يسقط منه خمسة اسباع وخمسة اسباع سبع حتى يرجع الى ما كسره
سبعين وسبع سبع .

نسبة سبع الثمن

[١٩ط] سبع ثمن واحد من الستين ينسب مفردا بسدس سبع ثمن
عشر . وضاف الى ربع (سبع) فينسب بنصف سبع ثمن عشر .
وضاف الى نصف سبع فينسب بنصف سدس سبع ثمن . وضاف الى
ثمن فيصير سعا . وضاف (الى) الربع فينسب اربع سبع ثمن .

وضاف الى سبعين ونصف فيصير ثلاثة ادمان . وضاف الى خمسة
الدمان فيصير سعا وسبع . واذا اتصل بآحاد وضع منها ما كسره نصف
وربع ومن ، او بالعكس .

نسبة سبعي ثمن

هي ربع سبع وقد تقدم ذكره

نسبة ثلاثة أسباع ثمن

نسب ذلك مفردا من السنين بنصف سبع من عشر . وضاف الى ثلاثة أسباع مفصرا ثلاثة أسباع . وضاف الى أربعة أسباع مفصرا خمسة أسباع . وإذا اتصل بأحد أسقط منه ما كسره ثلاثة أسباع حتى يرجع الى ما كسره خمسة أسباع . وبالعكس . أو (يعول) على واحد من الذي تقدم ذكره .

نسبة أربعة أسباع ثمن

هي نصف سبع وقد تقدم ذكرها

نسبة خمسة أسباع ثمن

نسب ذلك مفردا من السنين بنصف سدين سبع من عشر . وضاف الى ربع سبع مفصرا خمس . وضاف الى من فينسب بخمس سبع ثمن . وضاف الى سبعين مفصرا ثلاثة أسباع . وضاف الى خمسة أسباع مفصرا خمسة أسباع . وإذا اتصل بأحد أسقط منه ما كسره ثلاثة أسباع حتى يرجع الى ما كسره خمسة أسباع .

نسبة ستة أسباع ثمن

هي ثلاثة أسباع سبع . وقد تقدم ذكرها .

نسبة سبع التسع

نسب مفردا من السنين سدين سبع تسع عشر . وضاف أيضا [٢٠] الى ثلث سبع فينسب بنسبة سبع تسع عشر . وضاف الى سبع فينسب بسدين سبع تسع . وضاف الى تسعين فينسب بربع سبع تسع . وضاف الى ثلاثة أسباع فيصير أربعة أسباع . وضاف الى

خمس أسباع فيصير أربعة أسباع . وإذا اتصل بأحد وضع منه ما كسره أربعة أسباع ليرجع الى ما كسره أربعة أسباع .

نسبة سبعي تسع

نسب مفردا من السنين ثلث سبع تسع عشر . وضاف الى تسع فيصير سبعة . وضاف الى سبعين فينسب بثلث سبع تسع . وضاف الى أربعة أسباع فينسب بنصف سبع تسع . وإذا اتصل بأحد أسقط منها ما كسره سبع حتى يرجع الى ما كسره ثمانية أسباع أو يعول على ما تقدم ذكره .

نسبة ثلاثة أسباع تسع

هي ثلث سبع . وقد تقدم ذكرها .

نسبة أربعة أسباع تسع

نسب ذلك مفردا من السنين بنسبة سبع تسع عشر . وضاف الى سبعي تسع فينسب بسبع تسع عشر . وضاف الى تسعين فيصير سبعين . وضاف الى أربعة أسباع فينسب بنسبة سبع تسع . وضاف الى خمسة أسباع فيصير سبعة أسباع . فإذا اتصل بأحد وضع منه ما كسره سبعين حتى يرجع الى ما كسره سبعة أسباع .

(هما سبعة الماسخ عن ثلث يافى أسباع التسع وبدأ الكتابة عن سبع العشر بما يلي) :

(وضاف الى خمس) فينسب بربع سبع عشر . وضاف الى سبعين فيصير خمسا وعشرا . وضاف الى نصف وحمس فيصير خمسة أسباع . فإذا اتصل بأحد أسقط منه ما كسره خمسة أسباع حتى يرجع الى ما كسره خمسا وعشرا . أو يسقط منه ما كسره سبع ونصف سبع حتى يرجع الى أربعة أخماس .

نسبة سبعي العشر

• هما خمس سبع وقد تقدم ذكره •

[٢٠] نسبة ثلاثة أسباع عشر

ينسب ذلك مفرداً من الستين بنصف سبع عشر عشر • ويضاف الى عشر فيصير سبعة • ويضاف الى خمس وعشر فينسب بخمسي سبع عشر • ويضاف الى سبعين ونصف (سبع) فيصير خمسين • ويضاف الى ستة أسباع فيصير تسعة أعشار • فاذا اتصل بأحاد وضع منه ما كسره سبع حتى يرجع الى ما كسره تسعة أعشار ، او بوضع منه ما كسره أربعة أسباع ونصف حتى يرجع الى ما كسره خمسين •

نسبة أربعة أسباع عشر

• هي خمسا سبع وقد تقدم ذكره •

نسبة خمسة أسباع عشر

• هي نصف سبع وقد تقدم ذكره •

نسبة ستة أسباع عشر

• هي ثلاثة أخماس (سبع) وقد تقدم ذكره •

الفصل السابع

في الثمن المضاف

ثمن ثمن واحد من الستين ينسب بسدس ثمن ثمن عشر • ويضاف الى ربع ثمن فينسب بنصف ثمن ثمن عشر • ويضاف الى نصف ثمن فينسب بسدس ثمن ثمن عشر • واذا اتصل بأحاد عول على ما تقدم ذكره •

نسبة ثلاثة أثمان ثمن

ينسب ذلك مفرداً من الستين بنصف ثمن ثمن عشر • ويضاف الى ثمن ونصف ثمن فينسب بربع ثمن ثمن • ويضاف الى ثلاثة أثمان فينسب بربع ثمن ثمن وخمس ثمن ثمن • ويضاف الى نصف ثمن ثمن ثمن ثمن وربع ثمن ثمن • واذا اتصل بأحاد عول على ما تقدم ذكره •

نسبة خمسة أثمان ثمن

ينسب ذلك مفرداً من الستين بنصف سدس ثمن ثمن • ويضاف الى خمسة أثمان فينسب بثلاثة أرباع ثمن ثمن • ويعول على ما تقدم ذكره في الآحاد •

نسبة سبعة أثمان ثمن

[٢١] ينسب ذلك مفرداً من الستين بثمن ثمن عشر وسدس ثمن ثمن عشر • ويضاف الى ربع فينسب بربع ثمن ثمن • ويضاف الى نصف وربع فينسب بثلثي ثمن ثمن وربع ثمن ثمن • ويعول في الآحاد على ما تقدم ذكره •

نسبة ثمن التسع

ينسب ذلك مفرداً من الستين بسدس ثمن تسع عشر • ويضاف الى ثلث ثمن فيصير نصف تسع • ويضاف الى نصف تسع فينسب بنصف سدس ثمن تسع • ويضاف الى تسع فيصير ثمناً • ويضاف الى ثمن فينسب بسدس ثمن تسع • ويضاف الى ثمن فيصير ربعاً • ويضاف الى ربع وتسع فيصير ربعاً وثماناً • ويضاف الى سبعة أثمان فيصير ثمانية ألساع • فاذا اتصل بأحاد أسقط منه ما كسره ثمن حتى يرجع الى ما كسره ثمانية ألساع •

نسبة ثلاثة أثمان تسع

هي ثلث ثمن وقد تقدم ذكره .

نسبة خمسة أثمان تسع

ينسب ذلك مفرداً من الستين بنصف سُدس ثمن تسع . ويضاف
إلى ثمن تسع فيصير نصف سُدس . ويضاف إلى نصف تسع فيصير ثلث .
ويضاف إلى نصف سُدس فيصير تسعاً وثلاثين . ويضاف إليه فيصير
سُدساً ونصف تسع . فينسب بسُدس ثمن تسع ويمن تسع عشر .
ويضاف إليه فيصير سُدساً وثلاثين فينسب برُوح ثمن تسع ويمن تسع
عشر . ويضاف إلى ربع ثمن فيصير ثلثاً وتسعاً . ويضاف إلى خمسة
أثمان فيصير نصفاً وثلاثين . وإذا اتصل بآحاد وضع منه ما كسره أربعة
أثمان حتى يرجع إلى ما كسره خمسة أثمان .

نسبة سبعة أثمان تسع

ينسب مفرداً من الستين ثمن تسع وعشر وسُدس ثمن تسع عشر
[٢١ ط] ويضاف إلى تسع فينسب برُوح ثمن تسع . ويضاف إلى ثمن
فيصير تسعين . ويضاف إلى ثمن وتسع فيصير سبعة أثمان . ويضاف
إلى ربع فيصير ثلثاً وثلاثين . ويضاف إلى أربعة أثمان فيصير ربعاً
وسُدساً وثلاثين . ويضاف إلى خمسة أثمان فيصير ثلثين ونصف تسع .
ويضاف إلى ثلثين وتسع فيصير نصفاً وربعاً وثلاثين . فإذا اتصل بآحاد
وضع منه ما كسره سبعة أثمان حتى يرجع إلى ما كسره تسعين .

نسبة ثمن العشر

ثمن عشر واحد من الستين ينسب بسُدس ثمن عشر عشر . ويضاف
إلى نصف عشر فيصير نصف ثمن . ويضاف إلى نصف ثمن فينسب
بثمن عشر عشر . ويضاف إلى ثمن ونصف ثمن فيصير خمساً . ويضاف
إلى خمس وعشر فيصير ربعاً ونصف ثمن . ويضاف إلى ثلاثة أثمان

ونصف فيصير ربعاً وخمساً . فإذا اتصل بآحاد أسقط منها ربعاً
ونصف من حتى يرجع إلى ما كسره نصف وخمس . أو يعول على
ما تقدم ذكره من الكسور .

نسبة ثلاثة أثمان العشر

ينسب ذلك مفرداً من الستين بنصف ثمن عشر عشر . ويضاف إلى
ربع فيصير نصف ثمن . ويضاف إلى عشر ونصف عشر فيصير ثلثاً
ونصف ثمن . ويضاف إلى ثمن فيصير عشر ونصف ثمن . ويضاف
إلى عشر ونصف ثمن فيصير خمساً . ويضاف إلى خمسين فيصير ربعاً
وثلثاً ونصف ثمن . ويضاف إلى نصف ونصف ثمن فيصير نصفاً
وعشر . وإذا اتصل بآحاد عول على ما تقدم ذكره ، أو يوضع منها
ما كسره نصف عشر .

نسبة خمسة أثمان العشر

هو نصف ثمن وقد تقدم ذكره .

[٢٢] و [نسبة سبعة أثمان العشر]

ينسب مفرداً من الستين بثمن عشر عشر وسُدس ثمن عشر عشر .
ويضاف إلى عشر فيصير نصفاً ونصف ثمن . ويعول على ذلك في ما يتصل
بآحاد .

الفصل الثامن

في التسميع المضاف

تسع تسع واحد من الستين هو سُدس تسع تسع عشر . ويضاف إلى
ثلث تسع فينسب بثلثي تسع تسع عشر . وإن شئنا نسبناه بثلث خمس
تسع تسع . ويضاف إلى تسع فينسب بسُدس تسع تسع . وإذا اتصل
بآحاد عول على ما ذكرناه .

نسبة تسعي تسع

ينسب ذلك مفرداً من الستين بثلاث تسع تسع عشر • ويضاف الى
ثلاث تسع فينسب بنصف سدس تسع تسع • ويضاف الى تسعين فينسب
بثلاث تسع تسع •

أربعة اتساع تسع

ينسب ذلك مفرداً من الستين بست خمس تسع تسع • وان شئت
نسبناه بنسب تسع عشر • ويضاف الى تسع تسع فينسب بنصف
سدس تسع تسع • ويضاف الى أربعة اتساع فينسب بنسب تسع تسع •

نسبة خمسة اتساع تسع

ينسب ذلك مفرداً من الستين بنصف سدس تسع تسع • ويضاف
الى خمسة اتساع فينسب بخمسة اسداس تسع تسع وهو نصف تسع
تسع وثلاث تسع تسع •

نسبة سبعة اتساع تسع

يسقط منه ثلثي تسع بما فرض له حتى يرجع الى ما كسره تسع تسع •
ويضاف الى ثلاث تسع فينسب بسدس تسع تسع • ويضاف الى تسعين
فينسب بربع تسع تسع • واذا اتصل بأحد عول [٢٢ ظ] على ما تقدم ذكره •

نسبة تسع العشر

تسع عشر واحد من الستين ينسب بسدس تسع عشر عشر • ويضاف
الى عشر فيصير تسعاً • ويضاف الى ثلاث ونصف تسع فيصير خمسين •
ويضاف الى نصف وعشر فيصير نصفاً وتسعاً • ويضاف الى ثمانية

اتساع فيصير تسعة أعشار • واذا اتصل بأحد أسقط منه ما كسره
تسع حتى يرجع الى ما كسره تسعة أعشار •

نسبة تسعي عشر

هو خمس تسع وقد تقدم ذكره •

نسبة ثلاثة اتساع عشر

هو ثلاث عشر وقد تقدم ذكره •

نسبة أربعة اتساع عشر

هو خمس تسع وقد تقدم ذكره •

نسبة خمسة اتساع عشر

هو نصف تسع وقد تقدم ذكره •

نسبة ستة اتساع عشر

وهو ثلاثا عشر وقد تقدم ذكره •

نسبة سبعة اتساع عشر

يسقط منه تسع عشر بما فرض له حتى يرجع الى ما كسره ثلثي عشر •

نسبة ثمانية اتساع عشر

هي أربعة أخماس تسع ، وقد تقدم ذكرها •

الفصل التاسع

في العشر المضاف

عشر عشر واحد من الستين سدس عشر عشر عشر • ويضاف الى
خمس خمس فيصير نصف عشر • ويضاف الى نصف عشر فيصير ثلاثة
أخماس • وقد تقدم ذكره •

نسبة ثلاثة أعشار عشر

ينسب ذلك معددا من الستين بنصف عشر عشر عشر .

نسبة سبعة أعشار عشر

[٢٣] يسقط منه خمس عشر بما فرض له حتى يرجع إلى ما كسره نصف عشر ، أو بالعكس .

نسبة تسعة أعشار عشر

يسقط منه ما كسره نصف عشر حتى يرجع إلى ما كسره خمس . ويعول في جميع ذلك على ما قدمنا ذكره .

الباب السادس

في رد سائر الأعداد إلى نسبة الستين

وهو فصلان

واذ قد فرغنا من نسبة الستين بكسورها وكسور كسورها ، فينبغي أن نذكر أيضاً ما يرجع إليه المبتدئ في نسبة غير ذلك من الأعداد ، كما تقدم وعدنا ، فنقول .

أما إذا أردنا أن ينسب عدداً من عدد فينبغي أن يضرب العدد المنسوب في الستين ، وما اجمع بقسمه على المنسوب منه ، وما خرج من القسم فهو عشيران ينسب من الستين كما قدمنا ذكره في نسبتهما .

مثال ذلك إذا أردنا أن ينسب سبعة من خمسة عشر . ضربنا السبعة ، وهو العدد المنسوب ، في ستين . فكان أربع مائة وعشرين ، وقسمناه على الخمسة عشر . وهو العدد المنسوب منه . فكان ثمانية وعشرين . وهو عشيران ! قسمناه من الستين فكان خمسين وستيناً وعشرين . فكذا أن السبعة من الخمسة عشر هو خمسين وستين وعشرين .

وكذلك لو أردنا أن ينسب سبعة عشر من اثنين وسبعين . ضربنا السبعة عشر في الستين . فكان ألفاً وعشرين . وقسمناه على اثنين وسبعين . فخرج من القسم أربعة عشر وستين . فقسمناه من الستين فكان ثماناً وتسعين . فكذا أن السبعة عشر من الاثنين والسبعين ثمان وتسعين .

وجه آخر في رد نسبة سائر الأعداد إلى نسبة الستين :

[٢٣ظ] وهو أن نقسم الستين على العدد المنسوب منه فما خرج بقسمة في العدد المنسوب . وما اجمع من الضرب فهو عشيران ينسب من الستين .

فمثل ذلك اما ان اردنا ان نسب ثلاثة عشر من ستة وثلاثين قسمنا
النسب على ستة وثلاثين فخرج من النسبة واحد وثلاثين ضربه في العدد
المسبوب ، وهو ثلاثة عشر ، فكان احد وعشرون وسبعين ، ونسبته من
النسب فكان ربه ، وسبعها ، وعلى نسبة المائة عشر من ستة وثلاثين .

وكذلك نسبة سائر الأعداد . والاحود في ذلك أن يكون المسمى
حقيقا ، لا يخرج من قسمه النسب على الأعداد المنطقه ، التي هي أقل من
النسب ، واغنى بالمنطقه في هذا الموضع ما لا يكون أصحها ، على مذهب
الكتاب ، فمثل ثلاثة عشر وسبعة عشر . فانه اذا كان حافظا لما ذكرنا سهل
عليه نسبة سائر الأعداد التي هي أقل من الستين . وذلك أنه متى سئل
عن نسبة عددين وهو حافظ لما يخرج من نسبة الستين على العدد المنسوب
منه ، عرف أن العدد المنسوب في أي عدد ينبغي أن يضرب حتى ينسب
من الستين . الا ترى أنه اذا سئل عن أربعة عشر كيف تنسب من الخمسة
والاربعين ، وهو يعلم أن الستين اذا قسم على الخمسة والاربعين كان
الخارج من القسم واحدا وثلاثا ، علم أنه اذا أراد أن ينسب عددا من
خمسة وأربعين فينبغي أن يزيد عليه مثل ثلثه ، لأنه يضربه في واحد
وثلث ، فاذا زاد على الاربعة عشر مثل ثلثه ، وهو أربعة وثلثان ، صار
ثمانية عشر وسبعين ، وهو خمس وسبع ، فقال ان الاربعة عشر من الخمسة
والاربعين خمسينا وسبعها .

ويجوز [٢٤] مع ذلك كتب ما ذكر حاجة الكتاب الى حقيقه ، وعلى
الأعداد التي يخرج من قسمه النسب على الأعداد المنطوقة ، من واحد الى
مائة وعشرين ، وهي هذه :

ما ينسب منه	ما يضرب فيه	مثل ذلك
اثنان	ثلاثون	ثلاثة عشر
أربعة	خمسة عشر	اثنان عشر
سبعة	عشرة	بضعة عشر
ثمانية	سبعة وعشرون	سبعة وثلاثون
عشرة	سبعة	خمسة عشر
اربعه عشر	اربعه وسبعون	خمسة عشر
سبعة عشر	ثلاثة وثلاثون	بضعة عشر
عشرون	ثلاثة	اثنان وسبع
اربعة وعشرون	اثنان وعشرون	اثنان وخمسة
سبعة وعشرون	اثنان وسبع	اثنان وسبع
ثلاثون	اثنان	اثنان وثلاثون
خمسة وثلاثون	واحد وخمسة	واحد وثلاثون
اربعون	واحد ونصف	اثنان وأربعون
خمسة وأربعون	واحد وثلاث	واحد وأربعون
سبعة وأربعون	واحد وسبع	واحد وخمسة
اربعة وخمسون	واحد وسبع	واحد وخمسة

ما ينسب مما هو أكبر من الستين

ما ينسب منه	ما يوضع عنه	مثل ذلك
ثلاثة وسبعون	سبعة	اربعة وستون
[٢٤] سبعون	سبعة	اثنان وسبعون
خمسة وسبعون	خمسة	ثمانون
احد وثمانون	سبعة	اربعة وثمانون
سبعون	سبعة	سبعة وسبعون
ثمانون	سبعة	ثمانون
مائة وسبعون	مائة	مائة
مائة وخمسة	مائة	مائة
مائة واثنا عشر	مائة	مائة

في الأصل
في الأصل

فاذا أردنا أن ننسب عدداً من عدد وكان العدد المنسوب أقل من مائة وعشرين ، طلبنا العدد المنسوب منه ، أقل منه فيما أثبتناه في التفصيل ، فان وافق شيئاً منه فانا نضربه في العدد الذي هو قرينه وننسبه من الستين ، وان لم نجده فيه فان العدد أصم ، ولا تصح النسبة الا بالتقريب .

مثال ذلك : اذا أردنا أن ننسب ستة من ثمانية وأربعة أسباع ، طلبنا الثمانية والاربعة أسباع في التفصيل فوجدناها فيه ، ووجدنا قرينه سبعة ، فضربنا الستة في السبعة فكان اثنان وأربعين . فنسبناها من الستين ، فكان نصفاً وخمساً ، وهي نسبة الستة من الثمانية والاربعة الأسباع .

ولو أردنا أن تكون نسبة الستة من السبعة ضربناها في الثمانية والاربعة الأسباع فكان احد وخمسين وثلاثة أسباع ، ونسبناه من الستين ، فمكون نصف وست وسدس سبع . وهو ستة أسباع . وكذلك لو أردنا أن ننسب عدداً مما هو أكبر من الستين ، الى مائة وعشرين .

الفصل الثاني

[٢٥]

في معرفة نسب الأعداد الصم بالتقريب

اذا أردنا أن ننسب عدداً من عدد ، وكان المنسوب منه أصم على مذهب الكتاب ، نسبنا بالوجهين اللذين تقدم ذكرهما ، وذلك مثل ثلاثة أجزاء من سبعة عشر جزءاً : أردنا أن ننسبها بالتقريب ، ضربنا الثلاثة في الستين ، وقسمنا ما اجتمع على السبعة عشر ، فخرج من القسمة عشرة . وعشرة أجزاء لا تنسب من سبعة عشر ؛ الا اذا جبرنا العشرة الباقية ، وجعلناها واحداً ، لأنها أكثر من نصف السبعة عشر ، حسبما جرت به عادة الحساب ، فصارت الجملة احد عشر ، نسبناها من الستين

فكانت سدساً وسدس عشر ، وهي نسبة الثلاثة الاجزاء من السبعة عشر بالتقريب .

فاذا أخذنا بقسط هذه النسبة من السبعة عشر كان ثلاثة أجزاء وسبعة أعشر ، فقد عاد الثلاثة أجزاء ، وزاد سبعة أعشر بسبب ما جبرنا العشرة الباقية .

فاذا أردنا أن يكون أقرب من هذا ضربنا العشرة الباقية من الستين . ولم نجعلها ، وقسمنا ما اجتمع على سبعة عشر ، فخرج من القسم خمسة وثلاثون . ونسب خمسة أجزاء لا تنسب من سبعة عشر ، انسقطناها لأنها أقل من نصف السبعة عشر ، واضعنا الخمسة والملايين الى العشرة ، وحصلنا كسوراً من واحد منها ، وهي عشرين العشران ، أعنى دوايقاً ، فيصير عشرة وربعا (وثلاثاً) ، نسبناها من الستين فكان عشراً ونصف تسع وسدس ثمن ، وهي نسبة ثلاثة أجزاء من سبعة عشر بالتقريب .

وان أخذنا بقسطها من السبعة عشر كان (اثنان) وخمسة دوايق وتسعة أعشر وثلثين وربعا . ويحتاج تمام الثلاثة أجزاء نصف سدس [٢٥ظ] عشر . وهو ثمن ثلثي عشر واحد . وانما نقص ذلك بسبب الخمسة الاجزاء الباقية التي انسقطناها .

فاذا أردنا أن يكون أقرب من هذا ضربنا الخمسة الاجزاء أيضاً في الستين . ولم نسقطها ، فقسمناها على السبعة عشر فخرج من القسم سبعة عشر ، ويبقى احد عشر لا تنسب من سبعة عشر ، جبرناها لأنها أكثر من نصف السبعة عشر ، فصارت ثمانية عشر ، نسبناها من الستين ، فكانت نصف سدس عشر عشر عشر . فاذا أخذنا بقسطها من السبعة عشر كان خمسة أفلس وعشر فلس . وهو نصف سدس عشر وسدس عشر عشر . فاذا أضفناها الى ما حفظ لنا من أجزاء السبعة عشر ، وهو جزءان وخمسة

دوايق وتسعة عشر وثلثان وربع كانت الجملة ثلاثة أجزاء وربع تسع عشر عشر عشر جزء .

وعلى هذا ينبغي أن تكون النسبة في سائر الأعداد الخمسة المأومة .

وجه آخر :

وأكثر كتاب وفيما هذا وحسبه إذا أرادوا أن يسموا سبعة من الأعداد الخمسة عشرية بثلثة الأوجه وهو أنهم يزيدون على كل واحد من الأعداد واحد وبعض الكسور ، الذي يصير بها العدد الأصغر عدداً له كسور أكثره . مثل ما في مسئلتنا هذه . فإنا إذا أردنا أن ننسب ثلاثة أجزاء من سبعة عشر زبنا على الثلاثة واحداً وعلى السبعة عشر واحداً . فمحصر أربعة أجزاء من ثمانية عشر جزءاً ، وهو تسعان . فيقولون أن الثلاثة من السبعة عشر هي تسعان . فإذا أخذ بقسط هذه النسبة من السبعة عشر كان ثلاثة وسبعين . ويكون قد زاد على الثلاثة سبعين . وهو كثير . فيزيدون على كل واحد منهما نصفاً ، فيصير ثلاثة ونصفاً من سبعة عشر ونصف [٢٦] وهو خمس . فإذا أخذ بقسطه من السبعة عشر كان ثلثة أجزاء وخمسين وهو أصلاً زاده كثيره . فمحصر ثلث النصف سبع واحد . فتنسب إليه وسبع من سبعة عشر وسبع . أعني اثنين وعشرين من مائة وعشرين . وهو سبعين وسبعين (عشر) .

ومن أرادوا أن يكون أدق من هذا ضاعوا كسراً أقل من السبع وزادوا ذلك على كل واحد من السبعة عشر والثلاثة . وسبوه منه فخرج لهم تلك النسبة بالتقريب .

الا أن هذا الطريق متعب وطلب هذه الكسور شديد ، والأجود ما قدمنا ذكره .

$$\text{لواقع أن } 17 \times \frac{2}{9} = \frac{34}{9}$$

والأجود أن نستعمل هذا في ما يكون قد بقي مما لا ينقسم على السبعة عشر بعد أن نكون قد ضربناه في الستين مرة ، في الطريقة التي قدمنا ذكرها . مثل الخمسة الباقية التي أسقطناها في الدفعة الثانية . فإذا زدنا عليها وعلى السبعة عشر واحداً صار ثلثاً ، وأضفناها إلى الخمسة والثلثين ، فصار الجملة مائة عشرة وأربعة وخمسة وثلثين . أو أضفنا إليها وإلى السبعة عشر نصفاً فيكون سبعين وخمسين سبعين . أو أضفنا إلى السبعة عشر فقط واحداً وسبعا منه الخمسة فمحصر سبعة وتسعين . فتنسب ما حصل لنا من الكسور ، على أي الوجه كانت ، من الستين . وأخذنا بقسطها من السبعة عشر وأضفناها إلى ما كان حصل لنا . وهو جزءان وخمسة دوايق وتسعة عشر وثمان وربع . فيكون قد قسم الثلاثة الأجزاء من السبعة عشر بأربع الوجوه أن شاء الله .

الباب السابع *

في مسائل يرتاض بها المعلم والمبتدئ (١)
في نسبة الستين
الفصل الأول

في ما يكون أجوبتها رءوساً

المسائل [٢٦٦]	الكسور بالنسبة	الاجوبة
سبعة عشر داني	سبعين	ربع خمسة عشر سبعة عشر سبعة وثلاثين
سبعة واربعين وثلاث حبات ثلاثة أسباع حبة	نصف سبع	نصف ثلاثون ثمانية اربعة أسباع
خمسة وثلاثون وداني ثلاث حبات وثلاثة أسباع حبة	سبع وثلاثين سبع وهو سدس ونصف سبع	ثلث عشرون ثمانية اربعة أسباع
ثلاث عشرون واربع داني ثلاث حبات وثلاث أسباع حبة	سدس ونصف سبع	سبع اربعة سبعة ونصف سنة وثلاثين

لا يمكن أن تكون مسئلة أجوبتها رءوساً غير هذه ، الا بأن تغير
الاعداد الصحاح ، فتكثر المسائل . فاما الكسور فانها لا تتغير عنها الا
أن يكون بينها واحد من الكسور الرءوس ، وهي ثلاثة ، أعني السبع
والثمن والتسع ، وهي أظهر من أن تنسب . فان وردت عليك مسئلة
وقيل أنها تخرج برءوس فقابل الكسور بهذه ، فاذا وافق واحد منها ، أضف
اليها ما لها من الاعداد الصحاح وانسب الباقي .

* الجداول التي في هذا الباب يصعب قراءتها في الأصل . وقد راعينا في تحقيقها صحة
النتائج الحسابية مع أقل ما يمكن من تغير .

الفصل الثاني

في (مسائل) تكون أجوبتها رءوساً وكسراً
واحداً مضافاً

سبعة وثلاثون وخمسة داني ونصف	وندرس ربع	نصف	وسبع	وسدس ثمن
ثلاثة وعشرون وثلاث حبات وثلاثة أسباع	ونصف سبع	خمس	وسبع	وندرس ربع
ثمانية وثلاثون ودانيان وخمسة حبات	ربع وثمانين (ونصف ثمن)	نصف	وسبع	وندرس ثمن
ثمانية عشر واربع حبات واربعة أسباع حبة	ثمن سبع	سدس	وسبع	وندرس سبع
سبعة عشر وحبة سبع حبة [٢٧] ثلاثة عشر وخمسة أسباع حبة وثلاث سبع حبة سبعة وعشرون وثلاث حبات وخمس	سدس سبع سبع سبع سبع سبع ثلثي عشر	نصف وسبع ثلاث ثلاثون	وسبع سبعة وثلاثين ثلاث سبعة وثلاثين	وندرس ثمن وندرس ربع وندرس ربع وندرس ربع
سبعة وثلاثون وثلاثة دواني وحبة وسبع اثنا واربعون وداني وسبع حبات وثلاثة أسباع حبة خمسة وعشرون وخمسة داني وخمسة حبات وخمسة أسباع حبة	نصف وسدس سبع ربع ونصف سبع سبع سبع وندرس سبع	نصف ثلاثون نصف ثلاثون ربع خمس عشر	وسبع سبعة وثلاثين ثلاث سبعة وثلاثين وسبع سبعة وثلاثين	وندرس ثمن وندرس ربع وندرس ربع وندرس ربع وندرس ربع وندرس ربع

أحد وأربعون	خمسة أسباع ونصف سبع	نصف ثلاثون	وثمان سبعة ونصف	ونصف سبع أربعة وسبعين
وأربعه دوايق وخمس حبات وخمسة أسباع حبة				
ثلاثة وعشرين وخمسة دائق وثلاث حبات وثلاثة أسباع حبة	سنة أسباع وثلاث سبع	خمس اثنا عشر	وسبع ثمانية وأربعة أسباع	ونصف تسع ثلاثة وثلاث
أربعة وخمسين ودانقين وربع	ربع وثمان	نصف وربع	وثمان سبعة ونصف	وربع ثمن واحد وسبعة اثنان
ثمانية وثلاثون وثلاثة دائق وحبتان	ربع ومسدس وثمان	نصف ثلاثون	وتسع ستة وثلاثان	وربع ثمن واحد وسبعة اثنان
ثلاثون ودانقين وخمس حبات وثلاثة أسباع حبة	ربع وثمان ونصف سبع	ثلث عشرون	وسبع ثمانية وأربعة أسباع	واحد وسبعة اثنان
سبعة وثلاثون وخمسة دوايق وحبة وثلاثة أخماس حبة	ثلثين وحس	نصف ثلاثون	وتسع ستة وثلاثان	وخمس عشر واحد وخمس
[ط ٢٧] سبعة وعشرون وثلاثة دائق وخمس حبات وخمسة أسباع حبة	أربعة أسباع وثلاث سبع	ثلث عشرون	وتسع ستة وثلاثان	وسبع تسع ستة أسباع وثلاث سبع

وهذه المسائل مع أكثرها رهوس من الاعداد صحاح ، تجعل معها لتعمى المسائل وتشكل . ومن أراد أن يسقطها أو يزيد فيها فليس بضائر ذلك . وهو كاف لمن له أدنى فهم ورياضة . وقد يجوز أن يكون لهذا أجوبة غير ما ذكرناه .

وحسبنا الله وحده ، وصلى الله على سيدنا محمد نبي رحمة وعلى عترته الطاهرة .

تتلوه المنزلة الثانية من كتاب أبي الوفاء محمد بن محمد البوزجاني في ما يحتاج اليه الكتاب والعمال من علم الحساب وهي في الضرب والقسمة .

[ط ٢٨] بسم الله الرحمن الرحيم

المنزلة الثانية

من كتاب أبي الوفاء محمد بن محمد البوزجاني في ما يحتاج اليه الكتاب والعمال من علم الحساب وهي في الضرب والقسمة

ينبغي أطال الله بقاء مولانا الملك السيد وأدام تأييده وعلوه وتمكينه ورفعته ، وكبت عدوه ، أن نسلك في المنزلة (الثانية) أيضاً الطريقة التي سلكتنا في المنزلة الأولى ونذكر فيها من أصول الضرب والقسمة جملاً لا يستغني عنها الكتاب والعمال وغيرهم ، ونوضح بأبواب قريبة ومعان سهلة وأمثلة مقنعة مجردة أيضاً من العلل والبراهين ، لئلا يطول الكتاب ، ونقدم الاسهل والأقرب على الأصعب والأبعد ، ونبدأ بالأشياء التي هي الأصول في حساب الضرب والقسمة ، ثم نتبع بما يتركب عنها ، ونذكر في كل واحد من أبواب هذه المنزلة من الأصول التي ينبغي أن نعتمد عليها في الأعمال الحسابية إذا كثر العدد ولم يمكن أن يضبط باليد ولا بالقلب (١٠) ، أشياء تسهل بها طرائقها . ثم نذكر الأنواع التي يستعملها الحدائق في الضرب والقسمة على طريق الاختصار ، ليقرب مأخذها ويخف استعمالها في سائر أنواع المعاملات .

ونستعين في ذلك كله بالحي الذي لا يموت والحق الذي لا يزول ، انه قادر على ما يشاء .

أبواب هذه المنزلة [ط ٢٩]

الباب الأول : في معنى الضرب والقسمة ، وتفصيل أنواعها ، وهو أربعة فصول .

الباب الثاني : في ضرب الاعداد والصحاح بعضها في بعض وقسمتها ، وهو ثمانية فصول .

الباب الثالث : في استخراج الاعداد التي تخرج منها الكسور وجمعها ونقصانها ، وأشياء ينبغي أن يقدم ذكرها لضرب الكسور وقسمتها ، وهو خمسة فصول .

الباب الرابع : في ضرب الكسور بعضها في بعض وقسمتها ، وهو خمسة فصول .

الباب الخامس : في ضرب الصحاح في الكسور ومقابلاتها من القسمة ، وهو ثلاثة فصول .

الباب السادس : في الأنواع المركبة من الضرب والقسمة ، وهو ثمانية فصول .

الباب السابع : في اختصار الضرب والقسمة ، وهو فصلان . فذلك سبعة أبواب ، وخمسة وثلاثون فصلاً .

الفصل الأول

في معنى الضرب

قد ذكر أقليدس في المقالة السابعة من كتابه في الأصول معنى الضرب ، وكذلك نيقوماخس الجبراسيني في كتاب الارتماطيقى فقالا أن الضرب هو تضعيف أحد العددين بقدر ما في الآخر من الآحاد . وذلك إذا أردنا أن نضرب عدداً في عدد أضعفنا أحدهما بمقدار ما في الآخر من الآحاد ، وذلك مثل تسعة ، إذا أردنا أن نضربها في سبعة ، أضعفنا التسعة سبع مرات ، فكان ثلاثة وستين ، أو أضعفنا السبعة تسع [٢٩ظ] مرات ، فكان أيضاً ثلاثة وستين .

وكذلك لو أردنا أن نضرب عشرين في سبعة عشر أضعفنا العشرين سبعة عشر مرة فكان ثلاثمائة وأربعين ، أو أضعفنا السبعة عشر عشرين مرة فكان أيضاً ثلاثمائة وأربعين .

ومعنى قولنا تسعة في سبعة هو أنه إذا كان الواحد بسبعة ، كم تكون التسعة ، وإذا كان للواحد سبعة كم يكون لتسعة ؟ فيكون في كلا الوجهين ثلاثة وستين . ولأجل ذلك يصير النصف في الثلث سدساً . فانا نقول : إذا كان للواحد نصف كم يكون للثلث ؟ فيكون سدس . أو إذا كان للواحد ثلث ، كم يكون للنصف ؟ فيكون أيضاً سدس .

ومثاله في معاملات الناس كثير ، وذلك كقولهم : إذا كان ثمن ثوب نصف دينار كم يكون ثمن ثوب ؟ فيكون سدس دينار ، وكقولهم : إذا كان ثمن ثوب نصف دينار ، فثلث دينار ثمن كم يكون ؟ فيقال ثمن سدس ثوب .

ولأجل ذلك يصير الواحد في الواحد واحداً . فانا نقول : إذا كان للواحد واحد ، كم يكون لواحد ؟ .

يتبين مما قلناه غلط جماعة من الحساب في هذا الموضع ، وذلك أنهم إذا سئلوا عن الواحد في الواحد صار واحداً لأنه حدث من تقاطع هذين الخطين ثلاثة خطوط ، ويكون اثنان في اثنان أربعة لأنه يحدث من تقاطع ثلاثة خطوط في ثلاثة خطوط تسع عقد . فيكون لأجل هذا واحد في واحد واحداً ، واثنان في اثنين أربعة ، وثلاثة في ثلاثة تسعة . وهذا الذي ذكروه يستمر في جميع الاعداد الصحاح إلا أنه لا يستمر في الكسور لا نصفاً في نصف يمكننا أن نقول أنها ربع عقدة ولا ثلث في ثلث تسع عقدة . وانما أخذ ذلك من قول أقليدس في المقالة الثانية من كتابه في الأصول حيث ذكر معنى ضرب الخطوط بعضها في بعض ، ولم يحسنوا أن يعيدوا عنه فيذكروه على جهته ، فحصل في أيدي البعض معنى للضرب يستعمل في [٣٠و] المساحة . فاما على جهة العدد فلتبين

يبدو أن هناك خطأ من النسخ وإن الصواب : لأنه يحدث من تقاطع خط في خط عقدة ، ويكون اثنان في اثنين أربعة لأنه يحدث من تقاطع خطين في خطين أربع عقد ، ويكون ثلاثة في ثلاثة تسعة لأنه يحدث من تقاطع ثلاثة خطوط في ثلاثة خطوط تسع عقد .

ما ذكرناه . وليس يليق الاحتجاج له وبطلان قول من قدمنا ذكرهم في هذا الكتاب أنه خارج عن المعنى الذي نحن بسبيله ، مع أن الأمر أظهر وأجلى من أن يحتاج فيه الى إيضاح وشرح .

الفصل الثاني

في معنى القسمة

أما القسمة فانه لم يذكرها أحد من المتقدمين ، وأكثر ما قالوا فيها أنها عكس الضرب . وقد ذكرناها نحن في شرحنا لكتاب أبرخس (١١) البشيني في أصول الأعداد . ونذكر في هذا الموضع ما يليق به لئلا يخلو الكتاب من شيء يحتاج إليه فنقول :

إن القسمة على قياس اقليدس ونيقوماخس هي تفريق أحد العددين بقدر ما في الآخر من الآحاد ، أعني تفريق المقسوم بقدر ما في المقسوم عليه من الآحاد . وذلك أنا إذا أردنا أن نقسم عشرين على خمسة جزأنا العشرين بأجزاء متساوية عددها خمسة ، فيكون كل قسم منها أربعة . ولأجل هذا نأخذ لكل خمسة واحداً لنعلم ما يصيب كل واحد من الخمسة . ومعنى قولنا نقسم عشرين على خمسة ، أنه إذا كان لخمس عشرة درهمين ، فلكل واحد منهم ؟ فلذلك قالوا أن القسمة هي عكس الضرب : فإنا إذا أردنا أن نضرب عشرين في خمسة قلنا : إذا كان لواحد عشرين درهماً كم لخمس عشرة ؟ وفي القسمة نقول عكس هذا القول ، وهو أنه إذا كان لخمس عشرة درهماً كم يكون لواحد منهم ؟ فيكون المطلوب (في الضرب) ما نصيب أحد العددين ، والمطلوب في القسمة ما نصيب الواحد .

فقد بين ما ذكرناه أن القسمة هي عكس الضرب . ومن عرف معنى القسمة على ما ذكرناه وقف على قسمة الكسور على الكسور . وعلى غيره ؛ فإن أكثر الناس يتحيرون في هذا الموضع ، وذلك أن جهالهم (؟)

إذا سئلوا عن قسمة تبني من الكسور بعضها على بعض ، مثل قسمة شيء من الكسور بعضها على بعض ، مثل قسمة حبة [٣٠ ظ] على حبة ، أجابوا بأنها حبة ، وقسمة دائق على دائق أجابوا أنها دائق . وهذا هو خطأ صاحب كتابنا ، أو ما سبق على الحديث ، أو الجواب على السراي . أو حبات الذهب على حبات الفضة ، أو حبات العراف على حبات فارس وخراسان والشام ، أو أنصاف أو ثلاث على حبات ودوانيق ، أو غير ذلك من أجناس الكسور التي الحاجة إليها وإلى معرفتها ضرورية ، فقل من ترى ممن يعرفه . وأكثرهم إذا سئلوا يجبرون ، وإذا أجابوا أخطأوا . ولو رجعوا إلى معنى القسمة على ما ذكرنا سهل عليهم ذلك وظاهر عن قرب . فإن معنى قولنا نقسم عشرين على خمسة ، كما تقدم ذكره ، أنه إذا كان لخمس نفر عشرون درهماً ، كم يكون لواحد منهم ؟ كذلك نقول في قسمتنا نصفاً على خمس أنه إذا كان لخمس : نصف ، فكم يكون لواحد ؟ فيكون درهمين ونصف (١٢) ، لأن المطلوب في القسمة يكون أبداً : ما نصيب الواحد ؟

وكذلك نقول في قسمتنا ثلاث حبات على حبتين أنه إذا كان لحبتين ثلاث حبات ، كم يكون لواحد ؟ فيقال أنه درهم ونصف . فيكون الذي يخرج من قسمة نصف على خمس درهمين ونصف ، والذي يخرج من قسمة ثلاث حبات على حبتين درهم ونصف .

ولعل قائل يقول : كيف يكون في معاملات الناس لخمس نصف . أو لخمس ثلاث حبات ، حتى يكون معنى القسمة فيها ما ذكرتموه ؟ قلنا إن هذا هو أظهر من أن يحتاج أن يسأل عنه ، وذلك أن أكثر معاملات الشركاء في الضياع والعقار والاقطاعات هو على هذا السبيل ، فإن الضيعة إذا كانت بين جماعة فقد يكون لواحد نصفها ، ولآخر خمسها ، ولآخر حبتان منها من درهم ، ولآخر ثلاث حبات . فإذا قسم

الارتفاع (٣١) [و] بينهم فقد يجوز أن يصيب لمن له الخمس نصف درهم ، ولمن له الحبتان ثلاث حبات . فيسأل صاحب الدليل عن الارتفاع الذي قسم بين الملاك ويقول له : كم كان أصل الارتفاع حتى أصابني ثلاث حبات ؟ فيقال له انه كان درهماً ونصفاً . وكذلك نقول لصاحب الخمس لما أصابه النصف أن أصل الارتفاع الذي هو للواحد كان درهماً ونصفاً . وهذا واضح بين . فلما علم الحساب ذلك ، أسقطوا المعاملات وذكروا الحساب المحض على جهته ليكون أسهل على المبتدئ .

وما سرح الكسور ونقصها وأبواب العمل في ضربها وقسمتها فانما يكون في الباب الرابع من هذه المنزلة ، ان شاء الله .

الفصل الثالث

في تفصيل أنواع الضرب

فأما قد تبين ما قدمنا ذكره من معنى الضرب والقسمة فينبغي أن نذكر أنواعها وما ينقسم اليه كل واحد منها ، ليكون الحاسب اذا وردت عليه مسألة رجع فيها اليه واعتمد على أصله ، اذا علم من أي نوع هي .

فأما أن الضرب ينقسم الى ثلاثة أنواع بسيطة (يتركب عنها ثلاثة آخر) ، وليس يمكن أن يوجد للضرب نوع آخر سوى هذه الستة أنواع التي أنا ذاكرها ان شاء الله .

النوع الأول من الأنواع البسيطة ، فهو ضرب الصحاح في الصحاح ، وذلك مثل سبعة في ستة ، ومثل أربعة وثلاثين في سبعة وعشرين .

وعلى هذا النوع اعتمد في سائر أنواع الضرب والقسمة . ومن كان درجاً فيه مرتاضاً في استعماله (سهل عليه الباقي) لأن كلها اليه يرجع وعنه يتركب وعليه المعول كما سنبين في مواضعه ان شاء الله .

والنوع الثاني من الأنواع البسيطة هو ضرب الكسور في الكسور ،

وذلك مثل نصف وربع في خمس وسدس . ومثل ست وسبع في ثمن وتسع . والنوع الثالث من الأنواع البسيطة [٣١ظ] هو ضرب الصحاح في الكسور ، وذلك مثل سبعة عشر في نصف وثلث ، ومثل خمسة عشر في خمس وتسع .

فأما الأنواع المركبة من هذه فهي ثلاثة . فالأول منها هو ضرب الصحيح والكسور في الصحيح ، وذلك مثل أربعة عشر وثلث سبع في سبعة عشر ، ومثل خمسة وعشرين في ثلاثة وعشرين ونصف وربع .

وأما النوع الثاني من الأنواع المركبة فهو ضرب الصحاح والكسور في الكسور . وذلك مثل خمسة عشر وثلث في خمس وسدس ، ومثل سبعة عشر في ربع وتسع وعشر .

والنوع الثالث من الأنواع المركبة فهو ضرب الصحاح والكسور في الصحاح والكسور ، وذلك مثل :

ثمانية عشر	في	خمس عشر	ومثل	أربعة وعشرين	في	ثلاثة وسبعين
ونصف وثلث		وثلث وربع		وخمس اتع		وتسع عشر

فيصير سائر أنواع الضرب ستة لا تتجاوزها ولا يزيد عليها . ونحن نذكر أصول كل واحد منها ونورد عليها أمثلة نصور ذلك بها عن قرب ان شاء الله .

الفصل الرابع

في تفصيل أنواع القسمة

ان القسمة تنقسم الى أربعة أنواع بسيطة يتركب عنها خمسة أنواع آخر ، وليس يمكن أن يوجد للقسمة نوع آخر سوى هذه .

أما النوع الأول من الأنواع البسيطة للقسمة فهو قسمة الأعداد الصحاح بعضها على بعض . وذلك مثل قسمة عشرين على أربعة عشر ، ومثل سبعة عشر على أربعة وعشرين [٣٢و] وهذا النوع هو مقابل للنوع

الاول من انواع الضرب ، والحاجة اليه في سائر الانواع الباقية من الضرب والقسمة كالحاجة الى النوع الاول من انواع الضرب ، كما سنبين في موضعه ان شاء الله .

النوع الثاني من انواع القسمة وهو قسمة الكسور ، وذلك مثل قسمة ربعة اسباع على خمسة اسباع ، ومثل قسمة نصف وثلاث على ربع خمس . وهذا النوع هو مقابل للنوع الثاني من الانواع البسيطة للضرب . والنوع الثالث من الانواع البسيطة هو قسمة اعداد الصحاح على الكسور ، من قسمة ربعة وعشرين على خمسة وسدس ، ومثل قسمة سبعة وعشرين على ثلث وربع .

والنوع الرابع من الانواع البسيطة للقسمة هو قسمة الكسور على الصحاح ، وذلك مثل قسمة اربعة اخماس على ثمانية وعشرين ومثل قسمة ثلث وتسع على اربعة وعشرين .

وهذان النوعان هما مقابلان للنوع الثاني من الانواع البسيطة للضرب . والنوع الاول من الانواع المركبة للقسمة فهو قسمة العدد الصحيح والكسور على العدد الصحيح ، وذلك مثل قسمة خمسة عشر (٥٠٠) على اربعة وعشرين ، ومثل قسمة سبعة عشر ونصف وثلث على ستة عشر . والنوع الثاني من الانواع المركبة هو قسمة الصحاح على الصحاح والكسور ، وذلك مثل قسمة اربعة وعشرين على سبعة وخمسة اسباع ومثل قسمة اثني عشر على ثلاثة وعشرين وثلث .

وهذان النوعان هما مقابلان للنوع الاول من الانواع المركبة للضرب . والنوع الثالث من الانواع المركبة للقسمة وهو قسمة الصحاح والكسور على الكسور ، وهو مثل قسمة ثلاثة عشر وربع سدس على خمس وسدس ، ومثل قسمة اربعة وعشرين وثمان سابع على اربعة اتساع . والنوع الرابع من الانواع المركبة للقسمة هو قسمة الكسور على

الصحاح والكسور ، وذلك مثل قسمة نصف وثلاث على ستة وثلاثة اسباع ، ومثل قسمة خمس وتسع على اثني عشر وخمسة سداس .

وهذان النوعان أيضاً هما مقابلان للنوع الثاني من الانواع المركبة للضرب .

والنوع الخامس من الانواع المركبة للقسمة هو قسمة الصحاح والكسور على الصحاح والكسور ، وذلك مثل سبعة عشر وثلاثة ارباع على اثنين واربعة اسباع . وهذا النوع هو مقابل للنوع الثالث من انواع الضرب .

وانما أوردنا المقابلات في هذا الموضع لتكون ذكرها في موضع واحد . فان كل واحد منهما من جنس الآخر ، والعمل فيهما قريب بعضه من بعض ، فصار جمع انواع الضرب والقسمة خمسة عشر نوعاً تشتمل عليها ست مقابلات .

ونحن نوضح أبوابه وحسابه في موضعه ان شاء الله .

الباب الثاني في ضرب الأعداد الصحاح وقسمتها وهو ثمانية فصول الفصل الأول *

في مراتب الأعداد وتواليها وترتيب عقودها

وقد بينا في ما أثبتناه في شرح كتاب محمد بن موسى الخوارزمي في صناعة [٣٣و] الجبر والمقابلة، من أصول الأعداد وتركيبها وأنواع مراتبها ما فيه مقنع . والذي ينبغي أن نذكر في هذا الموضع جمل مما لا بد منه للكاتب ولا يسع الناظر في حساب المعاملات التغافل عنه فنقول : ان الواحد هو أصل لسائر الأعداد ، وعنه تتولد ، واليه تنحل . والذي

مركب عنه ثلاث مراتب وسبع عقود .

اما المراتب فهي : واحد واثنان وثلاثة الى تسعة (١٦) .
و اما العقود فهي : عشرات مئون (١٥)

وليس في سائر أنواع الحساب شيء سوى هذه ، واليهما ترجع كلها ، ومن حفظهما وارتاض بهما في العمل وصارت له دربة في التصرف فيهما ، استغنى عن حفظ باقيها ، ولم يحتج الى شيء آخر سواها ، كما سنبين ان شاء الله .

فاما الالوف فهي مرتبة أولى تقوم مقام الآحاد ، وان عشرات الالوف تقوم مقام العشرات ، وان مئى الالوف تقوم مقام المئى . وذلك ثلاث مراتب مثل الآحاد والعشرات والمئى . ثم نبتدى بثلاث مراتب آخر مثل التي تقدم ذكرها وهي ألوف الالوف وعشرات الالف الالف ومئى الالف . ثم تتضاعف المراتب ثلاثا ثلاثا الى ما لا نهاية له ولا امد

لآخره . وان المراتب الاول التي هي الآحاد والعشرات والمئى تقوم مقام المراتب الباقية وتنوب عنها ويكون حكمها حكمها في جميع [٣٣ظ] اعمالها .

وانما جعلت الالوف بدلا من الآحاد لان كل مرتبة من مراتب الأعداد فهي مركبة من التسعة الآحاد التي هي من واحد الى تسعة . الا ترى انها تسقط في ما بعد الالوف من المراتب ولا تذكر الا في تفصيلها : مثل خمسة ألف ، وسبعين ألف ، فان الخمسة والسبعة ذكرنا في تفصيل الالوف وعشرات الالوف . وانما جعلت المراتب على ما ذكرنا لحاجتهم اليها في كل واحد منها الى الآحاد ، فان كل واحد منها يقوم مقام واحد من عقود المراتب الباقية . الا ترى ان خمسة في الآحاد تقوم مقام الخمسين في العشرات ، والخمس مائة في المئى ، والخمسة الف في الالف ، والخمسين الف في عشرات الالوف ، وكذلك في ما بعد ؟ وكذلك الستة تقوم مقام الستين والستمائة والستة ألف .

فقد ظهر أن الالوف ليست مرتبة رابعة للأعداد ، كما يعتقد جماعة من الحساب ودونوا ذلك في كتبهم ، وتبين غلطهم في ذلك . وانما جعلت نائبة عن الآحاد التي هي أصل المراتب ، كما أن الواحد هو أصل لسائر الأعداد ، وكما أن العشرة والمائة ينوبان عن الواحد ، فان كل واحدة منها هي واحد من مرتبتها ولا يذكر الواحد عندها ، كذلك الالف هي نائبة عن الآحاد ولا تذكر بعدها فاذا كانت الآحاد والعشرات والمئى تقوم مقام سائر المراتب ، وتفصيل الآحاد التي هي العقود تقوم مقام آحاد تلك المراتب دل ذلك على أن من حفظ هذه المراتب وارتاض في هذه العقود سهل عليه حفظ [٣٤و] ما فيها ان شاء الله .

فاذ قد تبين ذلك فاننا اذا أردنا أن نعرف المراتب على الولاء أضفنا الى الثلاث مراتب الاولى التي هي الآحاد والعشرات والمئى ، لفظة ألوف ، وضاعفناها أبدا ، فيحصل لنا سائر المراتب متوالية من غير أن يشذ

مما سبق ، كما وضعنا في هذا المخطط :

وف	عشرات الوف	مئتين الوف
وف الوف	عشرات الوف الوف	مئتها
وف الوف الوف	عشرات الوف الوف	مئتها
وف الوف الوف الوف	عشرات الوف الوف	مئتها

وكذلك تنساق المراتب بعدها ، من غير أن يسقط منها شيء أو يخل ،
ان شاء الله .

الفصل الثاني

في استخراج أسماء المراتب وأعدادها

ان الحاجة شديدة الى معرفة أسماء المراتب وأعدادها ، في ضرب
المراتب الكثيرة بعضها في بعض ، وبمعرفة تسهيل كثير من الاعمال ، فاذا
أردنا ذلك فينبغي أن نسقط من العدد الذي لتلك المرتبة : واحداً أبداً ،
ونأخذ مما يبقى ، لكل ثلاثة لفظة من ألفاظ الالوف ، وما يبقى لا يتم
ثلاثة ، فهو عشرات ومئتين مضافة الى تلك الالوف ، فان كان الباقي
واحداً فهو عشرات ، وان كان اثنين فهو مئتين .

مثال ذلك [٣٢٤] ان أردنا أن نعرف اسم المرتبة الثانية عشر من
المراتب المتوالية من الأحاد : نستقطنا من الاثنين عشر واحداً ، وأخذنا مما
بقي ثلث لفظة : مائة ، فكان لتسعة : ثلاث مرات الوف ، وبقي
العمال ، وبما سبق . فنتسأل المرتبة الثانية عشرة من مراتب الاعداد هي
مئة الوف الوف الوف .

وكذلك لو أردنا أن نعلم اسم المرتبة السادسة عشر : أسقطنا من
الستة عشر : واحداً ، وأخذنا لما بقي من كل ثلاثة : لفظة الوف ، فكان
اسم المرتبة السادسة عشر من الأحاد : الوف الوف الوف الوف الوف ،

خمسين مئتين ، وكذلك اسم المرتبة السابعة والعشرين .
عشرات الوف الوف الوف الوف الوف ، سبع مرات .

فان كان اسم المرتبة لنا معلوماً ، وأردنا أن نعلم كم بعدها من الأحاد
في شيء منها من الاعداد : ضربنا ألفاظ الالوف في ثلاثة ، وزدنا على
ما اجتمع واحداً أبداً . فان لم يكن في اسم المرتبة عشرات ولا مئتين ، فان
الذي حصل هو عدد تلك المرتبة من الأحاد ، وان كان في اسم المرتبة
عشرات أو مئتين ، أضفنا الى ما اجتمع معنا : للعشرات واحداً ، وللمئتين
اثنين . فمثلاً : خمسة بعد ذلك فهو بعد تلك المرتبة من الأحاد .

مثال ذلك : انا أردنا أن نعلم المرتبة التي اسمها عشرات الوف الوف
الوف ، أي مرتبة هي وكم بعدها من الأحاد : ضربنا ألفاظ الالوف التي
في المرتبة ، وهي ثلاث مرات الوف ، في ثلاثة ، وزدنا على ما اجتمع .
واحداً ، فصار عشرة ، وأضفنا اليها للعشرات : واحداً ، فبلغ احد عشر ،
فمثلاً : عشرات الوف الوف الوف الوف الوف هي المرتبة الحادية عشرة ، من الأحاد .
على هذا القياس نستخرج أسماء المراتب .

الفصل الثالث (١٧)

في ضرب المراتب بعضها في بعض

[٣٥] ينبغى أن نعلم أن الأحاد في أي مرتبة ضربت لم تغير تلك المرتبة
عن حالها ، وذلك أن الأحاد ان ضربت في الأحاد ، كانت أحاداً ، وان
ضربت في العشرات كانت عشرات ، ويكون كل واحد منها عشرة ، وكل
عشرة منها مائة ؛ وان ضربت في المئين ، كانت مئين ، وكذلك في سائر
المراتب .

والعشرات في أي مرتبة ضربت ، كان الذي يحصل من المرتبة التي
تليها . وذلك أن العشرات ان ضربت في مئين الوف ، كانت الوف الوف ،
وهي المرتبة التي تلي مئين الوف .

وأما المثنون فانها اذا ضربت في مرتبة من المراتب كان الذي يحدث من الضرب ثالث تلك المرتبة . فانها ان ضربت في الالوف كانت مثن الوف ، وهي المرتبة الثالثة من الالوف ، وكذلك في سائر المراتب .

وجه كلي في ضرب المراتب بعضها في بعض

فاذا أردنا أن نعرف ما يحصل من ضرب المراتب بعضها في بعض ، بأصل يعول عليه في سائر الاوقات ، فانا نعد من الآحاد الى أقرب المرتبتين منها ، ثم ما يحصل من العدد نعد مثلها من أبعد الناحيتين في خلاف جهة الاحاد ، فما بلغ اليه العدد فهو ما يحصل من ضرب تلك المراتب بعضها في بعض .

مثال ذلك : انا أردنا أن نضرب مثن في عشرات الوف : عددنا من الاحاد الى أقرب المرتبتين اليها ، وهي مثنون ، فكانت ثلاث مراتب ، وهي آحاد [٣٥ظ] وعشرات ومثنون . ثم عددنا من عشرات الوف ثلاث مراتب ، وهي عشرات الوف ، مثنو الوف ، الوف الوف ، فبلغ العدد الى الوف الوف ، وهي ما يحصل من ضرب المثنين في عشرات الوف .

وكذلك ان أردنا أن نضرب عشرات في عشرات الوف الوف عددنا من عشرات الوف الوف مرتبتين ، وذلك مثل ما بين الآحاد والعشرات من المراتب ، فبلغ العدد الى مائتين الوف الوف ، وهي المرتبة الحاصلة من ضرب العشرات في عشرات الوف الوف . وكذلك نعمل في ضرب جميع المراتب بعضها في بعض .

وجه ثان في ضرب المراتب بعضها في بعض ، على مذهب الكتاب

قد تقدم لنا أن مراتب الاعداد ثلاثة ، وهي آحاد وعشرات ومثنون ، وانها تتركب وتتضاعف بثلاث مراتب آخر ، وهي (آحاد) وعشرات ومثنون الوف ، فاذا أردنا أن نضرب شيئاً من المراتب المركبة من هذه بعضها في بعض ، فانا نجمع ما فيها من الفاظ الالوف ناحية ، ثم نضرب

العشرات والمثنين التي في احدى الناحيتين في العشرات والمثنين التي في الناحية (الاخرى ، فما حصل نضمه الى ما عزلناه ناحية ، فما اجتمع فهو ما يحصل من ضرب المراتب بعضها في بعض .

مثال ذلك : انا أردنا أن نضرب مثن الوف في عشرات الوف الوف ، جمعنا ما فيها من الفاظ الالوف وعزلناها ناحية ، وهي ثلاث مرات الوف [٣٦ظ] ثم ضربنا المثنين في العشرات فكان الوفاً ، وأضفناها الى ما عزلناها ناحية ، فكان الوف الوف الوف الوف ، اربع مرات ، وهي ما يكون من ضرب مثن الوف في عشرات الوف الوف .

وكذلك لو أردنا أن نضرب عشرات الوف في عشرات الوف الوف ضربنا العشرات في العشرات فكان مثنين ، فأضفناها الى ما في الناحيتين من الفاظ الالوف فصارت مثن الوف الوف الوف ، وهي ما يكون من عشرات الوف في عشرات الوف الوف .

فان كان في احدى الناحيتين الوف ، ولم يكن فيها عشرات ولا مثنون ، او كان في الناحيتين جميعاً الوف فقط ، أضفنا الفاظ احدى الناحيتين الى الفاظ الناحية الاخرى ، فما حصل منها كان المجتمع من ضرب تلك المراتب بعضها في بعض .

مثال ذلك : انا أردنا أن نضرب عشرات الوف في الوف الوف : أضفنا الالفاظ التي في الناحيتين جميعاً الى بعض فكان الحاصل منها عشرات الوف الوف الوف الوف . وهي ما يكون من ضرب عشرات الوف الوف في الوف الوف .

وكذلك لو أردنا أن نضرب الوف الوف في الوف الوف الوف أضفنا الفاظ الالوف بعضها الى بعض فصارت الوف الوف الوف الوف الوف ، خمس مرات . وهي ما تكون من ضرب الوف الوف في الوف الوف الوف . وعلى هذا السبيل ينبغي أن يكون ضرب سائر المراتب بعضها في بعض . وقد [٣٦ظ] نشبه ضرب مراتب الكسور بعضها في بعض بهذه . فانا اذا أردنا أن نضرب شيئاً من مراتب الكسور بعضها في بعض نسبنا

نلاحظ أحد الكسرين من الفاظ الكسر الآخر . وذلك أن الارباع اذا أردنا ان نضربها مثلاً في اتساع نسبنا أحدهما من الآخر فيصير ارباع اتساع . وهي ما يكون من ضرب الارباع في الاتساع . والفرق بينهما اننا في الكسور ينبغي أن ننسب أحدهما من الآخر ، وفي مراتب الاعداد ينبغي أن نجعل بينهما . ونحن نبين ذلك في المواضع الاخص به ان شاء الله .

الفصل الرابع

في قسمة المراتب بعضها على بعض

قد تقدم لنا في هذا الكتاب أن مراتب الاعداد ثلاثة ، وانها تنقسم على تسعة عقود ، وان جميع انواع الضرب والقسمة ترجع اليها . وظهر ذلك في ضرب المراتب بعضها في بعض . وينبغي أن نبين ذلك في القسمة ايضاً فنقول :

ان من اراد أن يعلم قسمة المراتب بعضها على بعض فسيبيله أن يحفظ قسمة التسعة عقود بعضها على بعض حفظ من لا يتوقف في جواب ما يسأل منها ، ويرتاض فيها رياضة تامة . فاذا فعل ذلك وسهل عليه التصرف فيها فينبغي أن يعلم بعد ذلك أن المراتب المتساوية اذا قسمت بعضها على بعض كان الذي يخرج من القسمة آحاداً أبداً ، اعني أن كل واحد مما يخرج من القسمة يكون واحداً : فان العشرات اذا قسمت على العشرات كانت آحاداً ، والمئون اذا قسمت [٣٧] على المئين كانت آحاداً ، وكذلك الالوف على الالوف ، وعشرات الالوف على عشرات الالوف ، فان الذي يخرج من القسمة في جميع ذلك يكون آحاداً ألا ترى انا متى قسمنا ثمانين على أربعين ، أو ثمانمائة على اربعمائة ، أو ثمانية ألف على أربعة ألف ، كان الذي يحصل من القسمة في جميع ذلك اثنين ؟

وايضاً أن كل مرتبتين متتاليتين قسمت العليا منهما على السفلى فان

الحاصل من القسمة يكون عشرات ، كل واحد يكون منهما عشرة ، وكل عشرة مائة . وان قسمت السفلى منهما على العليا كان الذي يخرج من القسم اعشاراً ، كل عشرة منها تكون واحداً .

مثال ذلك المئون والالوف ، وهما مرتبتان متتاليتان ، وليس بينهما أخرى . ومتى قسمت الالوف ، وهي المرتبة العليا ، على المئين وهي المرتبة السفلى ، كان الذي يخرج من القسم عشرات . وان قسمت المئين على الالوف كان الذي يخرج من القسم اعشاراً .

وايضاً فان كل مرتبتين بينهما مرتبة ، قسمنا العليا منهما على السفلى فان الذي يخرج من القسم يكون مئين ، ويكون كل واحد منها مائة . وان قسمنا السفلى على العليا فان الذي يخرج من القسم يكون أجزاء من مائة ، ويكون كل مائة منها واحداً ، وكل واحد عشر عشر واحد وهو ثلاثة أخماس عشر .

مثال ذلك الالوف والعشرات ، وبينهما مرتبة واحدة وهي المئون ، فاذا قسمنا العليا منهما ، وهي ألف ، على السفلى ، وهي [٣٧] عشرات ، كان الذي يخرج من القسم مئين . وان قسمت عشرات على الوف كان كل واحد منها عشر عشر واحد .

وجه كلي في قسمة المراتب بعضها على بعض

فاذا أردنا أن نقسم مرتبة على مرتبة فينبغي أن نعد من إحدى المرتبتين الى الاخرى فما حصل من العدد نعد مثلها من الاحاد فما انتهى اليه العدد من المراتب فهي المرتبة التي تحدث من القسمة ، ثم ان كان المقسوم المرتبة العليا والمقسوم عليه المرتبة السفلى كان الذي يخرج من القسمة المرتبة التي انتهى اليها العدد . وان كان بالعكس من هذا كان الذي يخرج من القسمة أجزاء من تلك المرتبة .

مثال ذلك : انا أردنا أن نقسم الوف ألف على مئين ، عددنا المراتب

التي من المئين الى الوف الوف فكان خمس مراتب وهي مئون والوف وعشرات الوف ومئو الوف والوف الوف . فاذا عددنا من الاحاد خمس مراتب انتهى العدد الى عشرات الوف فقلنا ان الذي يخرج من قسمه الوف الوف على مئو مئو عشرات الوف . قال كان المقسوم المئين والمقسوم عليه الوف الوف كان كل واحد منها هو عشر عشر عشر عشر واحد .

وجه ثان في قسمة المراتب بعضها على بعض ، على مذهب الكتاب

ان كتاب زماننا اذا ارادوا ان يقسموا مراتب الاعداد بعضها على بعض طلبوا مرتبة اذا ضربت في المرتبة السفلى كانت منها المرتبة العليا . فاذا وجدوا ذلك ، فان كان المقسوم المرتبة العليا كانت المرتبة الموجودة هي التي تخرج من القسم .

مثال ذلك انا اذا اردنا ان نقسم مئو الوف على مئين طلبنا مرتبة يكون مضروبها في المئين مائين الوف ، فوجدناها الوف ، فقلنا ان مئو الوف اذا قسمت على مئين كان الذي يخرج من القسم الوف . فان كان المقسوم مئو واربعة ان قسمنا على مئو الوف كان الذي يخرج من القسم اجزاء من الوف . وكل ألف منها واحد ، وكل سنة عشر ومئو منها عشرا ، وكل واحد منها ثلاثة وخماس عشر عشر .

وكذلك لو اردنا ان نقسم عشرات الوف على مئو الوف طلبنا مرتبة اذا ضربناها في عشرات الوف كانت مئو الوف الوف ، فوجدناها عشرات الوف ، فقلنا ان عشرات الوف اذا قسمت على مئو الوف الوف كان الخارج من القسم اجزاء عشرات الوف ، ويكون كل عشرة ألف منها واحدا ، وكل واحد ثلاثة اخماس عشر عشر عشير .

فان كان المقسوم مئو الوف الوف على عشرات الوف كان الذي يخرج من القسم عشرات الوف ، كل واحد عشرة ألف .

الفصل الخامس

في ضرب عقود المراتب باحادها بعضها في بعض

فاذا اردنا ذلك ضربنا عدد العقود بعضها في بعض ، فما حصل من الضرب اخذنا لكل واحد منها واحدا من المرتبة الحادثة من ضرب المرتبتين احدهما في الاخرى ، فما كان فهو الذي يحصل من الضرب . مثال ذلك : انا اذا اردنا ان نضرب ثلاثين في اربع مائة ضربنا ثلاثين في اربعة ، فكان اثني عشر ، واخذنا لكل واحد ألفا لان العشرات في المئين تكون ألفا ، فيصير الحاصل من ضرب ثلاثين في اربع مائة اثني عشر ألفا .

وكذلك لو اردنا ان نضرب تسعين ألفا في خمسمائة ضربنا تسعة في خمسة فكان خمسة واربعين ألف ألف ، وهو ما يحصل من ضرب تسعين ألفا في خمس [٢٨ ظ] مائة . وهذا باب وحسابه .

الفصل السادس

في قسمة عقود المراتب واحادها بعضها على بعض

فاذا اردنا ذلك قسمنا الاحاد بعضها على بعض ، واخذنا لكل واحد مما يخرج من القسمة واحدا مما يحصل من قسمة المرتبتين احدهما على الاخرى .

مثال ذلك : انا اذا اردنا ان نقسم سبعة ألف على ثلاثمائة ، قسمنا سبعة على ثلاثة فحصل من القسمة لكل واحد اثنان وثلاث ، وهو عشرات ، فصار ثلاثة وعشرين وثلاث ، وهو ما يكون من قسمة سبعة ألف على ثلاثمائة .

وكذلك لو اردنا ان نقسم سبعين على ثلاثة ألف قسمنا سبعة على ثلاثة فخرج من القسم اثنان وثلاث ، واخذنا لكل واحد منها عشر عشر واحد ، فيكون الذي يصيب الواحد من قسمة سبعين على ثلاثة ألف : خمس عشر وثلاث عشر عشر ، وهو عشير وخمسا عشير . وهذا باب وحسابه .

الفصل السابع

في ضرب المراتب الكثيرة بعضها في بعض ^(١٨)

فاذا اردنا أن نضرب مراتب كثيرة بعضها في بعض ، فينبغي لنا أن نضرب عدد ما في احدى الناحيتين من المراتب في عدد ما في الناحية الأخرى من المراتب ، فما يحصل من الضرب هو عدد ما يقع فيه من الضرب . وانما نفعل ذلك أولا لتتحرر من غلط يجري في الحساب أو سهو يعرض لمن يحسب . ثم نبتدىء بأخذ أعلى المراتب التي في احدى الناحيتين ، ونضربها في آحاد جميع المراتب التي في الناحية الأخرى ، ونحفظها ناحية . ثم نضرب آحاد المراتب التي تليها من تلك الناحية في جميع المراتب التي في الناحية الأخرى . ولا نزال نفعل ذلك ونحفظ كل ما يحصل من الضرب الى أن نأتي على ضرب جميع المراتب التي في تلك الناحية . ثم نجمع ذلك كله ، ونزيد كل مرتبة على مرتبتها [٣٩] فما اجتمع فيها ما يكون من ضرب تلك المراتب بعضها في بعض .

مثال ذلك انا اردنا أن نضرب ستة واربعين في ثمانية وعشرين : ضربنا عدد المراتب بعضها في بعض فكان اربعة ، لانها مرتبتين في مرتبتين ، وهو عدد ما يقع فيها من الضرب .

ثم نبتدىء فنضرب أربعين في عشرين ، فيكون ثمانمائة ، وفي ثمانية فيكون ثلاثمائة وعشرين ، فنحفظه . ثم نضرب الستة في عشرين فيكون مائة وعشرين وفي ثمانية فيكون ثمانية واربعين . ثم نجمع ذلك كله فيكون الف ومائتين وثمانية وثمانين . وهو ما يحصل من ضرب ستة واربعين في ثمانية وعشرين .

فهذا هو أصل الضرب . ونحن سنبين وجوه الاختصار في بابيه ان شاء الله .

وكذلك لو اردنا أن نضرب ثلاثمائة واربعة وعشرين في خمسة وتسعين ، علمنا انه يحتاج فيها الى ست ضربات ، لانها ثلاث مراتب في مرتبتين . ثم ابتدأنا فضربنا ثلاثمائة في تسعين ، فكان سبعة وعشرين الفا ، ثم ضربناه في خمسة فكان الفا وخمسمائة ، فحفظناه . ثم ضربنا العشرين

في تسعين فكان الفا وثمانمائة ، ثم ضربناها في خمسة فكان مائة . فحفظناه أيضا . ثم ضربنا الأربعة في تسعين فكان ثلاثمائة وستين ، وضربناها في خمسة فكان عشرين . فذلك ست ضربات . ثم جمعنا ذلك كله فكان الفا وسبعمائة وثمانين ، وهو ما يكون من ضرب ثلاثمائة واربعة وعشرين في خمسة وتسعين . وهذا بابيه وحسابه .

وجه في ضرب المراتب الكثيرة بعضها في بعض ، على مذهب الكتاب

فاذا كثرت المراتب ، ولم يمكن أن نضبط ذلك باليد ، فان فيه طريقتين ، احدهما كان يستعملها الكتاب في دواوين الخراج وذهب نظامه من ايديهم ، وبقي نوع الضرب . حتى انهم اذا ارادوا أن يعملوا به خلطوا في كتابتها فيلحقهم في ذلك غلط كثير ، ويحتاجون أن يرجعوا فيه ويعيدوا الضرب ، ويتعبون . [٣٩ ظ] فاذا حفظ نظام هذا النوع من الضرب امنوا من غلط يجري في ضربهم الاعداد الكثيرة بعضها في بعض .

والطريق الثاني يمكن أن يستعمل في بعض الأعمال النجومية وأعمال الخراج والدواوين وما لا يمكن أن يضبط باليد والقلب ، وهو اقرب واحسن ، ومن كان به دربا سهل عليه سائر أنواع الحساب ولم يبال بالمراتب كثرت أو قلت .

ونحن نذكر الطريقتين جميعاً في هذا الكتاب ، ونبتدىء بما كان يستعمله الكتاب خاصة ، فنقول :

انا اذا اردنا أن نضرب مراتب كثيرة بعضها في بعض فينبغي أن نسلك فيها المسلك الذي نبينه في هذا المثال :

وذلك انا اردنا أن نضرب سبعة ألف وثمان مائة وسبعة وخمسين في ثلاثة ألف وأربعمائة وخمسة وتسعين :

لم يكن بد لنا من ستة عشر ضربة ، وذلك أنها أربع مراتب في أربع مراتب . ثم نبتدىء بالسبعة ألف ونضربها في ثلاثة فيكون أحد وعشرين ألف ألف ، وفي أربع مائة فيكون ألفي ألف وثمانمائة ألف ، وفي تسعين فيكون ستمائة ألف وثلاثين ألفاً ، وفي خمسة فيكون خمسة وثلاثين ألفاً .

ونكتبه مفصلاً على هذه الصورة ، كل شيء مع جنسه ، لئلا يختلط :

احد وعشرين الف الف	ثمان مائة الف	ثلاثين الف	خمس الف
الف الف	ستمائة الف	ثلاثين الف	

ثم نضرب الثمان مائة في ثلاثة الف فيكون الف الف واربع مائة الف ، وفي اربع مائة فيكون ثلاثمائة وعشرين الفا ، وفي تسعين فيكون اثنان وسبعين الفا ، وفي خمسة فيكون اربعة الف . ونضيف ذلك الى ما حصل ، محفوظاً كل شيء مع جنسه ومن مرتبته . فيصير ما كتبناه في التفصيل على هذه الصورة :

احد وعشرين الف الف	ثمان مائة الف	ثلاثين الف	خمس الف
الف الف	ستمائة الف	ثلاثين الف	الف
الف الف	اربع مائة الف	عشرين الف	اربع الف
	ثلاثمائة الف	سبعين الف	

[٤٠] ثم نضرب الخمسين في ثلاثة الف فيكون مائة وخمسين الفا ، وفي اربع مائة فيكون عشرين الفا ، وفي تسعين فيكون اربعة الف وخمسة مائة ، وفي خمسة فيكون مائتين وخمسين . ونضيف ذلك أيضاً الى ما كتبناه ، كل شيء الى جنسه ، فيصير التفصيل على هذه الصورة :

احد وعشرين الف الف	ثمان مائة الف	ثلاثين الف	خمس الف	خمس مائة
الف الف الف	ستمائة الف	ثلاثين الف	الف	مائتين
اربع مائة الف	عشرين الف	اربع الف		
ثلاثمائة الف	سبعين الف	اربع الف		
مائة الف	خمسين الف			
عشرين الف				

ثم نضرب الستة أيضاً في ثلاثة الف فيكون ثمانية عشر الفا ، وفي اربع مائة فيكون الفين واربعمائة ، وفي تسعين فيكون خمس مائة واربعين ، وفي خمسة فيكون ثلاثين . ونضيف ذلك أيضاً الى ما حفظناه في التفصيل كل شيء مع جنسه ، فيصير التفصيل على هذه الصورة :

احد وعشرين الف الف	ثمان مائة الف	ثلاثين الف	خمس الف	خمس مائة
الف الف الف	ستمائة الف	ثلاثين الف	الف	مائتين
اربع مائة الف	عشرين الف	اربع الف	اربع مائة	ثلاثين
ثلاثمائة الف	سبعين الف	اربع الف	خمس مائة	
مائة الف	خمسين الف	ثمانية الف		

عشر الف الف

عشرة الف

ثم نجمع ما في كل مرتبة ، ونبتدىء بالجمع من الآحاد ثم العشرات ، ثم ما بعدها . فإذا اجتمع اكثر من عشرة زيد على المرتبة التي فوقها من جنسها . فيصير ما في الالف الالف وعشرات خمسة وعشرين الف الف . وفي الالف وعشرات الف الف ومائتي الف ، وفي عشرات الالف وعشرات مائتي وثلاثين الفا ، وفي الالف خمسة وعشرين الفا ، وفي المائتي الف وستمائة [٤٠ ظ] وفي العشرات مائة وعشرين وليس في الآحاد شيء . فإذا اجتمع ذلك كله صار سبعة وعشرين الف الف واربع مائة وستة وخمسين الفا وسبع مائة وعشرين درهماً . وذلك ما يكون من ضرب سبعة الف وثمان مائة وستة وخمسين في ثلاثة الف واربع مائة وخمسة وتسعين .

فإذا جرى أمر الضرب على ما رتبناه وضبط هذا الضبط لم يقع فيه شيء من الإحلاف والعطف ، وإن كثرت المراتب .

الأصل الآخر في ضرب المراتب الكثيرة بعضها في بعض وهو اقرب مما تقدم ذكره (١٩) .

ينبغي أن نورد مثالا على هذا الطريق من المراتب القليلة ليقرب من فهمه ونفهم طريقته ، ثم نذكر بعد ذلك مثالا على المراتب الكثيرة

أنا اذا اردنا أن نضرب عدداً كثير المراتب أو قليلها ، في مثلها ، أو في اعداد أكثر منها مراتب ، أو أقل ، فينبغي أن نكتب العددين جميعاً في سطرين ، ويثبت في كل مرتبة أحادها فقط ، ويكون ابتداء السطرين

ثم نبتدىء بأول عدد من أحد السطرين ونضربها في جميع الأعداد التي في السطر الآخر ، ونثبت ما يحصل في سطر ثالث على التوالي .
ثم نضرب العدد الذي يلي الأول من ذلك السطر أيضاً في جميع الأعداد التي في السطر الآخر ، ونثبت في السطر الثالث ، ونجعل ابتداء [٤١ و] ما نثبتته من العدد الثاني على الترتيب الذي كتبناه أولاً . وكذلك نعمل بالأعداد الباقية ، إلى أن نأتي على جميع الأعداد التي في ذلك السطر .
فيحصل لنا من ضرب سطر مراتبه مثل مجموع مراتب السطرين أو أقل منه بواحد .

ثم نجمع ما في كل مرتبة من مراتب السطر الثالث ، ونكتب آحاده في مواضعه ، وعشراته نجعلها آحادا ونزيدها على المرتبة التي قبلها . فما حصل بعد ذلك فهو ما يحدث من ضرب المراتب الكثيرة بعضها في بعض . وتكون أول المراتب هي المرتبة التي تحدث من ضرب أعلى المرتبتين اللتين في الناحيتين ، احدهما في الآخر ، وباقيهما على تواليها الى أن تبلغ الى الإحاد .

$\frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} f(x) e^{-x^2} dx = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} f(x) e^{-x^2} dx$

[٤١ ظ] أربعة وعشرين ثمانية وأربعين أربعة وخمسين

اربعه وعشرين	ثمانيه واربعين	اربعه وخمسين
ثمانه وعشرين	سته وخمسين	ثلاثه وستين

x x اربعة وعشرين	ثمانية واربعين	اربعة وخمسين
ثلاثة	ثمانية وعشرين	سنة وخمسين
ثلثة	ثمانية	احد عشر
اثنتي	سبعة	ستة
ثلاثة	اثنتي	ستة

: ل كنب هنا الاربعة والثمانية والستة بالارقام الهندية .

• x في ل مكان هذه العملية فراغ •

ثمانية الف وخمسة مائة وتسعة وعشرين ، كتبناها في سطرين ، وقدمنا المراتب العالية ، على المراتب المنحطة ، الى أن يكون آخرها الآحاد ، وكتبنا من كل مرتبة أحادها ، على ما قد كتبت في هذين السطرين :

ثمانية	خمسة	اثنين	تسعة
سنة	ثلاثة	سبعة	ثمانية
			اربعة

فتكون الستة هو الستين الفا ، والثلاثة ثلاثة الف ، والسبعة سبع مائة ، والثمانية ثمانين ، والاربعة اربعة . وكذلك يكون في السطر الثاني الثمانية ثمانية الف ، والخمسة خمس مائة ، والاثنين عشرين ، والتسعة تسعة .

ثم نبتدي بأول الأعداد التي في السطر الآخر ، ونكتب ما يجتمع في سطر ثالث ناحية ، وليكن الابتداء في الضرب بالثمانية ، فيكون الذي يحصل من ضرب الثمانية في جميع أعداد السطر الآخر كما في هذا السطر :

ثمانية	اربعة	عشرين	سنة	خمسين	اربعة	وسين	اثنين	وثلاثين
--------	-------	-------	-----	-------	-------	------	-------	---------

ثم نضرب الخمسة من ذلك السطر أيضا في جميع الأعداد التي في السطر الآخر ، ونكتبها تحت السطر الثالث ، ويكون ابتداء الكتابة من المرتبة الثانية من السطر الثالث ، على ما هو في هذه الصورة في هذا التفصيل :

ثمانية	اربعة	عشرين	سنة	خمسين	اربعة	وسين	اثنين	وثلاثين
ثلاثين	خمسة	عشر	خمسة	وثلاثين	اربعة	عشر	عشر	

ثم نضرب الاثنين أيضا في جميع الأعداد التي في السطر الآخر ، ونضيفها [٤٢ ظ] الى ما ثبت في السطر الثالث ، ونجعل ابتداءها تحت المرتبة الثالثة ، فيصير على هذه الصورة

ثمانية	اربعة	عشرين	سنة	خمسين	اربعة	وسين	اثنين	وثلاثين
ثلاثين	خمسة	عشر	خمسة	وثلاثين	اربعة	عشر	عشر	
اثنان	عشر	سنة	اربعة	عشر	سنة	عشر	ثمانية	

ثم نفعل بالتسعة كفعلنا بما تقدم من الأعداد ، فيصير التفصيل على هذه الصورة :

ثمانية	اربعة	عشرين	سنة	خمسين	اربعة	وسين	اثنين	وثلاثين
ثلاثين	خمسة	عشر	خمسة	وثلاثين	اربعة	عشر	عشر	
اثنان	عشر	سنة	اربعة	عشر	سنة	عشر	ثمانية	
اربعة	خمسين	سبعة	وعشرين	ثلاثة	وسين	اثنين	وسبعين	سنة
								وثلاثين

ثم نجعل ما في كل مرتبة منها ، ونكتب أحادها في تلك المرتبة ، وعشراتنا نجعلها أحادا ومئياتنا عشرات ، ونزيده على المرتبة التي قبلها ، كفعلنا في المثال الأول . ونكتب عدده تحت مرتبته . وإن كانت مرتبة ليس فيها عدد جعلنا في موضعه ترقينة ، كما قد جرت به عادة الكتاب . فيصير التفصيل x :

٤٨	٢٤	٥٦	٦٤	٣٢				
-	٣٠	١٥	٣٥	٤٠	٢٠			
-	-	١٢	٦	١٤	١٦	٨		
-	-	-	٥٤	٢٧	٦٣	٧٢	٣٦	
خمسة	سنة	عشرة	سبعة	اثنان	عشرة	ثمانية	ثلاثة	
اربعة	اربعة	-	واحد	ثلاثة	سبعة	ثلاثة	سنة	

[٤٣ ظ] فصار : المراتب التي حصلت من الضرب مثل مجموع المراتب التي في الناحيتين ، وهي تسع مراتب . والذي حصل لنا من ضرب أعلى المرتبتين في الناحيتين ، بعضهما في بعض ، كان عشرات الوف ، وعشراتنا تكون مئتين الوف الوف . فإذا نسبناها وجمعناها كان الذي يحصل من الضرب خمس مائة الف الف واربعة واربعين الف الف وثلاثة عشر الفا وسبع مائة وستة وثلاثين .

فإن ضبط الضرب على هذه الجهة التي ذكرناها لم يقع فيه زلل ولا غلط ، وتسهل سائر أجناسها . ولو مخافة التطويل لكنا أوردنا في هذا

x في ل ترك مكان هذا التفصيل فراغ . أما في م فقد طهرت العملية كاملة مع « الترقينة » وهي بالشكل - ، وكتبنا الأعداد بالكلمات . وقد أثرتنا أن نكتبها هنا بالأرقام لضيق المسافة .

الموضع جميع الانواع التي ينبغي أن تحفظ في هذا النوع من الضرب ، وما يجب أن يعمل في أبوابه . لكن الانشغال بغيره أصلح لئلا يلحق الناظر فيه ضجر ، وإن كانت الفائدة فيه كثيرة . ومن ضبط هذا النوع من الضرب استغنى عما كان يعتمد عليه أهل الهند في حسابهم في الأعمال النجومية وما لا يضبط باليد والقلب ، وكان ذلك أسهل عليهم من استعمال التراب والتخت والميل ، وليس كل موضع يوجد فيه تخت و تراب ، ولا كل انسان له به رياضة . وما ذكرنا يغني عن جميع ذلك .

الفصل الثامن

في قسمة المراتب الكثيرة بعضها على بعض (٢٠)

نقول في هذا الفصل أن المبتدئ ينبغي أن يكون حافظاً لقسمة ما دون كل مرتبة من العشرات على آحاده ، مثل قسمة ما دون الخمسين على خمسة ، و قسمة ما دون السبعين على سبعة ، وقد سهل حفظ ذلك على المبتدئ إذا كان حافظاً لقسمة الآحاد بعضها على بعض ، وذلك أنه إذا حفظ كسور الآحاد كلها ، مثل تسع ما دون التسعة ، وثمان ما دون الثمانية ، وسبع ما دون السبعة ، وحفظ بعد ذلك الاعداد التي تتركب من كل واحد [٤٣ظ] منها ، مثل تسع ما يتركب من التسعة في التضعيف ، وهو ثمانية عشر ، وسبعة وعشرون ، وستة وثلاثون ، الى التسعين ، وكذلك ما يتركب من الثمانية بالتضعيف ، مثل ثمن ستة عشر ، وأربعة وعشرين ، واثنين وثلاثين الى الثمانين ، وكذلك في السبعة والستة ، وسائر الآحاد ، واحكم ذلك احكاماً جيداً وحفظه ، سهل عليه جواب ما يسأل عنه من القسمة على الآحاد . الا ترى انه اذا سئل مثلاً عن قسمة ستة وسبعين على تسعة ، وهو قد حفظ أن تسع اثنين وسبعين درهما ثمانية دراهم ، وإن تسع الاربعة ثلث وتسع ، قال في الجواب بسهولة : ان تسع ستة وسبعين درهما ثمانية دراهم وثلث وتسع بلا توقف ؟

وكذلك ان سئل عن سبع خمسة واربعين ، وهو قد حفظ ان سبع اثنين واربعين ستة وإن سبع ثلاثة : ثلث وثلثي سبع ، قال في جواب سبع خمسة واربعين انها ستة وثلث وثلثي سبع . وعلى هذا ينبغي ان تكون رياضة المبتدئ في القسمة .

القسمة على الآحاد

فاذا احكم ذلك واراد بعده ان يقسم اعداداً كثيرة من مراتب كثيرة ، على الآحاد فسبيله ان ينظر ان كان كل واحد من المراتب عدد عقوده اكثر من الآحاد قسم كل واحد من المراتب على الآحاد حسب ما تقدم ذكره من قسمة المراتب ، ثم جمع ذلك كله ، فما حصل فهو ما يكون من قسمة تلك الاعداد على الآحاد . وإن كان عدد عقوده أقل من الآحاد بسط العليا من جنس ما يليها من المراتب ، ثم يقسمها .

مثال ذلك : انا أردنا أن نقسم تسع مائة وسبعة وثمانين على ستة : قسمنا التسعة على الستة ، لأن عدد اثنين اكثر من ستة ، فخرج من القسم واحد ونصف ، وهو مائة وخمسون [٤٤ و] ثم قسمنا السبعة والثمانين على ستة فكان اربعة عشر ونصفاً ، واضفناها الى المائة والخمسين فصارت الجملة مائة واربعة وستين ونصفاً . وهو ما يصيب الواحد في قسمة تسع مائة وسبعة وثمانين على ستة .

فاذا اردنا أن نقسم تسعة الف وثمان مائة وسبعة وثمانين على اربعة : قسمنا تسعة على اربعة فيكون اثنان وربع ، وهو الفان ومائتان وخمسون ، ثم قسمنا ثمانية على اربعة فكان اثنين وهو مائتان ، ثم قسمنا الثمانية على اربعة فيكون اثنين وهو عشرون ، ثم قسمنا السبعة على اربعة فكان واحداً ونصفاً وربعاً . ثم جمعنا ذلك كله فكان الفين واربع مائة واحد وسبعين ونصف وربع . وهو ما يكون من قسمة تسعة الف وثمان مائة وسبعة وثمانين على اربعة .

فاذا اردنا أن نقسم ثلاثمائة وستة وعشرين على سبعة : بسطنا الثلاثمائة عشرات ، لان الثلاثمائة أحادها أقل من سبعة ، فكان مع العشرين : اثنين وثلاثين ، أخذنا سبعها فكان أربعة ، وهو أربعون ، لانها كانت من قسمة العشرات على الآحاد ، ونضيف ما بقي ، وهو أربعة ، أعني أربعين ، الى الآحاد التي معنا ، وهو ستة ، فيصير ستة وأربعين ، أخذنا سبعها ، فكان ستة وأربعة أسباع ، أضفنا ذلك الى ما كان معنا ، فصارت الجملة ستة وأربعين وأربعة أسباع ؛ وهو ما يخرج من قسمة ثلاثمائة وستة وعشرين على سبعة .

القسمة على العشرات

فاما ما يقسم على العشرات مفرداً فان الطريق فيه مثل ما تقدم ذكره : مثال ذلك : انا أردنا أن نقسم أربعة الف وثلاثمائة على ثمانين : بسطانها عشرات ، لانها من قسمة مئتين على عشرات ، وبينهما مرتبة واحدة ، فيكون ثلاثة وخمسين ونصف وربع ، وهو ما يصيب الواحد من قسمة أربعة الف وثلاثمائة على ثمانين .

وكذلك تكون القسمة على المئتين مفرداً . فانا اذا أردنا أن نقسم أربعة وعشرين ألفاً على أربع مائة قسمنا أربعة وعشرين على أربعة ، فخرج من القسمة ستة ، وهو ستون . وهكذا نعمل في جميع ما يقسم على مرتبة واحدة .

قسمة المراتب الكثيرة على مرتبتين

فاما ما يقسم على مرتبتين فينبغي أن يكون المبتدئ فيها قد حفظ ما يكون من قسمة ما دون المائة بعضها على بعض ، مثل ستة وثلاثين على اثني عشر ، وخمسة وأربعين على ثمانية عشر . فاذا فعل ذلك فسبيله أن يحفظ ما يخرج من قسمة كل عدد على العدد الذي منه تركب ، مثل مائة وستين على ستة عشر ، ومئتين وعشرين على أحد وعشرين ، ومئتين وثلاثمائة وستين على ستة وثلاثين . فاذا حفظ ذلك فينبغي أن يعلم أن كل ما يقسم على أحد عشر فينبغي أن يؤخذ لكل أحد عشر واحداً ، ولكل

ولكل مائة وعشرة : عشرة ، ولكل الف ومائة : مائة ؛ وكذلك ما يقسم على ثمانية عشر ، فسبيله أن يؤخذ لكل ثمانية عشر : واحد ، ولكل مائة وثمانين عشرة ، ولكل الف وثمانمائة مائة فاذا اردنا أن نقسم بعد ذلك عدداً كثير المراتب على عشرات وآحاد فينبغي أن نبسط أكثر المراتب من جنس المرتبة التي تحتها ، ثم نقسمها ؛ الا أن يكون أقل من العدد المقسوم عليه ، فنبسطة مرة أخرى ، ثم نقسم .

مثال ذلك انا أردنا أن نقسم أربعة الف وستمائة وأربعة وعشرين على ستة عشر : بسطنا الأربعة الف مئتين ، فكان مع الستمائة : ستة وأربعين ، ثم قسمناه على الستة عشر ، لانها أكثر من ستة عشر ، فخرج من القسم اثنان ، وهو مائتان ، فيبقى [٤٥] أربعة عشر وهي أقل من ستة عشر ، وهي مئتين ، قسمناه على الستة عشر ، فخرج من القسمة ثمانية ، وهي ثمانون ، ويبقى أربعة عشر ، وهو أقل من ستة عشر ، وهو عشرات ، فاذا بسطناها أحاداً صار مع الأربعة : مائة وأربعة وأربعين ، قسمناه على الستة عشر ، فخرج من القسم تسعة ، وهو آحاد ، أضفناه الى ما حفظناه ، فصارت الجملة مائتين وتسعة وثمانين ، وهو ما يكون من قسمة أربعة الف وستمائة وأربعة وعشرين على ستة عشر .

وكذلك لو أردنا أن نقسم ستة الف ومائتين وثلاثة وأربعين على ستة وتسعين : بسطنا الستة الف مئتين ، فكان مع المائتين اثنين وستين ، وهو أقل من ستة وتسعين ، فبسطناها مرة أخرى ، فكان مع الأربعين ستمائة وأربعة وعشرين ، فاذا قسمناها على الستة والتسعين كان الخارج من القسم ستة ، وهو ستون ، لانها عشرات على آحاد ، وبقي ثمانية وأربعون ، بسطانها أحاداً ، فكان مع الثلاثة : أربع مائة وثلاثة وثمانين . فاذا قسمناها على ستة وتسعين كان الخارج من القسم خمسة وربع ثمن ،

اضفناها الى ما معنا فصار الجميع خمسة وستين وربع ثمن وهو ما يخرج من
قسمة ستة الف ومائتين وثلاثة واربعين على ستة وتسعين .

وجه في قسمة المراتب الكثيرة على آحاد وعشرات ، على مذهب الكتاب

ان الكتاب اذا أرادوا أن يقسموا عددا كثير المراتب على آحاد
وعشرات ، طلبوا عددا اذا ضرب في المقسوم عليه كان مثل المقسوم ،
فاذا وجدوا ذلك العدد ، كان هو الذي يخرج من القسم . الا انهم
ليس يحفظونه [٤٥ ظ] على الترتيب ، ولو حفظوه وعملوا فيه حسب
ما يجب ، كان يمكنهم أن يقسموا مراتب كثيرة على مراتب كثيرة .
ونحن نبين كيفية استعمالها في مثال يسهل على الناظر في هذا الكتاب
العمل بها .

وذلك أنا لو أردنا أن نقسم ثلاثمائة وخمسين على اثني عشر طلبنا
عددا اذا ضربناه في اثني عشر كان ثلاثمائة وخمسين ، أو قريبا منه ،
مما هو أقل منه . ونطلبها أولا عشرات : فنجدها عشرين . فاذا ضربناها
في اثنين عشر كان مائتين واربعين . فاذا أسقطناها من ثلاثمائة وخمسين
صار الباقي مائة وعشرة . ثم نطلب عددا اذا ضربناه في اثني عشر كان
مائة وعشرة ، أو قريبا منه مما هو أقل منه ، فيكون تسعة . فاذا
ضربناها في اثني عشر كان مائة وثمانية ، ويبقى اثنان ، نسبناها من
الاثنى عشر ، ونجمعها مع ما حفظناه ، فيصير تسعة وعشرين وسدسا .
وهو ما يكون من قسمة ثلاثمائة وخمسين على اثني عشر .

وكذلك لو أردنا أن نقسم ثلاثة وعشرين ألفا وخمسة مائة على أربعة
وثمانين طلبنا عددا اذا ضربناه في أربعة وثمانين كان ثلاثة وعشرين
ألفا وخمسة مائة . وذلك بأن نطلب أولا عددا اذا ضربناه في أربعة
وثمانين يكون مائتين وثلاثين أو قريبا منه ، فوجدناه اثنين . فاذا

ضربناها في أربعة وثمانين كان مائة وثمانية وستين . فاذا أسقطناها
من مائتين وثلاثين صار الباقي اثنين وستين ، فيكون مع الخمسين مائة سبعة
وستين ، وهو أقل من أربعة وثمانين ، بسطناها عشرات ، فصارت ستمائة
وسبعين . ثم طلبنا عددا اذا ضربناه في أربعة وثمانين كان ستمائة
وسبعين ، فوجدناه سبعة ، فاذا ضربناها في أربعة وثمانين كان خمسمائة
وثمانية وثمانين . فان أسقطناها من الستمائة والسبعين بقي اثنان
وثمانين ، وهو أقل من أربعة وثمانين ، فبسطنا عشرات ، فصار ثمانمائة
وعشرين . طلبنا عددا اذا ضربناه [٤٦ و] في أربعة وثمانين كان ثمان مائة
وعشرين أو أقل منه ، فوجدناها تسعة . فاذا ضربناها في أربعة وثمانين
كان سبع مائة وستة وخمسين ، فاذا أسقطناها من ثمان مائة وعشرين
كان الباقي أربعة وستين ، وهو ثلثان وثلثا سبع . فاذا جمعناها كلها
صار مائتين وتسعة وسبعين وثلثين وثلثي سبع . وهو ما يكون من
قسمة ثلاثة وعشرين ألفا وخمسة مائة على أربعة وثمانين .

القسمة على مراتب كثيرة

فاذا أردنا أن نقسم ثلاثة وثمانين ألفا وسبع مائة وثمانية واربعين
على ثلاثمائة وأربعة وثمانين : ضربنا الثلاثمائة والاربعة والثمانين في
مرتبة تكون قريبا من ثمانين ألفا ، وهو مائة ، فيصير ثمانية وثلاثين
ألفا وأربع مائة . ثم طلبنا عددا اذا ضربناه فيه كان ثمانين ألفا أو قريبا
منه ، فكان اثنين ، ضربناها في ثمانية وثلاثين ألفا وأربع مائة فيصير
ستة وسبعين ألفا وثمان مائة . أسقطناها من ثلاثة وثمانين ألفا وسبع
مائة وثمانية واربعين ، بقي ستة الف وتسع مائة وثمانية واربعون .
ضربنا الثلاثمائة والاربعة والثمانين في عشرة ، لانا ضربنا الاول في مائة ،
فكان ثلاثة الف وثمان مائة واربعين . ثم طلبنا عددا اذا ضربناه ، في
ثلاثة الف وثمان مائة واربعين كان ستة الف وتسع مائة وثمانية واربعين ،

أو قريبا منه ، فكان واحدا ، لانه لا يتم اثنين . وأسقطنا مما معنا ، وهو ستة ألف وتسع مائة وثمانية وأربعين ، فصار الباقي ثلاثة ألف ومائة وثمانية . ثم طلبنا عددا اذا ضربناه في ثلاثمائة وأربعة وثمانين كان ثلاثة ألف ومائة وثمانية ، فكان ثمانية . فاذا ضربناها في ثلاثمائة وأربعة وثمانين كان ثلاثة ألف واثنين وسبعين . فاذا أسقطناها مما بقى معنا ، وهو ثلاثة ألف ومائة وثمانية ، صار الباقي ستة وثلاثين . فاذا [٤٦ظ] نسبناها من ثلاثمائة وأربعة وثمانين كان نصف سدس ونصف سدس ثمن . وان شئنا قلنا نصف ثمن وربيع ثمن وربيع ثمن ، وهو أحسن . فاذا جمعنا ذلك كله كان مائتين وثمانية عشر ونصف ثمن وربيع ثمن ، وهو ما يكون من قسمة ثلاثة وثمانين ألفا وسبع مائة وثمانية وأربعين على ثلاثمائة وأربعة وثمانين .

وجه قريب في قسمة المراتب الكثيرة بعضها على بعض

فاذا أردنا ذلك فينبغي أن نكتب العددين في سطرين ، كما فعلناه في الضرب ، ونجعل ابتداءه بأعلى المراتب ، ونكتب من كل مرتبة آحادها فقط ، فان كانت مرتبة ليس فيها عدد رقمنا موضعها لحفظ المراتب . وان كان أول مرتبة من المقسوم عليه أكثر من أول مرتبة من المقسوم جعلنا ابتداء كتابتنا المقسوم عليه تحت المرتبة الثانية من المقسوم . ثم طلبنا عددا اذا ضربناه في المقسوم عليه كان مثل العدد الذي فوقه من العدد المقسوم ، أو قريبا منه ؛ وطلب ذلك سهل ، وذلك بأن نطلب عددا اذا ضربناه في أول مرتبة من مراتب المقسوم عليه وثانيها ، كان أول مرتبة من مراتب المقسوم وثانيها . فان كان أول مرتبة من مراتب المقسوم عليه أكثر من أول مرتبة من مراتب المقسوم طلبنا عددا اذا ضربناه في أول مرتبة من مراتب المقسوم عليه وثانيها كان ثلاث مراتب من مراتب المقسوم أو قريبا منه . فاذا وجدنا ذلك ضربنا العدد الموجود

في جميع أعداد المقسوم عليه ، على المثال الذي يقوم في الضرب ، وكتبناه في سطر تحت المقسوم عليه ، ونقصنا ما في كل مرتبة من مراتب العدد المجتمع من الضرب من مراتب [٤٧و] العدد المقسوم ، كل مرتبة من جنسه . فما بقي كتبناه مع العدد المقسوم عليه في سطرين ، كما فعلناه أولا ، وحفظنا العدد الذي وجدناه ومرتبته . ثم طلبنا عددا آخر اذا ضربناه في العدد المقسوم عليه كان مثل ما بقي من العدد أو قريبا منه ، كطلبنا في الدفعة الاولى . ولا يزال يفعل ذلك حتى يفنى العدد المقسوم ، أو يبقى منه ما هو أقل من العدد المقسوم عليه . فتكون الأعداد التي وجدناها هي التي خرجت من القسمة ، وما بقي لا يتم واحدا نسبناه من العدد المقسوم عليه فيكون كسورا منه .

مثال ذلك أنا أردنا أن نقسم ثلاثمائة ألف وأربعين ألفا وتسع مائة وستة وخمسين على تسع مائة وخمسة وأربعين :

كتبنا العددين في سطرين على هذه الصورة :

ثلاثة	أربعة	— ×	تسعة	خمسة	سنة
	تسعة	أربعة	خمسة		

فكتبنا تسعة تحت الأربعة ، لأنها أكثر من ثلاثة ، وكتبنا في المرتبة الثالثة من السطر الاول ترقيمة لأنها موضع الألوف ، ولم يكن فيها شيء من الأعداد .

ثم طلبنا عددا اذا ضربناه في تسع مائة وخمسة وأربعين كان ثلاثة ألف وأربع مائة وتسعة : وذلك بأن نطلب عددا اذا ضربناه في تسعة كان أربعة وثلاثين ، أو قريبا منه ، مما هو أقل منه ، واذا ضربته في الباقي كان مثل الباقي . فوجدناها ثلاثمائة ، فكتبناها تحت تسعة ، وضربناها في جميع الأعداد التي في السطر الثاني ، وكتبنا كل شيء × هذه الترقيمة ، تظهر في م . اما في ل فقد ترك مكانها فراغ . وفي الصور التالية اعتمدنا م فهي اكمل .

تحت العدد الذي ضرب فيه ، وجعلناها على المثال الذي تقدم في الضرب ،
فيصير على ما في هذه الصورة :

المقسوم	ثلاثة	اربعة	—	تسعة	خمس	ستة
المقسوم عليه	—	تسعة	اربعة	خمس	ستة	ثلاثة

ما اجتمع من الضرب
فإذا انقصنا كل شيء مما في السطر الثالث مما فوقه من السطر
الاول ، وكتبنا الباقي منه مع العدد المقسوم عليه في سطرين ، صارت
على هذه الصورة :

خمس	سبعة	اربعة	خمس	ستة	الذي خرج من القسمة
تسعة	اربعة	خمس	ثلاثة	—	

وعزلنا العدد الذي وجدناه ، وهو ثلاثمائة ، ناحية ، لانا قسمنا
عشرات الالف على مئين .

ثم طلبنا عددا اذا ضربناه في تسعمائة وخمسة واربعين كان خمسة
الف وسبع مائة واربعين ، او قريبا منه ، مما هو اقل منه ، فوجدناه
ستة . فاذا ضربناه في جميع الاعداد التي في السطر الثاني واثبتناه في
سطر ثالث ، كل شيء تحت مرتبته ، صار على هذه الصورة :

خمس	سبعة	اربعة	خمس	ستة
تسعة	اربعة	خمس	ثلاثة	—

ما اجتمع من الضرب
فإذا أسقطنا كل شيء منها من العدد الذي فوقه ، وكتبنا الباقي مع
العدد المقسوم عليه في سطرين ، كما فعلناه في الاول ، صار على هذه
الصورة

تسعة	اربعة	خمس	الذي خرج من القسمة
ثلاثة	—	ثلاثة ستة	—

وهو العدد في السطرين .

[١٤٨] ثم عزلنا الذي خرج من القسم ، وهو ستون ، لانها الالف
على مئين مع ما خرج أولا ، ناحية ، وطلبنا عددا اذا ضربناه في تسعة كان
مثل الذي بقي من العدد المقسوم ، او قريبا منه ، مما هو اقل منه .
فلم نجد عددا ، لان التسعة كبرت اكثر مما فوق ، فوجدنا ان ما بقي
لا يتم منه واحد ، فنسبناه من تسع مائة وخمسة واربعين ، فكان اربعة
أخماس . فقلنا ان الذي خرج من قسمة ثلاثمائة الف واربعين الفا
وتسع مائة وستة وخمسين على تسع مائة وخمسة واربعين هو ثلاثمائة
وستون درهما واربعة أخماس درهم، فعلى هذا ينبغي ان تكون قسمة المراتب
الكثيرة ، بعضها على بعض . فاذا ضبطت القسمة على ما شرحناه أمن صاحبه
من غلط يجري ، وسلم حسابه وسهل عليه حفظه ، ولم يحتاج الى معاودة
فيه ، ان شاء الله .

الباب الثالث

في استخراج الأعداد التي تخرج منها الكسور

وجمعها ونقصانها

وهو خمسة فصول

الفصل الأول (١)

في الأعداد المشتركة والمتباينة

الأعداد تنقسم الى نوعين : مشترك ومتباين . أما المشترك فهي الأعداد التي تشترك في كسر ما من الكسور . وذلك مثل خمسة عشر وأربعة وعشرين ، فانهما يشتركان في الثلث : فان للخمسة عشر ثلث وهو خمسة ، وللاربعة وعشرين أيضا ثلث ، وهو ثمانية . وكذلك أيضا الاثنا عشر والثمانية عشر والثلاثين ، فانهما مشتركة في النصف والثلث والسدس . فان لكل واحد منها نصف وثلث وسدس . فأمثال هذه الأعداد يقال لها مشتركة .

وأما المتباينة فهي الأعداد التي لا تشترك في كسر ، وان وجد لاحدها كسر ما فليس يوجد للآخر ذلك الكسر . وذلك مثل خمسة عشر وثمانية وعشرين . فان لكل واحد [٤٨ظ] منهما كسورا وليست للآخر تلك الكسور . ألا ترى أن للخمسة عشر من الكسور الثلث والخمس ، وليس للثمانية والعشرين واحد منهما ، والثمانية والعشرون لها من الكسور النصف والربع والسبع ونصف السبع وربع السبع ، وليس للخمسة عشر شيء منها . وكذلك الثمانية عشر والاحد عشر : فان للثمانية عشر من الكسور النصف والثلث والسدس والتسع ونصف التسع ، وليس يوجد للاحد عشر شيء من هذه الكسور . فمثال هذه الأعداد يقال لها المتباينة .

وجه في استخراج الأعداد المشتركة والمتباينة

وقد ذكر اقليدس في المقالة السابعة ذلك على جهة العدد ، وفي المقالة العاشرة على جهة الخطوط . الا أن الذي ذكره لا يصلح للمبتدئ ولأن لا يكون له رياضة في صناعة الهندسة . وينبغي أن نورد ذلك في هذا الموضع على جهة تقرب على المتعلمين فهمه وتسهيل على الناظر في هذا الكتاب علمه ، فنقول :

إذا كان لنا أعداد ، وأردنا أن نعرف أنها مشتركة أم متباينة ، وان كانت مشتركة ففي أي كسر تشترك ، فانا نقسم العدد الكثير على العدد القليل ، فان انقسم عليه ولم يبق منه شيء أقل من الأقل ، قيل أن العدد القليل يعد العدد الكثير ، وان الأكثر أضعاف الأقل ، وذلك مثل اثنا عشر ، وثمانية وأربعين : فانا اذا قسمنا العدد الكثير ، وهو ثمانية وأربعين ، على العدد القليل ، وهو اثنا عشر ، انقسم عليه ، وخرج من القسم أربعة ، فعند ذلك يقال أن الاثنى عشر تعد الثمانية والاربعة أربع مرات ، وانها ربعا ، وان الثمانية والاربعة هي أربعة أضعاف الاثنى عشر . وان كان الأكثر لا ينقسم على الأقل ، لكن يبقى منه بقية أقل من الأقل ولا تتم منه واحدا في القسمة ، قسمنا القليل على تلك البقية ، فان انقسم [٤٩و] عليه فان كسر تلك البقية هو الذي يشتركان فيه ، وان لم ينقسم عليه لكن يبقى منه بقية أخرى ، قسمنا البقية الاولى على البقية الثانية ، ولا نزال نفعل ذلك الى أن ننتهي في القسمة الى بقية تنقسم على البقية التي قبلها . فيكون لتلك الأعداد من الكسور جميع ما للبقية التي انقسمت عليها ، وتكون تلك الأعداد مشتركة في كسور ذلك العدد . وان لم ننته الى عدد تنقسم عليه البقايا التي قبلها حتى تبلغ في القسمة الى أن تصير البقية واحدا ، فان تلك الأعداد هي متباينة ، غير متفقة في شيء من الكسور .

مثال ذلك في الأعداد المشتركة

أنا إذا أردنا أن نعرف الخمسة عشر والاحد والثمانين : هما مشتركان أم هما متباينان ؟ قسمنا الاحد والثمانين على الخمسة عشر ، فخرج من القسم خمسة وبقي ستة لا يتم منها واحد ، قسمنا عليه الخمسة عشر ، فخرج من القسم اثنان ، وبقي ثلاثة . لا يتم منها أيضا واحد ، قسمنا عليها الستة ، وهي البقية الاولى ، فانقسمت عليها ، فعلمنا أن الخمسة عشر والاحد والثمانين يشتركان في الثلث ، الذي هو كسر الثلاثة .

وكذلك لو أردنا أن نعرف ان مائة وستة وخمسين ، وثلاثمائة وثمانية واربعين ، مشتركان هما أم متباينان ؟ قسمنا الكثير ، وهو ثلاثمائة وثمانية واربعون ، على القليل ، وهو مائة وستة وخمسون ، فخرج من القسم اثنان ، وبقي منها ستة وثلاثون لا يتم منها واحد . قسمنا عليها القليل ، وهو مائة وستة وخمسون ، فخرج من القسم أربعة وبقي اثناعشر ، أقل من ستة وثلاثين ، قسمنا عليه الستة والثلاثين ، فانقسمت عليها . فعلمنا أن هذين العددين ، أعني الثلاثمائة والثمانية والاربعين ، والمائة والستة والخمسين ، مشتركان ، وانهما يتفقان في جميع الكسور التي للاثنى عشر ، وهي النصف والثلث [٤٩ظ] والربع والسادس ونصف السدس .

في اشتراك الأعداد الكثيرة

فان كانت أعداد كثيرة وأردنا أن نعرف أنها مشتركة هي أم متباينة ، وان كانت مشتركة ففي أي الكسور تشترك ، فانا نعرف ذلك أولا في عددين بمثل الطريقة التي ذكرناها ، ثم نتعرف الاشتراك بين العدد الذي يشتركان في كسوره وبين العدد الثالث ، فان اشتركا فان العدد الذي يشتركان في كسوره هو الذي تشترك الأعداد الثلاثة في كسوره ، وان لم يشتركا فان الأعداد الثلاثة متباينة . وكذلك نعلم في باقي الأعداد .

مثال ذلك أنا أردنا أن نعلم أن اثنين واربعين وثلاثة وستين واحد

وتسعين هل تتفق في شيء من الكسور أو تتباين ولا تشترك ، فعرفنا بالطريقة التي تقدم ذكرها اشتراك الاثنين والاربعين والثلاثة والستين ، فوجدناهما يتفقان في كسور أحد وعشرين وان لهما جميعا من الكسور ما لاحد وعشرين . ثم نظرنا في أمر الاحد والعشرين والاحد والتسعين فوجدناهما يتفقان في السبع ، فعلمنا أن الاثنين والاربعين والثلاثة والستين والاحد والتسعين قد اشتركت في السبع ، وانه يوجد لكل واحد منها سبع . وكذلك لو أردنا أن نعرف أن مائتين وتسعة ومائة وسبعة وثمانين ومائة واثنين وثلاثين مشتركة هي أم متباينة استخرجنا الاتفاق الذي بين مائتين وتسعة ومائة وسبعة وثمانين فكان من أحد عشر ، وذلك أن كل واحد منهما ينقسم على أحد عشر ، ثم نظرنا في أمر الاحد عشر وأمر المائة والاثنين والثلاثين ، وهل هما يشتركان في شيء ، فوجدنا الاحد عشر تعد المائة والاثنين والثلاثين اثني عشر مرة ، فقلنا أن تلك الأعداد الثلاثة تتفق في جزء من أحد عشر ، وانه يوجد لكل واحد منها جزء من أحد عشر .

مثال الأعداد [٥٠ و] المتباينة

فان أردنا أن نعرف خمسة وستين واثنين واربعين هل يتفقان في شيء من الكسور أم هما متباينان ، سلكنا فيهما الطريقة التي ذكرناها ، وذلك أنا قسمنا الخمسة والستين على اثنين واربعين فخرج من القسم واحد وبقي ثلاثة وعشرون ، أقل من اثنين واربعين قسمنا عليه الاثنين والاربعين ، فبقي منه تسعة عشر ، قسمنا عليها الثلاثة والعشرين ، فبقي منه أربعة ، قسمنا عليها التسعة عشر ، فبقي منه ثلاثة ، قسمنا عليها الاربعة ، فبقي منها واحد . فقد انتهى من القسمة الى الواحد ، فقلنا ان الخمسة والستين والاثنين والاربعين هما عدداً متباينان ولا يتفقان في شيء من الكسور .

وكذلك نعمل في سائر الأعداد المتباينة والمشتركة ان شاء الله .

الفصل الثاني (٢٢)

في معرفة الأعداد التي تخرج منها الكسور

ينبغي أن نعلم أن الذي يحتاج إليه في هذا الموضع هو معرفة أقل الأعداد التي تخرج منها الكسور ، وهي التي يسميها الحساب : مخرج الكسر . وذلك أنا نجد أعدادا كثيرة تتفق في كسور ما ولا تكون أقل عدد توجد فيه تلك الكسور . وذلك مثل الستة والثلاثين فإن لها السدس والتسع ، والأربعة والخمسين لها أيضا السدس والتسع . إلا أنهما ليسا بأقل عدد له هذه الكسور التي نريدها ، فإنا نجد عددا أقل منهما له نصف وسدس وتسع وهو ثمانية عشر .

فاذا كان الأمر على ما ذكرناه فينبغي أن نذكر طريقا به نعرف أقل الأعداد التي تخرج منها الكسور التي نريدها .

وقد ذكر ذلك أفقليدس في كتابه في الأصول [٥٠ ط] إلا أنه على جهة الخطوط . ونحن نبين ذلك في هذا الموضع بطريق واضح ومثال مقنع يصلح للمبتدئ والمنتهى إن شاء الله ، فنقول :

إن جميع أنواع الكسور (سوى) التي يسميها الكتاب الصم هي أربعة ، وإن سائرهما كلها مركبة منها ، وإليها ترجع ، وهي النصف والثالث والخمس والسبع . وباقي الكسور بأسرها هي مركبة من هذه . كذلك سائر الأعداد ، سوى الصم على مذهب الكتاب ، فإنها مركبة من الأعداد التي لهذه الكسور . ألا ترى أن جميع الأعداد التي لها نصف هي مركبة من الاثنين ، وإن جميع الأعداد التي لها ثلث هي مركبة من الثلاثة ، وكذلك ما يتركب من الخمسة والسبعة . فاذا أردنا أن نجد عددا تخرج منه كسور ما وكانت تلك الكسور بعض هذه الأربعة ، ضربنا أعدادها بعضها في بعض ، فما اجتمع فهو العدد الذي تخرج منه تلك الكسور .

مثال ذلك أنا أردنا أن نجد عددا له ثلث وسبع : ضربنا الثلاثة ، وهو العدد الذي يخرج منه الثلث ، في السبعة ، وهو العدد الذي يخرج منه السبع ، فكان أحد وعشرين ، وهو أقل عدد له ثلث وسبع ، وما يتركب منهما . فإن كل عددين كان لهما شيء من الكسور ، وضرب أحدهما في الآخر ، فإن الذي يجتمع يكون له جميع الكسور التي إلى العددين وجميع الكسور التي تتركب من تلك الكسور .

مثال ذلك أن الأربعة لها نصف وربع ، والتسعة لها ثلث وتسع ، فاذا ضرب الأربعة في التسعة كان ستة وثلاثين ، فتكون الستة والثلاثين لها نصف وربع وثلث وتسع ، وهي الكسور التي كانت للأربعة والتسعة ، ويكون لها أيضا نصف سدس ، ونصف تسع ، وغير ذلك [٥١ ط] من كسور أخرى وذلك كله يتركب من العددين اللذين ضرب أحدهما في الآخر . فإن أردنا أن نجد عددا له نصف وثلث وخمس ضربنا الاثنين في الثلاثة فكان ستة ، ثم ضربناها في الخمسة ، فكان ثلاثين ، وهو العدد الذي له نصف وثلث وخمس ، وما يتركب منها ، فلها أيضا من الكسور السدس والعشر وثلث العشر . وإنما صار لها ذلك لأن السدس يتركب من النصف والثلث ، والعشر يتركب من النصف والخمس ، وثلث العشر يتركب من الخمس والسدس .

ولو أردنا أن نجد عددا تكون له الكسور الأربعة ضربنا الثلاثين في سبعة فكان مائتين وعشرة ، وهو العدد الذي له نصف وثلث وخمس وسبع ، وجميع ما يتركب من هذه الأجناس الأربعة بثلاث ازدواجات وهو خمسة عشر كسرا .

معرفة الكسور المتباينة

وكذلك نعمل في جميع الكسور التي أعدادها متباينة ، وذلك أنا نضرب بعضها في بعض ، فما اجتمع منها فهو أقل عدد تخرج منه تلك الكسور مثال ذلك أنا أردنا أن نجد عددا له ثمن وتسع : ضربنا الثمانية

في التسعة ، فكان اثنين وسبعين ، وهو أقل عدد له ثمن وتسع . وإنما ضربنا التسعة في الثمانية لأنهما متباينان ، لا يتفقان في شيء من الكسور .
فان الثمانية لها من الكسور النصف والربع والثلث ، وليس للتسعة واحد منها . وكذلك للتسعة ثلث وتسع ، وليس للثمانية واحد منها . فتكون الاثنين والسبعين لها الثمن والتسع وجميع الكسور التي كانت (للثمانية) والتسعة أيضا ، وجميع ما يتركب من تلك الكسور [٥١ظ] أيضا . ألا ترى أن لها سدسا ، وليس لواحد من التسعة والثمانية سدس ، إلا أن للثمانية نصف وللتسعة ثلث ، فكان السدس مركبا من النصف والثلث ، صار للاثنين والسبعين ، المركب من التسعة والثمانية ، أيضا سدس . وكذلك الامر في سائر الكسور المشتركة منها .

معرفة الكسور المشتركة

فان كانت اعداد تلك الكسور مشتركة فانا نأخذ بقسط أصغر الكسور التي يتفق فيها عدداً أولاً من أحدهما ، ونضربه في العدد الآخر ، وما اجتمع نأخذ بقسط أصغر الكسور التي يتفق فيها العدد المجتمع وعدد ثالث من أحدهما ، ونضربه في الآخر ، وكذلك نفعل بما يجتمع مع عدد رابع وخامس ، الى تأتي على جميع الكسور . فما حصل بعد ذلك فهو العدد الذي تخرج منه تلك الكسور . مثال ذلك اذا أردنا أن نجد عدداً له سدس وثمان ، أخذنا بقسط الكسر الذي تشترك فيه الستة والثمانية ، وهو النصف من أحدهما وضربناه في الآخر ، فكان أربعة وعشرين . وذلك اننا ضربنا نصف الثمانية في الستة ، كان أربعة وعشرين ، ولو ضربنا نصف الستة في الثمانية كان أيضا أربعة وعشرين . فالاربعة والعشرين هو أقل عدد له سدس وثمان .

وكذلك لو أردنا أن نجد أقل عدد له ربع وسدس وتسع : ضربنا نصف الاربعة في الستة ، أو نصف الستة في الاربعة ، لأنهما يشتركان

في النصف ، فكان اثني عشر . وهو أقل عدد له ربع وثلث . ثم نضرب ثلث الاثني عشر في التسعة ، أو ثلث التسعة في الاثني عشر ، لأنهما يتفقان في الثلث ، فيكون ستة وثلاثين ، وهو أقل عدد له ربع وسدس وتسع .

فان شئنا ضربنا في الابتداء ثلث الستة في التسعة فيكون ثمانية عشر ، أو ثلث التسعة في الستة ، فيكون أيضا ثمانية عشر ، لأن الستة والتسعة يتفقان [٥٢و] في الثلث . ثم ضربنا نصف الثمانية عشر في الاربعة ، أو نصف الاربعة في الثمانية عشر ، فيكون أيضا ستة وثلاثين . وان شئنا ضربنا الاربعة في التسعة ، فيكون ستة وثلاثين ، واسقطنا الستة ، لأن السدس ركب من النصف والثلث اللذين واحد منهما للاربعة والآخر للتسعة ؛ وقد بينا أن كل عددين يكون لهما كسران فان ما يجتمع من ضرب أحدهما في الآخر يكون له الكسور التي تتركب من ذينك الكسرين . فلأجل ذلك علمنا أن ما يكون من ضرب الاربعة في التسعة يكون له أيضا سدس .

وان شئنا ضربنا الستة في نفسها ، واسقطنا الاربعة والتسعة لأن الستة لها نصف وثلث ؛ وكل عدد يكون له نصف وضرب في مثله ، كان المجتمع له ربع ، وكذلك ما يكون له ثلث وضرب في مثله ، فانه يكون له تسع . فاذا ضربنا الستة في مثلها كان المجتمع له ربع وسدس وتسع . فان أردنا أن نجد عدداً له نصف سدس ونصف تسع أخذنا أقل عدد له نصف سدس ، وهو اثنا عشر ، وأقل عدد له نصف تسع ، وهو ثمانية عشر ، ثم ننظر ما يتفقان فيه من الكسور فنجدهما يتفقان في عدة كسور ، وهي النصف والثلث والسدس ، وأصغرها كلها السدس . فنضرب سدس أحدهما في الآخر ، فيكون ستة وثلاثين ، وهو أقل عدد له نصف سدس ونصف تسع .

نوع آخر من اشتراك الكسور

فان أردنا أن نجد أقل عدد له نصف وثلث وسدس وثمان ، علمنا أن النصف يدخل في السدس والثلث ، وذلك أن كل عدد له سدس أو له ثمن فان له نصفاً ، فان الثمن والسدس مركبان من النصف ؛ فلاجل ذلك استقطنا النصف [٥٢ظ] وعلمنا أيضاً أن الثلث يدخل في السدس ، فان كل عدد له سدس ، له ثلث ؛ فاستقطنا الثلث أيضاً . وبقي سدس وثمان . فنطلب حينئذ عدداً له سدس وثمان كما تقدم ذكره ، فنجدها أربعة وعشرين ، وهو أقل عدد له نصف وثلث وسدس وثمان .

وجه في استخراج العدد الذي له الكسور التسعة

فان أردنا أن نجد عدداً له الكسور التسعة ، التي هي الرؤوس ، وهي النصف والثلث الى العشر ، سلطنا في طلبه الطريقة التي ذكرناها قبل . وذلك انا قد علمنا أن النصف والربع يدخلان في الثمن ، وأن الثلث يدخل في التسع ، وأن السدس مركب من النصف والثلث ، وأن العشر مركب من النصف والخمس . فيبقى من الاعداد التي لا اشتراك بينها أربعة اعداد ، وهي خمسة وسبعة وثمانية وتسعة . فاذا ضربنا بعضها في بعض صار ألفين وخمسمائة وعشرين ، وهو العدد الذي تخرج منه الكسور التسعة * :

ألا ترى أن لهما من الكسور النصف ، وهو ألف ومائتان وستون ، والثلث وهو ثمان مائة وأربعون ، والربع وهو ستمائة وثلثون ، والخمس وهو خمسمائة وأربعة ، والسدس وهو أربع مائة وعشرون ، والسبع وهو ثلاثمائة وستون ، والثلث وهو ثلاثمائة وخمسة عشر ، والتسع وهو مائتان وثمانون ، والعشر وهو مائتان واثنا وخمسون .

فعلى هذا السبيل ينبغي أن تستخرج جميع الكسور .

* على الهامش في ل نجد عملية ضرب $9 \times 8 \times 7 \times 6$ مكتوبة بحروف عبرية ، ما عدا حاصل الضرب فهو بالحروف الهندية .

وجه آخر في استخراج الكسور التسعة

قد علمنا أن الكسور التي هي الأصول : أربعة ، وهي النصف والثلث والخمس والسبع . [٥٣و] وان العدد الذي تخرج منه تلك الكسور هو مائتان وعشرة ، فان له جميع الكسور التي تتركب منها ، أعني من النصف والثلث والخمس والسبع . فمنها الذي نحتاج اليه في الكسور التسعة السدس والعشر . والكسور التي ليس للمائتين وعشرة : الربع والثلث والتسع . وقلنا أن الربع يكون من ضرب نصف في نصف ، وكذلك الثمن ، فاما التسع فانه يكون من ضرب الثلث في نفسه فكانا قد وجدنا عدداً له نصف وثلث وخمس وسدس وسبع وعشر ، والذي نريد بعد ذلك أن يكون له ربع وثمان وتسع . لكن الربع يدخل في الثمن ، وما له ثلث اذا ضرب في ما له ثلث كان المجتمع له تسع . فنضرب المائتين والعشرة في ثلاثة فيكون ستمائة وثلثين ، ونريد أن يكون له ثمن ، فنضربها في نصف الثمانية لانهما يتفقان في النصف ، فيصير ألفين وخمسمائة وعشرين . وهذا باب وحسابه .

الفصل الثالث

في جميع الكسور (٢٢)

فاذا أردنا أن نجمع كسورا أخذنا بقسطها من العدد الذي يجمعها ، وزدنا بعضها على بعض ، ونسبناه من ذلك العدد ، فما حصل من القسمة فهو الذي يكون من جمع تلك الكسور .

مثال ذلك انا أردنا أن نزيد خمسين على ثلاثة أسباع : أخذنا خمسين الخمسة والثلثين ، وهو العدد الذي له خمس وسبع ، فكان أربعة عشر ، وزدناه على ثلاثة أسباعها ، وهو خمسة عشر ، فكان تسعة وعشرين ،

نسبناه من خمسة وثلاثين ، فكان نصفاً وخمساً وعشراً وخمس سبع * .
وان شئنا قلنا أربعة أخماس وخمس سبع [٥٣ظ] ، وهو ما يكون من
زيادة الخمسين على ثلاثة أسباع .

وكذلك لو أردنا أن نجعل بين ثلاثة أرباع وخمسة أسباع وثلث ثمن ،
أخذنا عدداً له هذه الكسور ، وهو اثنان وسبعون ، وزدنا ثلاثة أرباعه ،
وهو أربعة وخمسون ، على خمسة أسباعه ، وهو أربعون ، فما حصل
زدنا عليه ثلث ثمنه ، وهو ثلاثة ، فصار الجميع سبعة وتسعين ، أسقطنا
منه اثنين وسبعين بواحد ، ونسبنا الباقي ، وهو خمسة وعشرون ، من
الاثنين والسبعين ، فكان ثلثا وثلث ثمن تسع ، وقلنا أن الذي يجتمع من
ثلاثة أرباع وخمسة أسباع وثلث ثمن هو واحد وثلث وثلث التسع .

فان أردنا أن نزيد سبعين وثلث ثمن على ثلاثة أجزاء من ثلاثة عشر ،
أخذنا من العدد الذي تجتمع فيه هذه الكسور ، وهو سبع مائة وثمانية
وعشرون ، بقسط كل واحد من هذه الكسور ، وجمعناها فكان أربع
مائة وسبعة وستين ، ثم نسبناها من سبع مائة وثمانية وعشرين ، فكان
نصفاً وثماناً وثلاثة أجزاء من مائة واثنين وثمانين . وان شئنا نسبناها
من الاصل وقلنا أنها أربع مائة وسبعة وستين جزءاً من سبع مائة
وثمانية وعشرين .

وجه في جمع الكسور على مذهب الكتاب

من سبيلهم اذا أرادوا أن يجمعوا كسوراً أن يجعلوها كلها عشراً
وينسبونها من الستين ، ليكون ذلك أسهل عليهم ، فان رياضتهم بالسنين
وبأجزائها أكثر منها بالأعداد الاخرى ، اذ كانوا قد حفظوها ، على ما بينا
في المنزلة الاولى من هذا الكتاب ، ولا يحتاجون أن يتعبوا في استخراج
الأعداد التي تخرج منها الكسور . ولأجل ذلك اختار المنجمون أيضاً
من سائر الأعداد الستين وجعلوا سائر حساباتهم راجعة اليها ، ليكون

* في م زيدت العبارة : وان شئنا قلنا ثلثين وثلثي سبع وثلثي عشر .

أسهل عليهم في تصرفهم في أعمالهم . فانه لا يوجد في الأعداد التي بين
الواحد والمائة [٥٤ و] عدد له من الكسور ما للستين . ونحن نبين في
كل باب كيفية الاشتغال فيه ، ان شاء الله .

فاذا أردنا أن نجعل ثلاثة أرباع وخمسة اثمان وأربعة أسباع :
أخذنا ثلاثة أرباع الستين ، وهو خمسة وأربعون ، وخمسة اثمانه وهو
سبعة وثلاثون ونصف ، وأربعة أسباعه وهو ستة وعشرون وثلثان ،
وجمعناها ، فكانت مائة وتسعة وسدس ، أسقطنا منها ستين ، بواحد ،
ونسبنا الباقي ، وهو تسعة وأربعون وسدس ، من الستين ، فكان ثلثاً
وربعاً وثماناً وتسعاً . فقلنا انا اذا جمعنا ثلاثة أرباع وخمسة اثمان وأربعة
أسباع ، كانت واحداً وثلثاً وربعاً وثماناً وتسعاً .

وان شئنا قلنا أنها درهم وأربعة دوانيق وتسعة أعشر وسدس .
وكذلك ان أردنا أن نجعل أربعة أخماس وثلثين وثلاثة أعشار :
أخذنا بقسط كل واحد من هذه الكسور من الستين وجمعناها فكانت
درهم وأربعة دوانيق وستة أعشر . وان شئنا قلنا : ثلثان وعشر .

الفصل الرابع في نقصان الكسور

اذا أردنا أن نضع كسراً من كسر : أخذنا بقسط كل واحد من
المنقوص والمنقوص منه من العدد الذي تخرج منه تلك الكسور ، فما كان
انقصنا ما أصاب المنقوص من الاجزاء مما أصاب المنقوص منه ، فما بقي
نسبناه من ذلك العدد ، فما حصل ، فهو الذي يبقى من الكسور .
مثال ذلك انا أردنا أن نضع ثلثاً وربعاً من نصف وسبع : أخذنا عدداً
تخرج منه هذه الكسور ، فكان أربعة وثمانين ؛ ثم أسقطنا ثلثه وربعه ،
وهو تسعة وأربعون ، من نصفه وسبعه ، وهو أربعة وخمسون ، فبقى
خمسة ، نسبناها من أربعة [٥٤ظ] وثمانين ، فكان ربع سبع ، وسدس

سبع ؛ وهو الباقي من النصف والسبع اذا أسقطنا منه ثلثا وربعا . وكذلك لو أردنا أن نسقط خمسين وثلاثة أسباع وأربعة أتساع من ثلثين وثلاثة أرباع وخمسة أثمان : جمعنا الخمسين والثلاثة أسباع والأربعة أتساع فكان واحدا وستمئة وثمانية وثمانين جزءا من ألفين وخمسمائة وعشرين جزءا من واحد ، وجمعنا الثلثين والثلاثة أرباع والخمسة أثمان ، فكان اثنين ومائة وخمسة أجزاء من ألفين وخمسمائة وعشرين . ثم أسقطنا الواحد والستمئة والثمانية والثمانين . من اثنين ومائة وخمسة أجزاء من الأصل ، وهو ألفين وخمسمائة وعشرين . فكان الباقي ألف وتسعمائة وسبعة وثلاثين . فاذا نسبناها من ألفين وخمسمائة وعشرين كان ثلثين وعشر وسبع ثمن تسع .

وجه في نقصان الكسور على مذهب الكتاب

فاذا أردنا ذلك فينبغي أن نأخذ بقسط كل واحد من الكسور من الستين، ونضع أحدهما من الآخر، فما بقي نسبناه من الستين. مثال ذلك أنا أردنا أن نسقط خمسين وثلاثة أسباع وأربعة أتساع ، من المسئلة التي تقدم ذكرها ، من ثلثين وثلاثة أرباع وخمسة أثمان : جمعنا الخمسين وما معها من الكسور فكان واحدا وستة عشر عشيراً وثلث وثلث سبع عشر . وجمعنا أيضا الثلثين وما معها من الكسور فكان درهمين وعشرين ونصف . وأسقطنا الأقل من الأكثر فبقى ستة وأربعون عشيراً وخمسة أسداس سبع عشر . فاذا نسبناه من الستين كان ثلثين وعشر وسبع ثمن تسع . وكذلك [٥٥٥] لو أردنا أن نسقط ثلثي تسع من ثلاثة أرباع عشر : أخذنا ثلثي تسع الستين وهو أربعة عشر وثلث وتسع ، فأسقطناه من ثلاثة أرباع عشر ، وهو أربعة عشر ونصف ، فبقى نصف تسع عشر . وهو ما يبقى من ثلاثة أرباع العشر اذا أسقطنا منه ثلثي التسع . وهكذا ينبغي أن يكون جمع سائر أنواع الكسور ونقصانها .

الفصل الخامس

في مسائل من هذا الجنس

فان قيل لنا : ثلاثة أخماس أكثر من أربعة أسباع ؟ أجبتنا بأن ثلاثة أخماس أكثر من أربعة أسباع بخمس سبع . والطريق في ذلك أنا نأخذ عددا له خمس سبع ، وهو خمسة وثلاثون . ونأخذ ثلاثة أخماسه ، فيكون أحد وعشرين ؛ ونأخذ أربعة أسباعه ، فيكون عشرين . فنجد الثلاثة أخماس أكثر من الأربعة أسباع بجزء واحد . فاذا نسبنا ذلك الجزء من خمسة وثلاثين كان خمس سبع .

وكذلك لو أردنا أن خمسة أتساع أكثر أو أربعة أسباع : أخذنا أقل عدد له سبع وتسع ، فكان ثلاثة وستين ، وأخذنا أربعة أسباعه فكان ستة وثلاثين ، وخمسة أتساعه فكان خمسة وثلاثين ، فكان تفاضلها جزء واحد . فاذا نسبناه من الثلاثة والستين كان سبع تسع ، وهو زيادة أربعة أسباع على خمسة أتساع .

علم ذلك على مذهب الكتاب

فاذا أردنا ذلك أخذنا أربعة أسباع الستين ، وهو ثلاثة دوايق وأربعة أعشر وسبعين ، فأسقطنا منه خمسة أتساعه وهو ثلاثة دوايق وثلاثة أعشر وثلث ، فبقى [٥٥٥] ستة أسباع وثلثي سبع عشر . فاذا نسبناه من الستين كان سبع تسع . وهو مثل الجواب الاول .

وكذلك ينبغي أن يعمل في جميع أنواع هذه المسائل .

الباب الرابع في ضرب الكسور وقسمتها وهو خمسة فصول

ينبغي أن نعلم أن الكسور جنسان : أحدهما مطلق والآخر منسوب (٢٤) . فاما المطلق فمثل الاثلاث والارباع والاتساع ، وسائر الانواع التي ذكرناها في المنزلة الاولى من هذا الكتاب .

واما المنسوبة فهي الدوايق والحبات والطساسيج والعشران ، وغيرها من الرسوم التي تستعملها الناس في معاملاتهم .

اما المطلق فقد مضى من شرحها وذكر انواعها ما فيه الكفاية . والذي بقي علينا مما ينبغي أن نذكره : ضرب بعضها في بعض وقسمتها . ونحن نورده في هذا الموضع ان شاء الله .

واما المنسوب فقد اختلفت اهل البلاد في استعمالها ، وكثر ذلك فيهم . ونحن نذكر منها بلغة ، ليكون ذلك معيناً للناظر في هذا الكتاب على ما يحتاج اليه . فنقول :

ان الدرهم في سائر البلدان التي نعرفها ستة دوايق .

فاما بالعراق وكور الاهواز ونواحي فارس فهو ثمانية واربعون حبة ، وستون عشيراً وستة وتسعون فلساً وهو عند اهل بغداد اثنا عشر قيراطاً .

واما بنواحي خراسان والشام فهو اربعة وعشرون طسوجاً وستة [٥٦ و] وثلاثون حبة .

واهل خوزستان يقسمون الحبة بأربعة اقسام يسمون كل قسم منها تومنة ، فيكون الدرهم مائة واثنين وتسعين تومنة .

فاما نواحي ما وراء النهر فانهم يستعملون في اكثر معاملاتهم الفلوس ويصرفونها بينهم عدداً ، وهي اجناس مختلفة . فمنها ما يكون : ستة وثلاثون بدرهم ، ومنها ثمانية واربعون بدرهم ومنها ستون بدرهم .

ويتعاملون أيضاً عندهم بدراهم مركبة من عدة اجناس من الجواهر ،

تسمى المسيبية والعلرية والحمدية واخذهم وعطاؤهم بها يكون عدداً .
فاما الدينار فانه أيضاً في سائر البلدان ستة دوايق .
وهو بنواحي السواد عشرون قيراطاً ، وستون حبة ، وستون عشيراً .
فاما بالبصرة والاهواز ونواحي فارس فهو اربعة وعشرون قيراطاً ،
واثنان وسبعون حبة .

فيكون القيراط في الوجهين جميعاً ثلاث حبات ، وتكون حبة فضة العراق مثل ثلاثة ارباع حبة خراسان والشام ، وهي مثلها ومثل ثلثها (٢٥) . وحبة ذهب العراق نصف وثلث حبة البصرة والاهواز وفارس ، وهي مثلها ومثل خمسها (٢٦) .

فاما نسبة الذهب والفضة فان منها ما يتعلق بوزنها من جهة الثقل ، وهو له طبيعي . ومنها ما يتعلق باستعمال الناس لها في الأوزان ، وهو وضعي . فان وزن الفضة هو مثل نصف وخمس وزن الذهب ، اعني أنه اذا كان جسمان متساويان في المساحة (٢٧) وكان أحدهما فضة والآخر ذهب كان وزن الفضة مثل نصف خمس وزن الذهب ، ويكون وزن الذهب مثل وثلاثة اسباع وزن الفضة . وكذلك ان كان جسمان متساويان في الوزن من هذين الجوهريين كانت نسبة مساحة احدهما الى مساحة الآخر هاتين [٥٦ ظ] النسبتين بالعكس .

فاما النسبة التي بين دوايقها فانها لا تباين شيئاً مما ذكرناه .

فاما بين حباتها فهي مختلفة : وذلك ان حبة الذهب وهي مثل حبة الفضة ومثل سبعة اثمان حبة الفضة هي مثل سبعة اثمان حبة الذهب . لان الدرهم هو ثمانية واربعون حبة فضة ، وهو اثنان واربعون حبة ذهب ، ونسبة احد هذين العددين من الآخر : هذه النسبة .

فاما بالبصرة وكور الاهواز وفارس فان حبة الفضة هي مثل حبة الذهب ومثل نصف عشرها . وحبة الذهب هي مثل ستة اسباع حبة الفضة ومثل ثلثي سبعة . وذلك أن الدرهم عندهم ثمانية واربعون حبة فضة ، وهو خمسون حبة ذهب وخمسي حبة ، لانه نصف وخمس الدينار ، ونسبة هذين العددين احدهما عند الآخر هذه النسبة .

فاما أوزان العراق فانه يزيد على أوزان خراسان وفارس بسدس عشرها ، أعني بسدس عشر أوزان العراق . فيكون دوائيقه وحباته أيضاً تزيد تلك الزيادة .

وأوزان الأهواز تزيد على أوزان فارس مثل سدس عشره ، ونصف عشر عشره . فتكون زيادة أوزان الأهواز على أوزان فارس بنصف عشر عشر .

الفصل الثاني

في ضرب الكسور المطلقة بعضها في بعض (٢٨)

فاذا أردنا أن نضرب كسوراً في كسور ضربنا عدد أجزاء إحدى الناحيتين في عدد أجزاء الناحية الأخرى ، فما حصل نسبناه ، مما يكون من ضرب مخرج [٥٧و] أحد الكسرين في مخرج الكسر الآخر .

مثال ذلك انا أردنا أن نضرب أربعة أخماس في ثلاثة أسباع : ضربنا أربعة في ثلاثة ، فكان اثنا عشر ، ونسبناه من خمسة وثلاثين ، الذي هو مخرج الخمس والسبع ، فكان خمساً وسبعاً .

وكذلك لو أردنا أن نضرب نصفاً وثلاثاً في ربع وخمس ، ضربنا عدد أجزاء النصف والثلث ، وهو خمسة أجزاء من ستة ، في عدد أجزاء الربع والخمس ، وهو تسعة أجزاء من عشرين ، فكان خمسة وأربعين ، فحفظناه . ثم ضربنا مخرج النصف والثلث ، وهو ستة ، في مخرج الربع والخمس ، وهو عشرون ، فكان مائة وعشرين ، ونسبنا الخمسة والأربعين من مائة وعشرين ، فكان ربعاً وثمناً ؛ وهو ما يكون من ضرب نصف وثلث في ربع وخمس .

فان أردنا أن نضرب أربعة أجزاء من أحد عشر في ثلاثة أجزاء من ثلاثة عشر ، ضربنا الأربعة في الثلاثة فكان اثنا عشر ، ونسبناه من ضرب أحد عشر في ثلاثة عشر ، وهو مائة وثلاثة وأربعون ، فيكون اثنا عشر جزءاً من مائة وثلاثة وأربعين .

ضرب الكسور المتجانسة بعضها في بعض

إذا أردنا أن نضرب أربعة أخماس في ثلاثة أخماس ، ضربنا أربعة في ثلاثة ، فيكون اثني عشر ، وأخذنا من كل خمسة خمس ، فيكون خمسين وخمسي خمس .

[٥٧ظ] وكذلك لو أردنا أن نضرب خمسة أسباع في أربعة أسباع ، ضربنا خمسة في أربعة فكان عشرين ، وأخذنا من كل سبعة سبع ، فيكون سبعين وستة أسباع سبع .

ضرب الكسور المختلفة بعضها في بعض

فان كانت الكسور مختلفة فانه يؤخذ من مخرج الكسرين واحد من الكسر الآخر : مثلاً ثلاثة أخماس في أربعة أسباع : فانه يضرب ثلاثة في أربعة فيكون اثني عشر ، ويؤخذ من كل سبعة ، التي هي مخرج السبع ، خمس ، أو من كل خمسة التي هي مخرج الخمس ، سبع ، فيكون خمساً وسبعاً . وهو ما يكون من ضرب ثلاثة أخماس في أربعة أسباع . وكذلك لو أردنا أن نضرب خمسة أثمان في أربعة أضعاف : ضربنا خمسة في أربعة فكان عشرين ؛ وأخذنا من كل تسعة ثمناً ، أو من كل ثمانية تسعاً . فكان ربعاً وربع تسع ، وهو ما يكون من ضرب خمسة أثمان في أربعة أضعاف .

ضرب الكسور بعضها في بعض ، على مذهب الكتاب

الأجود في ضرب هذه الكسور لمن يكون له رياضة بنسبة الستين أن يجعل أحدهما عشرين ، وتأخذ منه بقسط الآخر ، فما كان ينسب من الستين .

ومن أمثال ذلك المسئلة التي تقدمت : وهي انا أردنا أن نضرب نصفاً وثلاثاً في ربع وخمس : جعلنا إحدى الناحيتين عشرين ، فاذا جعلنا الربع والخمس عشريناً [٥٨ و] فكان سبعة وعشرين ، ثم أخذنا نصفه وثلثه فكان اثنين وعشرين نصفاً . ثم نسبناه من الستين فكان ربعاً وثمناً ، وهو مثل الجواب الأول . وان شئنا جعلنا النصف والثلث عشريناً ، فكان خمسين عشيراً ، وأخذنا ربعه وخمسه ونسبناه من الستين فكان أيضاً ربعاً وثمناً .

الفصل الثالث

في ضرب الكسور المنسوبة بعضها في بعض (١١)

فاذا أردنا أن نضرب خمسة دوانيق في أربعة دوانيق : ضربنا خمسة في أربعة فكان عشرين ، وأخذنا من كل ستة دانق ، ومن كل واحد حبة ، خراساني وشامي ، فيكون ثلاثة دوانيق وحبتي . وأخذنا من كل واحد حبة وثلاث ، عراقي وفارسي ، فيكون ثلاثة دوانيق وحبتي وثلاثي حبة . وان شئنا نسبنا الدوانيق من الدراهم فتكون الخمسة دوانيق سدس وثلاث ، والأربعة دوانيق ثلثين ، وضربنا بعضها بعض على الرسم الذي تقدم ذكره .

ضرب القرايط بعضها في بعض

فان أردنا أن نضرب ثلاثة قرايط في قراطين : ضربنا ثلاثة في اثنين ، فكان ستة ، وأخذنا من كل اثني عشر قراطاً بغدادياً ، ومن كل ثلاثة حبة عراقي وفارسي ، فيكون حبتين . فان كانت القرايط أهوازية أخذنا من كل أربعة وعشرين قراطاً ، ومن كل اثني عشر حبة ، فيكون نصف حبة . فان كانت القرايط ذهباً أخذنا من كل عشرين قراطاً بغدادياً ، ومن كل ستة وثلاثين حبة بغدادية ، فيكون تسعة أعشار حبة ذهب بغدادية وتأخذ من كل أربعة وعشرين قراطاً بصرياً وفارسيّاً ومن كل ثمانية حبة ، فيكون ثلاثة أرباع حبة ذهب بصري وفارسي .

فان أردنا أن نضرب ثلاثة قرايط ذهباً بغدادياً في أربعة قرايط ذهب بصري وفارسي : ضربنا ثلاثة في أربعة فكان اثني عشر ، وأخذنا من كل عشرين : قراطاً بصرياً ، ومن كل أربعة وعشرين : قراطاً بغدادياً ، ومن كل ثمانية [٥٨ ظ] حبة بغدادية ، ومن كل ستة وثلاثين حبة بصرية وفارسية . فيكون الحاصل من ضرب ثلاثة قرايط ذهب بغدادية في أربعة قرايط ذهب بصري حبة ونصف بغدادية وحبة وأربعة أخماس حبة بصري وأهوازي .

ضرب الحبات بعضها في بعض

فان أردنا أن نضرب خمس حبات فضة في ثلاث حبات فضة : ضربنا خمسة في ثلاثة فكان خمسة عشر . وأخذنا من كل ثمانية وأربعين : حبة

عراقية ، فيكون ربع حبة ونصف ثمن حبة ؛ ومن كل ستة وثلاثين : حبة خراساني وجبلي ، فيكون ربع حبة وسدس حبة . فان كانت الحبات ذهباً : أخذنا من كل ستين : حبة ذهب بغدادية ، ومن كل اثنين وسبعين حبة ذهب بصري ، فيكون ربع حبة ذهب بغدادية ، وسدس حبة وثلاث من حبة بصري .

فان أردنا أن نضرب خمس حبات ذهب بغدادية في أربع حبات ذهب بصري : ضربنا الخمسة في الأربعة فكان عشرين . وأخذنا من كل ستين : حبة بصري وفارسي ، ومن كل اثنين وسبعين : حبة بغدادية . فيكون ثلث حبة بصري ، وسدس وتسع حبة بغدادية .

وكذلك ان أردنا أن نضرب العشران بعضها في بعض ضربناها وأخذنا من كل ستين : عشيراً ، ومن كل ثلاثة ألف وستمائة واحداً ، ومن كل واحد سدس عشر عشير .

ضرب الكسور المختلفة المنسوبة بعضها في بعض

فان أردنا أن نضرب خمسة دوانيق في ثلاثة قرايط ضربنا الخمسة في الثلاثة ، فكان خمسة عشر ، وأخذنا من كل ستين قراطاً . فان كانت القرايط فضة بغدادية فانا نأخذ من كل اثني عشر دانقاً ، ومن كل واحد ونصف : حبة فضة فيكون دانق وحبتي . وان كانت القرايط أهوازية أو بصرية ، أخذنا من كل أربعة وعشرين : دانقاً ، ومن كل ثلاثة : حبة ، فيكون خمس حبات .

[٥٩ و] فان كانت القرايط والدوانيق ذهباً بغدادياً ، أخذنا من كل عشرين : دانقاً ، ومن كل اثنين : حبة . فيكون سع حبات ونصف ذهب . وان كانت القرايط ذهباً بصرية ، أخذنا من كل أربعة وعشرين : دانقاً ، ومن كل اثنين وخمسين حبة ذهب ، فيكون ثلاث حبات وسبع حبة بصري .

فان أردنا أن نضرب ثلاثة قرايط بغدادية في أربع حبات ذهب بصري : بسطنا القرايط حبات وضربناها في الحبات البصرية ، وأخذنا من كل ستين : حبة بصرية ، ومن كل اثنين وسبعين : حبة بغدادية . فيكون نصف حبة ذهب بغدادية ، ونصف وعشر حبة ذهب بصري .

ضرب الدوانيق في الحبات

إذا أردنا أن نضرب أربعة دوانيق في ثلاث حبات فضة : ضربنا أربعة في ثلاثة ، فكان اثني عشر ، وأخذنا من كل ستة : حبة فضة ، ومن كل ثمانية وأربعين دانقاً ، أن كانت الحبات عراقية . فيكون حبتين .

وان شئنا نسبنا الأربعة الدوانيق من الدرهم فيكون ثلثين ، وأخذنا فيه كما بينا في ضرب الدوانيق .

وان شئنا بسطنا الدوانيق حبات وعملنا فيه كما بينا في ضرب الحبات .

وان شئنا نسبنا الأربعة الدوانيق من الدرهم فيكون ثلثين ، وأخذنا ثلثي الثلاث حبات ، فيكون حبتين .

وان كانت الحبات خراسانية نسبناها من الستة والثلاثين كما تقدم ذكره .

ضرب حبات الذهب في حبات الفضة

فان أردنا أن نضرب أربع حبات من ذهب في خمس حبات فضة ، ضربنا [٥٩ ظ] أربعة في خمسة فكان عشرين ، وأخذنا من كل ثمانية وأربعين حبة ذهب ، ومن كل اثنين وأربعين : حبة فضة . فكان ربعا وسدس حبة ذهب ، ويكون ثلثا وسبع حبة فضة .

وان كانت حبات الذهب بصري وفارسي : أخذنا من كل خمسين وخمسين حبة فضة فكان سبعمائة حبة وتسع حبة فضة . فان كانت حبات الفضة خراساني أخذنا من كل ستة وثلاثين : حبة ذهب ، فيكون نصف حبة ونصف تسع حبة ذهب .

وجه آخر في ضرب الكسور بعضها في بعض

فان أردنا أن نضرب دانق وثلاث حبات في دانق وعشرين : بسطنا الدانق وثلاث حبات ، حبات : فيكون أحد عشر حبة : وبسطنا الدانق والعشرين ، عشرا : فكان اثني عشر عشرا . ثم ضربنا أحد عشر في اثني عشر ، فكان مائة واثنين وثلاثين . وأخذنا من كل ستين : حبة ، فيكون حبتين وخمس .

وان شئنا نسبنا دانق وثلاث حبات من ثمانية وأربعين ، فيكون سدسا ونصف ثمن ، ثم أخذنا سدس دانق وعشرين ، ونصف ثمنها فيكون عشرين ونصف وربع .

× وان شئنا أخذنا من كل ثمانية وأربعين : عشرا ، فيكون عشرين ونصف وربع عشير ، وان شئنا نسبنا دانق وعشرين من الستين فيكون خمسا ، وأخذنا بقسطه من الدانق والثلاث حبات فيكون حبتين وخمس . فان أردنا أن نضرب دانقين وعشير فضة في ثلاثة قراريط وحبة ذهب بغدادي : فانا نبسط كل واحد من جنسه فيكون أحد وعشرين عشرا ، وعشر حبات . ثم ضربنا الواحد والعشرين في العشرة فيكون مائتين وعشرة ، وأخذنا [٦٠ و] من كل ستين : حبة ذهب ، ومن كل اثنين وأربعين : عشرا فضة ، فيكون ثلاث حبات ونصف ذهب ، وخمسة أعشر فضة .

وان شئنا زدنا على العشرة ثلاثة أسباعها فيصير أربعة عشر وسبعين : ثم نضربها في أحد وعشرين ، فيكون ثلاثمائة : ثم نأخذ من كل ستين : عشرا ، فيكون خمسة أعشر .

وان شئنا نقصنا من أحد وعشرين خمسة وعشره فيبقى أربعة عشر ونصف وخمس ، فنضربها في عشرة ، فيكون مائة وسبعة وأربعين درهما ، ونأخذ من كل اثنين وأربعين : حبة ذهب ، فيكون ثلاث حبات ونصف ذهب : وهو مثل الجواب الأول .

وان كانت القراريط الذهب بصري أو أهوازي ، بسطناها حبات ، فيكون عشر حبات ، وضربناه في أحد وعشرين ، فكان مائتين وعشرة ، ثم أخذنا من كل ستين : حبة ذهب ، فيكون ثلاث حبات ونصف . وان شئنا أخذنا من كل خمسين وخمس عشرا فيكون أربعة عشر وسدس . وهو ما يكون من ضرب دانقين وعشير فضة في ثلاثة قراريط وحبة ذهب بصري .

وعلى هذا الطريق يجب أن يكون ضرب جميع أنواع الكسور بعضها في بعض . وأنواع الكسور المنسوبة كثيرة ، ولم نذكرها كلها لان ما في ذكرناه كفاية لمن له فهم وذكاء ان شاء الله .

× هذه غير موجودة في ل .

الفصل الرابع

في قسمة الكسور المطلقة بعضها في بعض

ينبغي أن نعلم أن الكسور إذا كانت متجانسة فكانها أعداد صحاح ، فيجب أن يقسم بعضها على بعض ، وما يخرج من القسم يكون أعداداً صحاحاً .

مثال ذلك : أنا أردنا أن نقسم خمسة أسباع على ثلاثة أسباع : فأنها خمسة مقسومة على ثلاثة فيخرج من القسمة واحد وثلاثان . وهو ما يكون من قسمة خمسة أسباع على [٦٠ ظ] ثلاثة أسباع .

وكذلك أن أردنا أن نقسم بمائة أسباع على تسعين ، قسمنا المائتين على الاثنين فيخرج من القسم أربعة وهو ما يكون من قسمة ثمانية أسباع على تسعين .

وهكذا أن أردنا أن نقسم عشرة أجزاء من ثلاثة على أربعة أجزاء من ثلاثة عشر ، قسمنا العشرة على أربعة فيخرج من القسم اثنان ونصف ، وهو ما يكون من قسمة عشرة أجزاء من ثلاثة عشر على أربعة أجزاء منه . وكذلك يكون الدوايق على الدوايق والحبات على الحبات والعشيرات على العشيرات . فإن جميع ما يخرج من القسمة يكون أعداداً صحاحاً . وقد بينا علة ذلك في الباب الأول من هذه المنزلة .

قسمة الكسور المختلفة

فإن كانت الكسور مختلفة فأننا نجعلها من جنس واحد ، ثم نقسم بعضها على بعض ، كما تقدم ذكره . وذلك أن مثل ثلاثة أرباع أردنا أن نقسمها على ثلاثة أسباع : فأننا نجعلها من جنس واحد وذلك بأن نأخذ عدداً له ربع وسبع ، فيكون ثمانية وعشرين . ونأخذ ثلاثة أرباعه ، وهو أحد وعشرين ، ونقسمها على ثلاثة أسباع وهو اثنا عشر ، فيخرج من القسم واحد ونصف وربع ، وهو ما يكون من قسمة ثلاثة أرباع على ثلاثة أسباع . وكذلك أن أردنا أن نقسم نصفاً وثلاثاً على ربع وسبع : جعلنا كلها

من جنس واحد ، وهو أن نضرب الخمسة ، وهي أجزاء النصف والثلث في ثمانية وعشرين ، وهي مخرج الربع والسبع ، فيكون مائة وأربعين ، ثم نضرب أحد عشر وهو أجزاء الربع والسبع في ستة ، وهو مخرج النصف والثلث فيكون ستة وستين . ثم نقسم المائة والأربعين على الستة والستين ، فيخرج من القسم اثنان وأربعة أجزاء من ثلاثة وثلاثين . وهو ما يكون من قسمة نصف وثلث على ربع وسبع .

[٦١ و] فإذا أردنا أن نقسم عشرة أجزاء من أحد عشر على جزأين من ثلاثة عشر : ضربنا عشرة في ثلاثة عشر فيكون مائة وثلاثين ، وضربنا الجزأين في أحد عشر فيكون اثنان وعشرين ، ثم نقسم المائة والثلاثين على اثنين وعشرين ، فيكون خمسة وعشرة أجزاء من أحد عشر جزءاً من واحد . وهو ما يكون من قسمة عشرة أجزاء من أحد عشر على جزأين من ثلاثة عشر .

الفصل الخامس

في قسمة الكسور المنسوبة

فإذا أردنا أن نقسم دوايق على حبات أو على طساسيج ، أو طساسيج على قراريط أو على حبات ، أو على عشرين أو غير ذلك من الأجناس فيتنبى أن نجعلها كلها من جنس واحد ثم نقسم .

مثال ذلك أنا أردنا أن نقسم خمسة دوايق على أربعة حبات فضة : بسطنا الدوايق حبات فيكون أربعين حبة عراقية ثم قسمناه على أربعة فيخرج من القسم عشرة ، فهو ما يكون من قسمة خمسة دوايق على أربع حبات .

فإن كانت الحبات خراسانية كان الخمسة دوايق إذا بسطناها حبات : ثلاثين حبة ، وإذا قسمناه كان الخارج من القسم سبعة ونصف . وكذلك يكون الأمر في سائر هذه الأجناس .

فإن أردنا أن نقسم حبات فضة على عشرين فضة زدنا على عدد الحبات مثل ربعها حتى تصير عشريناً ، أو نقصنا من عدد العشرين مثل خمسها حتى تصير حبات ، ثم قسمنا .

مثال ذلك انا اردنا أن نقسم أربع حبات على عشرين : زدنا على عدد الحبات ربعا ، فصار خمسة ، ثم قسمناها على عشرين فخرج من القسم اثنان ونصف [٦١ ظ] وهو عدد ما يخرج من قسمة أربع حبات على عشرين . وان شئنا وضعنا من العشرين خمسها ، فيبقى حبة وثلاثة أخماس حبة ، قسمنا عليها الأربعة ، فخرج من القسم اثنان ونصف . وهو مثل الجواب الأول .

وكذلك ان اردنا أن نقسم عشرا على حبات فضة ؛ فان كانت الحبات خراسانية زدنا على عدد الحبات مثل ثلثيها ، أو وضعنا من العشران مثل خمسها ، ثم قسمنا .

فان اردنا أن نقسم حبات الذهب البغدادية على حبات الذهب الفارسية والبصرية : زدنا على البغدادية مثل خمسها ، أو وضعنا من البصري مثل سدسها ، وقسمنا . وذلك مثل : ثلاثة قراريط و حبة ذهب بغدادى اردنا أن نقسمها على قيراطين و حبة بصرى : زدنا على الحبات البغدادية مثل خمسها فيصير اثنا عشر ، وقسمناها على الحبات البصرية ، وهو ست حبات ، فخرج من القسم اثنان . وان شئنا وضعنا من حبات البصري سدسها ، فيبقى خمس حبات ، قسمنا عليها الحبات البغدادية ، وهي عشرة ، فخرج من القسم اثنان . وهو مثل الجواب الأول .

قسمة الفضة والذهب

فان اردنا أن نقسم حبات الفضة على حبات الذهب ، أو حبات الذهب على حبات الفضة ، وكان الجميع حبات بغداد ، زدنا على حبات الذهب مثل سبعها ، أو نقصنا من حبات الفضة مثل ثمنها ، ثم قسمنا .

فان كانت الحبات الذهب بصرية زدنا على حبات الفضة نصف عشرها ، أو نقصنا من حبات الذهب مثل ثلث سبعها ، فان كانت عشرين فضة و اردنا أن نقسمها على حبات ذهب بغدادى ، زدنا على الحبات [٦٢ و] الذهب مثل ثلاثة أسباعها ، أو وضعنا من العشران مثل خمسها وعشرها . فان كانت الحبات الذهب بصرية زدنا عليها مثل سبعها وثلث سبعها ، أو وضعنا من العشران أربعة أخماس خمسها ، ثم قسمنا .

مثال ذلك انا اردنا أن نقسم ثلاثة قراريط و حبة ونصف ذهباً بصرى على خمس حبات فضة بغدادى : نقصنا من حبات الذهب ثلث سبعها ، وهو نصف حبة ، فيبقى عشرة ، تقسمها على خمسة فيخرج من القسم اثنان . وان شئنا زدنا على خمس حبات نصف عشرها ، وهو ربع ، ونقسم عليها العشرة والنصف ، فيكون الخارج من القسم أيضاً اثنين .

فان اردنا أن نقسم دانقين وخمسة عشر فضة ، على ثلاثة قراريط و حبة ونصف ذهب بصرى : زدنا على حبات الذهب سبعها وثلث سبعها ، وهو حبتان ، فيصير اثني عشر عشيراً ونصفاً ، ثم نقسم خمسة وعشرين عليه ، فخرج من القسم اثنان . وان شئنا نقصنا من دانقين وخمسة عشر : أربعة أخماس خمسها ، وهو أربعة عشر ، فيبقى أحد وعشرون حبة ، نقسمها على عشر حبات ونصف ، فيخرج من القسم اثنان ، وهو ما يكون من قسمة دانقين وخمسة عشر على ثلاثة قراريط و حبة (ونصف) ذهب بصرى .

والأجود في جميع ما ذكرناه ، من ضرب الكسور وقسمتها ، أن ينسب من الدرهم ويضرب ، حتى لا يختلف في سائر البلدان على الحاسب ، ويسهل عليه . وذلك مثل ثلاث حبات ذهب بصرى في أربع حبات ذهب بغدادى : فانه ثلث ثمن في ثلث عشر ، وانما ذكرنا ضرب تلك الأنواع ليرتاض الناظر في هذا الكتاب ، فان أكثر الناس يغلطون في مثل هذه الأقياس .

وعلى هذا ينبغي أن تكون قسمة جميع أنواع الكسور ، فقد اتينا على قسمة جميع أنواع الكسور وضربها . وفي ما ذكرناه كفاية لمن له أدنى فهم ورياضة في صناعة الحساب .

الباب الخامس

في ضرب الأعداد الصحاح في الكسور

ومقابلاتها في القسمة

وهو ثلاثة فصول

الفصل الأول

[٦٢ ظ]

في ضرب الأعداد الصحاح في الكسور

فاذا أردنا ذلك ضربنا العدد الصحيح في عدد أجزاء الكسور ، فما اجتمع قسمناه على مخرج تلك الكسور ، فما خرج من القسمة فهو ما يكون من ضرب الصحيح في الكسور .

مثال ذلك انا أردنا أن نضرب ثلاثة عشر في أربعة أسباع : ضربنا الثلاثة عشر في أربعة ، وهو عدد أجزاء الكسر فكان اثنين وخمسين ، فآخذنا من كل سبعة واحداً ، وهو مخرج الكسر ، فكان سبعة وثلاثة أسباع ، وهو ما يكون من ضرب ثلاثة عشر في أربعة أسباع .

وكذلك لو أردنا أن نضرب أحد عشر في نصف وثلاث جزأين من ثلاثة عشر : ضربنا الأحد عشر في سبعة وسبعين وهو عدد أجزاء الكسور ، لأن مخرج الكسور ثمانية وسبعين ، فكان من الضرب ثمان مائة وسبعة وأربعين ، وآخذنا من كل ثمانية وسبعين واحداً ، فكان عشرة وسبعة وستين جزءاً من ثمانية وسبعين جزءاً ؛ وهو ما يكون من ضرب أحد عشر في نصف وثلاث جزأين من ثلاثة عشر .

فاذا × نسبنا الكسور بالتقريب كان نصفاً وثلاثاً وربع عشر ونصف تسع عشر .

فاذا أردنا أن نضرب ثلاثة عشر في خمسة دوانيق : ضربناها في خمسة وآخذنا من كل ستة درهماً ومن كل واحد دانقاً ، فيكون عشرة دراهم وخسة دوانيق .

× من هنا الى آخر الفصل الثاني غير موجود في م .

فان أردنا أن نضرب عشرة في دانقين وثلاث حبات : ان شئنا بسطنا الدانقين حبات ، فيكون مع الثلاث حبات : تسعة عشر حبة عراقية ، وثلاث عشر حبة جبلية وخراسانية ، وضربنا العشرة فيهما ، وآخذنا من كل ثمانية [٦٣ و] دانقاً ، ومن كل واحد حبة عراقية ، أو ناخذ من كل ستة وثلاثين : درهماً ، ومن كل ستة : دانقاً خراسانياً أو جبلياً .

وان شئنا ضربنا العشرة في الدانقين مفرداً ، وآخذنا من كل ستة دانقاً ، وحسبنا الحبات كما تقدم ذكره . فيكون الحاصل من الضرب ثلاثة دراهم وخمسة دانق وست حبات عراقي . وأربعة دراهم ودانق خراساني وشامي .

وان شئنا نسبنا الدانقين والثلاث حبات من الدراهم فيكون ثلثاً ونصف وثمان عراقي ، وربعاً وسدساً خراساني ، فاذا آخذنا بقسطه من القسم كان مثل الجواب الأول .

الفصل الثاني

في قسمة الصحاح على الكسور

فان أردنا أن نقسم عدداً صحيحاً على كسور : فانا نضرب العدد الصحيح في مخرج الكسور ، فما اجتمع قسمناه على عدد أجزاء الكسور ، فما خرج من القسمة فهو الذي يكون من قسمة الصحيح على الكسور .

مثال ذلك انا أردنا أن نقسم أحد عشر على خمسة أسباع : ضربنا الأحد عشر في سبعة ، التي (هي) مخرج السبع ، فكان سبعة وسبعين ، فقسمناه على خمسة ، التي هي عدد أجزاء الكسور ، فكان خمسة عشر وخمسين ، وهو ما يكون من قسمة أحد عشر على خمسة أسباع .

وكذلك لو أردنا أن نقسم سبعة عشر على ثلث وربع : ضربنا السبعة عشر في اثني عشر ، وهو مخرج الثلث والربع ، فكان مائتين وأربعين ، وقسمناه على سبعة ، التي هي عدد أجزاء الكسر ، فيخرج من القسم تسعة وعشرون وسبع ، وهو ما يكون من قسمة سبعة عشر على ثلث وربع .

الفصل الثالث

في قسمة الكسور على الصحاح

فاذا أردنا ذلك ضربنا مخرج الكسور في العدد الصحيح ، فما اجتمع [٦٣ ظ] نسبنا منه عدد أجزاء الكسر ، فما حصل من القسمة هو ما يكون من قسمة الكسور على الصحيح .

مثال ذلك : انا أردنا أن نقسم نصفاً وثلاثاً على أربعة : ضربنا الأربعة في ستة ، وهو مخرج النصف والثلاث ، فكان أربعة وعشرين ، ثم نسبنا منه عدد أجزاء الكسور وهو خمسة ، فكان ثمناً ونصف سدس . وهو ما يكون من قسمة نصف وثلاث على أربعة .

وكذلك لو أردنا أن نقسم أربعة أجزاء من ثلاثة عشر على ستة : ضربنا الستة في الثلاثة عشر ، فكان ثمانية وسبعين ، ونسبنا الأربعة أجزاء منه فكان جزأين من تسعة وثلاثين ، وهو ما يكون من قسمة أربعة أجزاء من ثلاثة عشر على ستة .

وجه آخر من قسمة الكسور على الصحاح

فان أردنا ذلك ضربنا عدد أجزاء الكسر في كسر العدد المقسوم عليه ، فما خرج من الضرب نسبناه من مخرج الكسر ، فما حصل من النسبة هو ما يكون من قسمة الكسور على الصحيح .

والمثال في ذلك المسئلة التي تقدم ذكرها ، وهي قسمة نصف وثلاث على أربعة . فانا نضرب عدد أجزاء الكسور ، وهو خمسة في ربع ، وهو الكسر المشتق اسمه من أربعة ، فكان واحداً وربعاً ، نسبناه من الستة فكان سدساً وثلاث ثمن ، وهو مثل الجواب الأول .

وجه آخر في قسمة الكسور على الصحيح

فاذا أردنا ذلك ضربنا كسر العدد في الكسور التي معنا فما كان [٦٤ و] فهو الحاصل من القسمة . والمثال في ذلك المسئلة التي تقدمت . فانا اذا ضربنا الربع ، وهو كسر العدد ، في النصف والثلاث كان سدساً وثلاث ثمن . وذلك مرادنا . وهذا باب وحسابه .

الباب السادس

في ضرب الأنواع المركبة وقسمتها

وهي ثمانية فصول

الفصل الأول

في ضرب الصحاح والكسور في الصحاح

فاذا أردنا ذلك ضربنا الصحيح في الصحيح كما بينا وحفظناه ، ثم ضربنا الصحاح في الكسور واضفناه الى ما حفظناه ، فما اجتمع فهو الذي نريده .

مثال ذلك انا أردنا أن نضرب أحد عشر وثلثين في أربعة : ضربنا أحد عشر في أربعة ، فكان أربعة وأربعين ، ثم ضربنا الثلثين في أربعة فكان اثنين وثلثين ، واضفناه الى أربعة وأربعين ، فصار ستة وأربعين وثلثين . وهو ما يكون من ضرب أحد عشر وثلثين في أربعة .

وكذلك لو أردنا أن نضرب تسعة وربعا وسبعاً في ثمانية : ضربنا التسعة في ثمانية فكان اثنين وسبعين ، ثم ضربنا ربعاً وسبعاً في ثمانية فكان ثلاثة وسبع اضفناه الى الاثنين والسبعين ، فصار خمسة وسبعين وسبعاً . وهو ما يكون من ضرب تسعة وربعا وسبع في ثمانية . وهذا باب وحسابه .

الفصل الثاني

في قسمة الصحاح والكسور على الصحاح

[٦٤ ظ] اذا أردنا ذلك قسمنا الصحيح على الصحيح وحفظناه ، ثم قسمنا الكسور على الصحيح واضفناه الى المحفوظ ، فما اجتمع فهو ما يكون من قسمة الصحيح والكسور على الصحيح .

مثال ذلك : اذا أردنا أن نقسم أربعة عشر وخمسين على ثلاثة : قسمنا الأربعة عشر على ثلاثة ، فخرج من القسم أربعة وثلثان ؛ ثم قسمنا الخمسين على ثلاثة فكان عشراً وثلاث عشر ؛ وزدناه على ما حفظناه فصار أربعة ونصف وخمس وعشر . وهو ما يكون من قسمة أربعة عشر وخمسين على ثلاثة .

× في الأصل : عشراً وثلاث عشر (في النسختين) .

وكذلك لو أردنا أن نقسم أحد عشر وربع وسدس على أربعة وعشرين : قسمنا الأحد عشر على أربعة وعشرين فكان ثلثاً وثماناً ؛ ثم قسمنا الربع والسدس على أربعة وعشرين فكان نصف سدس ثمن . فإذا أضفناه إلى ما خرج من القسم ، وهو ثلث وثمان ، كان الجميع ثماناً وتسعاً وربع ثمن . وهو ما يكون من قسمة أحد عشر وربع وسدس على أربعة وعشرين . وبـ ينق في هذا الباب أن يكون المقسوم أقل من المقسوم عليه ، وأن يكون أكثر منه ؛ وسبيله أن تجعل كلها من جنس الكسر وتقسم لثلاثاً يصعب منه شيء ويسهل .

الفصل الثالث

في قسمة الصحاح على الكسور والصحاح

فإذا أردنا ذلك بسطنا الناحيتين من جنس الكسور ، وقسمنا ذلك . مثال ذلك ثلاثة عشر أردنا أن نقسمها على اثنين وأربعة أسباع : بسطنا [٦٥ و] كلها أسباعاً ، فصار الثلاثة عشر : أحد وتسعين سبعة ، وصار الاثنين والأربعة أسباع ثمانية عشر سبعة ؛ فإذا قسمنا أحد وتسعين على ثمانية عشر كان خمسة ونصف تسع . وهو ما يكون من قسمة ثلاثة عشر على اثنين وأربعة أسباع .

وكذلك لو أردنا أن نقسم ثمانية على عشرة وثمانية اتساع : جعلناها كلها اتساعاً ، فكان الثمانية : اثنين وسبعين تسعاً ، والعشرة والثمانية الاتساع : ثمانية وتسعين تسعاً ؛ فإذا قسمنا الاثنين والسبعين على الثمانية والتسعين كان خمسة أسباع وسبع سبع . وهو ما يكون من قسمة ثمانية على عشرة وثمانية اتساع .

الفصل الرابع

في ضرب الصحاح والكسور في الكسور

فإذا أردنا ذلك ضربنا الصحاح في الكسور وحفظناه ، ثم ضربنا الكسور في الكسور كما تقدم ذكره وأضفناه إلى ما حفظناه .

مثال ذلك أنا أردنا أن نضرب أربعة ونصفاً وثلثاً في ربع وسدس : ضربنا الأربعة عشر في ربع وسدس فكان خمسة ونصفاً وثلثاً . ثم ضربنا النصف والثلث في ربع وسدس فكان ثلثاً وثمان تسع . فإذا أضفناه إلى

ما حفظناه ، كان ستة وثلثاً وثمان تسع . وهو ما يكون من ضرب أربعة عشر ونصف في ربع وسدس .

وان شئنا بسطنا الأربعة عشر والنصف والثلث : أسداساً ، فيكون تسعة وثمانين ، وضربناه في خمسة ، وهي أجزاء الربع والسدس من اثنين عشر ، فيكون أربع [٦٥ ظ] مائة وخمسة وأربعين ، قسمناه على اثنين وسبعين ، وهو مضروب مخرج النصف والثلث في مخرج الربع والسدس ، فيخرج من القسمة ستة وسدس وثمان تسع . وهو مثل الجواب الأول .

الفصل الخامس

في قسمة الصحاح والكسور على الكسور

فإذا أردنا ذلك ضربنا العدد الصحيح مع الكسور في مخرج الكسور ، فما اجتمع قسمناه على ما يكون من ضرب الكسور في مخرج الكسور أيضاً ، فما حصل بعد ذلك فهو ما يكون من قسمة الصحاح والكسور على الكسور .

مثال ذلك أنا أردنا أن نقسم ثلاثة أسباع على ثلاثة وثلاثة أخماس : ضربنا الأحد عشر والثلث والربع في مخرج الكسور ، وهو أربعة وثمانين ، فكان تسع مائة وثلاثة وسبعين . فقسمناه على ما يكون من ضرب الثلاثة الأسباع في أربعة وثمانين ، وهو ستة وثلاثون ، فخرج من القسم سبعة وعشرين وربع وتسع . وهو ما يكون من قسمة أحد عشر وثلث وربع على ثلاثة أسباع .

الفصل السادس

في قسمة الكسور على الصحاح والكسور

العمل في هذا الفصل والفصل الذي تقدم واحد ، وهو أن نجعل الصحاح والكسور من جنس واحد ثم نقسم أحدهما على الآخر .

مثال ذلك أنا أردنا أن نقسم ثلاثة أسباع على ثلاثة وثلاثة أخماس جعلناها كلها من جنس واحد . أما الثلاثة أسباع فأنها تكون خمسة عشر جزءاً من خمسة وثلاثين . وأما الثلاثة والثلثة أخماس فأنها تكون مائة وستة وعشرين .

فإذا قسمنا [٦٨ و] الخمسة عشر على مائة وستة وعشرين كان الخارج من القسم نصف سبع وثلث سبع . وذلك مرادنا .

الفصل السابع

في ضرب الصحاح والكسور في الصحاح والكسور

فاذا أردنا ذلك ضربنا كل واحد من الصحاح والكسور بعضها في بعض فتكون أربع ضربات : وهو صحاح في صحاح ، وصحاح في كسور ، وكسور في صحاح ، وكسور في كسور . ثم نجمع ذلك كله .
مثال ذلك انا أردنا أن نضرب ثلاثمائة وأربعة وعشرين ونصف وثلاث في مائتين وستة وسبعين وخمسة وتسع :

ضربنا الثلاثمائة والأربعة والعشرين في المائتين والستة والسبعين فكان تسعة وثمانين ألفا وأربع مائة وأربعة وعشرين .
ثم ضربنا نصفاً وثلاثاً في مائتين وستة وسبعين فكان مائتين وثلاثين .
وضربنا خمسا وتسعا في ثلاثمائة وأربعة وعشرين فكان مائة وأربعة أخماس .
ثم ضربنا النصف والثلاث في والخمسة والتسع فكان ربعاً ونصف سدس تسع . فاذا جمعنا ذلك كله كان تسعة وثمانين ألفاً وسبع مائة وخمسة وخمسين ونصف عشر ونصف سدس تسع .
فان شئنا جعلنا كلها من جنس واحد وضربناه كما تقدم ذكره .

الفصل الثامن

في قسمة الصحاح والكسور على الصحاح والكسور

فاذا أردنا ذلك جعلناها كلها من جنس واحد وقسمنا كما قد بينا فيما تقدم من الأنواع .

مثال ذلك : اذا أردنا أن نقسم ثلاثة وعشرين وخمسة أسباع على اثنين وأربعة أسباع : بسطنا كلها أسباعاً ، فيكون المقسوم مائة وستة وستين سبعا ، والمقسوم [٦٨ ظ] عليه ثمانية عشر سبعا . فاذا قسمنا المائة والستة والستين على ثمانية عشر كان الخارج من القسم تسعة وسدس ونصف تسع . وهو ما يخرج من قسمة ثلاثة وعشرين وخمسة أسباع على اثنين وأربعة أسباع .

وقد أتينا على جميع أنواع الضرب والقسمة ، كما تقدم وعدنا . وفي ما ذكرناه كفاية لمن له أدنى رياضة ودربة في صناعة الحساب ان شاء الله .

الباب السابع

في اختصار الضرب والقسمة

وهو فصلان

الفصل الأول

في اختصار الضرب

فنقول ان كل عدد أردنا أن نضربه في خمسة أو خمسين أو في خمسمائة أو في خمسة آلاف ، أو في شيء من الأعداد المركبة من خمسة : فينبغي أن نحصل ما حصلنا من الضرب ، فما حصلنا لكل واحد منه واحداً من المرتبة التي هي في ذلك : اذا أردنا أن نضرب أربعة وتسعين في خمسين : أخذنا نصف الأربعة والتسعين ، فكان سبعة وأربعين ، وهو أربعة آلاف وسبع مائة ، لانا أخذنا لكل واحد منه مائة ولكل عشرة ألفا .
وكذلك لو أردنا أن نضرب أحد وثلاثين وثلاث في خمسمائة : أخذنا نصف الأربعة والثلاثين والثلاث فكان خمسة عشر وثلاثين ، وهو خمسة عشر ألفاً وستمائة وستة وستين درهماً وثلاثان . وهو ما يكون من ضرب الخمس مائة في أحد وثلاثين وثلاث .

وجه آخر من الاختصار :

وكل عدد أردنا أن نضربه في اثنين ونصف ، أو في خمسة وعشرين ، أو في مائتين وخمسين ، أو في مركبته ، فانا نأخذ ربعه . وكل عدد أردنا أن نضربه في ثلاثة [٦٧ و] وثلاث ، أو ثلاثة وثلاثين وثلاث ، أو في ما يتركب منه ، فانا نأخذ ثلثه . وبالجمله فان كل عدد أردنا أن نضربه في عدد من كسر بن عقد من العقود فانا نأخذ بقسط ذلك الكسر من ذلك العدد ، وما حصلنا نأخذ من كل واحد واحداً من ذلك العقد .
مثال ذلك : انا أردنا أن نضرب أربعة وخمسين في خمسة وعشرين :

× في الأصل : نصفه .

أخذنا ربع الأربعة والخمسين فكان ثلاثة عشر ونصفاً ، وبسطناه مئتين ، فكان ألف وثلاثمائة وخمسين . وهو ما يكون من ضرب أربعة وخمسين في خمسة وعشرين . وإنما أخذنا ربع الأربعة والخمسين لأن الخمسة والعشرين في المائة ربعها .

وكذلك لو أردنا أن نضرب ثلاثة وسبعين ونصف في ثلاثة وثلاثين وثلاث : أخذنا ثلث الثلاثة والسبعين والنصف وبسطناه مئتين فكان ألفين وأربع مائة وخمسين ، وهو ما يكون من ضرب ثلاثة وسبعين ونصف في ثلاثة وثلاثين وثلاث .

ولو أردنا أن نضرب ثلاثة وثمانين وثلاث في مائة وخمسة وعشرين : أخذنا ثمن الثلاثة والثمانين والثلاث ، فكان عشرة وربعاً وسدساً ، وبسطناه ألوفاً فصار عشرة ألف وأربع مائة وستة عشر وثلثين .

وان شئنا أخذنا نصف وثلث المائة والخمسة والعشرين ، فيكون مائة وأربعة درهم وسدس ، فإذا بسطناه مئتين كان أيضاً عشرة ألف وأربع مائة وستة عشر وثلثين .

وعلى هذا ينبغي أن يكون جميع ما يجانسه .

وجه آخر من الاختصار :

وكل عدد يضرب في خمسة عشر أو في مائة وخمسين أو ما يجانسه ، فإنا نزيد عليه مثل نصفه . وما يضرب في ثلاثة عشر وثلث ، أو في مائة وثلاثة وثلاثين وثلث ، أو ما يجانسه ، فانه يزداد عليه مثل ثلثه . وبالجمله انا ننسب الزائد على العقد من العقد ، فما حصل من الكسر يبسط بقسطه من ذلك العدد ، وبسطنا ما يحصل من جنس ذلك العقد .

مثال ذلك [٦٧ ظ] انا أردنا أن نضرب ثلاثة عشر وثلث في ثلاثة عشر ونصف : زدنا على الثلاثة عشر والنصف مثل ثلثه ، فصار ثمانية عشر وهو مائة وثمانون . وهو ما يكون من ضرب ثلاثة عشر وثلث في ثلاثة عشر ونصف .

وكذلك لو أردنا أن نضرب مائة وستة وستين وثلثين في اثنين وخمسين ونصف : زدنا على اثنين وخمسين ونصف مثل ثلثيها ،

وبسطنا ما اجتمع مئتين ، فكان ثمانية ألف وسبع مائة وخمسين . وهو ما يكون من ضرب مائة وستة وستين وثلثين في اثنين وخمسين ونصف . وكذلك لو أردنا أن نضرب ألف وسبع مائة وخمسين في مائة وأربعة وعشرين : زدنا على المائة والأربعة والعشرين مثل ثلاثة أرباعها ، وهو ثلاثة وتسعون : صار مائتين وسبعة عشر ، وهو مائتي ألف وسبعة عشر ألفاً . وهو ما يكون من ضرب ألف وسبع مائة وخمسين في مائة وأربعة وعشرين .

وجه آخر من الاختصار :

وكل عدد أردنا أن نضربه فيما هو أقل من هذه الأعداد التي تقدم ذكرها ، أو أكثر منه ، بواحد ، سلكنا فيه الطريقة التي ذكرناها ، ووضعنا مما اجتمع ذلك العدد في النقصان ، وأضفنا اليه في الزيادة ، فما حصل بعد ذلك فهو الكائن من الضرب .

مثال ذلك : اذا أردنا أن نضرب أربعة وعشرين في أربعة وثلاثين وثلث : أخذنا ربع الأربعة والثلاثين والثلث ، فكان ثمانية وثلث وربع ، وهو ثمانمائة وثمانية وخمسون وثلث ، ووضعنا مما اجتمع أربعة وثلاثين وثلث ، فصار الباقي ثمان مائة وأربعة وعشرين . وهو ما يكون من ضرب أربعة وثلاثين وثلث في أربعة وعشرين .

وان شئنا أخذنا ثلث أربعة وعشرين ، فكان ثمانية ، وهو ثمان مائة ، وأضفنا اليه الأربعة والعشرين ، فصار [٦٨ و] ثمان مائة وأربعة وعشرين . وهو مثل الجواب الاول .

وكذلك لو أردنا أن نضرب تسعة وأربعين في مائة وستة وعشرين : أخذنا نصف مائة وستة وعشرين ، فكان ثلاثة وستين ، وهو ستة ألف وثلاثمائة . فإذا وضعنا منه مائة وستة وعشرين صار الباقي ستة ألف ومائة وأربعة وسبعين . وهو ما يكون من ضرب مائة وستة وعشرين في تسعة وأربعين .

وان شئنا زدنا تسعة وأربعين مثل ربعها ، حتى يصير أحد وستين وربع ، وهو ستة ألف ومائة وخمسة وعشرين ، فإذا أضفنا تسعة وأربعين صار ستة ألف ومائة وأربعة وسبعين . وهو مثل الجواب الاول .

وجه آخر من الاختصار ، في عشرات وآحاد متساوية العقود

فاذا أردنا ذلك أضفنا آحاد أحد الناحيتين إلى الناحية الأخرى فمأخذنا لكل واحد منها مثل العقد الذي مع الآحاد ، فما كان زدنا عليه مضروب الآحاد بعضها في بعض ، فما حصل فهو ما يكون من الضرب .

مثال ذلك : اذا أردنا أن نضرب ثلاثة عشر في ثمانية عشر ، أضفنا الثلاثة إلى الثمانية عشر ، فكان أحد وعشرين ، ثم بسطنا عشرات ، فكان مائتين وعشرة ، وأضفنا إليه أربعة وعشرين ، وهو مضروب ثلاثة في ثمانية ، فصار مائتين وأربعة وثلاثين . وهو ما يكون من ضرب ثمانية عشر في ثلاثة عشر .

وكذلك لو أردنا أن نضرب تسعة وخمسين في أربعة وخمسين : أضفنا التسعة إلى الأربعة والخمسين ، فصار ثلاثة وستين ، وأخذنا لكل واحد خمسين ، أو ضربناه في خمسة وأخذنا لكل واحد عشرة ، أو أخذنا نصفه وأخذنا لكل واحد مائة [٦٨ ط] فيكون ثلاثة آلاف ومائة وخمسين ، وأضفنا إليه الستة والثلاثين ، الكائن من ضرب التسعة في الأربعة ، فصارت الجملة ثلاثة آلاف ومائة وستة وثمانين . وهو ما يكون من ضرب تسعة وخمسين في أربعة وخمسين .

وجه آخر من الاختصار ، في عشرات وآحاد مختلفة العقود

فاذا أردنا ذلك نسبنا أحد العقدين من الآخر ، فما حصل من النسبة ضربناه في آحاد المنسوب منه وزدنا ما اجتمع على العدد المنسوب ، فما حصل بعد ذلك عملنا به مثل ما عملنا في العقود المتساوية .

مثال ذلك أنا أردنا أن نضرب أربعة وستين في ثمانية وعشرين : ضربنا الثمانية في الثلاثة ، التي هي نسبة الستين من العشرين ، فكان أربعة وعشرين ، وأضفناها إلى أربعة وستين ، فصار ثمانية وثمانين . وحسبنا لكل واحد عشرين ، فما حصل أضفنا إليه اثنين وثلاثين ، الكائن من ضرب الأربعة في الثمانية ، فصار ألف وسبع مائة واثنين وتسعين . وهو ما يكون من ضرب أربعة وستين في ثمانية وعشرين .

وان شئنا أخذنا ثلث الأربعة التي من الستين وأضفناها إلى ثمانية وعشرين ، فكان تسعة وعشرين وثلث ، وحسبنا لكل واحد منها ستين ،

فصار ألف وسبع مائة وستين ، فاذا أضفنا إليها الاثنين والثلاثين صار مثل الجواب الأول .

وكذلك لو أردنا أن نضرب ستة وثلاثين في خمسة وخمسين : ضربنا ستة في واحد وثلثين ، لأن الخمسين مثل الثلاثين ومثل ثلثيها ؛ فيكون عشرة ، فاذا زدناها على خمسة وخمسين وأخذنا لكل واحد ثلاثين وأضفنا إلى ما اجتمع ما يكون من ضرب الخمسة في الستة صار الجميع ألف وتسع مائة وثمانين . وهو ما يكون من ضرب خمسة وخمسين في ستة وثلاثين .

وجه آخر من الاختصار ، في عشرات وآحاد متساوية العقود

[٦٩ و] فاذا أردنا ذلك أسقطنا من أحد العددين فضل ما بين العدد الآخر والعقد الذي فوقه ، وبسطنا ما بقي من جنس ذلك العقد فما حصل زدنا عليه ما يكون من ضرب نقصان العددين من ذلك العقد ، أحدهما في الآخر ، فما حصل فهو ما يجتمع من الضرب .

مثال ذلك أنا أردنا أن نضرب ستة عشر في ثمانية عشر : أسقطنا من أحد العددين فضل ما بين العشرين وبين العدد الآخر ، فبقي أربعة عشر ، أخذنا لكل واحد عشرين ، وهو العقد الذي فوق العددين ، صار مائتين وثمانين ، ثم أضفنا إليه ثمانية ، وهو ما يكون من ضرب زيادة العشرين على الستة عشر في زيادته على الثمانية عشر . صار الجميع مائتين وثمانية وثمانين . وهو ما يكون من ضرب ثمانية عشر في ستة عشر .

وكذلك لو أردنا أن نضرب أحد وثلاثين في ثمانية وثلاثين : نقصنا فضل الأربعين على أحد وثلاثين من الآخر ، فبقي تسعة وعشرون ، جعلنا لكل واحد منها أربعين ، فضربناه في أربعة وأخذنا لكل واحد عشرة ، فصار ألف ومائة وستين ، ثم أضفنا إليه ثمانية عشر ، أعني تسعة في اثنين ، الذي هو فضل الأربعين على كل واحد من العددين ، فصار ألف مائة وثمانية وسبعين ، وهو ما يكون من ضرب ثمانية وثلاثين في أحد وثلاثين .

ولهذا النوع من الاختصار خاصة طريفة عجيبة يقاس عليها جميع الأعداد ، حتى الآحاد ، فانا اذا أردنا أن نضرب بعضها في بعض ظهر لنا منه شيء حسن من حفظ نظامه وحسن ترتيبه :

الأولى إما أن أردنا أن نضرب مائة في سبعة بهذا الطريق : أسقطنا
 من العشرة على أحد العددين من الآخر ، فبقي خمسة ، فإذا أحدا
 كان واحد عشره [٦٩ ط] وضعنا اليها مضروب الثلاثة في اثنين صدر
 منه وخمسين ، وهو ما يكون من ضرب سبعة في مائة . وكذلك لو
 أردنا أن نضرب ثلاثة في خمسة نقصنا فضل العشرة على أحد العددين من
 الآخر فبقي مائة ، فبقي واحد عشره ، وهذا أحدا لكل واحد عشرة ، ثم
 ضربنا فضل العشرة على الخمسة في فضلها على المائة كان خمسة وثلاثين .
 فإذا بقينا مائة من مائة وهو عشرون ، فبقي الباقي خمسة عشر ، وهو ما
 يكون من ضرب خمسة في ثلاثة .

فصل في اختصار ضرب الكسور

إذا أردنا أن نضرب كسورا مركبة في صحاح لها ذلك الكسر فينبغي
 أن نضرب عدد ذلك الكسر في الكسور فما حصل فهو الذي يحدث من الضرب .

فإن ذلك إذا أردنا أن نضرب أربعة أسباع في خمسة وأربعين .
 ونضرب الخمسة والأربعين تسعا ، وهو خمسة ، ضربناها في الأربعة
 فكان عشرون ، وهو ما يكون من ضرب أربعة أسباع في خمسة وأربعين .
 وإذا أردنا أن نضرب أحد عشر في أربعة أخماس ضربنا (خمس)
 الواحد عشر في أربعة ، وهو مائة وأربعة أخماس .

فإن أردنا أن نضرب خمسة ونصف وثلاثة في ثلاثة وأربعة أخماس :
 أسقطنا الثلاثة والثلاثة الخمس أخماسا من مائة في خمس ونصف
 فبقي مائة ، يكون مائة وخمسة أخماس ، أعني أحد وعشرون . وهو ما
 يكون من الضرب .

وإن أردنا أن نضرب خمسة ونصف وأربعة أسداسا ، فيكون خمسة
 وثلاثين ، وضربناه في ثلاثة وأربعة أخماس فيكون مائة وستة وعشرون
 مائة ، أعني أحد وعشرين .

[٧٠ ط] فإن أردنا أن نضرب واحدا ونصف في واحد وثلاثين في واحد
 وأربع في واحد وخمسة عشر ، فبقي واحد عشره على الواحد عشره ونسقطه
 فبقي واحد ، وهو ما يكون خمسة ونصف ، وهو ما يكون من الضرب .

الفصل الثاني

في اختصار القسمة

كل عدد أردنا أن نقسمه على خمسة أو على خمسين أو على خمس مائة
 أو على خمسة ألف ، فبقي ضعف عدد غنوده ، فما حصل فهو ما يخرج
 من القسمة . فإن كان من مراتب مائتين . فإن كان مائة مائة مائة
 فهو عشرات ، وإن كان مائة مائة مائة مائة ، وكذلك في ما بعده .
 مثال ذلك : إذا أردنا أن نقسم سبعين على خمسة أصغرها السبعة
 فكان أربعة عشر ، وهو ما يخرج من القسم .

وكذلك لو أردنا أن نقسم ألف ومائتين على خمسين أصغرها عدد
 غنوده ، وهو مائة عشر ، فبقي أربعة وعشرون ، وهو ما يكون من قسمة
 ألف ومائتين على خمسين .

ولو أردنا أن نقسم مائتين وثلاثين ألفا على خمس مائة أصغرها عدد غنوده
 فكان ستة وأربعين ، بسطناه عشرات فكان أربع مائة وستين ، وهو ما يخرج
 من قسمة مائتين وثلاثين ألفا على خمس مائة .

وجه آخر من الاختصار :

وكل عدد أردنا أن نقسمه على اثنين ونصف أو على خمسة وعشرين
 أو على ضرب عدد غنوده في أربعة .

وبالجملة فإننا نقسم المقسوم عليه من العدد الذي فوقه ، فما حصل
 ضرب عدده في المقسوم ، فما كان فهو ما يخرج من القسمة .

فإن ذلك [٧٠ ط] إذا أردنا أن نقسم سبعة ألف وأربع مائة على
 ثلاثة وثلاثين وثلاثين أربعة وتسعين في ثلاثة ، فكان مائتين وأربعين
 ومائتين ، وهو ما يكون من قسمة سبع ألف وأربع مائة على ثلاثة وثلاثين وثلاثين .
 وكذلك لو أردنا أن نقسم ثلاثة وخمسين ألفا على ستة وستين درهما
 وستين درهما على ثلاثة وخمسين مائة نصفها ، وبسطناها عشرات ،
 فكان سبع مائة وخمسة وتسعين ، وهو ما يكون من قسمة ثلاثة وخمسين
 ألفا على ستة وستين درهما وستين .

فإن أردنا أن نقسم مائة وعشرين ألفا وخمسين مائة على سبع مائة

وخمسين : زدنا على ثمانية وعشرين ونصف مثل ثلثها ، فصار ثمانية وثلاثين ، وهو ما يكون من قسمة ثمانية وعشرين ألفا وخمس مائة على سبع مائة وخمسين .

وعلى هذا ينبغي أن تكون قسمة جميع ما يجانسه .

وجه آخر من الاختصار :

× كل عددين أردنا أن نقسم أحدهما على الآخر فينبغي أن ننسب الواحد من المقسوم عليه ، فما حصل من القسمة أخذنا بقسطه من المقسوم فما كان فهو مرادنا .

مثال ذلك : ما أردنا أن نقسمه على اثني عشر فانا نأخذ نصف سدسه ، فان الواحد من الاثنى عشر نصف سدسه .

وما يقسم على أربعة عشر فانا نأخذ نصف سبعة ، وعلى خمسة عشر ثلثي عشره ، وكذلك ننسب الواحد أبدا من المقسوم عليه ونأخذ بقسطه من المقسوم ، فما حصل فهو ما نريده .

وجه آخر من الاختصار :

كل عدد أردنا أن نقسمه على اثني عشر ونصف ، أو مائة وخمسة وعشرين ، أو ألف ومائتين وخمسين ، أو ما يتركب منه ، فانا نضع منه [٧١و] خمسه ؛ وما يقسم على ثلاثة عشر وثلث ومركباته يوضع منه ربعة . وبالجمله فانا ننسب الزائد على العقد من العقد والزيادة مجموعتين ، وينسب في جميع ذلك كما قدمنا ذكره .

مثال ذلك انا أردنا أن نقسم تسعة وثمانين ألفا وخمسمائة على مائة وستة وستين وثلثين ، وضعنا من تسعة وثمانين ونصف خمسيه فيبقى أحد وخمسين وخمس وعشر ، فاذا بسطناه عشرات كان خمس مائة وثلاثة عشر . وهو ما يكون من قسمة أحد وثمانين ألفا وخمسمائة على مائة وستة وستين وثلثين .

وكذلك لو أردنا أن نقسم أربع مائة وستة وثمانين ألفا على مائة وخمسة وعشرين ، وضعنا من ثمانية وأربعين ونصف وعشر خمسة ، فيبقى ثمانية وثلاثون وثلثان وخمس وثلثا خمس عشر . فاذا بسطناه مئينا كان ثلاثة آلاف وثمان مائة وثمانية وثمانين . وهو ما يكون من قسمة أربع مائة وستة وثمانين ألفا على مائة وخمسة وعشرين .

× هذا الوجه وامثله غير موجودة في ل .

فان أردنا أن نقسم سبعة وخمسين ألفا وستمائة على ألف وثلاثمائة وثلاثة وثلاثين وثلث ، أسقطنا من السبعة والخمسين والثلاثة أخماس ربعها ، فيبقى ثلاثة وأربعين وخمس . وهو ما يكون من قسمة سبعة وخمسين ألفا وستمائة على ألف وثلاثمائة وثلاثة وثلاثين وثلث .

وجه في اختصار القسمة على مرتبتين

فاذا أردنا أن نقسم عددا على آحاد وعشرات فينبغي لنا أن ننسب عقود تلك المراتب من العدد المقسوم عليه ونأخذ بقسط ما حصل من النسبة من ذلك العقد ، فما كان فهو ما يخرج [٧١ظ] من القسمة .

مثال ذلك : اذا أردنا أن نقسم مائة وعشرين على ستة عشر ، نسبنا اثنا عشر من ستة عشر فكان ثلاثة أرباعه ، وأخذنا ثلاثة أرباع العشرة ، فكان سبعة ونصف . وهو ما يكون من قسمة مائة وعشرين على ستة عشر .

وكذلك لو أردنا أن نقسم اثنين وسبعين ألفا على مائة وثمانين : نسبنا الاثنين والسبعين من مائة وثمانين ، فكان خمسيه ، وأخذنا خمسيه الألف ، فكان أربع مائة . وهو ما يكون من قسمة اثنين وسبعين ألفا على مائة وثمانين .

وكذلك لو أردنا أن نقسم أربعة ألف وخمسمائة على مائة وخمسة وثلاثين : أخذنا ثلث المائة ، لأن الخمسة والأربعين من المائة وخمسة وثلاثين ، ثلثها ، فكان ثلاثة وثلاثين وثلثا . وهو ما يكون من قسمة أربعة ألف وخمسمائة على مائة وخمسة وثلاثين .

فان أردنا أن نقسم ثلاثمائة وثلاثين ألفا على سبعة وسبعين : أخذنا ثلاثة أسباع العشرة ألف ، لأن الثلاثة والثلاثين : ثلاثة أسباع السبعة والسبعين ، فيكون أربعة ألف ومائتين وخمسة وثمانين وخمسة أسباع ، وهو ما يكون من قسمة ثلاثمائة وثلاثين ألفا على سبعة وسبعين .

فهذا جملة ما كنا وعدنا به من الضرب والقسمة . وهو كاف لمن له أدنى فهم ورياضة ، ان شاء الله .
والحمد لله رب العالمين ، وصلى الله على رسوله محمد النبي وآله ، وسلم تسليماً .

[٧٢ظ] بسم الله الرحمن الرحيم ، عليه توكلت

المنزلة الثالثة *

من كتاب أبي الوفاء محمد بن محمد البوزجاني
في ما يحتاج اليه الكتاب والعمال وغيرهم

من علم الحساب

وهي في أعمال المساحات

سلطنا في هذه المنزلة مسلطنا في المنزلتين المتقدمتين من الإيجاز والاختصار ، وتقديم ما سهل على ما صعب ، وتأخير ما بعد عما قرب ، والابتداء بشرح الالفاظ والاسماء والأذرع التي يستعملها الكتاب والعمال والمساح ، والمتصرفون مع السلطان ، في وقتنا فيما بينهم ، في معاملاتهم ، ويثبت في ذكور مسائهم (٣٢) . واذكر بعد ذلك الأصول التي يعتمد عليها في مساحة الأراضي على اختلاف أنواعها ، وكثرة أشكالها ، وما ينبغي أن يستعمل الذراع والقسام في ذرع الأرضين وقسمة الدور ، ليتبين بذلك فساد ما عليه مساح زماننا في مسايهم السلطانية وما يعتمدون عليه في قسمة الضياع عند البيع والشراء المستعملة في دواوين القضاة . وذلك اني اراهم بأجمعهم بعيدين من الصواب وطريق الحق ، والأشياء التي قد قامت على صحتها البراهين الواضحة والحجج اللائحة . وانهم ربما استعملوا في حساباتهم ومسائهم أشياء يعود ذلك ببخس على السلطان أو حيف على معامليه ، [٧٣و] ويفلطون في أعمالهم ، ولا يفتنون لها ، لجهلهم بأصول الصناعة . وذلك اني اراهم اذا أرادوا أن يمسحوا مثلثا أو مخمسا أو مدورا أو غير ذلك من الأشكال الكثيرة الزوايا ، ضربوا أربع جوانبه في مثله (٣٤) ، وزعموا أن ما يحصل هو مساحة تلك الأرض . وهذا بعيد من الصواب ، فاحش الخطأ . ومسح ذلك فان في مساحة

* يسبق هذه المنزلة في م صفتان من كتابين قديمين في الحساب تبحتان في انواع الأذرع التي كانت في العالم الاسلامي . انظر التعليقات (٣٧) .

المدور والمخمس بهذا الطريق حيفا على السلطان وعلى من يريد أن يبيع ملكا ، لأن مساحته أكثر مما ذكره . فاما المثلث فان فيه حيفا على المعامل وعلى المشتري ، فان مساحته أقل من الذي يحصل بطريقتهم . فاما مساحة سائر أجناس المربعات ، فاني اراهم يجمعون الجوانب المتقابلة منها ويضربون أنصافها بعضها في بعض ، وهذا أيضا خطأ ظاهر وفساد بين ، وان كان في القليل منه ربما وافق الحق .

فاما سواها من الأراضي المختلفة الجوانب والكثيرة الزوايا ، من أنواع المثلث والمربع والمثلث والمدور ، والأشكال البيضية والاهلية والمنحرفة ، والقطوع والمخمسات المستعملة في الأبنية وحفر الأنهار ، والبرك ، والآبار ، والبريدات والبثوق* ، وغير ذلك من الأشكال الكريسة والاساطين والمخروطات والقباب والتلال ، وما يتعلق بمعرفة الأبعاد والأشياء العالية في الجو ، وعرض الأنهار والأودية [٧٣ظ] ونزول الحياض والآبار وارتفاع علو الجبال ، ومعرفة أبعادها من الأرض ، من غير وصول إلى أصلها وبلوغ اليه ، وما سوى ذلك من الأشياء التي ذكرها الرجلان الفاضلان : اقليدس وأرشميدس في كتبهما ، وأقاما على صحتها البراهين الخطوطية والأدلة الواضحة ، فشيء لا يعرفونه ، ولا يدرون كيفية مساحته والطرق إلى علم شيء منه ، حتى كأنهم لم يروا شيئا منه ولم يمر ذلك بمسامعهم . واذا سئلوا عن شيء من ذلك قالوا : ان هذا لا يريده السلطان منا ولا يرغب فيه ولا ينتفع به ، فان فلانا المهندس قد حظي عند السلطان ، وحاله مرتفعة معه ، وله من الاقطاع والجرايات كذا وكذا ، وهو لا يعرف شيئا من هذا . وجعلوا العلة في جهلهم جهل آخرين غيرهم . فاذا عرفوا خطأ شيء يعملونه ذكروا أن أمورهم تمشي بما هو عليهم من الفساد ، وأي شيء يعملون بالشقاء في ما ليس لهم فيه منفعة ولا فائدة . وانما يقولون ذلك هربا من التعب وقصورا من الهمم العالية في طلب الحقائق .

فلما وجدنا الخلل والفساد في أعمال مساح زماننا ومهندسيهم جعلنا الكلام في هذه المنزلة في نوعين : أحدهما في الالفاظ والآخري في المعاني ، ليكون الناظر فيه يقف على حقيقة جميع ما تقدم ذكره ولا يشذ عنه شيء .

* البريد في الأصل : الرسول ، واستعملت الكلمة لدابة البريد ، والمسافة التي يقطعها وهي عرفا اثنا عشر ميلا .
والبنوق هي الكسور في الشط تحضر لبنينق منها الماء .

وانما قدمنا المساحة على غيرها من أبواب المعاملات ، فان أول ما يحتاج اليه الكاتب ، بعد النسبة والضرب والقسمة [٧٤ظ] أعمال المساحات . وذلك أن أول شيء يرفع الى الديوان ذكر المساحات ، ومنها ما يجعل الانجيدج والأوارج (٣٥) ويخرج طسوقها وينفذ الى المستخدمين الجرائد بما على البناء وأصحاب الضياع من الخراج . والكاتب ان لم يكن عالما بأنواع المساحات ، لم يمكنه التتبع على المساح والاستيفاء عليهم ان شك في شيء منها ، واحتاج الى غيره يعاونه . الا أن الذي يحتاج اليه الكاتب ويضطر الى معرفته هو الضرب والتكسير (٣٦) . فان الذي يرفع الى الديوان هو شيء مضروب في شيء . ويجوز له على طريق التساهل ان لم يكن عالما بمساحة جميع الاجناس التي تقدم ذكرها .

فاما الماسح والمهندس والعامل فليس له بد من معرفة سائر الاشكال على اختلافها . وهو أيضا ان لم يكن عالما بحججها وبراهينها وصحة أعمالها جاز له بعد أن يتحرى الصحة ويسلك الطريق التي يأمن معها القلط والفساد . الا أنه يكون في جميع ذلك مقلداً على النحو الذي أوردنا في هذه المنزلة ، فانا جردنا جميعها من العلل والبراهين حسب ما جرت به عادتنا في المنزلتين الاوليين ، لئلا يطول الكتاب .

أبواب هذه المنزلة

- الباب الاول : في الألفاظ والأذرع المستعملة في المساحة . وهو أربعة فصول .
- الباب الثاني : في شرح الأزلات وأعمالها . وهو أربعة فصول .
- [٧٤ظ] الباب الثالث : في مساحة الدورات وقطعها وما يتركب منها . وهو فصلان .
- الباب الرابع : في مساحة المثلثات والمربعات ، وهو أربعة فصول .
- الباب الخامس : في مساحة الخمسات والمسدسات وغيرها من الأشكال الكثيرة الزوايا . وهو فصلان .
- الباب السادس : في مساحة المجسمات . وهو فصل واحد .
- الباب السابع : في معرفة الأبعاد والأشياء العالية وعرض الأنهار والأودية وغير ذلك . وهو ستة فصول .

الباب الأول

في الألفاظ والأذرع المستعملة في المساحة

وضربها بعضها في بعض

الفصل الأول

في شرح الألفاظ والأذرع (٣٧)

ان المساح بالسواد ونواحي البصرة وكور الأهواز ونواحي فارس يمسحون الأرض بقصبة طولها ستة أذرع بذراع المساحة ، أو بسلسلة طولها ستون ذراعاً بذراع المساحة .

وذراع المساحة بمدينة السلام والسوداهي ثمانى قبضات بقبضات اليد ، وست قبضات بقبضات المساحة . وهي مثل ذراع السودا ، أعنى ذراع الحديد ومثل ثمنها وتسعها ؛ وهو تسعة وعشرون أصبعاً وثلاثين أصبعاً بأصابع ذراع السودا .

وذراع المساحة يسمى الذراع الهاشمي ويسمى ذراع الملك . وأما بفارس ونواحي خراسان فانهم يمسحون بذراع يسمى المابهرامي ، وهو مثل ذراع الحديد ومثل نصفها . وهو مقسوم بستين قسماً متساوية كل قسم منها [٧٥ظ] يسمى فلساً . وبه تكون القسمة في سائر أنواع الابنية والحفائر .

ويمسحون بقصبة طولها ثلاثة أذرع بذراع المابهرامي ، وربما جعلوها ست أذرع بهذه الذراع . وربما مسحوها بسلسلة طولها ما ذكرناه . فاما بنواحي العراق فانهم يسمون القصبة باباً . وعشرة من هذه الابواب يسمى اشلاً . فيكون الأشل حبلاً أو سلسلة طولها ستون ذراعاً بذراع المساحة . والباب ستة أذرع والذراع ست قبضات والقبضة أربع أصابع .

فصارت المراتب في أعمال المساحة خمسة ، وهي الأشل والباب والذراع والقبضة والأصبع . ومساح السلطان ، أيده الله ، يتساهلون في القبضات والأصابع

ويجعلونها كسورا من الذراع ويسقطون ما كان أقل من قبضة ويجبرون ،
ويقيمون القصب ، التي هي الباب ، مقام الواحد ، وينسبون إليها ما
كان أقل منه ، على التقريب .

وأما مساح القضاة فسبيلهم ألا يسقطوا من القبضات والأصابع
شيئاً ، ويحققون في ما يعملون من أعمال المساحات .

الفصل الثاني

في ضرب هذه المراتب بعضها في بعض (٣٨)

فنقول : أن الأشل في الأشل ، وهو ستون ذراعاً بذراع المساحة ، إذا
ضرب كان الحادث من الضرب يسمى جريباً ، وهو ثلاثة ألف وستمائة
[٧٥٥ ظ] ذراعاً مكسرة .

وعشر هذا الجريب يسمى قفيزاً . وهو ثلاثمائة وستون ذراعاً مكسرة .
وعشر هذا القفيز يسمى عشيراً ، وهو ستة وثلاثون ذراعاً مكسرة .
والذراع ستة وثلاثون قبضة مكسرة ، وهو خمس مائة وستة وسبعون
أصبعا مكسرة . والقبضة ستة عشر أصبعا مكسرة .

فأما بنواحي فارس وخراسان فإنه يسمى عشر الجريب قفيزاً ،
وسدسه كفاً ، وعشر الكف يسمى عشيراً فيكون الجريب ستين كفاً ؛
والعشير يكون ستة أذرع مكسرة .

فقد تبين أن الأشول إذا ضربت في الأشول كان كل واحد منها
جريباً . فإن ضربت في الأبواب كان كل واحد منها قفيزاً . وإن ضربت
في الأذرع كان كل واحد منها عشيراً وثلاثي عشر . وإن ضربت
القبضات كان كل واحد سدس عشير وتسع عشير ، وكل ثلاثة وثلاثة
أخماس منها عشير ، وكل ستة وثلاثين منها قفيز . وإن ضربت في
الأصابع كان كل واحد منها ثلث ثمن عشير وربيع تسع عشير ، وهو
ذراعان ونصف مكسرة ، وكل أربعة عشر وخمسين منها يكون عشيراً .

فأما الأبواب ، وهي القصب ، إذا ضرب بعضها في بعض كان كل
واحد منها بالعراق عشيراً . وإن ضربت في الأذرع كان كل واحد منها
سدس عشير ، وهو ستة أذرع مكسرة . وإن ضربت في القبضات كان

كل واحد منها ربع تسع عشير ، وهو ذراع مكسرة . وإن ضربت في
الأصابع كان كل واحد منها نصف ثمن تسع عشير ، وهو ربع ذراع مكسرة .
وأما الأذرع فإنها إذا ضربت في الأذرع كان كل واحد منها ربع تسع
عشير ، وهو ذراع واحد مكسرة . وإن ضربت في القبضة كان كل واحد
منها ثلث ثمن تسع عشير ، وهو سدس ذراع مكسر . وإن ضربت في
الأصابع كان كل واحد منها نصف سدس ثمن تسع عشير ، وهو ثلث
ثمن ذراع مكسرة ، وكل أربعة وعشرين منها يكون ذراعاً مكسرة .

فأما [٧٦ و] القبضات فإنها إذا ضربت في القبضات كان كل واحد
منها نصف ثمن تسع تسع عشير ، وهو ربع تسع ذراع مكسرة ، وكل
ستة وثلاثين منها ذراع مكسرة . وإن ضربت في الأصابع كان كل واحد
منها ثمن ثمن تسع تسع عشير ، وكل مائة وأربعة وأربعين منها
ذراعاً مكسرة .

وإن ضربت الأصابع في الأصابع كان كل واحد منها ربع ثمن ثمن
عشير ، وهو ثمن ثمن تسع ذراع مكسرة ، وكل خمس مائة وستة
وسبعين منها ذراع مكسرة .

فعلى هذا النسق ينبغي أن يكون ضرب هذه المراتب بعضها في بعض ،
وهي خمسة عشر وجهاً . منها الأشول في الأشول ، ثم في
الأبواب ، ثم الأذرع ، ثم في القبضات ، ثم في الأصابع ؛ فذاك أربعة أوجه .
ثم الأذرع في الأذرع ، ثم في القبضات ، ثم في الأصابع ؛ فذاك ثلاثة
أوجه . ثم القبضات في القبضات ، ثم في الأصابع ، فذاك وجهان . ثم
الأصابع في الأصابع ، وجه واحد . فتصير الجملة خمسة عشر وجهاً .
وانما ذكرنا ذلك لتكثر به درجة المساح والمهندسين ، وتكمل
صناعتهم . فإن ذلك كثيراً ما يحتاج إليه في قسمة الدور والضياح ؛
وإن كان مساح السلطان قد ذكرت أنهم لا يستعملون في دساتيرهم
إلا الأشول والأبواب والأذرع ؛ وربما أثبتوا الأبواب وحدها ، وحلوا
الأشول إليه ، ونسبوا الأذرع من الأبواب .

ولأنه قد تبين أن الباب في الباب عشير بنواحي العراق ، قد صار
مساح زماننا [٧٦ ظ] يجعلون القصب أصولاً ، أعني الباب ، ويضربون

بعضها في بعض ، ويأخذون من كل مائة جريباً ، ومن كل عشرة قفيزاً ،
ومن كل واحد عشيراً ؛ وعلى هذا يعملون سائر المساح بالبصرة وكور
الأهواز .

فاما نواحي فارس فانهم ان قسموا بالقصب ، التي هي ست
أذرع بذراع المابهرامي ، فينبغي ان يأخذوا من كل مائة جريباً ، ومن
كل عشرة قفيزاً ، ومن كل واحد وثلاثين كفاً ، ومن كل واحد
سنة عشر . وان مسحوا بالقصب التي هي ثلاثة أذرع بذراع المابهرامي
فينبغي ان يأخذوا من كل أربعة مائة جريباً ، ومن كل أربعين قفيزاً ،
ومن كل ستة وثلاثين كفاً ، ومن كل واحد عشيراً ونصفاً . وان مسحوا
بالبذراع وحده : أخذوا من كل ثلاثة ألف وستمائة جريباً ، ومن كل
ثلاثمائة وستين قفيزاً ، ومن كل ستين كفاً ، ومن كل ستة عشيراً .

وربما مسحوا بقصب طولها ذراعين بذراع المابهرامي ، حتى يكون
الجريب الكبير تسعة أجربة بالصغير ؛ فاذا عمل هذا كانت السلسلة
التي يمسح بها ثلاثين قصبه بالبذراع الكبير . واذا ضرب بعضها في
بعض كان كل واحد منها ثلثي عشر ، وكل خمسة عشر منها كفاً ،
وكل تسعين قفيزاً ، وكل تسع مائة جريباً ، وذلك كله بالصغير .

الفصل الثالث

في أمثلة يرتاض بها المتعلم في ضرب الألفاظ بعضها
في بعض

فان أردنا ان نضرب خمسة اشول في ثلاثة اشول : ضربنا خمسة
في ثلاثة ، وتأخذ من كل واحد جريباً ، فيكون خمسة عشر جريباً .
[٧٧و] فان أردنا ان نضرب أربعة اشول في ثلاثة ابواب : ضربنا
أربعة في ثلاثة ، وأخذنا من كل واحد قفيزاً ، فيكون جريباً وقفيزين .
ان أردنا ان نضرب سبعة اشول في سبعة اشول : ضربنا سبعة في
سبعة ، وأخذنا من كل واحد عشيراً وثلثين ، ومن كل ستة قفيزاً ،
فيكون جريباً وخمسة عشر .

وان شئنا بسطنا الاشول ابواباً ، ونسبنا الاذرع من الباب .
فيكون تسعين في واحد وسدس ، وهو مائة وخمسة . فاذا أخذنا من
كل مائة جريباً ومن كل واحد عشيراً ، كان مثل الجواب الاول .
فان أردنا ان نضرب أربع أذرع في ثلاث قبضات ، ضربنا أربعة في
ثلثي الثمانية ، فيكون خمسة عشر وثلثاً . وان شئنا ضربنا أربعة في
ثمانية ، وأخذنا من كل واحد سدس عشر ، فيكون أيضاً خمسة عشر
وثلثاً .

فان أردنا ان نضرب خمسة أذرع في أربعة أذرع : ان شئنا ضربنا
أربعة في خمسة ، ونسبناه من ستة وثلثين ، فيكون نصف عشر
ونصف تسع عشر . وان شئنا ضربنا نصفاً وثلثاً في ثلثين ، فيكون
ما ذكرنا .

فان أردنا ان نضرب أربع أذرع في ثلاث قبضات : ضربنا أربعة في
ثلاثة ، وأخذنا من كل واحد ثلث ثمن تسع عشر ، وهو سدس ذراع
فيكون ذراعين مكسرة ، وهو نصف تسع عشر .

فان أردنا ان نضرب أربع قبضات في ثلاث قبضات : ضربنا أربعة
في ثلاثة وأخذنا من كل واحد نصف ثمن سبع ذراع مكسرة . فيكون
نصف سدس ذراع ، وهو سدس ثمن تسع عشر .

[٧٧ظ] مثال كلي

فان أردنا ان نضرب اثنا عشر اشلاً وثمانية ابواب وأربعة أذرع
وثلاث قبضات واصبعين في أربعة اشول وستة ابواب وثلاثة أذرع
وقبضتين واصبع واحد :

ضربنا اثني عشر اشلاً : في أربعة اشول وفي كل واحد مما معنا
من الاجناس . فيكون ضربه في أربعة اشول : ثمانية وأربعين جريباً ؛
وفي ستة ابواب : سبعة أجربة وقفيزين ؛ وفي ثلاثة أذرع : ستة أقفزة ؛
وفي قبضتين : ستة عشر وثلثين ؛ وفي اصبع : نصف وثلث عشر ، وهو
ثلاثون ذراعاً مكسرة ، وانما ذكرنا الاذرع لشدة حاجتنا اليها في جميع
الكسور . فذلك خمسة وخمسون جريباً ، وثمانية أقفزة ، وسبعة
عشر ونصف .

ثم ضربنا الثمانية الابواب التي مع الاثنى عشر اشلا في جميع الانواع التي في الناحية الاخرى . فيكون ضربها في اربعة اشول ثلاثة اجربة وقفيزين ؛ وفي ستة ابواب : اربعة اقفة وثمانية عشر ؛ وفي ثلاثة اذرع : اربعة عشر ؛ وفي قبضتين : ثلث وتسع عشر ؛ وفي اصبع : نصف تسع عشر ، وهو ذراعان مكسرة ، والذي قبله ستة عشر ذراعا مكسرة . فذلك ثلاثة اجربة وسبعة اقفة وعشرين ونصف . وانما ذكرنا الاذرع مع كسور العشران لشدة حاجتنا اليها في جميع الكسور في ضرب القبضات والاصابع .

ثم ضربنا الاربعة اذرع في جميع الاجناس . فيكون في اربعة اشول : قفيزين وستة عشر وثلثين ؛ وفي ستة ابواب : اربعة عشر ؛ وفي ثلاثة اذرع : ثلث عشر ، وهو اثنا عشر ذراعا مكسرة ؛ وفي قبضتين : ثلث تسع عشر ، وهو ذراع وثلث ؛ وفي اصبع [٧٨و] : ثلث ثمن تسع عشر ، وهو سدس ذراع مكسرة ، وهو ثمانية قبضات مكسرة . فذلك ثلاثة اقفة وعشرين وثلث ثمن عشر .

ثم ضربنا الثلاث قبضات في جميع الاجناس التي في الناحية الاخرى ، فيكون في اربعة اشول : ثلاثة عشر وثلث ؛ وفي ستة ابواب : نصف عشر ؛ وفي ثلاثة اذرع : ثلث ثمن عشر ؛ وفي قبضتين : ثلث ثمن تسع عشر ، وهو ست قبضات مكسرة ، وهو سدس ذراع ؛ وفي الاصبع : ثلث ثمن تسع عشر ، وهو اثنا عشر اصبعاً مكسرة . فذلك ثلاثة عشر ونصف وربع ثمن وثلث ثمن ثمن عشر .

ثم ضربنا الاصبعين في جميع الانواع التي في الناحية الاخرى . فيكون في اربعة اشول : نصف عشر ، ونصف تسع عشر ، وهو عشرون ذراعا مكسرة ؛ وفي ست ابواب : نصف سدس عشر ، وهو ثلاث اذرع مكسرة ؛ وفي ثلاث اذرع : نصف ثمن تسع عشر ؛ وهو ربع ذراع مكسرة ؛ وفي قبضتين : نصف ثمن تسع عشر ، وهو ربع تسع ذراع مكسرة ؛ وفي اصبع واحد : نصف ثمن تسع عشر ، وهو ربع تسع ذراع مكسرة . فذلك نصف وثلث عشر ، وسدس تسع عشر ، ونصف ثمن من تسع تسع عشر . وهو ثلاثة وعشرون ذراعا وعشر قبضات واصبعان ، مكسرة .

فذلك الجميع تسعة وخمسين جريباً وتسعة اقفة وخمسة عشر وعشر عشر وخمسة تسع عشر وسدس تسع عشر وثلث ثمن ثمن

تسع عشر فعلى هذا ينبغي ان يكون ضرب هذه المراتب بعضها في بعض . وان شئنا بسطنا الاشول ابواباً ، ونسبنا الاذرع والقبضات والاصابع منها ، وضربنا [٧٨ظ] بعضها في بعض حسب ما قدمنا ذكره فيرجع ذلك الى ما ذكرنا .

الفصل الرابع

في مسائل من هذا الباب تعمل على طريقة الاختصار

فاذا اردنا ان نضرب اشلا وذراعا في اشل الا ذراع : ضربنا الزائد بالناقص ، وضربنا الاشل في الاشل ، فكان جريباً . ثم نقصنا مما اجتمع ذراعا مكسرة ، فيبقى تسعة اقفة وتسعة عشر وثلثين وربع ونصف تسع . وهو ما يكون من اشل وذراع في اشل الا ذراع . وان شئنا بسطناها اذرعاً ، فيكون احد وستين ذراعا في تسعة وخمسين ذراعا ، فاذا ضربنا واخذنا من كل ثلاثمائة وستين : قفيزاً ، كان مثل ما ذكرنا في الجواب .

فان اردنا ان نضرب اشلا وباباً في اشل الا باب : ضربنا اشلا في اشل فيكون جريباً ، ثم ضربنا باباً في باب ونقصناه منه ، فيكون تسعة اقفة وتسعة عشر . وان شئنا بسطناها ابواباً وعملنا فيه مثل الذي تقدم ذكره .

وكذلك لو اردنا ان نضرب اشلين وثلاثة اذرع في اشلين الا ثلاثة اذرع : ضربنا اشلين في اشلين فيكون اربعة اجربة ، ثم ضربنا ثلاثة اذرع في ثلاثة اذرع فيكون ربع عشر ، فاذا نقصناه منه كان الباقي ثلاثة اجربة وتسعة اقفة وتسعة عشر ونصف ربع . وهو ما يكون من ضرب اشلين وثلاثة اذرع في اشلين الا ثلاثة اذرع .

فاذا اردنا ان نضرب اشلا وثلاثة ابواب وذراعين في اشلين واربعة ابواب وثلاثة اذرع : فانا نأخذ ثلث الاشلين والاربعة ابواب والثلثة الاذرع ، بعد ان نبسطه ابواباً ، فيكون ثلاثة اجربة وقفيزين وستة عشر وثلثين .

وكذلك لو اردنا ان نضرب اربعة اشول وخمسة ابواب في سبعة اشول [٧٩و] فانا نضرب اربعة ونصف في سبعة ، فيكون احداً وثلثين جريباً وخمسة اقفة .

وكذلك ينبغي ان يكون ضرب سائر ما يجانسه .

الباب الثاني في حساب الأزلات

معنى أن نعلم أن اسم الأزالة هو واعم على مائة ذراع مكسرة تكسب
محسب . لا تكسر المستطاح . وذلك أن كسر الجسم هو طول في
عرض في عمق . أو في سمك . والسمك ما كان مرتفعا الى فوق . مثل
الجبل والجبيل والسهل . والعمق ما كان نازلا الى أسفل . مثل البئر
والخندق والابار والنباح . ومساحه المستطاح هو طول في عرض فقط .
وإن من مساحه كل واحد منهما في هذه الميزلة . وهذا الذي نحن
في ذكره من الرسوم التي تحوي بين المساح والمهندسين والقياس .
إذا كان محسب طوله ذراع في عرض ذراع في سمك ذراع . فإن
مساحه ذلك الجسم هو ذراع مكسره . فإذا كان محسب مساحه مائه
ذراع مكسره . فإن ذلك الجسم يسمى ازالة . وما كان أقل منه محسوب
النه بحساب .

والذراع التي تسمح بها الأزالة تسمى ذراع الميزان . وهي مائة
ذراع سودا وهي سمه وهي اسمع بجميع ذراع السودا . وهي
أربعة ومائون أصغا . وما اصمغ بأصابع ذراع السودا .
والأزالة يكون فيها مائه كر راب . كن ذراع مكسره كر . والكر
يكون مئين فقيزا . كل فقيز زبيد من الرمل التي يفتتها النملون
في الحفائر وسائر أعمال التراب . والعرض في ذلك يكون على وجوه
[٧٩] محسبه .

والتي قد جرى به العرف أن يوازي النملون أن يكون مسا
محسبه في السم والعمق ذلك أذرع ذراع الميزان في الأرض المستطاح .
وهو الأرض ككر القصب . وفي السماء . وهو الرطب من الأرض .
ذلك أذرع ونصف : وفي الشق . وهو النمل أربع أذرع .

والذي يكون فيه رحل . أحدهم . محلا والآخر محلا . وفي النملين
من ذراع التراب عشر ذراعا في الميزان على حور التراب . والموضع

التي يكون فيه صعود ودرول . وعنده في المستطاح ثلث ثلاثين ذراعا .
وما من عمل في الترابي . وهو ما يكون مستطاح في التراب بالسم . فعنده
أن محسبه مئين ذراعا في التراب . ذراع السودا . من هؤلاء لا يستعملون
إلا الذراع السودا . وإن أفت التراب على سمه فعنده أن عمل مائه
ذراع مكسره مستطاح . فأن من ثقل السم فعنده أن عمل خمسة أذرع
ذراع الميزان . والعرض هو التراب الذي بعد سمه السوق والسكورة .
وربما كان مع صاحب الميزان ثلاث مائين أو أكثر . والذي يجمع للعدد
معنى أن يكون ثرابا حرا من أرض بوشك .

وعنده أن يكون راب . أحدهم في بعض المواحي . إلا أن المحسوز وعمل
السطح في الحفائر والبريدان على ما ذكرنا .

إذا ذراع الميزان فقيز مائة عشر فقيزة بقبضه . كل قبضة أربعة
أصابع بدماعه . ذراع الميزان اثن مائنة وأربعون أصغا . والذراع
الكسره هو الب وسمه مائة ومائة وعشرون قبضة مكسره . لأنها من
صرب التي عشر في التي عشر في التي عشر . [٨٠] وهي مائة ألف
وعشرون الب وحسن مائه وأربعين وسبعين أصغا مكسره . لأنها من صرب
مائة وأربعين في مائه في مثله . والأزالة . كما تقدم ذكرها . هي مائه
ذراع مكسره . وهي مائة ألف وأربان وسبعون ألفا وثمان مائه قبضه
مكسره . وهي أحد عشر الب الب وتسعة وخمسين ألفا ومائنا أصمغ
مكسره .

فإذا حركنا الأذرع والنقبات والأصابع بعضها في بعض . فنمضي
أن أحد من كل مائه ذراع مكسره . ازالة : ومن كل الب وسمه مائه
وسمعه وعشرين فقيزة مكسره . ذراعا مكسرا : ومن كل أربعة وسبعين
أصغا مكسره . فقيزة مكسره . فإذا أحصيت التراب فأنه يكون
في عشرة أوجه . هي هذه :

الأذرع في الأذرع في الأذرع : كل واحد منها ذراع مكسره . وكل مائة
منها ازالة .

الأذرع في الأذرع في القبضات : كل واحد منها نصف سدس ذراع .
وكل التي عشر منها ذراع مكسره .

الاذرع في الاذرع في الاصابع : كل واحد منها سدس ثمن ذراع مكسرة
وكل ثمانية واربعين منها ذراع مكسرة .

الاذرع في القبضات في القبضات : كل واحد منها نصف ثمن تسع
ذراع ، وكل مائة واربعة واربعين منها ذراع مكسرة .
الاذرع في القبضات في الاصابع : كل واحد منها ثمن ثمن تسع ذراع ،
وهي ثلاث قبضات مكسرة ؛ وكل خمس مائة وستة وستين منها ذراع
مكسرة .

[٨٠ ظ] الاذرع في الاصابع في الاصابع : كل واحد منها ربع ثمن
ثمن تسع ذراع مكسرة ، وكل الفين وثلاثمائة واربعة منها ذراع مكسرة ،
وكل واحد وثلاث منها قبضة مكسرة ، لأن القبضة هي أربعة وستون اصبعاً
مكسرة ، واصبع في اصبع في ذراع هو ثمانية واربعون اصبعاً مكسرة ،
والاربعة والستون هي مثل ثمانية واربعين ومثل ثلثها .

القبضات في القبضات في القبضات : كل واحد منها ثلث ثمن ثمن
تسع ذراع ، وكل الف وسبع مائة وثمانية وعشرين منها ذراع مكسرة .
القبضات في القبضات في الاصابع : كل واحد منها نصف سدس ثمن
ثمن تسع ذراع ، وكل ستة الف وتسع مائة واثنى عشر منها ذراع مكسرة ،
وكل اربعة منها قبضة مكسرة .

القبضات في الاصابع في الاصابع : كل واحد منها سدس ثمن ثمن
تسع ذراع ، وكل ستة عشر منها قبضة مكسرة ، وكل سبعة وعشرين
الفاً وستمائة وثمانية واربعين منها ذراع مكسرة .

الاصابع في الاصابع في الاصابع : كل واحد منها ثلث ثمن ثمن
ثمن تسع ذراع ، وكل اربعة وستين منها قبضة مكسرة ، وكل مائة الف
وعشرة الف وخمس مائة واثنين وتسعين منها ذراع مكسرة .

فهذه الاصول التي ينبغي ان تحفظ في ضرب هذه الانواع بعضها في
بعض ، ولا بأس ان نقدم ضربها بعضها على بعض ، فان كلها ترجع الى ما
ذكرنا . الا ترى اننا اذا ضربنا ذراعاً في قبضة في اصبع كان ذلك مثل ضربنا
قبضة في اصبع في ذراع ، ومثل ضربنا اصبعاً في قبضة في ذراع ؟

والمبتدئ اذا ارتاض بضرب هذه الاصول سهل عليه جميع ما يرد من
المسائل [٨١و] في هذا النوع ، ان شاء الله .

الفصل الثاني في الأمثلة

ان عمل رجل مجسماً ، حفراً كان أو بناء عشرة أذرع طول في ستة
أذرع عرض في ثلاثة أذرع ، سمكاً كان أم عمقاً ، وأردنا أن نعرف كم
أزلة يكون ذلك : فانا نضرب العشرة في الستة ، فيكون ستين ، ثم نضربها
في ثلاثة فيكون مائة وثمانين ، وهو أزلة ونصف وخمس وعشر . وان
شئنا ضربنا الستة في العشرة ، فان كل واحد منها يرجع الى شيء واحد .
فان عمل اربعين ذراعاً طولاً في ثلاثين ذراعاً عرضاً في ست قبضات عمقاً ،
فانا نضرب اربعين في ثلاثين ، فيكون الف ومائتين ، ثم نضربها في ستة ،
فيكون سبعة الف ومائتين ، ثم نأخذ من كل اثنى عشر واحداً ، فيكون
ستمائة ذراع ، وهي ست أزلات . وان شئنا ضربنا الاربعين في الثلاثين
في نصف ، فيكون ايضاً ستمائة .

فان عمل ثلاثين ذراعاً طولاً في عشرين ذراعاً عرضاً في اصبعين ، ضربنا
ثلاثين في عشرين ، وما اجتمع في اثنين ، فيكون الفاً ومائتين ، وأخذنا من
كل ثمانية واربعين : ذراعاً ، فيكون خمسة وعشرين ذراعاً ، وهو ربع أزلة .
فان عمل ثمانين ذراعاً طولاً في عشر قبضات عرضاً في ست قبضات
عمقاً : كان ذلك ثلاثاً وثلاثين ذراعاً وثلثاً ، وهو ثلث أزلة .

فان عمل ثمانين ذراعاً طولاً في عشر قبضات عرضاً في ثلاث اصابع
عمقاً ، كان ذلك اربعة أذرع وسدس ذراع مكسرة ، وذلك انا أخذنا من
كل خمس مائة وستة وسبعين بعد الضرب ذراعاً .

[٨١ ظ] فان عمل ثمان قبضات طولاً في ست قبضات عرضاً في ثلاث
قبضات عمقاً ، كان ذلك نصف سدس ذراع ، وهو نصف سدس عشر عشر
أزلة . وان شئنا ضربنا ثلاثين في نصف ، فيكون ثلثاً ، ثم ضربناه في ربع ،
فيكون نصف سدس .

فان عمل تسع قبضات طولاً في اربع قبضات عمقاً في ثلاث اصابع
سمكاً ، ضربنا التسعة في اربعة في ثلاثة ، وأخذنا من كل اربعة : قبضة
مكسرة ، فيكون سبعة وعشرين قبضة مكسرة ، وهو ثمن ثمن ذراع .

وان شئنا ضربنا نصفاً وربعاً في ثلث ، وما اجتمع في نصف ثمن ، فيكون ثمن ثمن ذراع .

وان عمل تسع قبضات طولاً في ثلاث اصابع عرضاً في اصبعين عمقاً ، ضربنا تسعة في ثلاثة في اثنين ، واخذنا من كل ستة عشر قبضة ، فيكون ثلاث قبضات وربع وثمان قبضة مكسرة ، وهو ربع ثمن ثمن ذراع .

فان عمل ثلاثة اصابع طولاً في اصبعين عرضاً في اصبع عمقاً ، ضربنا ثلاثة في اثنين في واحد ، فيكون ستة ، وهو ربع ثمن ثمن ثمن تسع ذراع . وان شئنا ضربنا نصف ثمن في ثلث ثمن في سدس فيرجع الى الجواب الاول . فاذا اضفنا الى هذه النسبة ، وجميع ما تقدم ذكره من نسبة الاذرع ، لفضة عشر العشر ، كان ما يحصل من النسبة هي منسوبة الى الازلة .

الفصل الثالث

في اجرة الأزلات

فان وافقنا رجلاً على ان يعمل كل ازالة بستين درهما ، وعمل اثنين وعشرين ذراعاً مكسرة ، وارادنا ان نعلم مقدار ما يصيبه من الاجرة بما عمل : نسبنا الاثنين والعشرين من المائة ، فيكون خمسا وخمس عشر ، فنأخذ خمس الستين وخمس [٨٢ و] عشرها ، فيكون ثلاثة عشر درهما ودانق وعشرين . وهو ما يصيبه بما عمل .

وان شئنا ضربنا الاثنين والعشرين في الستين ، فيكون الفا وثلاثمائة وعشرين ، واخذنا من كل مائة : درهما ، ومن كل ستة عشر وثلثين : دانقاً ، ومن كل واحد وثلثين : عشيراً ، فيكون ثلاثة عشر درهما ودانق وعشرين ، وهو مثل الجواب الاول .

فان كان معنا كسور من الذراع ، فانا ننسبه مع الذراع من المائة ، وان شئنا نسبنا من الذراع ثم من المائة ، فما كان اخذنا بقسطه من الاجرة . مثال ذلك : رجل كان اجرته لكل ازالة ثلاثين درهما ، عمل ثمانية وعشرين ذراعاً وثلث ، فانا نسبنا الثمانية والعشرين والثلث من المائة ، فيكون خمسا ونصف سدس ، فنأخذ خمس الثلاثين ونصف سدسها ، فيكون ثمانية دراهم ونصف ، وهو ما يصيبه بقدر ما عمل من الاجرة .

وان شئنا ضربنا الثمانية والعشرين والثلث في الثلاثين ، فيكون ثمان مائة وخمسين ، وناخذ من كل مائة درهما ، فيكون مثل الجواب الاول . وقد غلط جماعة من الحساب في هذا الموضع (من) المقدمين في صناعة الحساب ، وذلك أنهم جعلوا الذراع المكسورة اثني عشر قبضة ، ثم ذكروا ان القبضة في القبضة هي قبضة مكسورة . وهذا كقول القائل : ان الدرهم هو ثلاثة اثلث ، وان الثلث في الثلث هو ثلث ثلث فيكون الدرهم ثلاثة اثلث مكسرة ، وهو تسعة اثلث مكسرة كل واحد منها تسع .

وينبغي ان نعلم انا اذا ضربنا الازلات في الدراهم كان كل واحد [٨٢ ظ] منها درهما ، وان ضربنا في الدوانيق كان كل واحد منها دانقاً ؛ وكذلك في الحبات والعشيرات ، وان ضربنا الاذرع في الدرهم كان كل واحد منهم عشر عشر درهم .

فان ضربنا الاذرع في الدوانيق كان كل واحد منها سدس عشر عشر درهم ، وكل مائة منها دانقاً ، وكل اثني عشر ونصف منها حبة ، وكل عشرة منها عشيراً ، وكل ستمائة منها درهما .

وان ضربنا الاذرع في الحبات كان كل واحد منها سدس عشر عشر درهم ، وكل اربعة الف وثمان مائة منها درهم ، وكل ثمان مائة منها دانق ، وكل ثمانين منها عشير .

وان ضربنا الاذرع في العشران كان كل واحد منها سدس عشر عشر عشر درهم ، وكل ستة الف منها درهم وكل مائة منها عشير وكل مائة وخمسة وعشرين منها حبة .

فاذا وردت علينا مسئلة ومعنا كسور من الاذرع فينبغي ان ننسبها من الاذرع من الازلة ، فان لم يمكننا ، نسبناها من الذراع وعملنا فيه حسب ما بينا .

مثال ذلك : اجير اجرته لكل ازالة ستة وستون درهما ، واربعة دوانيق وستة عشر ؛ عمل ثلاث ازلات وثمانية وعشرين ذراعاً وثلث ؛ وارادنا ان نعرف كم تكون اجرته لما عمل : ضربنا الثلاثة في الستة والستين ، فيكون مائة وثمانية وتسعين درهما ، وضربنا الثلاثة في الاربعة فيكون اثنا عشر دانقاً ، وهو درهمان ، وضربناها في ستة عشر فيكون ثمانية عشر عشيراً ،

وهو دائق وثمانية عشر ؛ ثم ضربنا ثمانية وعشرين وثلاث في ستة وستين فيكون الفا وثمان مائة وسبعين ، وأخذنا من كل مائة [٨٣ و] درهما ، فيكون ثمانية عشر درهما وأربعة دوانيق وعشرين . ثم ضربنا ثمانية وعشرين وثلاث في أربعة ، فيكون مائة وثلاثة عشر وثلاثان ، وأخذنا من كل مائة دانقا ، فيكون دائق وعشير وثلاث . ثم ضربنا الثمانية والعشرين والثلاث في ستة ، فيكون مائة وسبعين ، وأخذنا من كل مائة عشيرا ، فيكون عشيرا ونصفا وخمسا . فإذا جمعنا ذلك كله كان : مائتين وتسعة عشر درهما ودائق وثلاثة عشر وثلاث عشير .

وان شئنا نسبنا الثمانية والعشرين والثلاث من المائة ، فيكون خمسا ونصف سدس ، فأضفناه الى الثلاث أزلات ، ثم ضربناها في ستة وستين وأربعة دوانيق وستة عشر . فيكون مائتين وتسعة عشر درهما ودائق وثلاثة عشر وثلاث عشير .

نوع آخر من حساب الأزلات

ان كان الاجير أجرته لكل أزلة اربعين درهما ، أخذ مائتين واثنين وخمسين درهما ، وأردنا أن نعلم ما يجب أن يعمل ، فانا نقسم مائة واثنين وخمسين على اربعين ، فيكون ثلاث أزلات وثمانين ذراعا ، وذلك ما يلزم من العمل .

وان شئنا ضربنا المائة ، التي هي عدد أذرع الأزلة ، في مائة واثنين وخمسين ، فيكون خمسة عشر الفا ومائتين ، وأخذنا من كل اربعين : ذراعا ، فيكون ثلاثمائة وثمانين ذراعا ، وهو مثل الجواب الاول .

فان كان أجرته لكل أزلة ثمانين درهما وخمسة دوانيق ، أخذ أربعة وعشرين درهما وربيع ، وأردنا أن نعلم ما يجب أن يعمل بها ، نسبنا الأربعة والعشرين والربع الى الثمانين والخمسة دائق ، فيكون خمسا وعشرها ، وأخذنا خمس وعشر المائة [٨٣ ظ] فيكون ثلاثين ذراعا ، وهو ما يلزم أن يعمل .

وان شئنا ضربنا المائة في أربعة وعشرين وربيع ، فيكون الفين وأربع مائة وخمسة وعشرين ، وقسمناه على الثمانين والنصف والثلاث ، فيكون ثلاثين ذراعا ، وهو مثل الجواب الاول .

نوع آخر من حساب الأزلات

فان كانت أجرته لكل اثنا عشر ذراعا ثمانية دراهم ودانيق ، وأردنا أن نعلم كم تكون أجره الأزلة ، قسمنا المائة على اثني عشر ، فيكون ثمانية وثلاثا ، ثم ضربناها في أجره الاثني عشر ذراعا ، فيكون تسعة وستين درهما ودانقين وستة عشر وثلاثين ، وهي أجره الأزلة .

وان شئنا ضربنا أجره الاثنا عشر في المائة ، فيكون ثمان مائة وثلاثة وثلاثين وثلاثا ، وأخذنا من كل اثني عشر واحدا ، فيكون تسعة وستين درهما ودانقين وستة عشر وثلاثين . وهو مثل الجواب الاول .

وعلى هذا ينبغي أن يكون جميع ما يجانسه من المسائل .

الفصل الرابع

في مسائل نواذر من الأزلات

اجير أجرته لكل أزلة ثمانين درهما ، على أن يحفر عشرة طولاً في عشرة عرضاً في عشرة عمقا . حفر خمسة طولاً في خمسة عرضاً في خمسة عمقا ، كم أزلة يكون قد عمل ، وكم يجب له من الأجرة ؟

اما اذا أردنا أن نعرف ما عمل ، فانا نضرب خمسة في خمسة في خمسة ، فيكون مائة وخمسة وعشرين ، وهو أزلة وربيع .

فاذا أردنا أن نعرف ما يصيبه من الأجرة فانا نضرب واحدا وربعا في ثمانين فيكون مائة ، وهو ما يستحق من الأجرة .

[٨٤ و] وان وافقنا على أن يحفر حوضا عشرة أذرع طولاً في ثمانية عرضاً في خمسة عمقا ، بمائة درهم ؛ حفر ستة أذرع طولاً في أربعة أذرع عرضاً في ثلاثة أذرع عمقا وأردنا أن نعرف ما يجب له من الدراهم ، وعلى كم يكون حساب الأزلة ، فانا نضرب العشرة في الثمانية في الخمسة ، فيكون أربع مائة ، وهو أربع أزلات ، وهو ما كنا وافقناه على عمله . ثم ضربنا ستة في أربعة في ثلاثة ، فيكون اثنين وسبعين ، وهو ما عمل .

فان أردنا أن نعرف ما يصيبه من الأجرة بمقدار ما عمل ، فانا نأخذ ربع المائة ، فيكون خمسة وعشرين ، وهو أجرة أزالة واحدة . ثم نضرب الخمسة والعشرين في الاثنين والسبعين ، فيكون الفا وثمان مائة ، ونأخذ من كل مائة درهما ، فيكون ثمانية عشر درهما .

وان شئنا نسبنا الاثنين والسبعين من المائة فتكون نصفاً وخمسة وخمسين عشر فنأخذ بقسطها من الخمسة والعشرين ، فيكون ثمانية عشر .

وان شئنا نسبنا الخمسة والعشرين من المائة ، فيكون ربعاً ، وأخذنا بقسطه من الاثنين والسبعين ، فيكون أيضاً ثمانية عشر .

نوع آخر من نواذر الأزلات

فان عمل طول عشرة أذرع في عرض ثلاثة أذرع ، وأردنا أن نعلم كم ينبغي أن يحفر عمقها ، حتى يكون أزالة ، فانا نضرب العشرة في ثلاثة ، فيكون ثلاثين ، وهو الجزء المقسوم عليه ، ثم نجعل الأزالة أذرعاً فيكون مائة ، ونقسمه على الجزء المقسوم عليه ، فيخرج من القسم ثلاثة أذرع وأربع قبضات [٨٤ظ] وهو مقدار ما يجب أن يحفر .

وكذلك ينبغي أن يكون في البناء ، اذا أردنا أن نعلم كم ينبغي أن يبني . وان عمل ستة أذرع عرضاً في أربع قبضات عمقاً ، وأردنا أن نعرف كم ينبغي أن يعمل طوله حتى يكون أزالة : ضربنا الستة في الأربعة ، فكان أربعة وعشرين ، وهو الجزء المقسوم عليه ؛ ثم نقسم أذرع الأزالة على الأربعة والعشرين ، فيخرج من القسم أربعة وسدس ، نضربها في عدد قبضات الذراع ، وهو اثنا عشر ، فيكون خمسين ذراعاً ، وهو ما ينبغي أن يعمل من جهة الطول .

وان شئنا ضربنا أربعة في ستة ، فيكون أربعة وعشرين ، وقسمناه على اثني عشر ، فيكون اثنين ، ثم قسمنا المائة عليه ، فكان أيضاً خمسين .

وان شئنا نسبنا الأربع قبضات من الأسمي عشر . فوجدناها ثلثاً ، فأخذنا ثلث الستة ، فيكون اثنين ، وقسمنا عليها المائة .

نوع آخر من نواذر الأزلات

فان قال قائل : حفار حفر بئراً مربعة ، طولها مثل عرضها ، ومساحتها أزالة ، فخرج الماء على اثني عشر ذراعاً وربع ، كم كان طولها وعرضها ؟ فانا نقسم المائة على الاثنين عشر وربع ، فيخرج من القسمة ثمانية وسبع وسبع سبع ، ونأخذ جذره ، وهو اثنان وستة أسباع ، وهو طول البئر وعرضها .

فان شئنا أخذنا جذر المائة ، وهو عشرة ، وقسمناه على جذر اثني عشر وربع ، فيخرج من القسم اثنان وستة أسباع ، وهو مثل الجواب الأول .

فان قال : خرج الماء على اثني عشر سواء ، فأقسم المائة على اثني عشر ، فيخرج [٨٥ و] من القسم ثمانية ونصف ، وليس له جذر . فاذا أردنا أن نأخذها بالتقريب ، فيكون اثنين وستة أسباع ونصف سبع (١٠) .

وان قيل : نهر طوله أربع مائة ذراع ، كم ينبغي أن يحفر حتى يكون أزالة ، على أن يكون عرضه وعمقه سواء ؟ فانا نأخذ جذر الأربع مائة فيكون عشرين ، وهو الجزء المقسوم عليه ، ثم نأخذ جذر المائة ، وهو عشرة ، فنقسمه على الجزء فيخرج من القسم ست قبضات ، أعني نصف ذراع ، وهو ما ينبغي أن يكون عرض النهر وعمقه .

وان شئنا قسمنا الأربع مائة على المائة ، فيخرج من القسم أربعة ، فنأخذ جذره ، فيكون اثنين ، ثم نقسم قبضات الذراع ، وهو اثنا عشر عليه فيخرج من القسم ست قبضات ، وهو ما ينبغي أن يكون طوله وعرضه .

فان كان في المسئلة شيء أصم أخذنا جذوره بالتقريب .

وكذلك نعمل في سائر أعمالنا في الأبنية ، فان الطريق فيها متشابهة ، ومما ذكرناه يستدل على جميع ما يرد من المسائل .

النوع الثاني من أعمال المساحات وهي مساحة الأشكال ذوات الأضلاع وغيرها

وهو الباب الثالث

من هذه المنزلة

واذ قد فرغنا من ذكر الالفاظ المستعملة في صناعة المساحة ، وفرغنا من ضرب بعضها في بعض ، والانواع التي تتركب منها ، وكيفية استعمالها في ذكور المسائح في الدواوين ، وفرغنا أيضا من اعمال الأزلات ، فانا نبتدىء بذكر كيفية مساحة شكل شكل من المسطحات والمجسمات ، ليكون عوننا للماسح في مساحته ، وقوة للكاتب في تتبعه للماسح ، ان شاء الله .

[٨٥ ظ] فنقول أن المساحة تنقسم الى ثلاثة أنواع : بسيطة وأجسام وأبعاد . فالبسيط مثل المثلث والمربع والدوائر والقطوع . والمجسم مثل معرفة الأشياء العالية وارتفاع رهوس الجبال والأشياء التي في الجو .

وينبغي أن نعلم أن السطح اما أن يحيط به خط واحد ، مثل الدائرة والشكل البيضي ، وهو المعروف بالقطع الناقص ، واما أن يحيط به خطان ، وهو مثل قطع الدوائر وقطع من القطوع الزائدة والمكافئة ، والأشكال الهلالية . واما أن تحيط به (ثلاثة) خطوط مثل المثلث والقطاع . واما أن يحيط به أكثر من ثلاثة خطوط ، مثل الخمس والستس وهذا لا نهاية لكثرتة .

وبن نذكر مساحة ما لا بد للماسح منه . حسب ما يليق بالموضوع . بلا علة ولا برهان ، اذ كان الموضع لا يحتمل ذلك ، ان شاء الله .

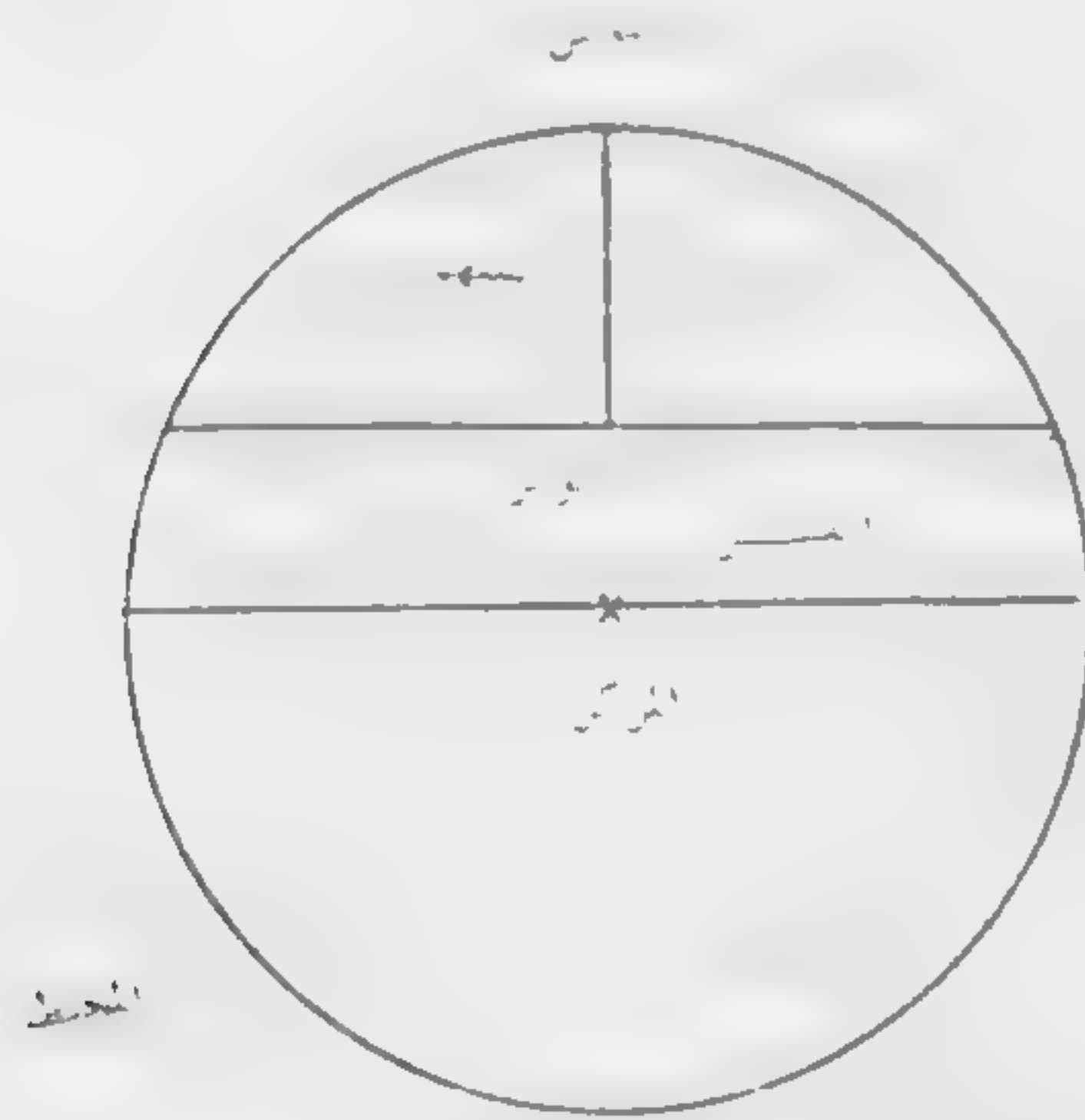
فصل في مساحة الدائرة

الدائرة هي شكل يحيط به خط واحد ، في داخله نقطة كل الخطوط الخارجة منها اليه متساوية ، وتلك النقطة يقال لها مركز الدائرة . وذلك الخط يقال له محيط الدائرة .

قطر الدائرة هو خط يمر بمركز الدائرة وينتهي في الجانبين الى محيط الدائرة ، وهو يقطع الدائرة بنصفين .

الوتر هو خط يقطع الدائرة ولا يمر بمركزها . السهم هو أطول عمود يخرج من القوس الى الوتر ، وهو يقطع كل واحد من القوس والوتر بنصفين ، ويسميه المنجمون الجيب المعكوس ، ونصف الوتر يسمونه الجيب المستوي (١١) .

وهذه صورة ما ذكرنا :

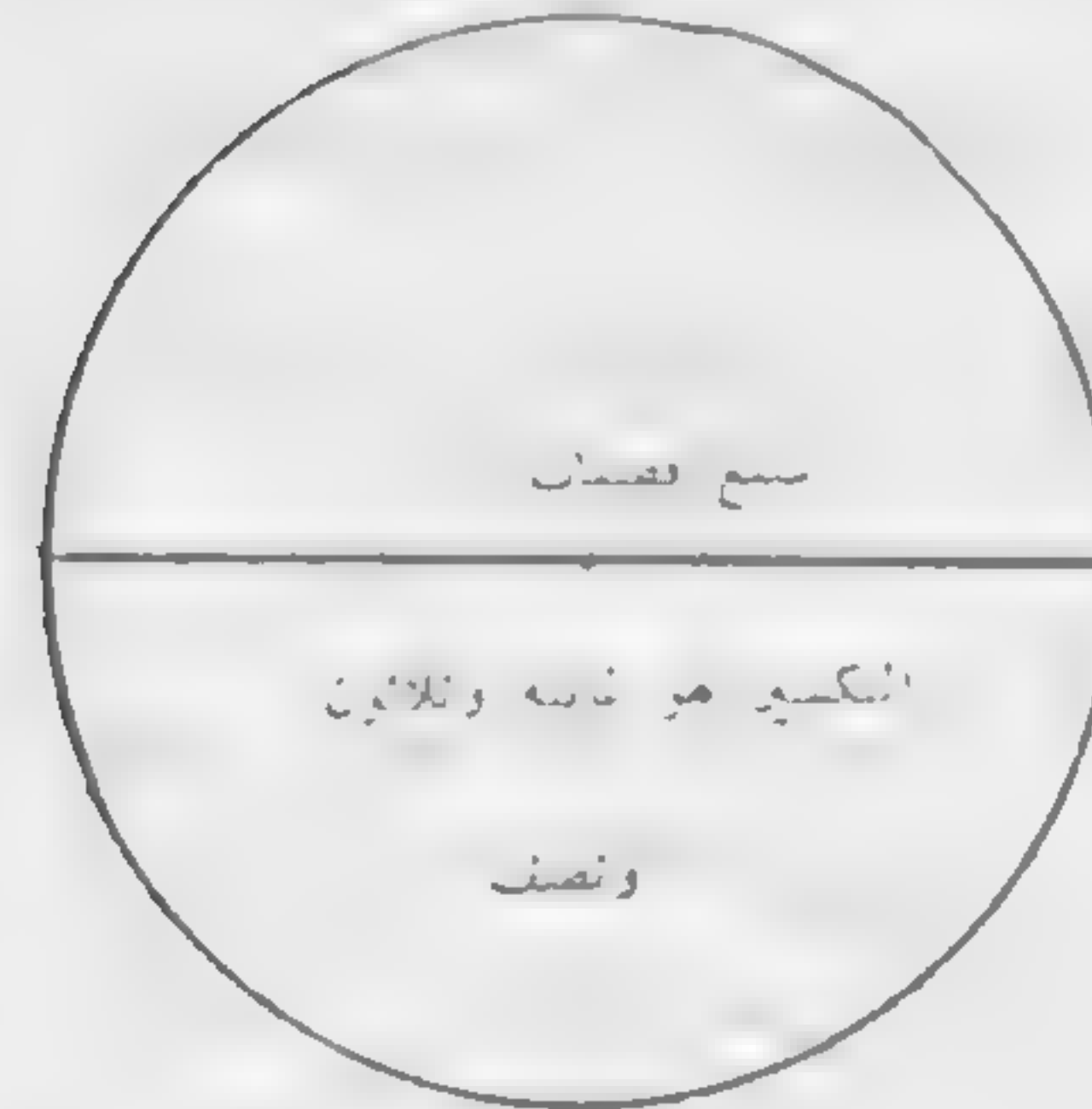


[٨٦ و] فاذا قد تبين ذلك فانا نقول : ان مساحة الدائرة تكون على وجهين : احدهما أن تضرب نصف القطر في نصف المحيط ، والثاني أن تضرب القطر في نفسه ونسقط منه سبعة ونصف سبعة . والوجه الأول أصبح لانه يقوم عليه البرهان (١٢) ، والوجه الثاني هو اصطلاح وتقريب .

والمثال في ذلك دائرة قطرها سبعة أبواب ومحيطها اثنان وعشرون بابا . اما مساحتها على الوجه الأول ، هو أن تضرب نصف القطر ، وهو ثلاثة ونصف ، في نصف المحيط ، وهو أحد عشر ، فيكون ثمانية وثلاثين ونصف ، أعني ثلاثة أقفزة وثمانية عشر ونصف ، وهو مساحتها .

وبالوجه الثاني فانا تضرب القطر ، وهو سبعة أبواب ، في مثله ، فيكون تسعة واربعين ، ونسقط منه سبعة ونصف سبعة ، وهو عشرة ونصف ، فيبقى ثمانية وثلاثون ونصف ، أعني ثلاثة أقفزة وثمانية عشر ونصف . وهو مثل الجواب الأول ، وهذه صورته :

انسان وعشرون قصة



× فان كانت دائرة قطرها معلوم وأردنا أن نعرف محيطها ، فانا نضرب القطر في ثلاثة وسبع أبدا ، فما كان فهو المحيط .

مثال ذلك : دائرة قطرها سبع أذرع ، وأردنا أن نعرف محيطها ، ضربنا القطر ، وهو سبع أذرع ، في ثلاثة وسبع ، فكان اثنين وعشرين . وهو المحيط .

وكذلك لو كانت دائرة قطرها عشرة أذرع وأردنا أن نعرف محيطها ، ضربنا العشرة في اثنين [٨٦ ظ] وعشرين ، وهي اسباع ثلاثة وسبع ، فكان مائتين وعشرين ، قسمناها على سبعة ، وهي اسباع الواحد ، فيخرج من القسم احدى وثلاثون ذراعا وثلاثة اسباع ذراع . وهو المحيط ، وهذه صورته

فان كانت دائرة محيطها معلوم وأردنا أن نعرف قطرها ، فانا نقسم المحيط على ثلاثة وسبع ، فما خرج من القسم فهو القطر .

مثال ذلك دائرة محيطها أربع واربعون ذراعا وأردنا أن نعرف كم قطرها : قسمنا الأربعة والاربعة على ثلاثة وسبع ، وإذا أردنا ذلك ضربنا الأربعة والاربعة في سبعة وقسمناه على اثنين وعشرين ، فخرج من القسم أربع عشر ذراعا ، وهو القطر . وهذه صورته

هكذا درج أبو الوفاء ، في جمع الاشكال التي نجدها في كتابه هذا ، على كتابة المعطيات والنتيجة ، على الشكل . وفي الصفحات التالية نكتفي بتقديم الاشكال التي نحسب ان صورتها تعطينا معلومات جديدة فحث لا يجد القارئ الصورة فلنعلم أنها في الاصل عادية لا جديد فيها . وكذلك سنهمل الكتابة على الاشكال الا حيث نجدها ذات دلالة خاصة .

ولو كانت دائرة محيطها خمسون ذراعا وأردنا أن نعرف قطرها : ضربنا الخمسين في السبعة التي هي اسباع الواحد ، فكان ثلاثمائة وخمسين ، وقسمناها على اثنين [٨٧ و] وعشرين ، التي هي اسباع الثلاثة والسبع ، فخرج من القسم خمسة عشر ذراعا وعشرون جزءاً من اثنين وعشرين جزءاً من ذراع ، وهي القطر .

وان كانت دائرة مساحتها معلومة ، وأردنا أن نعرف محيطها ، فانا نضرب المساحة المعلومة في أربعة أبدا ، ونقسم ما اجتمع على سبعة أبدا ، فما خرج من القسم نضربه في اثنين وعشرين أبدا . ونأخذ جذر ما اجتمع ، فما خرج من الجذر فهو المحيط .

ومثال ذلك دائرة مساحتها مائة وأربعة وخمسون ذراعا ، وأردنا أن نعرف محيطها : ضربنا المائة والأربعة والخمسين في أربعة ، فكان ستمائة وستة عشر ، وقسمنا ما اجتمع على سبعة ، فخرج من القسم ثمانية وثمانون ضربناها في اثنين وعشرين ، فكان الفا وتسع مائة وثلاثين ، أخذنا جذرها فكان أربعة واربعين ، وهو محيطها . وهذه صورتها

وكذلك لو كانت دائرة مساحتها عشرة أذرع وأردنا أن نعرف محيطها ، ضربنا العشرة في أربعة ، فيكون اربعين ، وقسمناها على سبعة فيكون خمسة وخمسة اسباع ، ضربناها في اثنين وعشرين ، فيكون مائة وخمسة وعشرين وخمسة اسباع . أخذنا جذرها فما كان فهو محيط تلك الدائرة ، وهو أحد عشر وتسعان × بالتقريب . وهذه صورته

[٨٧ ظ] وقد يختصر هذا الطريق ، وهو أن تضرب المساحة المعلومة في اثني عشر واربعة اسباع ويؤخذ جذر ما اجتمع ، فما كان فهو المحيط .

مثال ذلك دائرة مساحتها ثمانين وثلاثون ذراعا ونصف ، أردنا أن نعرف محيطها ، ضربنا المساحة وهو ثمانية وثلاثون ونصف ، في اثني عشر واربعة اسباع ، فكان اربع مائة وأربعة وثمانين ، أخذنا جذره فكان اثنين وعشرين ، وهو محيطها ، وهذه صورته

فان كانت دائرة محيطها معلوم وأردنا أن نعلم مساحتها ، ضربنا نصف المحيط في مثله ، فما اجتمع نضربه في سبعة ، ونقسم ما اجتمع على اثنين وعشرين ، فما خرج من القسم فهو المساحة .

هكذا في ل . وليس فيها صورة الشكل : اما في م فترد العبارة هكذا غير أنه يكتب المحيط على الشكل : أحد عشر وسبعين . وهذا خطأ . والتقريب لا يتفق مع القاعدة التي ذكرها المؤلف .

مثال ذلك دائرة محيطها اربعة واربعون ذراعا اردنا ان نعرف مساحتها : ضربنا نصف الاربعة والاربعين في مثله ، فكان اربع مائة واربعة وثمانين ، ثم ضربناه في سبعة فكان ثلاثة الف وثلاثمائة وثمانين ، قسمناه على اثنين وعشرين ، فخرج من القسم مائة واربعة وخمسين ، وهو مساحتها ، وهذه صورته

وكذلك لو اردنا ان نعرف مساحة دائرة محيطها عشرة اذرع ضربنا نصف [٨٨ و] العشرة في مثله ، فكان خمسة وعشرين ، ثم ضربناه في سبعة ، فكان مائة وخمسة وسبعين ، قسمناه على اثنين وعشرين ، فكان سبعة واحد وعشرين جزءا من اثنين وعشرين جزءا ، وهو مساحتها .

وقد نعمل ذلك بطريق آخر ، وهو ان نضرب المحيط في مثله ، ونسقط مما اجتمع ثمنه ، وما بقي يقسم على احد عشر ، فما خرج من القسم فهو المساحة .

مثال ذلك دائرة محيطها اثنان وعشرون ذراعا ، اردنا ان نعرف مساحتها : ضربنا الاثنين والعشرين في مثلها ، فكان اربع مائة واربعة وثمانين ، اسقطنا منها ثمنها ، وهو ستون ونصف ، فبقي اربع مائة وثلاثة وعشرون ونصف ، وقسمناها على احد عشر ، فخرج من القسم ثمانية وثلاثون ونصف .

× × ×

فان كانت دائرة قطرها معلوم ، وقطع بوتر معلوم ، و اردنا ان نعلم سهم ذلك القوس : فانا نضرب نصف الوتر في مثله ، ونصف القطر في مثله ، ونسقط الاقل من الاكثر ، وناخذ جذر ما بقي ، ونسقطه من نصف القطر ، فما كان فهو السهم .

مثال ذلك : دائرة قطرها عشرة اذرع ، قطع بوتر طوله ست اذرع ، و اردنا ان نعرف سهم ذلك الوتر ، ضربنا نصف الوتر ، وهو ثلاثة ، في مثله ، واسقطناه من نصف القطر في مثله ، واخذنا جذر ما بقي ، فكان اربعة ، اسقطناها من نصف القطر ، فبقي واحد ، وهو السهم [٨٨ ط] . وهذه صورته

وكذلك لو كانت دائرة قطرها خمسة عشر ذراعا ، قطع بوتر طوله اثنا عشر ذراعا ، و اردنا ان نعرف سهم ذلك القوس : ضربنا نصف الوتر في مثله ، ونصف القطر في مثله ، واسقطنا الاقل من الاكثر ، فبقي عشرون وربع ، وناخذ جذره ، وهو اربعة ونصف ، واسقطناه من نصف القطر فبقي ثلاثة ، وهو السهم .

فان كانت دائرة قطرها معلوم ، وفصل منها قطعة سهمها معلوم و اردنا ان نعلم وتر تلك القطعة ، فانا نضرب زيادة القطر على السهم في السهم وناخذ جذر ما اجتمع ، فما حصل تضعفه فهو الوتر .

مثال ذلك دائرة قطرها عشرة اذرع ، فصل من الدائرة قطعة سهمها ذراعان ، و اردنا ان نعلم وتر القوس : ضربنا زيادة القطر على السهم ، وهو ثمان اذرع ، في السهم وهو ذراعان ، فكان ستة عشر ، اخذنا جذره فكان اربعة ، ضعفناها فصار ثمانين اذرع ، وهو الوتر ، وهذه صورته

وكذلك لو كان دائرة قطرها عشرون ذراعا فصل منها (قطعة) سهمها خمسة اذرع × و اردنا ان نعلم الوتر ، ضربنا زيادة القطر على السهم ، وهو خمسة عشر ذراعا ، في السهم ، وهو خمس اذرع ، فكان خمسة وسبعين ضربناه في اربعة فكان ثلاثمائة × × ، اخذنا جذره ، فما حصل فهو الوتر ، وهو بالتقريب سبعة عشر وخمس وسبع (١٣) . وهذه صورته

فان كانت دائرة قطرها مجهول ، وقطع بوتر معلوم فكان سهمها معلوما ، و اردنا ان نعلم القطر ، فانا نضرب نصف الوتر في مثله ، ونقسمه على السهم ، فما خرج من القسم نزيده على السهم ، فما حصل فهو القطر .

مثال ذلك دائرة قطرها مجهول ، وقد قطع بوتر طوله ثمانين اذرع وكان سهمها ذراعين ، و اردنا ان نعرف القطر : ضربنا نصف الوتر ، وهو اربع اذرع ، في مثله فكان ستة عشر ، قسمناها على السهم ، وهو اثنان ، فخرج من القسم ثمانية ، زدناها على السهم ، فصار عشرة ، وهو القطر . وهذه صورته (١٤)

× هنا نصل الى نهاية ٨٨ ط وينقطع الكلام في ل ، فننقل من م (الورقة ١٤٦) .

× العدد ثلاثمائة كس في م بالارقام الهندية .

في مساحة قطع الدوائر (١١)

وقد ذكر جماعة من المتقدمين ، في معرفة القوس من الوتر والوتر من القوس ، أبوابا لم يقم لنا البرهان على صحته، فتركناها ووضعنا جدولا في هذا الكتاب تعلم منه الوتر من القوس والقوس من الوتر ، وعولنا في أكثرها على ما ذكر بطليموس ، اذ كان هو أولى من يقبل منه ، لفضله وتقدمه في سائر أعمال الهندسة والمساحة . وجعلنا الجدول أربعة أسطر : سطرًا منها ثبت فيه أجزاء القوسي من واحد الى اثنين وعشرين ؛ والسطر الثاني ما يصيب من الاوتار [١٤٧ ظ] لجزء جزء من القوس ؛ والسطر الثالث كسور أجزاء الوتر ، وقسمنا كل جزء من الوتر بستين جزءاً ، وسميناها العشران ، اذ كان الكتاب والمساح لا يعرفون الكسور الا من الستين ؛ والسطر الرابع كسور العشران ، ليكون العمل فيما نعمله أصح وأقرب الى الصواب [١٤٨ و] وهذه صورته :

٥ جعل الناصح هذا الجدول في مساحة ضيقة فاضطر الى ايجاز الكتابة وتصغير حجمها ،
 مما جعل قراءة الجدول صعبة . ولكننا قابلنا الجدول بالأمثلة المحلولة في حالات وحققتنا
 صحته في الباقي . على اننا لم نغير ما في الجدول فيما حققناه الا في حالة واحدة وهي القوس
 ١٨ فقد جعلنا قوسه $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$ ٢٥ ذ ١٣ وهو يبدو في الجدول اقرب الى $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$ ٢٨ ذ ١٣

[illegible]

فاذا كانت معنا دائرة قطرها معلوم ودورها معلوم ، وفصل من الدائرة قطعة قوسها معلومة ، وأردنا أن نعلم وتر ذلك القوس فانا ننظر : فان كانت القوس اصغر من نصف دائرة فانا نعمل به ، وان كانت أكثر من نصف دائرة فانا نسقطه من الوتر كله ونعمل بما بقي . والعمل به أن نضرب نصف القوس ، أو نصف ما بقي ، في اثنين وعشرين أبدا ، ونقسم ما اجتمع على ربع دور تلك الدائرة ، فما خرج من القسم نطلب مثله في السطر الاول من الجدول ، وهو الموقع على القسي ، فحيث نصادف مثله نأخذ ما بحياته من الجداول الموقع عليها (أجزاء) الوتر ، وهي الثاني والثالث والرابع ، ونحفظه . فان كان مع القسي التي نأخذ ما بحذائها من الاوتار ، كسور : فانا نضرب تلك الكسور في فضل ما بين السطرين ، اعني السطر الذي أخذنا ما بحذائه ، والسطر الذي بعده ، فما اجتمع [١٤٩ و] نقسمه على ستين ، فما خرج من القسمة نزيده على ما حفظناه ، فما اجتمع نضربه في نصف قطر الدائرة المعلومة ، فما اجتمع من الضرب نقسمه على اربعة عشر أبدا ، فما خرج من القسم نضعفه ، فما كان فهو وتر تلك القوس .

مثال ذلك دائرة قطرها احدى وعشرون ذراعا ، ومحيطها ست وستون ذراعا ، وفصل منها قطعة كان قوسها احدى عشر ذراعا ، وأردنا أن نعلم وترها : ضربنا نصف الاحد عشر في اثنين وعشرين ، اذا كان القوس أقل من نصف الدائرة ، فكان مائة واحد وعشرين ، وقسمناه على ربع الدور ، وهو ستة عشر ونصف ، فخرج من القسم سبعة وثلاث ، طلبنا مثلها في سطر القسي ، فوجدنا بحذاء السبعة : ستة اجزاء واثنين واربعين عشيرا ونصف . ولأن مع السبعة كان كسر ، ثلاث ، ضربناه في فضل ما بين السطرين ، الذي هو أحد وخمسون عشيرا ونصف وثلاثي [١٤٩ ظ] عشر ، فكان سبعة عشر عشيرا واحد عشر فلسا وثلاث . زدناه على ستة اجزاء واثنين واربعين عشيرا ونصف ، فصار ستة اجزاء وتسعة وخمسين عشيرا ، وثلاثين وخمسة تسع ؛ ولأن الفلوس أكثر من النصف ، جبرناه ، وجعلناه واحدا ؛ فصار جميع ما يخرج من الجدول سبعة اجزاء ؛ ضربناه في

نصف القطر ، وهو عشرة ونصف ، فكان ثلاثة وسبعين ونصفا ، وقسمناه على اربعة عشر ، فخرج من القسمة خمسة وربع ، اضعفناه ، فكان عشرة ونصفا . وهو الوتر للقوس التي هي احدى عشرة ذراعا ، وهذه صورته . . . فان أردنا أن نعلم سهم تلك القوس ، فان شئنا عملناه بمثل ما قد ذكرنا في معرفة السهام ، اذا كان الوتر والقوس معلومين ، وان [١٥٠ و] شئنا اسقطنا القوس الذي نريد أن نعلم سهمه ، من نصف الدائرة ، فما بقي نأخذ وتره ونسقط نصفه من نصف القطر ، فما بقي فهو السهم .

مثال ذلك : الدائرة التي تقدم ذكرها ، وهي التي دورها ست وستون ذراعا ، فصل منها قطعة قوسها اثنان وعشرون ، اسقطناها من نصف الدائرة ، وهو ثلاثة وثلاثون ، صار الباقي احدى عشر ذراعا ، أخذنا وترها فكان عشرة ونصفا ، اسقطنا نصفها وهو خمسة وربع ، من نصف القطر ، وهو عشرة ونصف ، فبقي خمسة وربع . وهو السهم . وهذه صورته . .

فان كانت دائرة قطرها معلوم ومحيطها معلوم ، وقطعت بوتر معلوم وأردنا أن نعلم قوس تلك القطعة : فانا نضرب [١٥٠ ظ] نصف الوتر في اربعة عشر أبدا ، وما اجتمع نقسمه على نصف قطر الدائرة المعلومة ، فما خرج من القسم نطلب مثله في الجدول الموقع عليه الاوتار ، أو ما يقاربه ، مما هو أقل منه ؛ واذا صادفناه ، ننظر ما بحياته من جدول القسي . فان بقي معنا كسر ، فانا نضربه في ستين ونقسم ما اجتمع على فضل ما بين السطرين ، اعني السطر الذي وجدنا فيه مثله ، والسطر الذي تحته بزيادة جزء واحد ، فما خرج من القسم زدناه على ما وجدنا في جدول القسي ، فما اجتمع ضربناه في ربع الدائرة المعلومة ، فما اجتمع نقسمه على اثنين وعشرين ، فما خرج من القسم اضعفناه ، فما كان فهو قوس الوتر الذي طلبنا .

مثال ذلك دائرة قطرها اثنان واربعون ذراعا ومحيطها مائة واثنان وثلاثون ذراعا قطع بوتر طوله احدى وعشرون ذراعا ، وأردنا أن نعلم قوس تلك القطعة [١٥١ و] ضربنا نصف الوتر ، وهو عشرة ونصف ، في اربعة عشر ، فكان مائة وسبعة واربعين ، وقسمناه على نصف قطر الدائرة المعلومة ، وهو احدى وعشرون ، فخرج من القسم سبعة اجزاء ، طلبنا مثله في الجدول الموقع عليه الاوتار ، فوجدنا في السطر السابع ما هو قريب منه ، مما هو أقل منه ، وهو ستة اجزاء وثلاثة واربعون عشيرا وسدس عشر عشير ؛ فكان حياه من القسي سبعة اجزاء ، فحفظناه .

ثم أسقطنا الستة الاجزاء الثلاثة والأربعين عشيرا والسادس والعشر عشير مما معنا ، وهو سبعة اجزاء ، فبقي ستة عشر عشيرا وثلثان وعشر عشير . فاذا ضربناه في الستين وقسمنا ما اجتمع على فضل ما بين السطرين الذي هو تسعة واربعون عشيرا وخمس وشدس وعشر عشير ، خرج من القسم عشرون عشيرا وربع عشير بالتقريب ؛ اسقطنا الربع عشير للتقريبات التي كانت معنا في مواضع كثيرة ، وزدنا ما اجتمع على ما وجدنا في سطر القسي ، [١٥١ ظ] وهو سبعة اجزاء ، فصار سبعة اجزاء وثلثا ، وضربناه في ربع الدائرة المعلومة ، وهو ثلاثة وثلثون ، فصار مائة واثنين واربعين ، قسمناه على اثنين وعشرين ، فخرج من القسم احد عشر ، اضعفناه فكان اثنين وعشرين ذراعا ، وهو قوس تلك القطعة وكذلك نعمل في معرفة سائر القسي من الوتر ، وهذه صورته . . .

وان كانت دائرة قطرها معلوم قطع بوتر سهمها معلوم وارادنا ان نعلم القوس ، فانا نستخرج الوتر من السهم ، كما قد تقدم ذكره في الوصف الذي قبل هذا ، ثم نستخرج القوس من الوتر كما بينا فيما تقدم . وان شئنا اسقطنا السهم من (نصف) قطر الدائرة وما بقي يقوم لنا مقام نصف وتر يعرف قوسه ، فما كان نسقطه من نصف الدائرة ، فما بقي فهو قوس ذلك السهم .

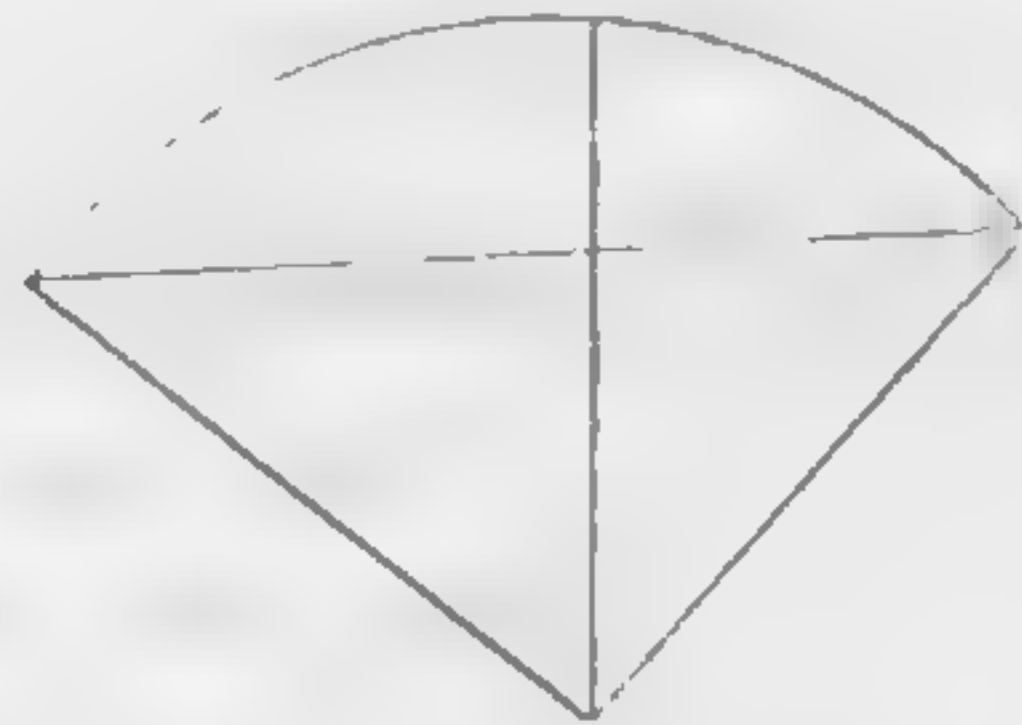
[١٥٢ و] وعلى هذا نعمل في عدم الاوتار من القسي والقسي من الاوتار . ان شاء الله .

x x x

فاذا كانت دائرة معلومة القطر والدور ، وقطع منها قطعة معلومة القوس أو الوتر أو السهم ، وارادنا ان نعلم مساحة تلك القطعة : فانا نضرب نصف قطر الدائرة في نصف قوس تلك القطعة ، فما اجتمع نحفظه ، ثم ننقص سهم تلك القطعة من نصف قطر تلك الدائرة ، فما بقي نضربه في نصف الوتر ، فما اجتمع : ان كانت القطعة اقل من نصف الدائرة نقصناه مما حفظنا ، وان كانت اكثر من نصف الدائرة زدناه على ما حفظنا ، فما كان بعد الزيادة والنقصان فهو مساحة تلك القطعة .

مثال ذلك دائرة قطرها احدى وعشرون ذراعا ومحيطها ست وستون ذراعا ، وقطع منها قطعة كان قوسها احدى عشر ذراعا ووترها عشر اذرع ونصف وسهمها بالتقريب واحد وربع وشدس ، وارادنا ان نعلم مساحتها ، ضربنا نصف القطر ، وهو عشرة ونصف ، في نصف

القوس ، وهو خمسة ونصف [١٥٢ ظ] فكان سبعة وخمسين ونصفا وربعا ، حفظناه . ثم اسقطنا السهم ، وهو واحد وربع وشدس ، من نصف القطر ، فبقي تسعة ونصف شدس ، ضربناه في نصف الوتر ، وهو خمسة ونصف ، فيكون تسعة واربعين ونصفا وثلثا وثمان ، نسقطه مما حفظناه ، لان القطعة اصغر من نصف دائرة ، يبقى سبعة وثلثان وثمان ، وهو مساحة تلك القطعة وهذه صورته :



فان كانت القطعة اكثر من نصف الدائرة ، وهو في هذا المثال ان يكون قوسها خمسة وخمسين ذراعا ووترها ايضا احد عشر ذراعا ، فاذا ضربنا نصف القطر ، وهو عشرة ونصف ، في نصف القوس ، وهو سبعة وعشرون ونصف ، كان مائتين وستة وثمانين ونصفا وربعا ، فاذا زدنا عليه ضرب فضل نصف القطر على السهم [١٥٣ و] في نصف الوتر ، وهو على ما تقدم ذكره ، تسعة واربعون ونصف وثلث وثمان ، كان ثلاثمائة وثمانية وثلثين وثلثا وربعا وثمان ، وهو مساحة تلك القطعة .

فاذا جمعنا القطعتين جميعا كان ثلاثمائة وستة واربعين ونصفا . وهو مساحة الدائرة . والله ولي التوفيق . وهذه صورتها (١٦) :



الباب الرابع في مساحة المثلثات والمربعات وغيره مما يجانسه وهو أربعة فصول

الفصل الأول (١٧)

في مساحة المثلث القائم الزاوية

اعلم أن المثلث ينقسم من جهة زواياه الى ثلاثة أقسام وهي : قائم الزاوية ومنفرج الزاوية وحاد الزاوية . فاذا أردنا أن نعرف أن المثلث قائم الزاوية أو منفرج الزاوية أو حاد الزوايا ، فانا نضرب كل واحد من ضلعيه الأصغر في نفسه ، [١٥٣ ظ] ونجمعه ، فان كان مساوياً للضلع الأطول في نفسه ، فان المثلث قائم الزاوية ؛ وان كان أصغر منه ، فان المثلث منفرج الزاوية ؛ وان كان أكثر منه ، فان المثلث حاد الزوايا .

مثال ذلك في المثلث القائم الزاوية أن يكون أحد أضلاعه ستة ، والضلع الثاني ثمانية ، والضلع الثالث عشرة أذرع . فاذا ضربنا كل واحد من ضلعيه الأصغر في ، وهما ستة أذرع وثمانية أذرع ، في مثله ، وجمعناهما ، وهما ستة وثلاثون ، وأربعة وستون ، كان مائة ؛ وهو مساو للضلع الأطول ، وهو عشرة ، في مثله . فاذا كان المثلث كما ذكرنا فانه قائم الزاوية . وهذه صورته

ومثال ذلك في المثلث المنفرج الزاوية أن يكون أحد أضلاعه [١٥٤ و] ست أذرع والضلع الثاني ثمانية أذرع والضلع الثالث اثنا عشر ذراعاً . فاذا ضربنا كل واحد من ضلعيه الأصغر في ، وهما ستة أذرع وثمانية أذرع ، في مثله ، وجمعناهما كان مائة ، وهي أقل من الضلع الثالث في مثله ، وهو مائة وأربعة وأربعون ، وهذه صورته

ومثال ذلك في المثلث الحاد الزوايا أن يكون أحد أضلاعه ستة أذرع

والضلع الثاني سبعة أذرع (والثالث ثمانية) ، فاذا ضربنا كل واحد من ضلعيه الأصغر في ، وهما ستة وسبعة ، في مثله وجمعناهما ، كان خمسة وثمانين ، وهو أكثر من الضلع الأطول في مثله ، وهو أربعة وستون . وهذه صورته

[١٥٤ ظ] مساحة المثلث القائم الزاوية

اعلم أن مساحة جميع المثلثات هو أن تضرب العمود في نصف القاعدة . والعمود هو خط يخرج من إحدى زواياه على الضلع المقابل لها على زوايا قائمة ، والقاعدة هو الضلع الذي يقع عليه العمود ، والنقطة التي يقع عليها العمود ، من القاعدة ، يقال لها مسقط العمود ، ويقال لها مسقط الحجر ؛ وقد يسمى أصغر قسمي القاعدة ، اذا انقسمت بالعمود ، مسقط الحجر أيضاً .

فالمثلث القائم الزاوية لما كان كل واحد من ضلعيه الأصغر عموداً على الآخر ، لم يحتج أن يستخرج له عمود ؛ فكان لهذا السبب ضرب أحد ضلعيه الأصغر في نصف الآخر ، مساحته .

فاذا كان الأمر على ما ذكرنا ، فانا نضرب ، في مساحة المثلث القائم الزاوية الذي تقدم ذكره ، أحد ضلعيه الأصغر في ، وليكن ستة ، في نصف الآخر ، وهو أربعة فيكون أربعة وعشرين ، وهو مساحته .

وقد يمكن أن تعلم مساحة المثلث القائم الزاوية من جهة العمود [١٥٥ و] ومسقط الحجر ؛ وذلك بأن نضرب أحد الضلعين الأصغر في الآخر ، ونقسم ما اجتمع على الضلع الأطول ، فما خرج من القسم فهو العمود الذي يخرج من زاويته القائمة الى الضلع الأطول ، فاذا ضربنا هذا العمود في نصف الضلع الأطول ، كان مساحته .

مثال ذلك المثلث الذي تقدم ذكره ؛ فاذا أردنا أن نعرف العمود الذي يقع على الضلع الأطول ، ضربنا أحد ضلعيه الأصغر في ، وهو ستة ، في الآخر ، وهو ثمانية ، فيكون ثمانية وأربعين ، فنقسمناه على عشرة ، وهو الأطول ، فيخرج من القسم أربعة وأربعة أخماس ، وهو العمود . فاذا ضربناه في نصف الضلع الأطول ، وهو خمسة ، كان أربعة وعشرين ، وهو مساحة المثلث .

فاذا أردنا أن نعرف مسقط الحجر من الضلع الاطول : ضربنا أصغر أضلاعه في مثله ، وقسمنا ما اجتمع على الضلع الاطول ، فما خرج من القسم ، فهو مسقط الحجر ، على المذهب الذي ذكرنا .
مثال ذلك انا أردنا أن نعرف [١٥٥ظ] مسقط حجر هذا المثلث : ضربنا الضلع الاصغر ، وهو ستة ، في مثلها ، فيكون ستة وثلاثين ، وقسمناه على الضلع الاطول ، وهو عشرة ، فيخرج من القسم ثلاثة وثلاثة أخماس . وهو مسقط الحجر ، اعني أصغر قسمي القاعدة . وهذه صورته . . .

فان كان مثلث قائم الزاوية ، وكان ضلعا الاصغر معلومين ، وأردنا أن نعلم الضلع الاطول ، فانا نضرب كل واحد من الضلعين الاصغرين في مثله ، ونأخذ جذر ما اجتمع ، فما حصل فهو الضلع الاطول .
مثال ذلك قائم الزاوية أحد ضلعيه الاصغرين خمسة أذرع ، والضلع الآخر اثنا عشر ذراعا ، وأردنا أن نعلم الضلع الاطول : ضربنا الخمسة في نفسها ، فكان خمسة وعشرين ؛ والاثني عشر في مثلها ، وكان مائة وأربعة وأربعين ، وجمعناهما فكان مائة وتسعة وستين ، أخذنا جذره فكان ثلاثة عشر ، وهو الضلع الاطول ، وهذه صورته . . .
فان كان مثلث قائم الزاوية أحد ضلعيه الاصغرين معلوم ، والاطول معلوم ، وأردنا أن نعلم الضلع الثالث ، ضربنا الاطول في مثله ، والضلع الاصغر في مثله ، وأسقطنا الاقل من الاكثر ، فما بقي أخذنا جذره ، فما حصل من الجذر فهو الضلع الثالث .

مثال ذلك [١٥٦ظ] مثلث قائم الزاوية أحد ضلعيه الاصغرين اثنا عشر ، والاطول عشرون ذراعا ، وأردنا أن نعلم الضلع الثالث : ضربنا الاصغر في مثله ، فكان مائة وأربعة وأربعين ؛ والاطول في مثله ، فكان أربع مائة ؛ وأسقطنا الاقل من الاكثر ، فبقي مائتان وستة وخمسون ؛ أخذنا جذره ، فكان ستة عشر . وهذه صورته . . .

الفصل الثالث

في مساحة المثلث المنفرجة الزاوية

ينبغي أن نعلم أن مساحة هذا المثلث أيضا هو أن يضرب عموده في نصف قاعدته . وعمود هذا المثلث اذا خرج على الضلعين الاصغرين ،

فانه يقع خارج من المثلث [١٥٧ظ] وان أخرج على الضلع الاطول ، فان معرفته تكون مثل معرفة عمود المثلث الحاد الزوايا ، كما سنبينه .
وأما استخراج عمود هذا المثلث فانه على ما ذكر اقليدس في المقالة الثانية من كتاب الاصول : أن يضرب كل واحد من الاصغرين في مثله ، ويسقط منه الاطول في مثله ، وما بقي يقسم نصفه على الضلع الذي نريد أن نجعله قاعدة ، من الضلعين الاصغرين ، فما خرج من القسم هو مسقط الحجر .

فاذا أردنا العمود : ضربنا مسقط الحجر في مثله ، وأسقطناه من الضلع الاقصر الآخر في مثله ، وأخذنا جذر ما بقي فما كان فهو العمود .
مثال ذلك مثلث أحد أضلاعه أحد عشر ، والثاني ثلاثة عشر ، والثالث عشرون . واذا أردنا أن نخرج عموده ضربنا الاصغرين ، كل واحد في مثله ، وجمعناهما فكان مائتين وتسعين ، (أسقطناه من الاكبر في مثله ، وهو أربع مائة ، فبقي مائة وعشرة) . فاذا قسمنا نصفه على أحد عشر ، وهو القاعدة [١٥٧ظ] كان الخارج من القسمة خمسة ، وهو مسقط الحجر .

فاذا أردنا أن نعرف العمود ضربنا الخمسة في مثلها وأسقطنا ما اجتمع من ثلاثة عشر في مثلها ، فبقي مائة وأربعة وأربعون ، فاذا أخذنا جذرها كان اثناعشر ، وهو عمود هذا المثلث فاذا أردنا أن نعرف مساحته : ضربنا العمود ، وهو اثنا عشر ، في نصف القاعدة ، وهو خمسة ونصف ، كان ستة وستين ، وهو مساحة هذا المثلث المنفرج الزاوية . وهذه صورته :



وان كان الضلعين الاقصرين منه معلوم والعمود ، وأردنا أن نعرف الضلع الاطول : ضربنا العمود في مثله [١٥٨] وأسقطناه من الضلع الاصغر الثاني في مثله ، فما بقي أخذنا جذره وزدناه على القاعدة ، فما اجتمع ضربناه في مثله ، وزدناه على العمود في مثله ، وأخذنا جذر ما اجتمع ، وهو الاطول .

مثال ذلك مثلث منفرج الزاوية ، أحد ضلعيه الاصغرين أحد عشر ، والثاني ثلاثة عشر ، والعمود اثنا عشر ، وأردنا أن نعرف الاطول ، والقاعدة أحد عشر : ضربنا العمود في مثله ، فكان مائة وأربعة وأربعين ، وأسقطناه من الاصغر في مثله ، الذي هو ثلاثة عشر ، وذلك أن الاحد عشر قد فرضناها قاعدة ، فيبقى خمسة وعشرون ؛ زدنا جذره على الاحد عشر ، وضربنا ما اجتمع منه في مثله ، فكان مائتين وستة وخمسين ، زدناه على العمود في مثله ، وهو مائة وأربعة وأربعون ، فكان أربع مائة ، أخذنا جذره ، وهو عشرون . وهو الاطول . وهذه صورته

فان كان الاطول معلوما ، وأحد الاصغرين معلوما ، والعمود معلوم ، وأردنا أن نعرف الضلع الثالث :

فان كان هذا الضلع الاصغر المعلوم هو القاعدة ، ضربنا العمود في مثله ، وأسقطناه من الاطول في مثله ، وأخذنا جذر ما بقي ، وأسقطناه من القاعدة ، فما بقي ضربناه في مثله ، وزدناه على العمود في مثله ، وأخذنا جذر ما اجتمع ، فما كان فهو الضلع الثالث .

فان كان المجهول هو الضلع الثالث ، أعني القاعدة ، أسقطنا العمود في مثله [٨٩ ظ] من كل واحد من الضلعين المعلومين في مثله ، وأخذنا جذر ما بقي منهما ، وأسقطنا الاقل من الاكثر ، فما بقي فهو القاعدة .

مثال ذلك مثلث منفرج الزاوية ، عموده اثنا عشر ذراعا وقاعدته أحد عشر ذراعا والضلع الاطول عشرون ذراعا ؛ وأردنا أن نعرف الضلع الثالث : ضربنا العمود في مثله ، وأسقطناه من الضلع الاطول في مثله ، فيبقى مائتان وستة وخمسون ، أخذنا جذره ، فكان ستسعة عشر ،

× ما يبدأ [٨٩ د] في ل .

وأسقطنا منه القاعدة ، فبقي خمسة ، ضربناها في مثله ، وزدناه على العمود في مثله ، فكان مائة وتسعة وستين ، أخذنا جذره ، فكان ثلاثة عشر ، وهو الضلع الثالث .

ولنجعل أيضا المجهول القاعدة ، والضلعين الباقيين على ما قدمنا ذكره ، فيكون : الاطول عشرون ذراعا والاوسط ثلاثة عشر ذراعا ، والعمود اثنا عشر ذراعا . فإذا أردنا معرفة القاعدة ، أسقطنا العمود في مثله ، وهو مائة وأربعة وأربعون ، من ثلاثة عشر في مثله ، وعشرين في مثله ، فيبقى خمسة وعشرون ، ومائتان وستة وخمسون ، وتأخذ جذر كل واحد منهما ، وأسقطنا الاقل من الاكثر ، فيبقى أحد عشر ، وهو القاعدة . وهذه صورته

في مساحة المثلث الحاد الزوايا

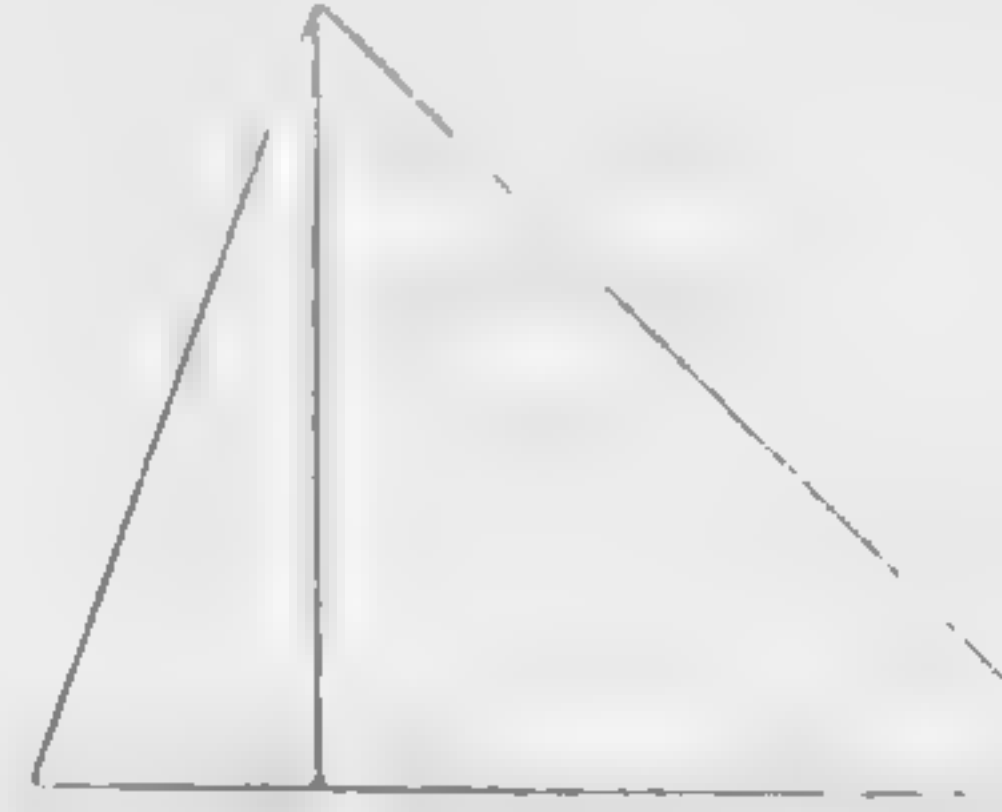
[٩٠] هذا المثلث أيضا مساحته هو من ضرب عموده في نصف قاعدته . واستخراج عموده على ما ذكر أقليدس في المقالة الثانية من كتاب الاصول ، أن نضرب ضلعين من أضلاعه ، أي ضلعين كانا ، (كلا) في مثله ، وأسقطنا مما اجتمع الضلع الثالث في مثله ، فما بقي قسمنا نصفه على أحد الضلعين الاولين ، فما خرج من القسم فهو مسقط الحجر ، وما قسمنا عليه هو القاعدة .

فإذا أردنا أن نعرف العمود ضربنا مسقط الحجر في مثله ، وأسقطناه من الضلع الثاني في مثله ، فما بقي أخذنا جذره فهو العمود .

مثال ذلك : مثلث حاد الزوايا أحد أضلاعه ثلاثة عشر ، والآخر أربعة عشر ، والثالث خمسة عشر . فإذا أردنا نعرف العمود الذي يقع على أربعة عشر : ضربنا الاربعة عشر ، وواحدا من الاثنين الباقيين ، أي كان ، كل واحد منهما في مثله ، ولنجعله ثلاثة عشر ؛ فإذا جمعناه كان ثلاثمائة وخمسة وستين ؛ فإذا أسقطنا منه الثالث في مثله ، صار الباقي مائة وأربعين ، فإذا قسمنا نصفه على الذي جعلناه قاعدة كان الخارج من القسم خمسة ، وهو مسقط الحجر .

فاذا أردنا أن نعرف العمود : ضربنا الخمسة في مثلها ، وأسقطنا من ثلاثة عشر في مثله ، صار الباقي مائة وأربعة وأربعين ؛ فاذا أخذنا جذره كان اثني عشر ، وهو العمود .

فاذا أردنا أن نعلم مساحته : ضربنا العمود ، وهو اثنا عشر ، في نصف القاعدة ، وهو سبعة ، فكان أربعة وثمانين ، وهو مساحة هذا المثلث . وكذلك يخرج عمود المثلث على باقي الاضلاع . وهذه صورته :



[٩٠ ظ]

فان كان ضلعان من اضلاعه معلومين ، وأردنا أن نعلم الضلع الثالث ، وكان المجهول القاعدة ، ضربنا العمود في مثله ، وأسقطناه من كل واحد من الضلعين المعلومين في مثله ، وأخذنا جذر ما بقي منهما ، وجمعناهما فما كان فهو الضلع الثالث المجهول ، أعني القاعدة .

وان كان المجهول واحدا من الضلعين الباقيين ، وكانت القاعدة معلومة : ضربنا العمود في مثله وأسقطناه من الضلع المعلوم في مثله ، وأسقطنا جذر ما بقي من القاعدة ، فما بقي ضربناه في مثله ، وزدناه على العمود في مثله ، وأخذنا جذر ما اجتمع ، فما كان فهو الضلع الثالث .

مثال ذلك المثلث الذي تقدم ذكره ، وهو أن يكون أحد ضلعيه ثلاثة عشر والثاني خمسة عشر ، والقاعدة مجهولة ، والعمود اثنا عشر ، وأردنا أن نعرف القاعدة : أسقطنا العمود في مثله ، من كل واحد من الضلعين في مثله ، فبقي من ثلاثة عشر : خمسة وعشرون ، ومن خمسة عشر : أحد وثمانون . فاذا أخذنا جذريهما وجمعناهما ، كان أربعة عشر ، وهو القاعدة . وهذه صورته :

ولنجعل أيضا المجهول أحد الضلعين ، والقاعدة معلومة : وهو أربعة

عشر ، والضلع الآخر معلوما ، وهو خمسة عشر ، والعمود معلوما وهو اثنا عشر ؛ وأردنا أن نعلم الضلع الثالث ، وليكن مسقط الحجر معلوما ، وهو خمسة : ضربناه في مثله [٩١] وزدنا عليه العمود في مثله ، فكان مائة وتسعة وستين أخذنا جذره وهو ثلاثة عشر ، وهو الضلع المجهول .

وان لم يكن مسقط الحجر معلوما ، أسقطنا العمود في مثله ، من الضلع المعلوم في مثله ، فبقي أحد وثمانون ، أسقطنا جذره من القاعدة ، فبقي خمسة ، وهو مسقط الحجر ، ثم علمنا الضلع الثالث كما تقدم ذكره .

وان كان المجهول الخمسة عشر عملنا فيه كما تقدم ذكره . وهذه

الفصل الرابع

في مساحة المثلثات على جهة أخرى

ينبغي أن نعلم أن المثلث ينقسم من جهة اضلاعه الى ثلاثة أقسام : متساوي الاضلاع ومختلف الاضلاع ومتساوي الساقين اما المتساوي الاضلاع فهو أن تكون اضلاعه الثلاثة متساوية ، مثل أن يكون كل ضلع منه عشرة ، كما في هذه الصورة

وأما المختلف الاضلاع فهو أن تكون اضلاعه الثلاثة مخالفا بعضها لبعض ، وهو أن تكون اضلاعه مثلا عشرة والآخر ثمانية والثالث ستة ، كما في هذه الصورة

[٩١ ظ] والثالث ، وهو متساوي الساقين ، وهو أن يكون ضلعان من اضلاعه فقط متساويين ، والثالث اما أن يكون أكثر منهما أو أصغر : ذلك أن يكون ضلعان من اضلاعه كل واحد منهما عشرة ، والثالث اثني عشر ، أو يكون ثمانية ، كما في هاتين الصورتين

فاما المثلث المتساوي الاضلاع فان مساحته تكون على وجهين : أحدهما أن يستخرج عموده ويضرب في نصف قاعدته . واستخراج عموده أن يضرب أحد اضلاعه في مثله ويسقط منه رבעه . وما بقي يؤخذ جذره ، فما كان فهو العمود .

مثال ذلك مثلث متساوي الاضلاع ، كل ضلع منه عشرة ، وأردنا أن نعرف عموده : ضربنا العشرة في مثلها ، فكان مائة ، وأخذنا جذر ثلاثة أرباعه ، وهو جذر خمسة وسبعين ، وهو العمود .

فاذا أردنا أن نعرف مساحته ضربنا جذر الخمسة والسبعين في نصف واحد من أضلاع المثلث ، كما قد بينا في كتابنا في صناعة الجبر والمقابلة ، ضرب الجذور في الأعداد وفي غيرها ، فكان جذر خمسة وسبعين في خمسة : جذر ألف وثمان مائة وخمسة وسبعين . وهو مساحة المثلث . وهذه صورته

[٩٢و] والوجه الآخر في مساحة هذا المثلث هو أن يضرب أحد أضلاعه في مثله ، وما اجتمع في مثله ، ويؤخذ ثمن ما اجتمع ونصف ثمنه فما كان أخذنا جذره ، فهو مساحة المثلث .

مثال ذلك المسئلة التي تقدم ذكرها : فانا اذا ضربنا أحد أضلاعه ، وهو عشرة ، في مثله ، فكان مائة ، فاذا ضربنا مرة أخرى في مثله ، كان عشرة ألف ؛ فاذا أخذنا ثمنه ونصف ثمنه ، كان ألف وثمان مائة وخمسة وسبعين . فاذا أخذنا جذره كان مثل الجواب الاول .

× وله وجه آخر وهو أن نضرب جانباً منه في مثله ، وهو عشرة في المثال ، فيكون مائة ، فنأخذ ثلثه وعشره أبداً ، فما كان فهو التكسير . فيكون ثلثه : ثلاثة وثلاثين وثلث ، وعشره : عشرة : فاجمعه ؛ يكون ثلاثة وأربعين وثلث ، وهو التكسير .

فاما المثلث المختلف الاضلاع فان مساحته تكون كمساحة المثلثات التي تقدم ذكرها ، أعني قائم الزاوية ومنفرج الزاوية وحاد الزوايا ، وذلك أنه لا يخرج من واحد من تلك الوجوه .

فان كان مثلث متساوي الاضلاع عموده معلوم ، وأردنا أن نعلم مساحته ، ضربنا العمود في مثله ، وما اجتمع في ثلثه ، فما حصل أخذنا جذره ، وهو المساحة .

مثال ذلك مثلث (متساوي الاضلاع) عموده عشرة أذرع ، وأردنا

× هذا الوجه لا يوجد في ل . وهو ينطوي على أن $\sqrt{3} = 1.732$. وهو في (١٦٣ ط) في م .

أن نعلم مساحته ، ضربنا العمود في نفسه ، فكان مائة ، وما اجتمع في ثلثه ، فكان ثلاثة ألف وثلاثمائة وثلاثة وثلاثين وثلث ؛ أخذنا جذره وهو مساحة المثلث [٩٢ظ] ، وهذه صورته

فان كان مثلث متساوي الاضلاع ، وكان عموده معلوماً ، وأردنا أن نعلم ضلعه ، ضربنا العمود في مثله ، وزدنا على ما اجتمع مثل ثلثه ، فما كان أخذنا جذره ، فهو الضلع .

مثال ذلك المثلث الذي تقدم ذكره ، وعموده عشرة أذرع ، فأردنا أن نعلم ضلعه : ضربنا العشرة في مثلها ، فكان مائة ، وزدنا عليه ثلثه ، فكان مائة وثلاثة وثلاثين وثلث ، فجذره هو الضلع ، وهذه صورته فان كان التكسير معلوماً وأردنا أن نعلم العمود ، ضربنا التكسير في نفسه ، وما اجتمع في ثلاثة ، وأخذنا جذر جذره ، فما كان فهو العمود . مثال ذلك مثلث متساوي الاضلاع تكسيه ثلاثون ذراعاً ، وأردنا نعرف عموده : ضربنا التكسير ، وهو ثلاثون ، في مثله فكان تسع مائة ، ضربناه في ثلاثة ، فكان ألفين وسبع مائة ، فجذر جذره هو عمود هذا المثلث . وهذه صورته

[٩٣و] فان كان التكسير معلوماً وأردنا أن نعلم الضلع : ضربنا التكسير في مثله ، وما اجتمع في خمسة وثلث ، وأخذنا جذر جذره فما كان فهو الضلع . مثال ذلك المسئلة التي تقدم ذكرها ، وهو أن التكسير ثلاثين ذراعاً ، وأردنا أن نعلم ضلعه : ضربنا الثلاثين في مثله ، فكان تسع مائة ، ضربناه في خمسة وثلث فكان أربعة ألف وثمان مائة . فجذر جذره هو ضلع المثلث . وهذه صورته

مساحة المثلث المتساوي الساقين

أما مساحة هذا المثلث فهو أيضاً أن نضرب عموده في نصف قاعدته . وله عمودان أحدهما يقع على الضلع المخالف ، والثاني يقع على أحد المتساويين .

أما معرفة ما يقع على الضلع المخالف فهو أن يضرب نصف المخالف في مثله ، ويسقط من مضروب أحد المتساويين في مثله ، فما كان أخذنا جذره ، فهو العمود الواقع على الضلع المخالف .

مثال ذلك مثلث متساوي الساقين ، وضلعاه المتساويان عشرة ،
عشرة ، والضلع [٩٣ظ] المخالف اثنا عشر ، وأردنا أن نعلم العمود
الواقع على الاثنى عشر : ضربنا نصف الاثنا عشر في مثله ، فكان ستة
وثلاثين ، وأسقطناه من العشرة في مثله ، فبقي أربعة وستون : أخذنا
جذره فكان ثمانية ، وهو العمود الواقع على الاثنى عشر . وهذه صورته . . .
فان أردنا أن نعلم العمود الذي يقع على أحد الضلعين المتساويين ،
فانا نعمل على استخراجيه كما تقدم ذكره في المثلثات القائمة الزاوية والمنفرج
الزاوية والحاد الزوايا ، فان هذا المثلث قد يكون منه قائم ومنفرج وحاد .

معرفة عمود جميع المثلثات بطريقة واحدة

فاذا أردنا ذلك ضربنا كل واحد من أضلاع المثلث الاصغرين ، في
مثله ، وأسقطنا الاقل من الاكثر ، فما بقي قسمناه على الضلع الاطول ،
فما خرج من القسمة أسقطناه من الاطول ، وأخذنا نصف ما بقي ، فما
كان فهو مسقط الحجر ؛ ويعلم منه العمود كما تقدم ذكره .

مثال ذلك مثلث مختلف الاضلاع أحد جوانبه عشرة ، والثاني سبعة
عشر والثالث [٩٤و] أحد وعشرين ، وأردنا أن نعرف عموده الواقع على
الاحد والعشرين : فانا نضرب كل واحد من العشرة والسبعة عشر في
مثله ، فتكون العشرة في مثلها : مائة والسبعة عشر في مثلها : مائتين وتسعة
وثمانين ؛ فاذا أسقطنا الاقل من الاكثر بقي مائة وتسعة وثمانون ، فاذا
قسمناها على الاطول ، وهو أحد وعشرون ، كان الخارج من القسم تسعة ،
فاذا أسقطناها من الاطول وأخذنا نصف الباقي كان ستة ، وهو مسقط
الحجر . فاذا ضربناها في مثلها وأسقطناه من الاصغر في مثله وأخذنا
جذر الباقي كان ثمانية ، وهو العمود ، وهذه صورته :



عمل عام في استخراج عمود جميع المثلثات وجميع الاضلاع لم يذكره أحد من المتقدمين

فاذا أردنا ذلك ضربنا ضلعين من أضلاعه ، أي ضلعين كانا ، كل
واحد منهما في نفسه ، وقسمنا تفاضلهما على الضلع الثالث ، وهو الذي
نريد أن يخرج العمود عليه ، فما خرج من القسم أخذنا الفضل بينه
وبين الضلع الثالث ، فما حصل أخذنا نصفه ، فما كان فهو مسقط
الحجر . فاذا [٩٤ظ] أردنا العمود أسقطنا مربعه من مربع اصغر
الضلعين اللذين ضربنا كل واحد منهما في نفسه ، فما بقي أخذنا
جذره ، فما كان فهو العمود .

مثال ذلك مثلث مختلف الاضلاع ، أحد أضلاعه ثلاثة عشر ، والضلع
الثاني أحد عشر ، والضلع الثالث عشرين ، وأردنا أن نستخرج عموده
على أحد عشر : ضربنا كل واحد من ثلاثة عشر وعشرين في نفسه ،
فكان مائة وتسعة وستين ، وأربع مائة ؛ فاذا أخذنا تفاضلهما كان
مائتين واحد وثلاثين ، فاذا قسمناه على الضلع الثالث ، وهو أحد عشر ،
كان الخارج من القسم أحد وعشرين ؛ فاذا أخذنا الفضل بينه وبين
الضلع الثالث كان عشرة ؛ فاذا أخذنا نصفه كان خمسة ، وهو مسقط
الحجر . فاذا أسقطنا مربعه من ثلاثة عشر في نفسه ، بقي مائة وأربعة
وأربعين ؛ فاذا أخذنا جذره كان اثنا عشر ، وهو العمود ، فاذا ضربناه
في نصف الثالث كان ستة وستين ، وهو مساحة هذا المثلث . وهذا
ظاهر بين في ما نحن بسبيله ، ان شاء الله .

مساحة جميع المثلثات بوجه واحد

فاذا أردنا ذلك جمعنا الاضلاع كلها ، وضربنا نصفه في فضله على
كل واحد من الاضلاع ، فما كان أخذنا جذره ، فما حصل فهو مساحة
ذلك المثلث .

مثال ذلك انا أردنا أن نعرف مساحة مثلث أحد أضلاعه ثلاثة عشر ،
والثالث خمسة عشر ، جمعنا الاضلاع كلها ، وأخذنا نصفه فكان أحد
وعشرين ، وضربناه في [٩٥و] زيادته على كل واحد من الاضلاع ،

وهي ستة وسبعة وثمانية ، فكان ضربه في ستة : مائة وستة وعشرين ، وضرب هذا في سبعة يكون ثمان مائة واثنين وثمانين ، وضربه في ثمانية : سبعة ألف وستة وخمسين . أخذنا جذره فكان أربعة وثمانين ، وهو مساحة المثلث ، وهذه صورته ...

عمل عام لمساحة جميع المثلثات * لم يذكره أحد من المتقدمين

فاذا أردنا ذلك ضربنا نصف (مجموع) ضلعين من أضلاعه . أي ضلعين كانا ، في مثله ، وأسقطنا منه مربع نصف الضلع الثالث ، فما حصل حفظناه ؛ ثم ضربنا فضل نصف مجموع الضلعين المجموعين على أقصرهما ، في مثله ، فما كان نقصناه من مربع نصف الضلع الثالث ، فما بقي ضربناه في ما حفظناه ، وأخذنا جذر ما اجتمع ، فما كان فهو مساحة المثلث .

مثال ذلك أنا أردنا أن نعرف مساحة مثلث أحد أضلاعه ثلاثة عشر ، والثاني اثنا عشر ، والثالث خمسة : جمعنا ضلعين من أضلاعه ، أي ضلعين كانا ، وهما ثلاثة عشر وخمسة ، فكان ثمانية عشر ، وضربنا بضربه في نفسه ، فكان أحد وعشرين ، أسقطنا منه مربع نصف الضلع الثالث ، وهو ستة وثلاثون ، فبقي خمسة وأربعون ؛ ثم أخذنا زيادة نصف الضلعين المجموعين ، وهو تسعة [١٦٩ و] على أقصرهما ، وهو خمسة ، فكان أربعة ، ونقصنا مربعه ، وهو ستة عشر ، من مربع نصف الضلع الثالث ، وهو ستة وثلاثون ، فبقي عشرون ؛ ضربناه في ما حفظناه ، وهو خمسة وأربعون ، فكان تسع مائة ، وأخذنا جذره فكان ثلاثين ، وهو مساحة المثلث ، وهذه صورته ...

وان اخترنا استعملنا هذا الطريق في الاضلاع فيؤدي ذلك الى * * مساحة المثلث : وذلك أنا متى ضربنا ضلعين من أضلاعه مجموعين ، أي ضلعين كانا ، في مثله ، وأسقطنا منه مربع الضلع الثالث ، وحفظنا

* هذا غير موجود في ل . وهو في ٦٨ ط : في م .

* * في الاصل : الى ضعف مساحة المثلث .

الباقى ؛ ثم أسقطنا مربع تفاضل الضلعين من مربع الضلع الثالث ، فما بقي ضربناه في المحفوظ ، وأخذنا جذر ربه [١٦٩ ط] فما كان فهو مساحة المثلث .

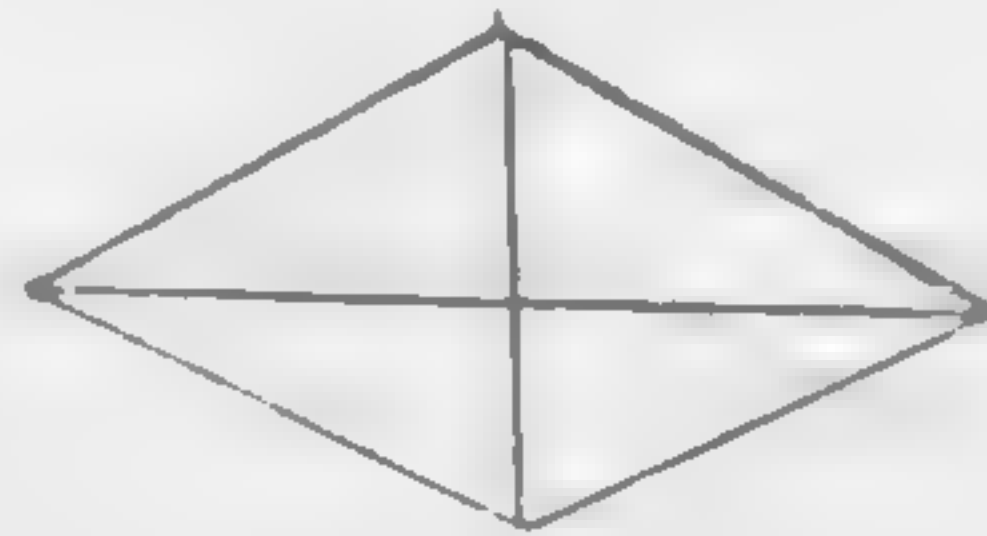
وفيه وجه آخر وهو أن نضرب ضلعين من أضلاعه ، كل واحد منهما في مثله ، وأسقطنا منه مربع الثالث ، وحفظنا (نصف الباقي) * ؛ ثم ضربنا مربعي الضلعين الأولين ، أحدهما في الآخر ، فما حصل أسقطنا منه مربع المحفوظ ، وأخذنا جذر الباقي ، وأخذنا نصفه ، فيكون مساحة المثلث . والمثال ما تقدم .

الفصل الخامس في مساحة المربعات

ينبغي أن نعلم أن ذوات الاضلاع الأربعة منها ما له نظام ، ومنها ما ليس له نظام . فأما ما له نظام فهو ينقسم الى أربعة أقسام ، وهي المربع والمستطيل والمعين والشبيه بالمعين .

فأما المربع فهو أن يكون : أضلاعه كلها متساوية ، بعضها لبعض ، وزواياه تكون قائمة . وهذه صورته ...

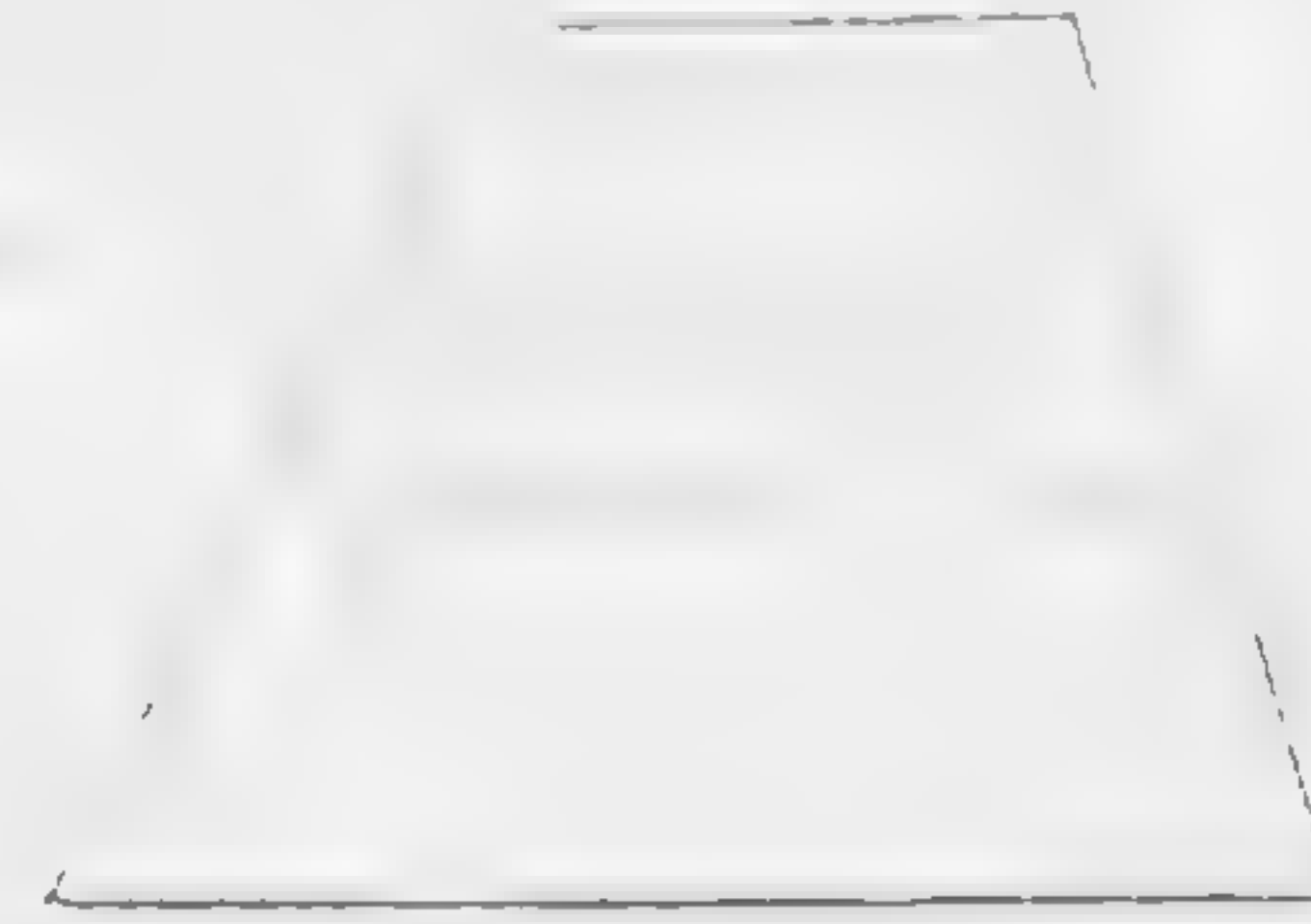
وأما المستطيل فهو أن تكون زواياه قائمة ، وأضلاعه غير متساوية ، ويكون أضلاعه المتقابلة متساوية بعضها لبعض [٩٥ ط] وهذه صورته (رسم مستطيلا وكتب على الطول عشرة أذرع والعرض خمسة أذرع) . فأما المعين فهو أن تكون أضلاعه كلها متساوية ، بعضها لبعض ، وزواياه تكون مختلفة ، فيكون كل زاويتين متقابلتين متساويتين . وهذه صورته :



* في الاصل وحفظنا الثاني .

والشبيه بالمعين هو أن يكون مختلف الاضلاع مختلف الزوايا ، الا
أن كل ضلعين وزاويتين متقابلتين تكونان متساويتين ، وهذه صورته :
(يعطي صورة متوازي اضلاع قاعدته ١٠ وضلعه الآخر ٥) .

وأما ما لا نظام له فهو أن يكون على خلاف ما تقدم ذكره من هذه
الوجوه الأربعة ، ويسمى المنحرف . وهذه صورته :



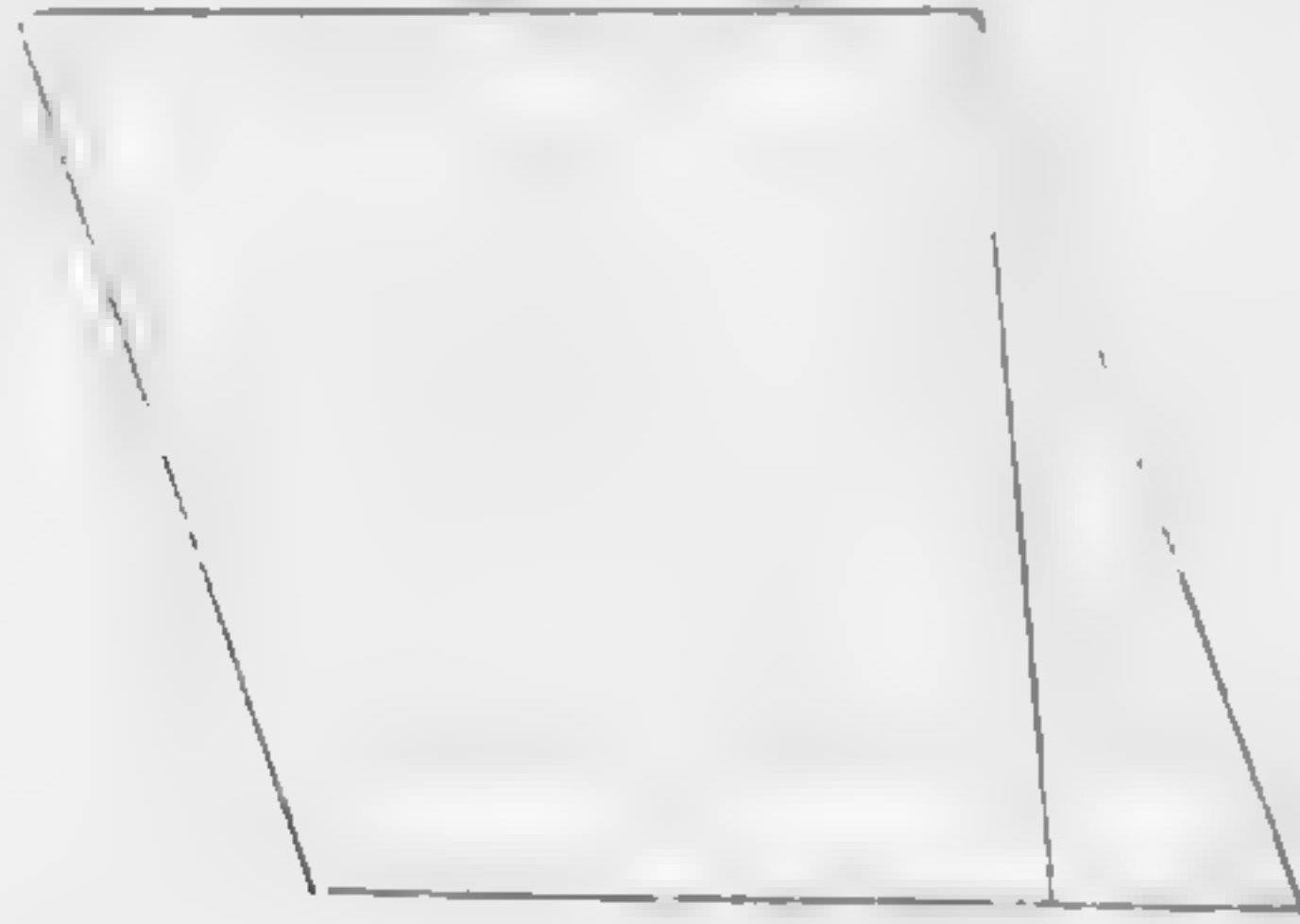
[٩٦ و] أما المربع فإن مساحته أن تضرب أحد ضلعيه في الآخر .
والمثال في ذلك المسألة التي تقدم ذكرها ، فإنا إذا أردنا أن نعرف
مساحته ضربنا أحد الضلعين اللذين عند الزوايا في الذي يليه .

وأما مساحة المستطيل فإنه مثل مساحة المربع سواء . وهو أن تضرب
أحد الضلعين اللذين يليان إحدى الزوايا في الآخر ، وهو الطول في
العرض ، فما كان فهو مساحته . والمثال في ذلك المسألة التي تقدمت ،
فإنا إذا ضربنا الخمسة في العشرة كان ذلك خمسين ، وهو مساحة
المستطيل .

وأما المعين فإن مساحته أن تضرب أحد قطريه في نصف الآخر .
مثال ذلك أنا إذا أردنا أن نعرف مساحة المعين الذي تقدم ذكره ضربنا
أحد قطريه ، وهو ثمانية ، في نصف الآخر وهو ثلاثة ، فكان أربعة
وعشرين ، وهو مساحته . وهذه صورته . . .

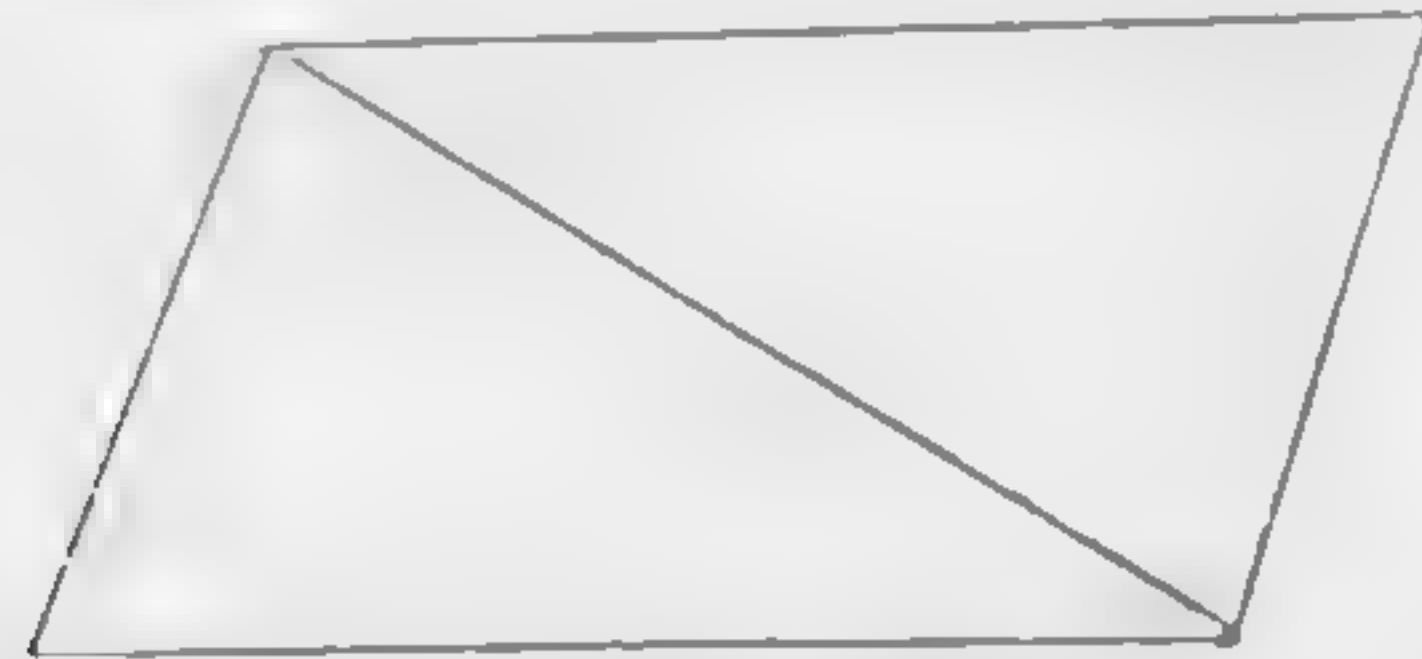
وأما الشبيه بالمعين فإن مساحته أن تخرج من إحدى زواياه عمودا على
على الضلع المقابل له ، فما كان ضرب في ذلك الضلع ، فما كان فهو مساحته .

مثال ذلك : إذا أردنا أن نعرف مساحة الشبيه بالمعين الذي تقدم
ذكره ، استخرجنا عمودا من الزاوية [٩٦ ظ] المقابلة للعشرة ، عليها ،
فكان ثلاثة ، ضربناه في العشرة ، فصار ثلاثين ، وهو مساحة هذا
المستطيل × . وهذه صورته :



وان شئنا قسمناه بمثلثين ، وهو بأن نخرج أحد قطريه : فيصير
مثلثين ، فنمسحه كما تقدم ذكره في مساحة المثلثات .

مثال ذلك سطح شبيه بالمعين صغاه الاضلاع كل واحد منهما أحد
وعشرون ذراعا ، وضلعاه الأقصران كل واحد منهما عشرة أذرع ، أخرجنا
قطره فكان سبعة عشر ذراعا . فإذا مسحنا كل واحد من المثلثين حسب
ما تقدم ذكره ، كان كل واحد منهما أربعة وعشرين ، فإذا زدنا أحدهما
على الآخر كان مائة وثمانية وستين ذراعا ، وهو مساحة الشبيه بالمعين ،
وهذه صورته :



فان كان معين أضلاعه معلومة واحد قطريه معلوم ، وأردنا أن نعلم القطر الثاني ، ضربنا نصف القطر في مثله ، واسقطناه من ضرب الضلع في مثله ، وأخذنا جذره وأضعفناه ، فهو القطر الثاني .

مثال ذلك معين كل واحد من أضلاعه عشرة وأحد قطريه ستة عشر ، وأردنا أن نعرف القطر الثاني : ضربنا نصف القطر في مثله فكان أربعة وستين ، واسقطناه من الضلع في مثله ، فبقي ستة وثلاثون ، وأخذنا جذره وأضعفناه فكان اثني عشر ، وهو القطر الثاني . وهذه صورته [٩٧] . . .

وان شئنا ضربنا القطر المعلوم في مثله ، واسقطناه من ضعف أحد أضلاعه في مثله ، وأخذنا جذر ما بقي ، فما كان فهو القطر الثاني .

مثال ذلك : المسئلة التي تقدم ذكرها فانا اذا ضربنا القطر المعلوم ، وهو ستة عشر في مثله . كان مائتين وستة وخمسين ، فاذا أسقطناه من ضرب ضعف الضلع في مثله ، وهو أربعة مائة ، كان الباقي مائة وأربعة وأربعون ، فاذا أخذنا جذره ، وهو اثنا عشر كان القطر الثاني .

فان كان معين قطراه معلومان وأردنا أن نعلم الضلع : ضربنا نصف كل واحد من القطرين في مثله ، وجمعناهما وأخذنا جذر ما اجتمع ، فما كان فهو الضلع .

مثال ذلك معين أحد قطريه عشرة والقطر الآخر أربعة وعشرون ، وأردنا أن نعلم ضلعه ، ضربنا نصف كل واحد من القطرين في مثله وجمعناهما ، فكان مائة وتسعة وستين . فاذا أخذنا جذره كان ثلاثة عشر ، وهو ضلع هذا المعين . وهذه صورته . . .

فان كان معين أضلاعه معلومة ومساحته معلومة ، وأردنا أن نعلم قطريه : ضربنا أحد الاضلاع في مثله ، وما اجتمع ضربنا نصفه في مثله [٩٧ظ] فما حصل حفظناه ، ثم ضربنا نصف المساحة في مثله ، فما حصل أسقطناه من المحفوظ ، فما بقي أخذنا جذره ، وزدناه على نصف مربع الضلع ، فما كان أخذنا جذره ، وأضعفناه ، فما كان فهو أحد القطرين .
× × مثال ذلك المسئلة التي تقدم ذكرها ، وهو أن يكون كل واحد من

× في النسختين : من الضلعين .

× × في نص هذه القاعدة والمثال المعطى عليها اخطاء في النسختين ، ولكن تغطي حيث تصب الاخرى .

أضلاعه خمسة ومساحته أربعة وعشرين : واذا ضربنا أحد الاضلاع في نفسه ، كان خمسة وعشرين ، واذا ضربنا نصفه في نفسه كان مائة وستة وخمسين وربيع ، فاذا حفظناه ، وضربنا نصف المساحة في مثله ، يكون مائة وأربعة وأربعين ، فاذا أسقطناه من المحفوظ ، بقي اثنا عشر وربيع ، فاذا زدنا جذره على نصف مربع الضلع كان ستة عشر ، فاذا أخذنا جذره كان أربعة ، فاذا أضعفناه كان ثمانية . وهو أطول القطرين .

وان شئنا أسقطناه (أي جذر اثني عشر وربيع) من نصف مربع الضلع ، يبقى تسعة ، فاذا أخذنا جذره وأضعفناه كان ستة ، وهو القطر الأصغر . وقد يمكن أن نعلم ذلك بوجه آخر : وهو أن تزداد المساحة على مربع الضلع ، فما حصل يؤخذ جذره ، ويسقط من مربع نصفه : نصف المساحة ، فما حصل يؤخذ جذره ويزاد على نصف الجذر الأول ، فما حصل أضعفناه فما كان فهو القطر الأطول . والمثال في ذلك المسئلة التي تقدمت .

مساحة المنحرفات

أعلم أن المنحرف اما أن يكون فيه زاويتين قائمتين ، أو خطين متوازيين ، ولا يكون فيه زوايا قائمة ؛ واما أن يكون مختلف الزوايا والجوانب ولا يكون خطوطا متوازية ولا فيه زاوية قائمة .

فاذا كان فيه زاويتين قائمتين فان مساحته أن تضرب الضلع الذي عليه الزاويتين [٩٨و] القائمتين في نصف الضلعين اللذين يليانها .

مثال ذلك منحرف أحد أضلاعه عشرة أذرع ، والضلع الثاني ، وهو الذي يقابله ، ثمانية أذرع ، والثالث اثنا عشر ذراعا ، والذي يقابله ثمانية عشر ذراعا ، وكان الزاويتين اللذين على الثمانية : قائمتين . فاذا أردنا أن نعرف مساحته ضربنا الثمانية في نصف الاثني عشر والثمانية عشر : فيكون خمسة عشر ، فكان مائة وعشرين ، وهو مساحته . وهذه صورته . . .
وان كان فيه خطين متوازيين فان مساحته أن يخرج فيه عمود على أحد الخطين المتوازيين ويضرب في نصفهما .

واخراج العمود فيه يكون على وجهين : أحدهما أن يكون الخطين اللذين ليسا متوازيين : متساويين ، فنسقط أحد المتوازيين من الآخر ، ويؤخذ نصفه ويضرب في نفسه ، ويسقط من أحد المتساويين في نفسه ،

ويؤخذ جذر الباقي ، فما كان فهو العمود الواقع على الضلع الأطول في المختلفين ، فإذا ضرب ذلك في نصف المختلفين كان الذي يحصل من ضرب مساحة ذلك المنحرف .

مثال ذلك : منحرف أحد أضلاعه عشرة أذرع ، وما يقابله عشرين ذراعا ، والثالث والرابع [٩٨ظ] كل واحد منهما ثلاثة عشر ذراعا ؛ وأردنا أن نعرف مساحته : استخرجنا عموده الواقع على العشرين ، فانه موازيا للعشرة ؛ وذلك انا اسقطنا العشرة من العشرين ، فبقي عشرة ، أخذنا نصفه وضربناه في مثله ، فكان خمسة وعشرين ، اسقطناه من ثلاثة عشر في مثله ، بقي مائة وأربعة وأربعين ، أخذنا جذره فكان اثني عشر ، وهو العمود . فإذا ضربناه في نصف الضلعين المتوازيين ، اعني العشرين والعشرة ، وهو خمسة عشر ، كان مائة وثمانين ، وهو مساحة هذا المنحرف .

والثاني أن يكون الخطين اللذين ليسا بمتوازيين : غير متساويين ، فيضرب كل واحد منهما في مثله ، ويسقط الأقل من الأكثر ، ويقسم ما بقي على تفاضل الضلعين المتوازيين ، فما خرج من القسم أخذ الفضل بينه وبين التفاضل ، فما كان ضربنا نصفه في مثله ، واسقطناه من أصغر الضلعين اللذين ليسا بمتوازيين في مثله ، وأخذنا جذر ما بقي ، فما كان فهو العمود . فإذا ضربناه في نصف المتوازيين كان ذلك مساحته .

مثال ذلك : منحرف أحد جوانبه عشرة أذرع ، والذي يقابله ، وهو الذي يوازيه ، أربعة وعشرين ذراعا ، والثالث ثلاثة عشر ذراعا ، والذي يقابله خمسة عشر ذراعا . وأردنا أن نعلم مساحته : أخرجنا العمود الذي يقع على الأربعة والعشرين ، وذلك بأن نضرب كل واحد من ثلاثة عشر وخمسة عشر في نفسها ، واسقطنا الأقل من الأكثر ، فبقي ستة وخمسون ، قسمناها على تفاضل الضلعين المتوازيين ، وهو أربعة عشر ، فخرج من القسم أربعة ، اسقطناه من [٩٩ظ] والتفاصيل فبقي عشرة ، ضربنا نصفه في مثله ، فكان خمسة وعشرين ، واسقطناه من ثلاثة عشر في مثله ، فبقي مائة وأربعة وأربعون ، أخذنا جذره ، فكان اثني عشر وهو العمود الواقع على الأربعة والعشرين . فإذا ضربناها في نصف الضلعين المتوازيين ، وهو

سبعة عشر ، كان مائتين وأربعة أذرع ، وهو مساحته . وهذه صورته :
(صورة عادية لشبه منحرف) .

ولهذا الوجه صورة أخرى : وهو أن يكون العمود الذي نخرجه على أحد الضلعين المتوازيين يقع خارجا من المنحرف ، إذا أخرج من الزاوية العادية التي تقع على أحد الخطين المتوازيين . وذلك يكون إذا كان الخارج من القسم أكثر من التفاضل :

إذا جعلنا الضلع المقابل للأربعة والعشرين ، عشرين ذراعا ، في الصورة التي تقدم ذكرها ، فانه يصير تفاضل الضلعين المتوازيين أربعة في أربعة ، فإذا أسقطناه من الذي يخرج من القسمة ، وهو أربعة عشر ، كان نصف الباقي أيضا خمسة . فإذا ضربناها في مثله واسقطناها من ثلاثة عشر في مثله ، وأخذنا جذر الباقي ، كان أيضا اثنا عشر ، وهو العمود . فإذا ضربناها في نصف الضلعين المتوازيين كان المجتمع مائتين وأربعة وستين ، وهو مساحة هذا المنحرف . وهذه صورته × × × .

[٩٩ظ] فاما ما سوى ذلك من المنحرفات فسبيل مساحته أن يقسم ذلك المنحرف بمثلثين ، ويسمح كل واحد منهما على جهة ويجمع ذلك : بأن يخرج أحد قطريه فيصير مثلثين .

مثال ذلك منحرف أحد أضلاعه أحد عشر ، والثاني أربعة عشر ، والثالث خمسة عشر ، والرابع ثمانية عشر ، وأردنا أن نعرف مساحته : أخرجنا أحد قطريه فكان ثلاثة عشر ، ومسحنا كل واحد من المثلثين على حدته ، فكان : مساحة المثلث الذي يحيط به ثلاثة عشر وأربعة عشر وخمسة عشر : أربعة وثمانون ؛ ومساحة المثلث الذي يحيط به ثلاثة عشر واحد عشر وثمانية عشر : أحد وسبعون ؛ فإذا جمعناها كان مائة وخمسة وخمسين . وهو مساحة هذا المنحرف وهذه صورته × × × .

× الصورتان في النسخين مختلفتان ، ولكن المبدأ واحد .

× في م صورة لشكل رباعي عادي مقسوم بالفطر الى مثلثين . وقد كتبت مساحة كل من المثلثين بالأرقام الهندية . أما في ل فلم تكتب المساحة وليس هنالك أرقام هندية . والشكل كله أقرب الى شبه المنحرف .

الباب الخامس في مساحة ذوات الاضلاع الكثيرة وغيرها من الأشكال المركبة

ينبغي أن يعلم أن ذوات الاضلاع الكثيرة منها ماله نظام وترتيب ، وهو المتساوي الاضلاع المتساوي الزوايا ، وقد يمكن أن يعمل عليه دائرة وفيه دائرة . ومنها الذي ليس له نظام ولا ترتيب ؛ فهو المختلف الاضلاع أو المختلف الزوايا .

فاما القسم الاول من هذين (١٩) فان مساحته ان نضرب نصف قطر الدائرة التي تقع فيه في نصف اضلاعها . وليس للاشتغال باستخراج [١٠٠] اضلاع الاشكال من أقطار الدوائر ، وعكسها ، فائدة كثيرة في هذا الموضع ، لانه خارج عما نحن بسبيله ، ولانه مذكور في كتب جماعة المتقدمين ، ولانا قد وضعنا فيما تقدم جدولا يمكن أن تستخرج منه جميع الأوتار التي تقع في الدائرة ، ونعلم منه أيضا أقطار الدوائر التي تحيط بالاشكال المتساوية الاضلاع والزوايا بما نصفه في هذا الموقع ان شاء الله . فاذا كان معنا شكل كثير الزوايا ذات نظام ، استخرجنا من ذلك الجدول قطر الدائرة التي تقع فيه ، فما كان ضرب نصفه في نصف اضلاع ذلك الشكل فما حصل فهو مساحة ذلك الشكل .

واستخراج ذلك أن نقسم أربعة وأربعين على العدد المسمى لذلك الشكل أبدا ، فما خرج من القسم طلبنا مثله في سطر القسي وأخذنا ما بحياله من سطور الأوتار كما تقدم ذكره وحفظناه ، ثم ضربنا ضلع ذلك الشكل في أربعة عشر أبدا وقسمنا ما اجتمع على المحفوظ ، فما خرج من القسم فهو قطر الدائرة التي تحيط بذلك الشكل .

فاذا أردنا أن نعلم قطر الدائرة التي تقع في ذلك الشكل : ضربنا ما خرج من القسم في مثله ، وضربنا ضلع الشكل في مثله ، وأسقطنا الأقل من الأكثر ، فما بقي أخذنا جذره ، فما كان فهو قطر الدائرة التي تقع في ذلك الشكل .

مثال ذلك : مخمس متساوي الاضلاع والزوايا ، كل جانب منه عشرة أذرع ، وأردنا أن نعرف قطر أوسع دائرة تقع فيه ، لنعلم منه مساحة المخمس : قسمنا الأربعة والأربعين على خمسة ، التي هي عدد اضلاع الشكل ، فخرج من القسم ثمانية وأربعة أخماس . طلبنا مثله في سطر القسي من الجدول ، وأخذنا ما بحياله من سطور الأوتار [١٠٠ط] وعدلناه بفضل ما بين السطرين ، فكان ثمانية ، وثلاثة عشر عشيرا ونصف

ومخمس وخمس وخمس عشير ، حفظناه ، ثم ضربنا العشرة في أربعة عشر ، فكان مائة وأربعين ، قسمناها على ما حفظناه ، فخرج من القسم سبعة عشر وأربعة أخماس عشير بالتقريب ، وهو قطر الدائرة التي تقع على هذا المخمس .

فاذا أردنا أن نعلم قطر الدائرة التي تقع في هذا المخمس ، ضربنا ما خرج من القسم في مثله ، فكان مائتين وتسعة وثمانين وربع وخمس ، بالتقريب ، فاذا أسقطنا منه ضلع المخمس في مثله ، كان الباقي مائة وتسعة وثمانين وربع وخمس ، فاذا أخذنا جذره كان ثلاثة عشر وخمسة وأربعين عشيرا ونصف وعشر بالتقريب ، وهو قطر الدائرة التي تقع في المخمس . فاذا ضربنا نصفه ، وهو ستة واثني وخمسين عشيرا وخمس وعشر ، في نصف الاضلاع ، وهو خمسة وعشرون ، كان مائة واثني وسبعين ، وهو مساحة هذا المخمس ، وهذه صورته × .

وقد حكى عن الهند طريق في استخراج أقطار الدوائر التي تقع على الاشكال ذوات الاضلاع المتساوية الاضلاع والزوايا ، وهو طريق سهل قريب من الصحة ، وان كان الصحيح هي الأمور التي ذكرها إقليدس وأرشميدس وبطلميوس في كتبهم وأقاموا على صحتها البراهين ، وذكرناه نحن في المجسطي الذي عملناه . ونحن نورد ما حكى عن الهند في ذلك لئلا نترك شيئا مما يجانس ما نحن فيه .

وهو ان أردنا أن نعلم قطر الدائرة [١٠١] التي تقع على شكل من هذه الاشكال : ضربنا ذلك الضلع في مثله ، وحفظناه ، ثم ضربنا عدد الاضلاع الا واحدا في نصف (عدد) الاضلاع ، فما كان زدنا عليه ثلاثة أصلا ، وضربنا ما اجتمع في ما حفظناه ، فما حصل أخذنا تسعيه ، فما كان أخذنا جذره ، وهو القطر .

مثال ذلك المثال الذي تقدم ذكره ، وهو مخمس متساوي الاضلاع والزوايا ، كل ضلع منه عشرة أذرع ، أردنا أن نعلم قطر الدائرة التي تحيط به : ضربنا العشرة في مثلها ، فكان مائة ، وحفظناها ؛ ثم ضربنا عدد الاضلاع الا واحدا ، وهو أربعة ، في نصف عدد الاضلاع ، وهو اثنان ونصف ، فكان عشرة ، وزدنا عليه ثلاثة للأصل ، فكان ثلاثة عشر ، ضربناه في الذي حفظناه ، وهو مائة ، فكان الف وثلاثمائة ، أخذنا تسعيه ، فكان مائتين وثمانية وثمانين وتساع ، أخذنا جذرها فكان سبعة

× في النسختين رسم دقيق لخماسي منظم داخله دائرة وخارجه دائرة .

عشر بالتقريب ، وهو قطر الدائرة التي تحيط بهذا الخمس * ، وهو مثل الجواب الاول .

وكذلك نعمل في استخراج اقطار الدوائر التي تحيط بالاشكال ذات النظام . وقد تقدم الشكل لهذا المال فلا حاجة بآليه .

في معرفة اضلاع الأشكال من قطر الدائرة

فاذا أردنا أن نعلم ضلع شكل متساوي الاضلاع والزوايا ، وكان قطر الدائرة التي تحيط بها معلومة ، عملنا فيه عكس الطريقين اللذين قدمنا ذكرهما . أما معرفة ذلك بالجدول : فانا نطلب في سطر القسي مثل ما يخرج من قسمة أربعة وأربعين على عدد اضلاع الشكل ، وأخذنا ما بحاله من جدول الاوتار ، فما كان ضربناه في قطر الدائرة المعلومة ، وقسمنا ما اجتمع على أربعة عشر ، فما خرج من القسم فهو ضلع ذلك الشكل .

مثال ذلك [١٠١ ط] المسئلة التي تقدم ذكرها ، وهي مخمس متساوي الاضلاع والزوايا ، وقطر الدائرة التي تحيط به سبعة عشر ذراعا ، أردنا أن نعلم ضلع الخمس . ضربنا ما يخرج من قسمة الأربعة والأربعين على خمسة . وهو ثمانية وأربعة أخماس ، وأخذنا ما بحاله من سطور الاوتار . فكان ثمانية وثلاثة عشر عشرا ونصف وخمس خمس عشر فاذا ضربناه في قطر الدائرة ، وهو سبعة عشر ذراعا ، كان مائة وتسعة وثلاثين ، وثلاثة وخمسين عشرا ، ونصف وخمسي خمس عشر . فاذا قسمناها على أربعة عشر كان الخارج من القسم تسعة ، وتسعة وخمسين عشرا ، وثلاث وربع

يحتوي م هنا ، بين الوقتين ١٧٩ ، ١٨٠ على ورقة بخط عريب تصعب قراءته . في كل وجه منها مسئلة واحد المسائلين تعطى قاعدة لايجاد ما في القبة من اللبن . وكذلك ما في الصومعة . أما المسئلة الثانية فتعطى شبه منحرف متساوي الساقين وتسميه مربعة . م تعطى قاعدتين لايجاد مساحته وقاعدة لايجاد قطره . وفيها نجد الاطوال بالارقام الهندية . اما القواعد التي تعطى بها كما يلي ، باعتبار المحيط م ، والقاعدتين ١ . ب . و كل من الساقين ح .

$$\begin{aligned} (1) \text{ المساحة } &= \frac{(P-M)(P-M)(P-M)(P-M)(P-M)}{2} \\ (2) \text{ المساحة } &= \frac{P \times P \times P \times P \times P}{2} \end{aligned}$$

(٤) هذه القواعد يجوز أن تستعمل في جميع المربعات .

وفي طئي أن هذه قواعد من الحساب الهندسي جمعها أحد قراء أبي الوفاء من غير فهم و تحقق (انظر التعليق ٤٨) .

عشر بالتقريب . وهو موافق لما كان لنا في ضلع الخمس . وقد نقص ربع وسدس عشر ، عن العشرة ، لمواضع الجبر والوضع ، فان كل دائرة يكون قطرها معلوما كان الضلع الخمس منه أصم . وقد ذكر ذلك اقليدس في المقالة الثالثة عشر من كتابه في الاصول : وان ذلك يسمى الاصغر من الخطوط الصم التي ذكرها في المقالة العاشرة من كتاب الاصول .

فقد رجع اليها ما كنا وصفناه في الاصل في ضلع الخمس ، فانه لا يخرج الا بالتقريب ، وهذه صورته

فان أردنا أن نعمل ذلك بعمل الهند ، ضربنا القطر في نصفه ، وما اجتمع في تسعة ، وحفظناه ؛ ثم ضربنا عدد الاضلاع الا واحدا في نصف عدد الاضلاع ، وما اجتمع زدنا عليه ثلاثة ، فما حصل قسمنا [١٠٢ و] عليه الذي حفظناه ، فما خرج من القسم أخذنا جذره ، فهو ضلع ذلك الشكل .

مثال ذلك الخمس الذي تقدم ذكره . فاذا أردنا أن نعلم بهذا العمل : اذا كان قطر الدائرة سبعة عشر ، كم يكون ضلع الخمس الذي يقع في دائرة . ضربنا القطر في تسعة . فكان مائة وأربعة وأربعين ونصف . ضربناها في تسعة ، فكان الف وثمانمائة ونصف . وحفظناها ؛ ثم ضربنا نصف عدد الاضلاع ، في عدد الاضلاع الا واحدا ، فكان عشرة ، وزدنا عليه ثلاثة ، فكان ثلاثة عشر ؛ قسمنا عليه الذي حفظناه ، وهو الف وثمانمائة ونصف ، فخرج من القسم مائة وجزء واحد من ستة وعشرين جزءا من واحد . فاذا أخذنا جذره كان عشرة بالتقريب ، وهو مثل الجواب الاول .

الفصل الثاني

في مساحة المسدسات وغيرها .

وان المسدس المتساوي الاضلاع والزوايا هو ستة أمثال المثلث المتساوي الاضلاع ، التي ضلعاهما ، أعني ضلع المسدس والمثلث ، متساويان .

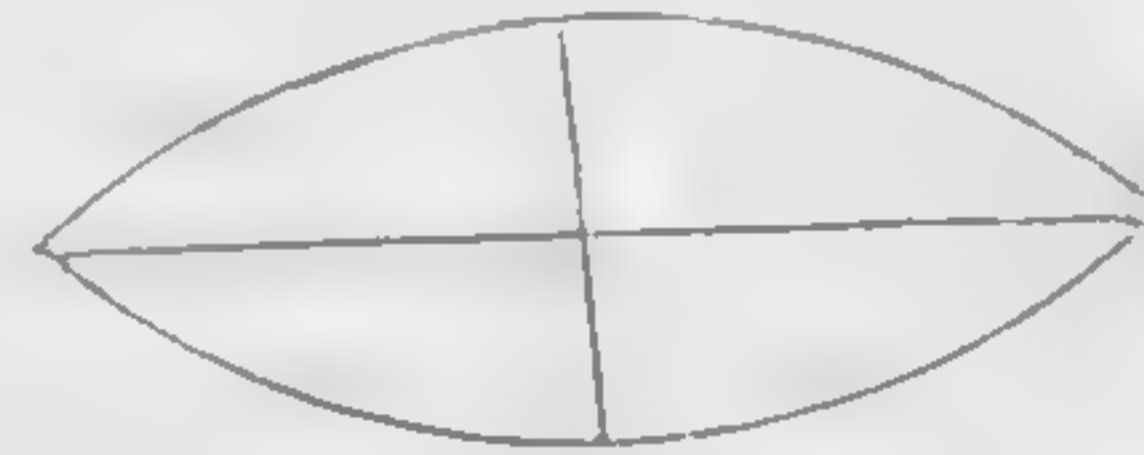
فانا اذا أردنا أن نعرف مساحته : ضربنا ضلع المسدس في مثله ، وما اجتمع في مثله ، وما اجتمع في ستة (ونصف) وربع وأخذنا جذر ما اجتمع ، فما كان فهو مساحة المسدس .

مثال ذلك : اذا أردنا أن نعرف مساحة مسدس متساوي الاضلاع والزوايا ، كل جانب منه عشرة أذرع ، ضربنا العشرة في نفسه ، وما اجتمع في نفسه ، فكان عشرة الف ، ثم ضربناها في ستة (ونصف) وربع ، فكان سبعة وستين الفا وخمسة مائة : جذره هو مساحة هذا المسدس [١٠٢ ط] وهذه صورته

فأما ما لا نظام له من الأشكال ذوات الاضلاع الكثيرة والزوايا . فان الطريق في مساحته أن يقسم بمثلثات ويمسح كل مثلث على جهته ، ثم يجمع ذلك كله كما عملنا في المنحرف .

مساحة الشكل البيضي (١١)

ان المساح يسمى الأشكال المركبة من قوسين متساويين من دائرتين متساويتين ، اذا كان كل واحد منهما أصغر من نصف دائرة ، شكلا . ويسمى الوتر الذي يتركب عليه القوسين قطره الأعظم . ويسمى القوسين اذا اجتمعا قطره الأصغر ، وهذه صورته :



ومساحة هذا الشكل تكون بمثل الوجه الذي ذكرناها في مساحة القسي وقطع الدوائر في الباب الثالث من هذه المنزلة . فاذا مسحنا كل قطعة منهما وجمعناه ، فما كان فهو مساحة الشكل البيضي . وهذه الاشكال بعينها تسمى هانداز x .

مثال ذلك : اذا أردنا أن نعرف مساحة شكل بيضي ، أحد قطريه ، وهو الأطول ، أحد وعشرين ذراعاً ، وقطره الثاني ، وهو الأقصر ، خمسة أذرع وثلاثين ، وأردنا أن نعرف مساحته : فعرفنا مساحة كل واحد من القطعتين ، فكان أحد وثلاثين ذراعاً وسدس : فاذا جمعناهما [١٠٣ و] كان اثنين وستين ذراعاً وثلاث ، وهو مساحته .

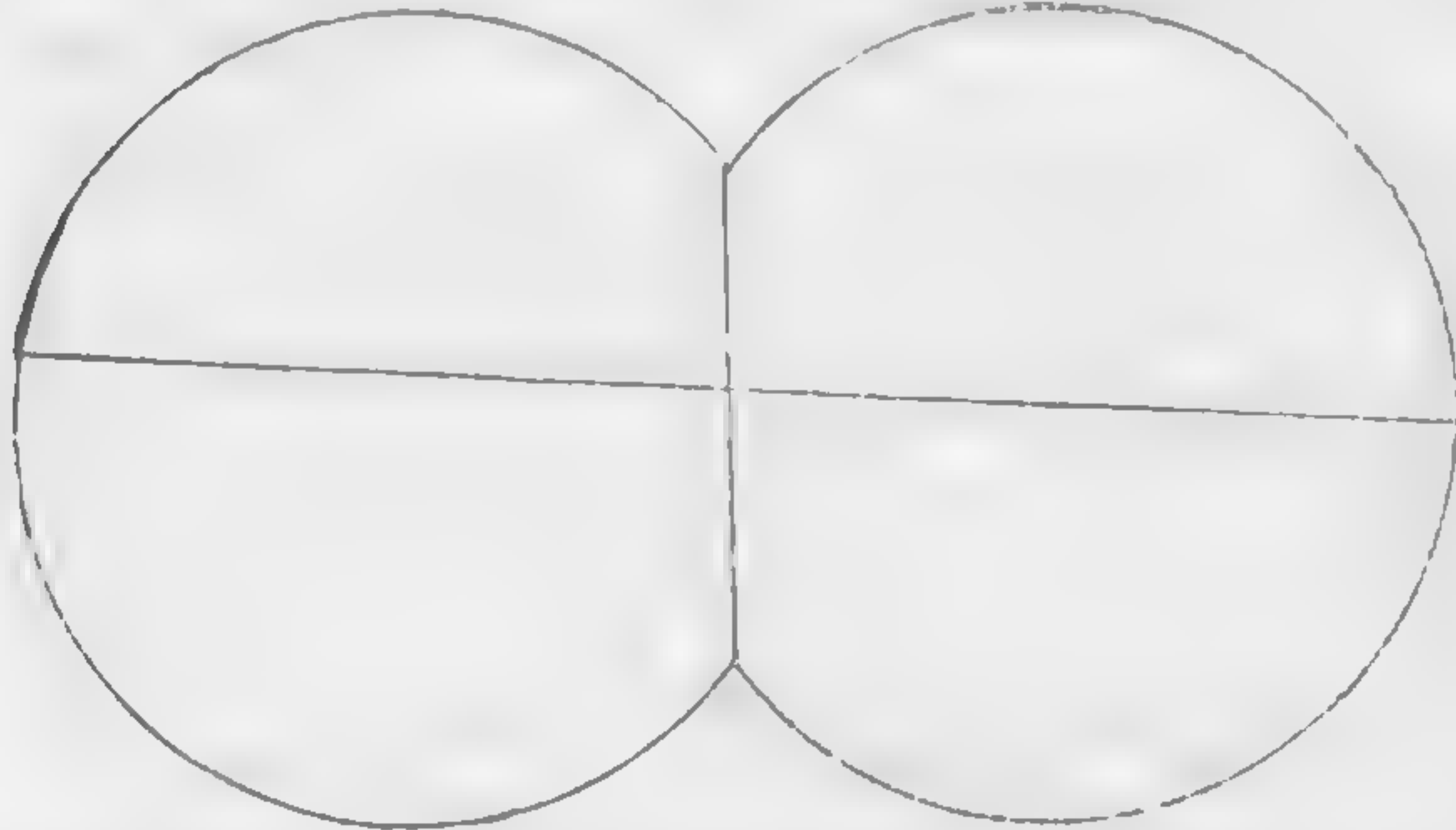
وقد ذكر جماعة من الحساب في هذا المعنى أبواباً لم يقم لنا البرهان على صحتها ، فتركناها .

مساحة الشكل المطيل

هذا الشكل أيضاً هو مركب من قطعتين متساويتين من دائرتين

مكذبا في م أما في ل فهي هاندازه .

متساويتين ، على وترهما ، كل واحد منهما أكثر من نصف دائرة . وسماهما يسمى القطر الأكبر ، والوتر يسمى القطر الأصغر . وهذه صورته :



ومساحته أيضاً أن تمسح كل قطعة منهما على حدته ، كما تقدم ذكره .

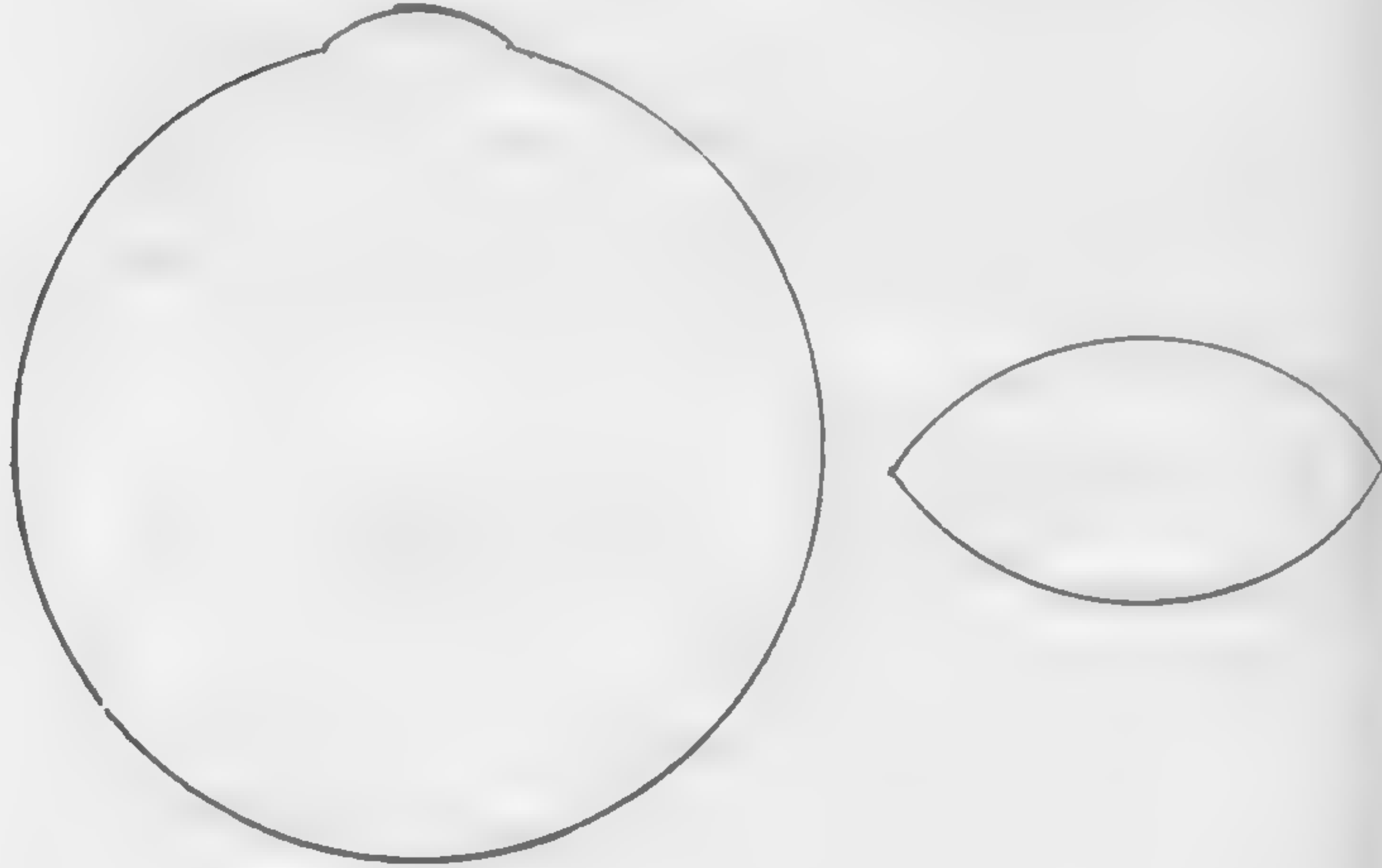
مساحة الشكل التنوري

هذا الشكل هو مركب من قطعتين من دائرتين متساويتين ، كل واحد منهما أصغر من نصف دائرة ، ومن سطح منحرف ضلعان منه متوازيان ، وضلعاه الباقيان متساويان ، وهذه صورته :



وهو على وجهين : أحدهما أن يكون (القوسان) من دائرتين [١٠٤ ظ] متساويتين ، والثاني أن يكونا من دائرتين مختلفتين .

والقسم الثاني يقال له الأبطن وهو أن يكون تقويس القوسين من جهتين مختلفتين ، على هذه الصورة :



وهذا أيضاً إما أن يكون القوسين من دائرتين متساويتين ، فيصير شكلاً بيضياً ؛ وإما أن يكون من دائرتين مختلفتين .

ومساحة جميع هذه الوجوه أن تمسح كل واحدة من القسمين على أنها قطع من دوائر تامة . فإما في الأخمص فإنه ينقص الأقل من الأكثر ، وفي الأبطن يزداد أحدهما على الآخر ، فما حصل فهو مساحة الشكل الهلالي .

فإذا أردنا أن نتمسح هذا الشكل ذرعنا كل واحد من قطعتي الدائرتين على حياله ، وذرعنا المنحرف على حياله ، وجمعناها كلها ، فما حصل فهو مساحة الشكل التنوري .

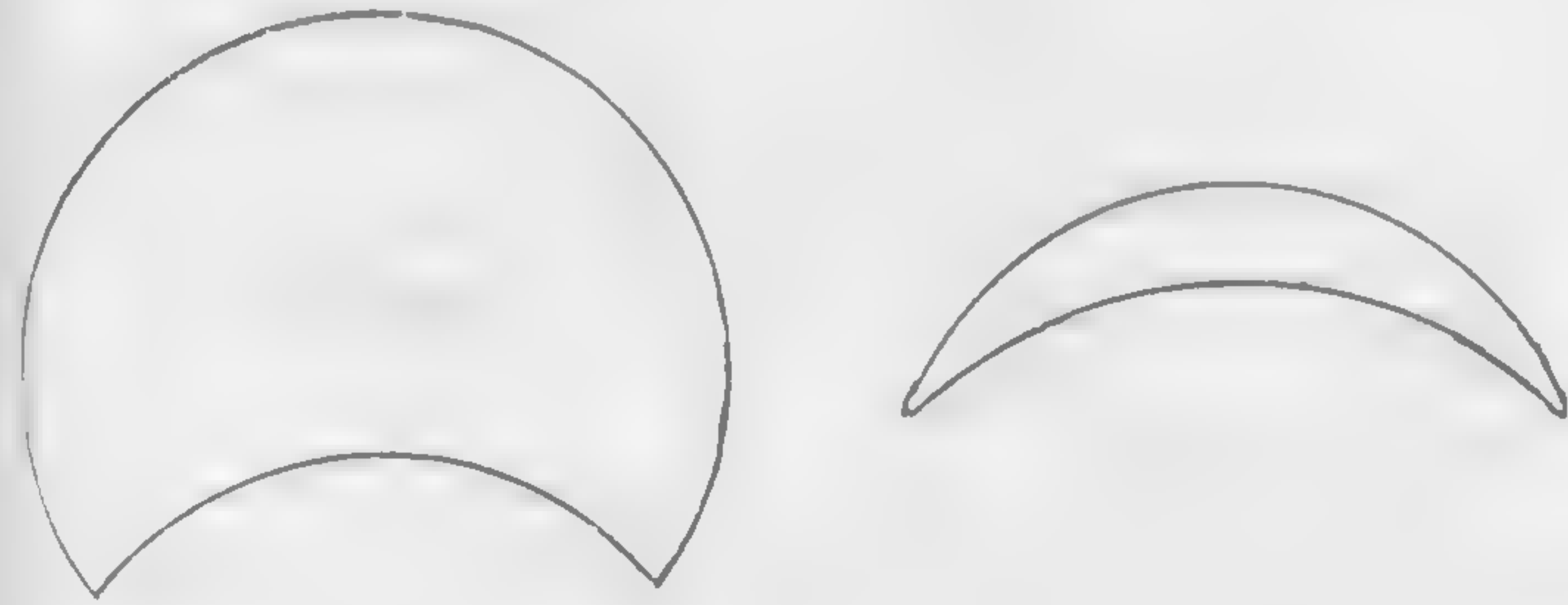
مساحة القطاع

هذا الشكل هو مركب من قطعة دائرة يحيط بها خطان مستقيمان [١٠٣ ظ] وقوس . وهو يكون على وجهين . وذلك أنا إذا أخرجنا من مركز دائرة خطين مستقيمين إلى محيطها ، ولا يكون كل واحد منهما على استقامة الآخر ، فإن ذلك الخطين يقطعان الدائرة بقطعتين ، أحدهما أصغر من نصف الدائرة والآخر أكثر من نصف الدائرة ، ويسمى كل واحد منهما قطاعاً . وهذه صورتها . . .

ومساحة كل واحد منهما أن تضرب أحد الخطين المستقيمين اللذين يحيط بهما ، في نصف القوس ، فما كان فهو مساحة ذلك الشكل . مثال ذلك قطاع يحيط به خطان مستقيمان طول كل واحد منهما سبعة أذرع ، وقوس مقدارها ستة أذرع ، فإذا ضربنا السبعة في الثلاثة ، هي مقدار نصف القوس ، كان أحد وعشرين ، وهو مساحة هذا القطاع . وكذلك يعمل بما هو أكثر من نصف الدائرة .

مساحة الشكل الهلالي

الأشكال الهلالية هي التي يحيطها قوسان من دائرتين . وهو ينقسم قسمين : أحدهما يقال له الأخمص وهو أن يكون القطعتين من الدائرتين جميعاً تقويسهما من جهة واحدة ، على هذه الصورة :

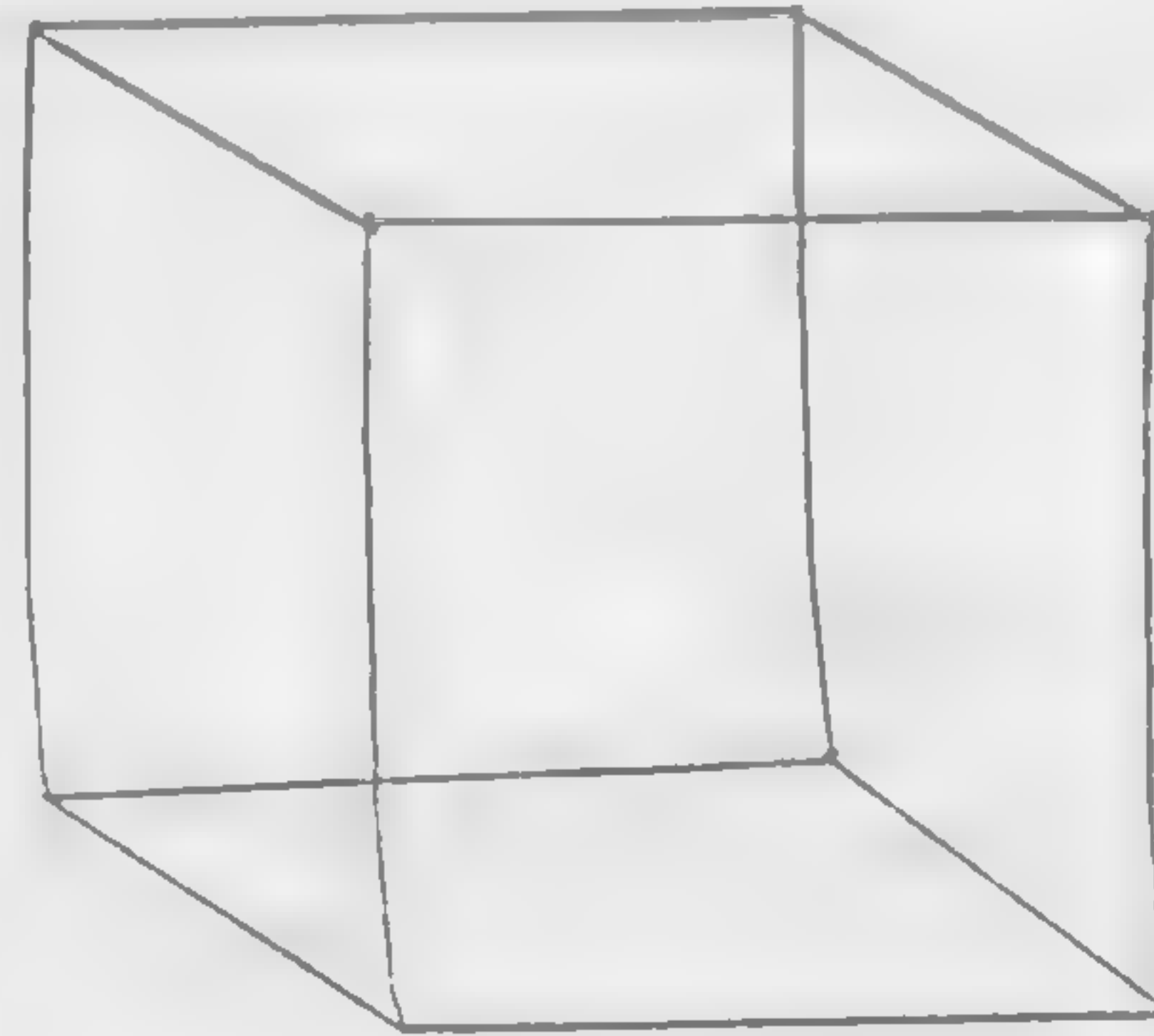


الباب السادس

في مساحة المجسمات

مساحة المكعب

العدد ١٠٤ أن أول أشكال المجسمات هو المكعب ، وهو أن يكون طوله وعرضه وسمكه مساو بعضها لبعض ، وتكون سطوحه كلها متوازية الاضلاع قائمة الزوايا متساوية ؛ ويحيط به ستة سطوح ، واثنا عشر ضلعاً ، وله ثمان زوايا مجسمة ، وأربع وعشرين زاوية مسطحة . وذلك مثل مجسم طوله عشرة أذرع في عرض عشرة أذرع في سمك عشرة أذرع ، فيكون مساحته ألف ذراع بالذراع التي يمسح بها . وهذه صورته × : [١٠٤ ظ]



مساحة الشكل اللبني

هذا المجسم هو أن يكون طوله وعرضه متساويين ، ويكون سمكه أقل من الطول والعرض ، ونشبهه باللبنة ؛ ومساحته أيضاً يكون بأن نضرب الطول في العرض في السمك . وذلك مثل مجسم طوله عشرة أذرع × في الأصل كتبت على الشكل الأبعاد والحجم ، كما هو الحال في الأشكال الأخرى .

في عرض عشرة أذرع في سمك ستة أذرع ، وتكون مساحة هذا المجسم ستمائة ذراع .

مساحة المجسم القيري

هذا المجسم طوله أيضاً يكون مساوياً لعرضه ، وسمكه يكون أكثر من طوله وعرضه ؛ شبيهه بالثيرات التي يستعملها البنّاءون ، والاساطين المربعة الطول . ومساحته مثل مساحة المجسمين اللذين تقدم ذكرهما ، وهو أن يضرب الطول في العرض ، فما اجتمع يضرب في السمك . وذلك مثل مجسم طوله عشرة أذرع وعرضه عشرة أذرع وسمكه ثلاثون ذراعاً ، فتكون مساحته ثلاثة ألف ذراع .

وما سوى ذلك من المجسمات المتوازية السطوح ، مثل السدك والمسنجات والحيطان فإن مساحتهما أن يضرب الطول في العرض في السمك أو العمق .

مساحة المنشور

[١٠٥ و] المنشور هو نصف واحد من هذه المجسمات التي تقدم ذكرها ، إذا قطعت على قطرها . وهو يحيط بها ثلاثة سطوح : متوازي الاضلاع ومثلثان ، على هذه الصورة :



ومساحته أن يضرب تكسير واحد من المثلثين اللذين يحيطان به في ضلع من أضلاع السطوح التي بين المثلثين . فما كان فهو مساحته .

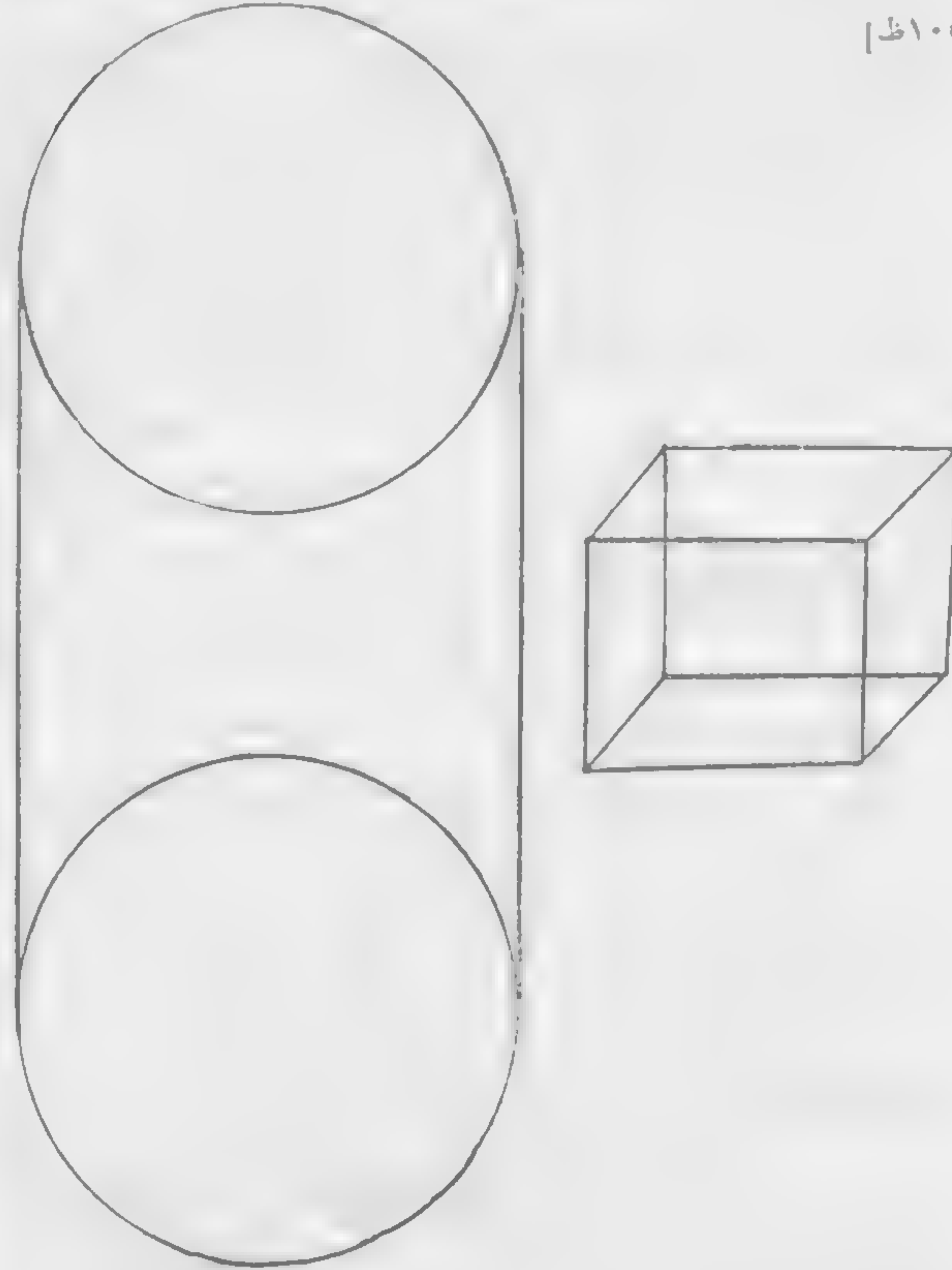
مثال ذلك منشور تحيط به ثلاثة سطوح متوازية الاضلاع قائمة الزوايا ، طول كل واحد منها عشرين ذراعاً ، وعرض أحدها ستة أذرع ، وعرض الثاني ثمانية أذرع ، وعرض الثالث عشرة أذرع .

فمن الواجب أن يصير المثلثين اللذين يحيط بهما المنشور : أضلاعهما مساوية لعروض هذه السطوح . فإذا أخذنا مساحة واحد من المثلثين . وهو أربعة وعشرون ذراعاً ، وضربناها في طول واحد من السطوح ، كان ذلك أربع مائة وثمانين ذراعاً . وهو مساحة هذا المنشور ، وهذه صورته . . .

مساحة الأساطين

الأساطين تكون على وجهين : أحدهما مدور والثاني من خطوط مستقيمة،
مثل الأساطين المربعة والمسدسة والمثمنة ، وغيرها على مثل هاتين الصورتين:

[١٠٥ظ]



ومساحته اما ظاهره ، سوى قاعدتيه ، فانا نضرب ما يحيط بقاعدته
في ارتفاعه .

فاما مساحة جرمه فانه يضرب تكسير قاعدته في ارتفاعه .
مثال ذلك : اسطوانتان احدهما مربعة والاخرى مدورة . فاما المربع
فان طوله وعرضه عشرة عشرة ، وارتفاعه خمسين ذراعا ، واما المدورة
فان دور قاعدتها اثنين وعشرين ذراعا وارتفاعها أيضا خمسين ذراعا .

فاذا أردنا أن نعرف مساحة بسيطهما ، سوى قاعدتيهما ؛ أما في
في المربع فانا نضرب ما يحيط بقاعدته ، وهو أربعون ، في ارتفاعه ، وهو
خمسون ، فصار الفين ، وهو مساحة ظاهره .

وأما جرمها فانا نضرب مساحة قاعدته ، وهي مائة ، وارتفاعه ،
وهو خمسون ، فكان خمسة ألف وهو مساحة جرمه . وهذه صورته . . .

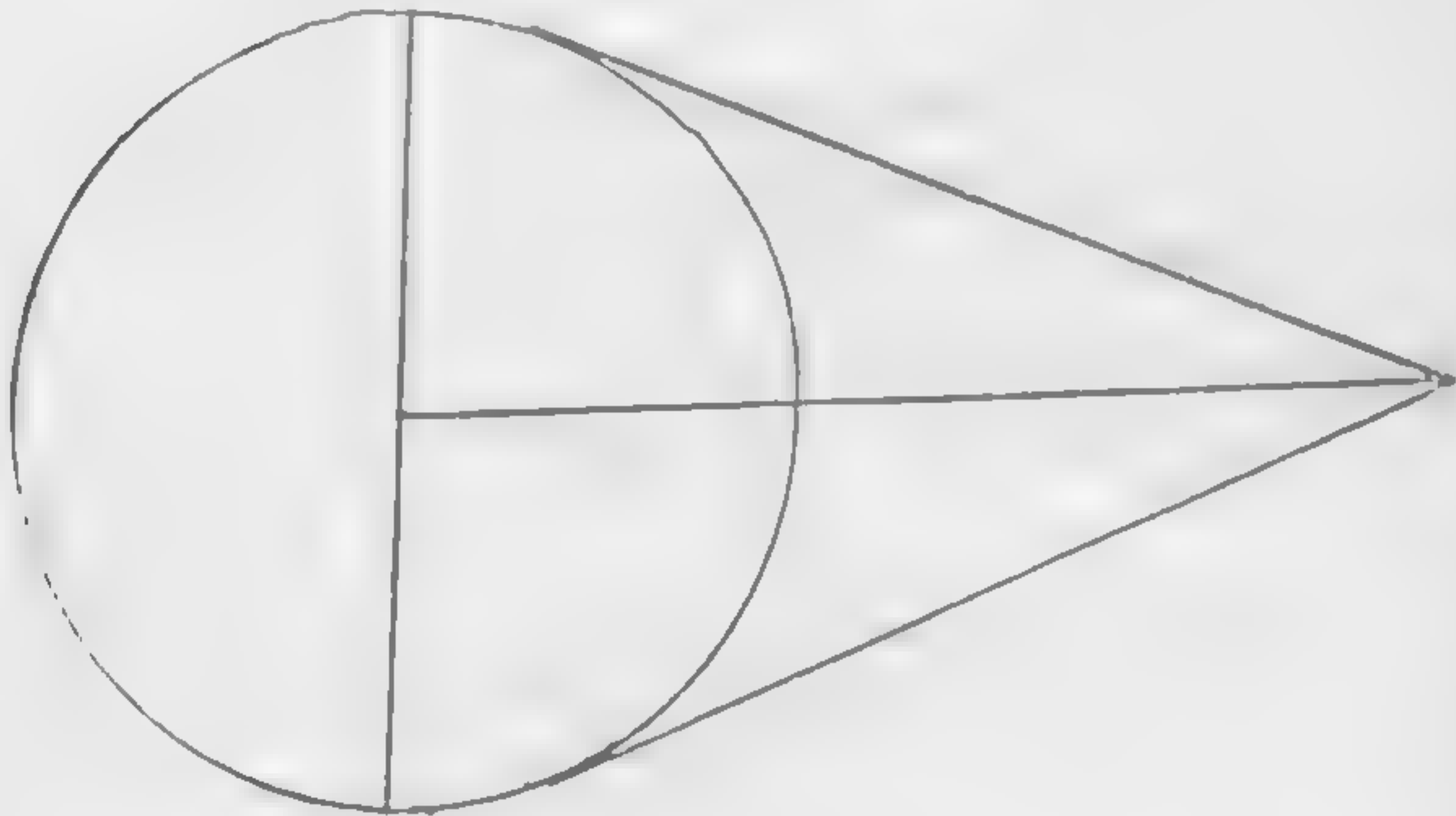
[١٠٦و] وأما المدور فاذا أردنا أن نعرف مساحة ظاهره ، ضربنا
دوره ، وهوائتان وعشرون ، في ارتفاعه ، وهو خمسون ، فصار ألف
ومائة ، وهو مساحة بسيطه ، سوى قاعدتيه .

فاما مساحة جرمه فانا نضرب مساحة قاعدته ، وهو ثمانية وثلاثون
ونصف ، في ارتفاعه ، وهو خمسون ، فصار ألف وتسع مائة وخمسة
وعشرون وهو مساحة جرم هذه الاسطوانة . وهذه صورتها . . .

مساحة المخروطات

هذه الاشكال أيضا على وجهين : أحدهما أن يكون مدورا ، والآخر
أن يكون تركيبها من مثلثات وسطوح .

فاما المدور فهو أن تكون قاعدته دائرة ويرتفع على استدارته مثل
الصنوبرة حتى ينتهي الى نقطة . وهذه صورته :



واما أن يكون مركبا من مثلثات وسطوح فهو أن تكون قاعدته اما [١٠٦ظ] مثلثا أو مربعا أو خمسا ، أو غيره من ذوات الاضلاع ، ثم يرتفع بمثلثات حتى تنتهي تلك المثلثات كلها الى نقطة واحدة ، وهذه صورته : (يعطي صورة هرم ثلاثي) .

ومساحة الوجهين جميعا : اما في مساحة بسيطة ، سوى قاعدته ، أن يضرب نصف محيط قاعدته في العمود الواقع على أحد اضلاع قاعدته ، ان كان سهمه واقعا على مركز قاعدته ، وكانت قاعدته متساوية الاضلاع . فان لم تكن متساوية الاضلاع ، ولا سهم واقعا على مركز قاعدته ، مسحنا كل واحد من المثلثات المحيطة به على حدته ، ثم جمعناها .

فاما مساحة جرمه فانا نضرب ثلث مساحة قاعدته في سهمه ، فما كان فهو مساحة جرمه .

مثال ذلك مخروط قاعدته دائرة قطرها أربعة عشر ذراعا وارتفاعه أربعة وعشرون ذراعا وضلعه خمسة وعشرون ذراعا . وأردنا أن نعلم مساحة بسيطة : ضربنا محيطه ، وهو أربعة وأربعون في ضلع المخروط ، وهو خمسة وعشرون ، فكان ألف ومائة ، وهو مساحة بسيطة ، سوى قاعدته (٥٢) .

فاذا أردنا أن نعرف مساحة جرمه ضربنا ثلث مساحة قاعدته ، وهو أحد وخمسون وثلث ، في ارتفاعه ، وهو أربعة وعشرون ، فكان ألفا ومائتين واثنين وثلثين ، وهو مساحة جرمه . وهذه صورته ...

[١٠٧و] وليكن أيضا مخروط قاعدته سطح مستقيم الخطوط ، ولنجعلها مربعا وكل جانب منه عشرة أذرع . وليكن ارتفاعه اثنا عشر ذراعا . فاذا أردنا مساحة بسيطة ، سوى قاعدته ، ضربنا عشرين ، وهو نصف جميع جوانب قاعدته ، في ثلاثة عشر ، وهو العمود الواقع من رأسه على جانب من جوانب قاعدته ، فكان مائتين وستين ، وهو مساحة بسيطة ، سوى قاعدته .

فاما مساحة جرمه : فانا نضرب مساحة قاعدته ، وهي مائة ، في اثني عشر ، وهو الارتفاع ، فكان ألفا ومائتين ، أخذنا ثلثه فكان أربع مائة . وهو مساحة جرمه . وهذه صورته ...

فان كانت القاعدة مختلفة الجوانب مسحنا كل جانب من المخروط على حدته وجمعناها ، فما كان فهو مساحة البسيط . وضربنا مساحة القاعدة في العمود الواقع من رأسه على قاعدته وأخذنا ثلثه ، فما كان فهو مساحة ذلك المخروط .

مساحة قطع الأساطين

هذه القطع ، اما أن تكون القاعدتين متوازيتين ، واما أن تكون احدهما موزبة عن الأخرى .

فان كانتا متوازيتين فان مساحته ، في البسيط والجرم ، مثل الذي تقدم ذكره .

واما في المورب فانا نأخذ ضلعيه الأطول والأقصر ، ونضرب نصفهما في محيط القاعدة ، فما كان فهو مساحة البسيط ، سوى [١٠٧ ظ] القاعدتين . واما مساحة الجرم فانا نضرب ذلك النصف في مساحة القاعدة ، فما كان فهو مساحة الجرم .

مساحة قطع المخروط (٥١)

مساحة هذا الشكل : اما في البسيط فانه يضرب ضلعه في نصف محيط طرفيه ، فما كان فهو مساحة بسيط قطع المخروط سوى الطرفين .

واما مساحة الجرم فيكون على وجهين : احدهما أن نضرب مساحة سطح أعلاه في مساحة سطح أسفله ، ويؤخذ جذره ، فما كان يزداد على مساحة أعلاه وأسفله مجموعين ، ويضرب ما اجتمع في ثلث ارتفاع الجسم ، فما كان فهو مساحة تلك القطعة .

والوجه الآخر أن يضرب ارتفاع أعلاه في قطر دائرة أعلاه ان كان دائرة ، أو في ضلع من اضلاع الشكل ان كانت ذات اضلاع ، ويقسم ما اجتمع على تفاضل قطر الطرفين أو تفاضل الضلعين ، وما خرج من القسم حفظ ، فانه ارتفاع ما قطع منه ؛ وضرب في مساحة ثلث سطح أعلاه ، فيكون مساحة القطع ؛ ثم يجمع الارتفاعين ويضرب في ثلث

مسافة القاعدة ، فيكون مساحة المخروط كلا ؛ ويسقط منه مساحة القطع ، فما بقي فهو مساحة الجسم المخروط المقطوع .

أما مساحة الكرة (١٨٠) : فبسيطها فهو أن تضرب مساحة أعظم دائرة تقع عليها في أربعة ، فما كان فهو مساحة بسيط الكرة ؛ فأما مساحة الجرم فان ارشميدس كان يضرب قطر الكرة في نفسه ، وما اجتمع في محيط [١٨٠ و] أعظم دائرة تقع عليه ، وياخذ سدسه ، فما كان ذكر انه مساحة الكرة .

وله وجه آخر : أما مساحة بسيط الكرة ان يضرب قطر اعظم دائرة تقع عليها في محيط تلك الدائرة ، فما كان فهو مساحة بسيطها . وأما مساحة الجرم فهو أن تضرب مساحة ثلث البسيط في نصف قطر الكرة ، فما كان فهو مساحة الكرة .

هذا الشكل يحيط به قطعة من بسيط الكرة ومخروط رأسه مركز الكرة وقاعدته الدائرة التي تشتمل على بسيط القطعة من الكرة ، ومساحته أن تضرب ثلث بسيطه في نصف قطر الكرة ، فما كان فهو مساحة ذلك الشكل .

مساحة قطاع الكرة

يعرف مساحة قطاعه وينقص منه مساحة المخروط ، أو يزداد عليه ، فما حصل أو ما بقي ، فهو مساحة تلك القطعة ان شاء الله .

وله وجه آخر : وهو أن ينقص ارتفاع القطعة من قطر الكرة ، فما بقي يزداد عليه نصف قطر الكرة ويضرب في ارتفاع تلك القطعة ، ويقسم على ما كان بقي من القطر حينما نقصنا منه ارتفاع القطعة ، فما حصل من القسمة ضربناه في ثلث مساحة الدائرة التي هي قاعدة القطعة ، فما كان فهو مساحة قطعة الكرة ، ان شاء الله .

الباب السابع في مساحة الأبعاد وهو ستة فصول الفصل الأول

في صفة آلة تعرف بها مساحة الأبعاد

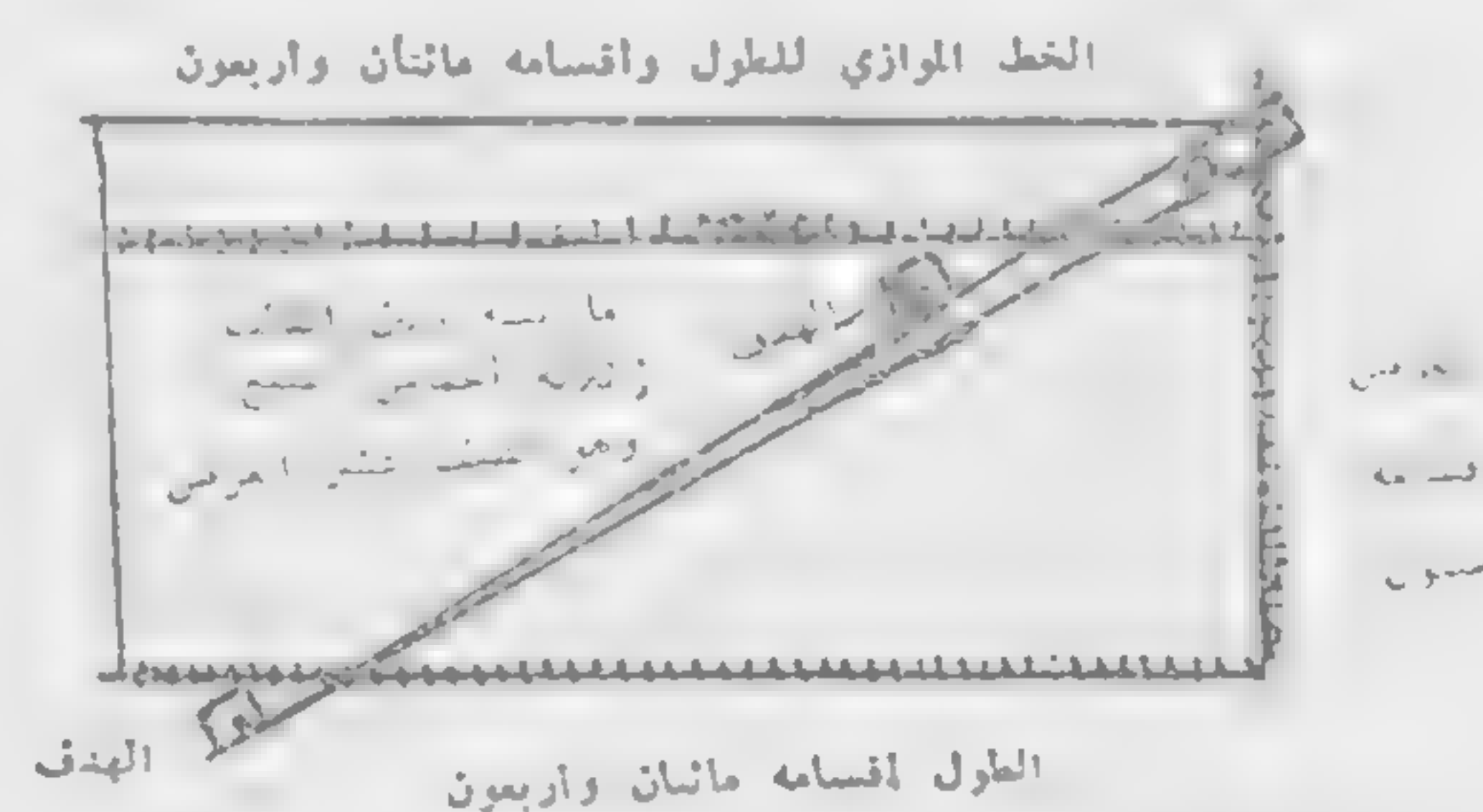
هذا المعنى قد قال فيه الناس فاكثروا ، وأتوا على طرق سلكوها [١٠٨] فيه بأدلة وبراهين لو شرحناها لطال القول فيه وخرجنا عن مذهبنا في التقريب وعما نحن بسبيله في الاختصار . ولما رأيت ذلك أعملت فكري في طريق واحد سنح لي في هذا الوقت ، يغني عن التطويلات ويقوم مقام تلك الطرق . وهو أني عولت في ذلك كله على آلة نعمتها قريبة المأخذ ، سهلة العمل ، يعرف بها سائر الأبعاد ، في الطول والعرض والسماك ، بأهون السعى وأخفه محملا على القاريء ومراما على الطالب . وأنا أذكر صنعة هذه الآلة قبل الانشغال بشيء من الاعمال ، ليكون أصلا لمن يعملها . ثم نذكر بعد ذلك العمل بها والتصرف فيها ان شاء الله .

عمل الآلة

فاذا أردنا أن نعمل هذه الآلة اتخذنا لوحا من شبه أو من خشب ، أو ما شئنا من الاجسام الصلبة ، عرضه نصف ذراع ، وطوله ما شئنا من الاذرع ، فانه كلما كان أطول أمكننا أن نعرف الأبعاد به أكثر ، ولنجعل في هذا الموضع ذراعين ؛ وتلطف في استواء جانبه وتصحيح وجهه وقيام زواياه ، حتى يكون مستطيلا على الحقيقة ، وتركنا عند واحد من زواياه قطبا وعضادة مشبعة بهدفين مستوفين بالطول . ونفصل من خط العرض ، مما يلي القطب : اصبع واحد ، أعني جزءا من اثني عشر ، فان الذراع وضعناها على أن تكون أربعة وعشرين اصبعاً بأصابع اليد ؛ أعني بالذراع في هذا الموضع ذراع السودا ، التي هي ذراع اليد ؛ ونقسم تلك الاصبع بخمسة أقسام متساوية ، ونخرج على موضع ثلاثة أجزاء من موضع القطب ، خطا موازيا للطول ، ونقسم ذلك الخط

بأقسام متساوية ، وكل واحد منها مساو لخمس الاصبع ، ونقسم العرض أيضا بمثل تلك الأقسام ، والطول الذي يقابل القطب كذلك ؛ ونقسم كل قسم منها بما أمكننا من الأجزاء ، لنقف منه على كسور الأجزاء . فيكون ما فعلناه ان العرض ينقسم بستين قسما ، وان الطول ينقسم بمائتين وأربعين قسما .

فنكون عند ذلك قد فرغنا من صنعة هذه الآلة [١٠٩] وهذه صورة الآلة .



الفصل الثاني

في معرفة الأبعاد التي على بسيط الأرض (١٠)

وهو في معرفة عرض الأنهار والأودية والصحاري من غير أن يوصل إليها . إذا أردنا أن نعلم ذلك ، وضعنا على وجه الأرض شخصا طوله ذراعين ونصف ، أما من خشب أو من حجر أو غيرهما من الأجسام ، ليرفع هذه الآلة عن الأرض ، ويتمكن صاحبها من النظر في هدي العضادة . ولا يتعبه حملها في وقت استعمالها . ونجعل الزاوية التي فيها القطب الى فوق ، مما يلي أعيننا ، وننظر من الهدف فوقاني ، حتى نرى الموضع الذي نريد أن نعرف بعده منا من الهدف الثاني ، ويقع شعاع بصرنا

في الهدفين على ذلك الموضع ؛ فإذا فعلنا ذلك نظرنا الى الموضع الذي قطع العضادة من الخط الموازي للطول ، ونعد ما بينه وبين طرفه الذي يليه ، فما كان فهو بعد ذلك الشيء منا (بالاذرع) .

مثال ذلك : إذا أردنا أن نعرف عرض نهر لا نصل الى ذلك الجانب (منه) : وضعنا الآلة على شيء مرتفع من الأرض عند شاطئ ذلك النهر يكون ارتفاعه ذراعين ونصف ، ونظرنا من هدي العضادة حتى وقع بصرنا على ذلك الجانب على موضع في موازاة أرجلنا ، ونظرنا الى ما قطع العضادة من الخط الموازي للطول [١٠٩ ط] فوجدناه قد قطع منه مائة وخمسة وأربعين جزءا ونصف ، فقلنا أن عرض ذلك النهر هو مائة وخمسة وأربعون ذراعا ونصف . وهذه الصورة :



الفصل الثالث

في معرفة أبعاد الأشياء العالية منا في الجو (١١) ، من غير أن نصل الى أصله

إذا أردنا أن نعرف بعد شيء منا في الهواء ، وهو ثابت لا يزول عن موضعه ، ولا نصل اليه ولا الى أصله ، مثل رؤوس الجبال وعلو القباب أو قطعة غيم واقف في الهواء ، أو غير ذلك ، فانا نرفع تلك الآلة على القاعدة التي ذكرنا أن طولها ذراعين ونصف ، ونجعل الزاوية التي

عليها القطب مما يلي عيننا ، ونرفع الجانب الآخر ، وننظر من الزاوية الثانية خط الطول حتى نرى رأس تلك القبة أيضا أو الجبل ، ثم نمكن تحت اللوح شيئا يمسكه حتى لا يزول عن محاذاته . ثم ننظر من هدي العضادة حتى نرى رأس القبة أيضا . ثم ننظر ما قطع العضادة من الخط الموازي للطول ، فما كان أخذنا سدسه ، فهو بعد ما بيننا وبين تلك القبة .

مثال ذلك اذا أردنا أن نعرف بعد رأس قبة منا ، ولا نصل الى أصلها ، ولا نعرف ارتفاعها من الأرض ، وضعنا الآلة على شيء مرتفع لنتمكن من النظر ، وجعلنا الزاوية التي تليها ، مع القطب ، على تلك القاعدة ، ونظرنا [١١٠] من تلك الزاوية مع الطول حتى رأينا رأس تلك القبة ، ثم وضعنا تحت اللوح شيئا يمسكه ، ونظرنا من الهدفين حتى رأينا أيضا رأس القبة ، فرأينا أنه قطع من الخط الموازي للطول مائتين وعشرين جزءا ، أخذنا سدسه فكان ستة وثلاثين (وثلثين) . وهو بعد ما بيننا وبين رأس القبة من الأذرع .

وكلما زدنا في طول هذا اللوح وصغرنا أقسام الخط الموازي للطول ، أمكننا أن نعرف به أبعاد الأشياء أكثر . وهذه صورة ذلك :



الفصل الرابع

في معرفة طول الأشياء العالية من الأرض (٢٨)

هذا الفصل ينقسم الى ثلاثة أقسام : أحدها ما نصل الى أصله ومركز حجره ، والثاني ما لا نصل الى أصله لكننا نراه بأعيننا ، والثالث ما لا نصل الى أصله ولا تقع عليه أبصارنا .

معرفة الوجه الأول

واذا كان الموضع مرتفعا من الأرض ، وأمکننا أن نصل الى الأصل ، وضعنا الآلة على القاعدة ، ونجعل القطب على القاعدة الى ما يليها ، ونقيمه عليه قائما بالطول ، وننظر من هدي العضادة ، حتى نرى رأس الشيء الذي نريد أن نعلم ارتفاعه من الأرض ، فما تقطع العضادة من الخط الموازي أخذنا ثلثه ، وضربناه في ما بيننا وبين أصل ذلك الشيء من الأذرع ، فما كان زدنا [١١٠] عليه ذراعين ونصفا ، فما حصل فهو ارتفاع ذلك الشيء من بسيط الأرض .

مثال ذلك : اذا أردنا أن نعرف ارتفاع قلعة على رأس جبل نصل الى أصله ، ذرعنا ما بيننا وبين أصله ومسقط حجره ، فكان أربعة وثمانين ذراعا ، ثم أقمنا الآلة على القاعدة ، وجعلنا القطب الى ما يليها ويلى القاعدة ، ونظرنا من الهدفين حتى رأينا رأس القلعة ، ثم نظرنا الى ما قطع العضادة من الخط الموازي للطول ، فكان مائة واثنا عشر جزءا ونصف ، أخذنا ثلثه فكان سبعة وثلاثين جزءا ونصف ، ضربناه في أربعة وثمانين ، فكان ثلاثة الف ومائة وخمسين ذراعا ، وهو ارتفاع تلك القلعة من الأرض . وهذه صورة ذلك x

معرفة علو الأشياء التي لانصل الى أصلها ، وتقع عليها أبصارنا

أما معرفة علو الأشياء التي لانصل الى أصلها ، وتقع عليها أبصارنا ، أعني على مسقط حجرها ، فإن معرفة ذلك شبيهة بمعرفة ما تقدم ذكره ، يعطى صورة لا تختلف عن السابقة الا في أن خطا واحدا يمتد من العضادة الى القلعة ويسمى الخط الشعاعي .

وذلك أن جميع ما تقع عليه أبصارنا فانه يمكننا أن نعرف البعد بيننا وبينه بمثل ما تقدم ذكره في الفصل الثاني من هذا الباب . فاذا عرفنا ذلك البعد ، عرفنا حينئذ ارتفاعه كما تقدم ذكره قبيل ، ان شاء الله .

معرفة ارتفاع الأشياء التي لا يوصل الى (أصلها) ولا يقع عليها البصر

فاذا أردنا أن نعرف ذلك عرفنا أولا البعد بيننا وبين رأسه ، بمثل الطريق [١١١] الذي ذكرناه في الفصل الثالث من هذا الباب ، ثم وضعنا الآلة على القاعدة ، وجعلنا القطب مما يلي القاعدة ، ونظرنا من الهدفين حتى وقع أبصارنا على رأس ذلك الجبل أو القبة أو القلعة أو غير ذلك من الأشياء التي نريد أن نعرف علوها ، ثم نظرنا الى ماقطع العضادة من جانب الطول ، فما كان حفظناه ، ثم ضربناه في مثله وزدنا عليه ثلاثة آلاف وستمئة ، فمأحصل أخذنا جذره وقسمنا عليه ما يكون من ضرب المحفوظ في البعد بيننا وبين رأس ذلك الشيء الذي أردنا أن نعلم علوه من وجه الأرض .

مثال ذلك : اذا أردنا أن نعرف ارتفاع قلعة على رأس x من وجه الأرض ، ومن الموضع الموازي لموضع قيامنا ، ولا نصل الى أصله ، ولا يقع بصرنا على مسقط حجره ، أقمنا اللوح على القاعدة ، وجعلنا القطب مما يليها ويلينا ، وأبصرنا من الهدفين رأس القلعة فوجدنا العضادة قد قطعت من جانب الطول خمسة وأربعين جزءا ، حفظناه ؛ ثم ضربناه في مثله فكان ألفين وخمسة وعشرين ، زدنا عليه ثلاثة آلاف وستمئة فصار خمسة ألف وستمئة وخمسة وعشرين ، أخذنا جذره فكان خمسة وسبعين ، ثم نظرنا البعد الذي بيننا وبين رأس ذلك القلعة ، فكان مائتين وثلاثين ذراعا ، ضربناه في ما حفظناه ، وهو خمسة وأربعين ، فكان عشرة ألف وثلاثمائة وخمسين ، فقسمناه على الجذر ، وهو خمسة وسبعين ، فخرج من القسم مائة وثمانية وثلاثين ، وهو ارتفاع تلك القلعة من وجه الأرض . وهذه صورة ذلك (يعطى صورة كالسابقة) .

x هنا فراغ في الاصل يتسع لكلمة لعلها مرتفع .

الفصل الخامس

في معرفة الأبعاد الى أصول الجبال ومسقط عمودها منا

اذا لم نصل الى أصلها ولا تقع أبصارنا على مسقط العمود ، قد يسهل علينا معرفة ذلك بالأشياء التي قدمنا ذكرها ، وذلك أنه اذا كان جبل أو قصر أردنا أن نعرف بعد ما بيننا وبين مسقط حجره ، ولا يقع عليه بصرنا ، عرفنا ارتفاع ذلك الشيء ، كما تقدم ذكره ، وضربناه في ستين ، وقسمناه على المحفوظ الذي قطع العضادة من جانب الطول من اللوح ، فما خرج من القسم فهو البعد بيننا وبين أصل ذلك الجبل ، ومسقط حجره .

مثال ذلك : اذا أردنا أن نعرف مسقط حجر الجبل الذي تقدم ذكره والبعد بيننا وبينه ، ضربنا ارتفاعه من وجه الأرض ، وقد كنا علمنا ذلك فكان مائة وثمانية وثلاثين ذراعا x ، في ستين ، فكان ثمانية ألف ومائتين وثمانين ، وقسمناه على المحفوظ ، وكان خمسة وأربعين ، فخرج من القسم مائة وأربعة وثمانين . وهو البعد بيننا وبين مسقط عمود ذلك الجبل . وهذه صورته x x .

الفصل السادس

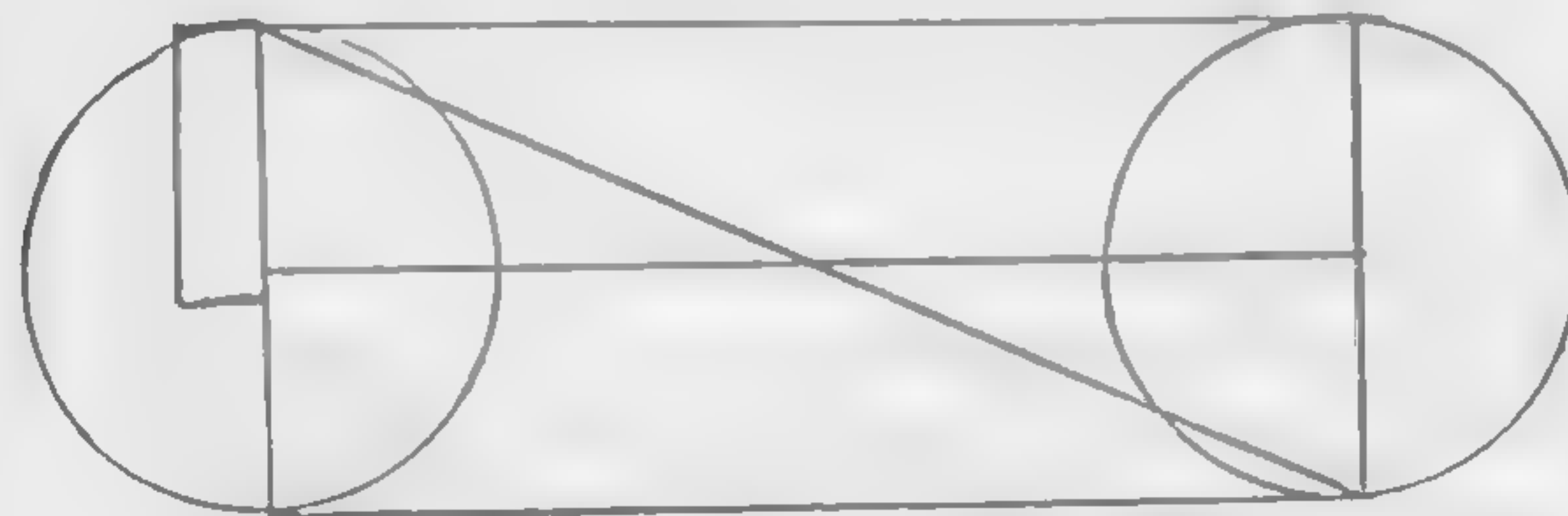
في معرفة عمق الآبار والبرك والحياض

فاذا أردنا أن نعرف ذلك ، وضعنا اللوح على طرف البئر ، ويكون القطب الى فوق ، مما يلي عيننا ، وننظر في الهدفين حتى نرى أسفل ذلك البئر ، من الناحية الاخرى ، أعني الجهة المقابلة لنا ، ثم ضربنا عرض البئر في ستين ، وقسمناه على ما فصل العضادة من جانب اللوح ، فما خرج من القسم فهو عمق ذلك البئر مع طول اللوح .

x في الاصل : درهما .

x x يخطى هنا صورة كالسابقة يلها سطران يتكرر فيهما عنوان هذا الفصل ، وعلى الهامش كلمة مكرر . وصل منا الى ١٩٩ و في م وهي تبدأ بصورة كالتي نحن بصدها ولكن أقل من صورة ل دقة واتقاناً .

مثال ذلك : بئر عرضها عشرة أذرع ، وأردنا أن نعرف عمقها
وضمنا اللوح على طرف البئر ، وجعلنا القطب الى ما يلي العين ، ونظرنا
من الهدفين حتى رأينا الجانب الآخر من أسفل البئر ، فوجدنا العضادة
قد قطعت من طول اللوح سبعين جزءا . ضربنا العشرة أذرع في ستين ،
فكان ستمائة ، وقسمناه على سبعين فخرج من القسم ثمانية وأربعة
أسباع . فقلنا أن عمق البئر ثمانى أذرع ونصف سبع ذراع . وهذه
صورته .



[١١٢ظ] تمت المقالة وهي المنزلة الثالثة من كتاب أبي الوفاء في المدخل الى
الخارج x x ، وصلى الله على سيدنا محمد وآله . وكتبه المفضل بن مواهب
بن أسد ، لنفسه . ومهما كان فيه من سهو وغلط فانه غير راض عنه
راجع عنه الى الصواب . والله الموفق الى ذلك وحسبنا الله وحده *

في ل نجد هذه الصورة ، ولكن أسفل البئر الى أعلى واللوح الى أسفل . أما في م فالصورة
نفس عموديا على ٢٠٠ و . اللوح من أعلى وأسفل البئر في أسفل الصفحة .
مكذا في ل أما في م فنجد : تمت المنزلة الثالثة من كتاب أبي الوفاء والحمد لله وحده
وصلى الله على محمد النبي وآله وسلم .
اسمته اوراق ل ، وبقينا مع م وحدها . والورقة ٢٠١ فيها دخيلة على المخطوط فهي
نخط كخط الورقة الدخيلة السابقة ، ويحوي مسائل على الاشكال الرابعة .

[٢٠٢ظ]

بسم الله الرحمن الرحيم

رب فامتن به علي

المنزلة الرابعة

من كتاب أبي الوفاء محمد بن محمد المهندس
في ما يحتاج اليه الكتاب والعمال وغيرهم من
علم الحساب
وهي في أعمال الخراج

وهي سبعة أبواب :

- الباب الاول : في الالفاظ والرسوم الجارية في الدواوين في أمر الخراج .
- الباب الثاني : في أصول ينبغي أن يعتمد عليها في حساب جميع أنواع
المعاملات . وهو فصلان
- الباب الثالث : في الأصول التي يعتمد عليها في مسائل الخراج .
وهو فصلان
- الباب الرابع : في مسائل الطسوق وحدها . وهو أربعة فصول
- الباب الخامس : في مسائل الأيبن . وهو فصل واحد
- الباب السادس : في مسائل الطسوق والرواج . وهو فصل واحد
- الباب السابع : في مسائل الطسوق والايبن والرواج . وهو فصل واحد
فذلك سبعة أبواب وانما غير فصلان .

الباب الأول

في الألفاظ والرسوم التي تجري في معاملات الناس في أمر الخراج

أمر جميع المعاملات التي تجري بين السلطان ، بنواحي [٢٠٣] السواد وكور الأهواز والبلاد القريبة منها ، وبين معاملته من أرباب الأرضين ، ينقسم قسمين : فقسم يؤدي حق بيت المال فيه ورقاً موزوناً ، وقسم يؤدي حق بيت المال فيه غلة مقسومة .

فأما ما يجري على المقاسمة فهو يقسم قسمين : أحدهما الاستار ، وهو ما أخذ منه النصف ، والآخر القطيعة ، وهو ما حمل أربابه فيه على نفسه .

وقد تولد من ذلك قسم ثالث من استار خفض عن أربابه ، مسامحة لهم ومعاونة على عمارة ضياعهم ، بحسب ما يراه السلطان أعدل وأصلح وقطيعة زيد على أربابها لحيف وقع عليهم .

والمعاملات في ذلك تزيد وتنقص ، والاستقصاء في ذلك خارج عما نحن فيه وداخل في أحكام الخراج ، وقد بين ذلك في كتبه . وإذا صرنا نحن إلى المنزلة المختصة بالمقاسمات شرحنا فيها ما لا بد منه .

فأما ما يؤدي فيه ورق ، فإنه ينقسم قسمين : أحدهما أن تعويل أربابه على الخراج ، وبمساحة ما يسمح عليهم وعدد ما يبلغ هذا [٢٠٣] والثاني يؤدي المال فيه على العبرة ، وهي المقاطعات والضرائب التي على الإيجارات . وهذا القسم ينقسم إلى مثل أقسام المقاسمات . فإن منه الاستار التام ، ومنه القطيعة الخمسة من خراج الاستار ، التي توازي العشر من الأصل ، ومنه المعاملات المختلفة المتوسطة بين هذين الطريقتين ، استار مخفف أو قطيعة قد زيد فيها . وذلك يزيد وينقص حسب الموجود منه في الدواوين ورسوم النواحي . وليس للاشتغال بشرح ذلك في هذا الموضع وجه .

فأما القسم الجاري على العبرة فإنه ينقسم قسمين ، فمنه المقاطعات والمفارقات ، وهي التي قوطع أصحابها عليها ، على عبرة معروفة محدودة ، لا يزداد فيها ولا ينقص منها ، ويلزمهم حينئذ أن يؤدوها على التعطيل والاعتماد ، كما هو موجود في نواحي خراسان وأكثر نواحي الشام .

* في الأصل : العبرة .

ويكون افتتاح هذا على السنة الهلالية ، لا على السنة الخراجية ، وذلك عند افتتاح الجوالي وما يجري مجراها ، في أول المحرم في كل سنة . [٢٠٤] وأما معنى ذلك بسببين أحدهما أنه لا يحتاج في وجوبه إلى أدراك الغلات ومراعاة أوقات الزراعة وتعطيل ما يتعطل منها أو تأخير ما يتأخر .

والثاني أن السلطان إذا افتتح ذلك عند السنة الهلالية ، ربح في كل ثلاثة وثلاثين سنة : سنة بالتقريب ، لفضل ما بين الهلالية والخراجية في المدة ، وهو أحد عشر يوماً بالتقريب في كل سنة .

ولما كان أمر الغلات ، بين ما للسلطان ورعيته وأرباب الأرض ، ينقسم إلى المقاسمة والخراج ، وكانت المقاسمات يتأخر النظر في أمرها لأنها تكون عند أدراك الغلات وحصولها على البيادر ، وكنا قد ذكرنا أن أول شيء يرفع إلى الدواوين : ذكور المسائح وتقديم الغلات ، قدمنا أعمال الخراج والمقاسمات ، وإن كان الواجب أن يكون الأمر في أعمال الغلات مقدماً على أبواب المال ، ولأننا كنا قد بينا أعمال المساحات ، فينبغي أن نذكر طسوقها وما يلزم عليها من الخراج ، ثم نتبعها بأمر المقاسمات . فنقول :

إن الألفاظ التي تستعمل في الدواوين في معاملات الخراج هي الطسوق والأين والرواج (١) .

[٢٠٤] فاما الطسوق فهو ما يلزم الجربان من الخراج ، بمساحة كانت أو غيرها ؛ والأين ما يلزم فيها الماسح بحق مساحته ، والرواج ما يأخذه الجهبذ بحق جهبذته .

واستخراجه (هو) والأين يلزم الجربان ، حسب ما جرى به رسوم النواحي ، أو حسب ما يخرج من الدواوين عند صدور الأوامر . فإن المساح في أكثر نواحي السواد يوافقون على ما يأخذونه بحقوقهم من كل جريب .

والرواج يلزم المال ، فإن الجهبذ يوافق على ما يأخذه من كل مائة درهم . وقد يسميه بعض الناس الكسور ، والأجرة ، وحق الجهبذ ، ورواج الرواج ، وهو شيء يسير يصرف إلى غلمان الجهابذة والمستخرجين وإلى المتصرفين معهم وليس له رسم معلوم ولا مقدار لازم ، وهو على حسب ما يرسمه العامل والجهبذ والمستخرج وبمقدار عنايتهم بمن يتصرف معهم . فهذا ما كان ينبغي أن يقدم ذكره قبل اشتغالنا بأعمال الحساب ، لتكون همة القارئ مصروفة إلى غرضه في هذه المنزلة إن شاء الله .

الباب الثاني

في الأصول التي يعتمد عليها في جميع أنواع المعاملات

وهو فصلان

[٢٠٥] ينبغي أن يعلم أن جميع أنواع المعاملات هي مبنية على مسألة واحدة أوردها أقليدس في المقالة السادسة من كتابه في الأصول على جهة المقادير ، وفي المقالة السابعة على جهة العدد ، وهي قوله : كل أربعة أعداد أو مقادير متناسبة فإن ضرب الأول في الرابع مساو لضرب الثاني في الثالث . مثال ذلك أربعة أعداد متناسبة ، وهي اثنان وثلاثة وستة وتسعة ، فإن نسبة الاثنين إلى الثلاثة ، وهي ثلثان ، مساوية لنسبة الستة إلى التسعة وهي أيضا ثلثان ف ضرب الأول في الرابع ، وهي اثنان في تسعة ، أعني ثمانية عشر ، مساو لضرب الثاني ، وهو ثلاثة ، في الثالث ، وهو ستة ، أعني ثمانية عشر .

فاذا كان الأمر على ما ذكر أقليدس فانا نبين كيف نخرج منه جميع أنواع المعاملات ، وكيف ترجع إليها مسائلها ، فنقول : أنه إذا كان واحد من هذه الأربعة الأعداد المتناسبة مجهولا وأردنا أن نعلمه من الثلاثة الأعداد المعلومة : نظرنا إلى المجهول ، فإن كان واحدا من الطرفين ، أعني الأول والرابع ، ضربنا الأوسطين ، أحدهما في الآخر ، أعني الثاني في الثالث ، وقسمنا المجموع على المعلوم من الطرفين ، فما خرج [٢٠٥ظ] من القسم فهو المجهول . وإن كان المجهول واحدا من الأوسطين ، ضربنا الطرفين أحدهما في الآخر ، وقسمنا ما اجتمع على المعلوم من الأوسطين ، فإن الخارج من القسم يكون هو المجهول من الأوسطين .

مثال ذلك أربعة أعداد متناسبة : الأول منها ثلاثة والثاني أربعة والثالث ستة ، والرابع مجهول . فإن أردنا أن نعلمه ضربنا الأوسطين ، أحدهما في الآخر ، وهو أربعة في ستة ، فكان أربعة وعشرين ، وقسمناه على الأول ، وهو ثلاثة ، فخرج من القسم ثمانية ، وهو الرابع .

فإن كان المجهول : الثاني ، والأول والثالث والرابع معلومة ، ضربنا الأول ، وهو ثلاثة ، في الرابع ، وهو ثمانية ، فكان أربعة وعشرين ، وقسمناه على الثالث ، وهو ستة فخرج من القسم أربعة ، وهو الثاني . فقد ظهر من هذا كيف نعلم ، إذا كان الأعداد متناسبة ، واحدا مجهولا . وهذا المعنى على جهة الضرب (١٠) . وقد يعلم ذلك على جهة القسمة أيضا ، وذلك أنه إذا كان أربعة أعداد متناسبة ، فإن قسمة الأول على

الثاني يكون مساويا لقسمة الثالث على الرابع ؛ وبالعكس تكون قسمة الثاني على الأول مساوية لقسمة الرابع على الثالث .

مثال ذلك : الأربعة الأعداد [٢٠٦ظ] التي تقدم ذكرها ، وهي ثلاثة وأربعة وستة وثمانية . فإن قسمة الأول ، وهو ثلاثة ، على الثاني ، وهو أربعة ، أعني ثلاثة أرباع ، مساو لقسمة الستة على الثمانية ، وهو أيضا ثلاثة أرباع . فاذا كان واحد من هذه الأعداد مجهولا ، وكان المجهول : الأول ، قسمنا الثالث على الرابع ، وما خرج من القسم ضربناه في الثاني ، فما اجتمع فهو الأول . الا ترى أنا متى ضربنا الثلاثة الأرباع في أربعة كان ذلك مثل الأول ، وهو ثلاثة ؟

فإن كان الثاني مجهولا ، قسمنا الرابع على الثالث ، فما خرج من القسم ضربناه في الأول ، فكان ذلك : الثاني . الا ترى أنا متى قسمنا الرابع على الثالث كان الخارج من القسم واحدا وثلثا ، فاذا ضربناه في الأول ، وهو ثلاثة ، كان أربعة ، وهو الثاني . وكذلك يستخرج الثالث والرابع إذا كان الواحد منهما مجهولا .

وقد يستخرج المجهول من الأربعة الأعداد المتناسبة بالنسبة ، فانه إذا كان نسبة الأول من الثاني كنسبة الثالث من الرابع وكان واحد من الأربعة الأعداد مجهولا ، فإن النسبة تكون فيها معلومة ، فاذا أخذنا بقسط تلك النسبة من قرين المجهول في النسبة ، كان ذلك المجهول . الا ترى أن الأول إذا كان مجهولا [٢٠٦ظ] فانا إذا أخذنا من الثاني بقسط نسبة الثالث من الرابع ، كان ذلك : الأول . والمثال في ذلك المسئلة التي تقدم ذكرها . فانا إذا أخذنا من الثاني ، وهو أربعة ، بقسط نسبة الثالث من الرابع ، كان ذلك ثلاثة ، وهو الأول . وكذلك ان كان الرابع مجهولا ، فانا إذا أخذنا من الثالث بقسط نسبة الثاني من الأول ، وهو مثل وثلث ، كان ثمانية ، وهو الرابع .

وهذا الطريق أكثر ما يستعمله الكتاب في جميع معاملاتهم ، فانه أقرب وأسهل من الضرب والقسمة . فقد تبين من الطريق التي ذكرناها معرفة المجهول من الأربعة الأعداد المتناسبة .

الفصل الثاني

في رد سائر أنواع المعاملات إلى مسألة أقليدس

فاذا قد تبين ذلك فانا نقول أن سائر أنواع المعاملات هي مبنية على هذه المسئلة ، ومنها تستخرج جميع المجهولات ، وذلك أن جميعها يكون

فيها أربعة الفاظ ، ثلاثة منها معلومة ، وواحد منها مجهول ، اما أن يكون واحدا من الطرفين أو واحدا من الاوسطين . ونستخرج ذلك المجهول بمثل الطريق التي قدمنا ذكرها .

[٢٠٧] ولأن تقريب ذلك للناظر في هذا الباب في الابتداء فيتصور ما نقوله ، ويصير له عيانا فيشاهده ، فانا نمثل بشيء من المعاملات قريب المأخذ ، الى أن يأخذ يشتغل في ذكر المسائل ، في هذا الباب ، وفي غيره من أبواب المعاملات .

وذلك مثل قول القائل : أربعة دنانير : بائنين وستين درهما ، سبعة دينار كم يكون ؟ فقد علمنا أن هذه أربعة اعداد متناسبة ، نسبة الاول ، وهو أربعة ، من الثاني ، وهو اثنان وستون ، كنسبة الثالث ، وهو سبعة ، من الرابع ، وهو المجهول ، أعني ثمن سبعة دنانير . فان شئنا قلنا : نسبة المجهول من السبعة الدنانير كنسبة الاثنتين والستين من الأربعة ، على المبادلة . فاذا سلطنا واحدا من هذه الثلاثة الطرق التي تقدم ذكرها في استخراج المجهول كان الحاصل مائة وثمانية ونصفا .

وكذلك لو قلنا أربعة أقفزة خراجها اثنان وستين درهما كم يكون خراج سبعة أقفزة ؟ وكقولنا : اذا أصابنا في المقاسمة أربعة أقفزة من أصل اثنان وستين قفيزا ، سبعة أقفزة من أصل كم يكون ؟

وكقولنا في الشراء والبيع : أربعة أثواب [٢٠٧ظ] ثمنها اثنان وستون درهما ، سبعة أثواب كم يكون ثمنها ؟

فتكون جميع أنواع هذه المسائل مردودة الى مسئلة اقليدس ، ومستخرجة منها . وتكون أجوبتها معلومة بالطرق التي بينها قبل ، أعني الضرب والنسبة والقسمة . وهذا الذي ذكرناه قد كان يكتفى به من له أدنى رياضة ودربة في الأنواع التي أوردناها في المنازل التي سبقت لنا من هذا الكتاب . الا انا لما علمنا أن المتعلم ومن ليس له درية تامة في حساب المعاملات ليس يعمل بما ذكرناه وليس يتعبها له تفضيل النسبة في كل وقت ، في جميع المسائل بسرعة ، وكان المستحسن في جميع هذه الاعمال سرعة الحساب وخفته ولا تخرج في كثرتها على الأصول ، أوردنا من كل واحد من أبواب المعاملات مسائل يستغنى بها الناظر في هذا الكتاب على سرعة عمله اذا سلك الطرق [٢٠٨] التي سنذكرها . وان كان جميعها راجعا الى ما ذكرناه من الأربعة الاعداد المتناسبة ، ان شاء الله .

الباب الثالث

في الأصول التي ينبغي أن يعتمد عليها

في مسائل الخراج

وهو فصلان

وقد ذكرنا في ما تقدم أن الأصول في جميع المعاملات هي الضرب والقسمة والنسبة . وينبغي أن نبين في هذا الموضع ما يعتمد عليه في الضرب فليس كل مسئلة يمكن أن يسلك فيها طريق القسمة والنسبة . وقد نضطر في ذلك الى الضرب اذا لم تستو النسبة والقسمة فانها أخف من الضرب . وفي الضرب فينبغي أن يكون حافظا لما يحصل من ضرب سائر أجناس الكسور والاجزاء بعضها في بعض ، وهو تسعة أنواع ، على ما فصلناه في غير هذا الموضع . وذلك لأن الدراهم وكسورها أيضا ثلاثة أجناس هي دراهم ودوانيق وعشران . والجربان وكسورها أيضا ثلاثة أجناس ، وهي جربان وقفزان وعشران .

فاذا ضربنا [٢٠٨ ظ] (شيئا في شيء فالحاصل ربما يتغير) والمتعلم ينبغي أن يكون حافظا لضرب كل نوع منها في الآخر كما نصفه :

اما الجربان فانها في أي نوع ضربت لم تغيره عن حاله . وذلك انها اذا ضربت في الدراهم كان كل واحد منها درهما . فان ضربت في الدوانيق كان كل واحد منها دانقا وكل ستة منها درهما فان ضربت في العشران كان كل واحد منها عشيرا ، وكل عشرة منها دانقا ، وكل ستين منها درهما . والقفزان ان ضربت في الدراهم كان كل واحد منها ستة أعشر ، وكل عشرة منها درهما ، فان ضربت في الدوانيق ، كان كل واحد منها عشيرا ، وكل عشرة منها دانقا ، وكل ستين منها درهما . فان ضربت في العشران ، كان كل واحد منها عشر عشير وكل عشرة منها عشيرا ، وكل مائة منها دانقا وكل ستمائة منها درهما . وعشران الجربان ان ضربت في الدراهم كان كل واحد منها ثلاثة أخماس عشير ، وكل واحد وثلاثين منها

عشيرا ، وكل ستة عشر وثلثين منها [٢٠٩ظ] دانقا ، وكل مائة منها درهما . وان ضربت في الدوانيق كان كل واحد منها عشر عشير ، وكل عشرة منها عشيرا ، وكل مائة منها دانقا ، وكل ستمائة منها درهما ، وذلك مساو لضرب القفزان في عشرين الدراهم . وان ضربت في عشرين الدراهم كان كل واحد منها عشر عشر عشير ، وكل مائة منها عشيرا ، وكل الف منها دانقا ، وكل ستة الف منها درهما (١١) .

فهذه (هي) الاصول التي ينبغي ان يعتمد عليها في حساب الطسوق . وهي كما قدمنا ذكره ، تسعة انواع : ضرب الجربان في الدراهم ، ثم في الدوانيق ، ثم في العشران ، فذلك ثلاثة انواع . وضرب القفزان في الدراهم ، ثم في الدوانيق ، ثم في العشران ، فذلك ثلاثة انواع ، وضرب العشران في الدراهم ، ثم في الدوانيق ، ثم في العشران ، وذلك ثلاثة انواع ، فيصير الجميع تسعة انواع .

الفصل الثاني

في أنواع من مسائل الطسوق ومسائل في سائر أنواع المعاملات

ان مسائل الطسوق تنقسم الى اربعة انواع [٢٠٩ظ] وهي المستوى والمعكوس والمقلوب والمخالف .

اما المستوي فهو ان يكون الطسق معلوما ، واردنا ان نعلم ما يجب على المعامل عن احربة معلومة مسحت عنه .

وذلك مثل قول القائل : طسق الجريب اربعة عشر درهما ودانقين ، كم يجب ان يكون الاداء عن اثنين وثلثين جريبا وسبعة اقفة ؟ وهذا النوع من الاربعة الاعداد المتناسبة وهو ان يكون الرابع مجهولا .

واما المعكوس فهو ان يكون طسق الجريب ايضا معلوما ، ويؤدي

المعامل مالا معلوما ، واردنا ان نعلم عن كم أدى ذلك المال ، (لنعلم) ما يقع عليه من الخراج ، ان كان قد بقي عليه شيء ، أو يفضل له ان كان (أدى) أكثر مما يلزمه . وذلك مثل رجل مسح عليه تسعة وأربعون جريبا وأربعة اقفة ، وقد أدى مائتي درهم ، وخراج الجريب ستة عشر درهما وأربعة دوانيق ، واردنا ان نعلم عن كم تحتسب له تلك الدراهم . وهذا النوع من الاربعة الاعداد [١٢٠ظ] المناسبة ، وهو ان يكون الثالث مجهولا .

واما المقلوب فهو ان يكون الاداء وما أدى عنه معلوما ، واردنا ان نعلم الاصل ، أعني أصل الطسق . وذلك مثل رجل مسح عليه أربعة وثلثين جريبا وثلاثة اقفة ، وأدى جميع ما يلزمه من الخراج فكان ستمائة وستة وثلثين درهما ، واردنا ان نعلم كم كان طسق الجريب . وهذا النوع من الاربعة الاعداد المناسبة ، وهو ان يكون الثاني مجهولا .

واما المخالف فهو ان تكون قطعتا أرض الاداء عنهما معلوم ، وجربان احدهما معلومة ، واردنا ان نعلم جربان الأخرى . وذلك مثل : رجل مسح عليه قطعتا أرض خراج احديهما سبعون درهما وخراج الثانية مائة وعشرون درهما ، وهي اثنا عشر جريبا ، وطسقاها متساويان ، أو متفاضلان بدراهم معلومة ، فاردنا ان نعلم الجربان الأول . وهذا النوع من الاربعة الاعداد المناسبة ، وهو ان يكون الأول مجهولا .

فهذه الاصول ينبغي ان تحفظ ، فليس تخرج مسائل سائر أنواع المعاملات منها ، الا مسائل نوادر ان لم يعرفها [٢١٠ظ] العامل والكاتب جاز ذلك . ونحن نورد منها في المنزلة المخصوصة بها ما يحضر في الوقت ، ان شاء الله .

الباب الرابع في مسائل الطسوق وهو أربعة فصول الفصل الأول في المسائل المنسوبة

ينبغي أن نعلم أن جميع المسائل إما أن يكون المطلوب فيها عن صحاح ، أو عن كسور ، أو عن صحاح وكسور . فإذا ضبط العمل في كل واحد منها على الانفراد ، سهل الباقي ، كما سنذكره .

فإذا كان طسوق الجريب من المال خمسة عشر درهما ، وأردنا أن نعرف كم يكون خراج أربعة وثلاثين جريبا ، ضربنا الخمسة عشر في أربعة وثلاثين فكان خمس مائة وعشرة ، وهو خراج أربعة وثلاثين جريبا .

فإن كان الطسوق بحاله ، وأردنا أن نعرف كم يكون خراج ثلاثة أقفزة : إن شئنا نسبنا الثلاثة الأقفزة من الجريب ، فيكون خمسا وعشرا ، وأخذنا خمس وعشر الخمسة عشر ، فيكون أربعة ونصف ، وهو خراج ثلاثة أقفزة . وإن شئنا [٢١١و] ضربنا الثلاثة أقفزة في خمسة عشر ، فيكون خمسة وأربعين ، وأخذ من كل عشرة درهما كما تقدم ذكره ، فيكون أيضا أربعة دراهم ونصف ، وهو مثل الجواب الأول . وإن شئنا قسمنا الخمسة عشر على عشرة ، وهي أقفزة الجريب ، فيكون واحدا ونصف ، وضربناه في ثلاثة ، فيكون أربعة ونصف ، وهو مثل الجوابين الأولين .

فإن كان الطسوق بحاله ، وأردنا أن نعرف خراج ثمانية عشر وثلث : إن شئنا ضربنا الثمانية وثلث في خمسة عشر ، فيكون مائة وخمسة وعشرين ، وأخذنا من كل مائة درهما ، ومن كل ستة عشر وثلثين : دانقا ، ومن كل واحد وثلثين : عشيرا ، فيكون درهما ودانقا وخمسة عشر ؛ وهو خراج ثمانية عشر وثلث . وإن شئنا نسبنا الثمانية عشر

وثلث من المائة ، وهي عشيران الجريب ، فيكون نصف سدس ، وأخذنا نصف سدس الخمسة عشر ، فكان درهما وربعا ، وهو مثل الجواب الأول . فإن شئنا [٢١١ظ] نسبنا الخمسة عشر من المائة فكان عشرها (ونصف عشرها) وأخذنا عشر ونصف عشر الثمانية والثلث (فكان أيضا درهما وربعا . وإن شئنا أيضا قسمنا المائة على الخمسة عشر ، فخرج من القسم ستة وثلثين ، قسمنا عليه الثمانية عشر والثلث ، فيخرج من القسم واحد وربيع ، وهو مثل الأجوبة التي تقدم ذكرها .

فإن كان طسوق الجريب على حاله وأردنا أن نعرف خراج أربعة وعشرين جريبا [٢١٢و] سبعة أقفزة وثمانية عشر : ضربنا أربعة وعشرين في خمسة عشر ، فكان ثلاثمائة وستين ، فحفظناها ؛ ثم عرفنا خراج السبعة الأقفزة بمثل الوجوه التي تقدم ذكرها قبل وذلك بأن نضرب السبعة في خمسة عشر ، فيكون مائة وخمسة ؛ ونأخذ من كل عشرة واحدا ، فيكون عشرة ونصف . وإن شئنا أخذنا نصف الخمسة عشر وخمسها ، فإن السبعة من العشرة نصفها وخمسها ، ويكون أيضا (عشرة) درهما ونصف . فإن شئنا قسمنا الخمسة عشر على عشرة ، فخرج من القسم واحد ونصف ، فإذا ضربناه في السبعة كان المجتمع عشرة دراهم ونصف ، وذلك مثل الجواب الأول . ثم نعلم خراج الثمانية عشر : وذلك بأن نضرب الثمانية في الخمسة عشر ، فيكون مائة وعشرين ، وهو درهم ودانق وعشيران . وإن شئنا أخذنا أربعة أخماس عشر الخمسة عشر فيكون أيضا درهما ودانق وعشيرين . فإن شئنا أخذنا عشر الثمانية ونصف عشرها ، فيكون أيضا درهما ودانقا [٢١٢ظ] وعشيرين ، ثم نجمع ذلك كله فيكون ثلاثمائة واحد وسبعين درهما وأربعة دوانيق وعشيرين ، وهو خراج أربعة وعشرين جريبا وسبعة أقفزة وثمانية عشر .

فإن كان طسوق الجريب سبعة عشر درهما وأربعة دوانيق وستة عشر وثلثين ، وأردنا أن نعرف خراج ستة وثلاثين جريبا : ضربنا الستة والثلاثين في السبعة عشر فكان ستمائة واثني عشر ، وحفظناه . ثم ضربنا

هنا ترد في الأصل عدة أسطر منها ما هو من مسئلة جديدة ومنها ما هو تكرار لما سبق .

الستة والثلاثين في أربعة دوانيق ، فكان أربعة وعشرين (درهما) وحفظناه .
ثم ضربنا الستة والثلاثين في ستة عشر وثلثين ، فكان أربعة دراهم .
ثم جمعناها كلها ، فكان ستمائة وأربعين درهما . وهي خراج ستة
وثلاثين جريبا .

فان كانت المسئلة بحالها وأردنا أن نعرف خراج سبعة أقفزة ، نسبنا
السبعة من الجريب ، فكان نصفها وخمسها ، وأخذنا نصف وخمس
السبعة عشر درهما وأربعة دوانيق وستة عشر وثلثين . أما نصفها فهو
ثمانية وخمسة دوانيق وثلاثة عشر وثلث ، وأما خمسها فهو ثلاثة دراهم
وثلاثة دوانيق وثلاثة عشر وثلث . فإذا [٢١٣و] جمعناها كانت اثني
عشر درهما ودانقين وستة عشر وثلثين . وهذا خراج سبعة أقفزة ، إذا
كان طسق الجريب سبعة عشر درهما وأربعة دوانيق وستة عشر وثلثين .

فان كانت المسئلة بحالها وأردنا أن نعرف خراج ستة وخمسين
جريبا وقفيزين وثمانية عشر وثلث (١٢) : ضربنا الستة والخمسين في عشر ،
فكان تسع مائة واثني وخمسين . وضربناها في الأربعة دوانيق فكان سبعة
وثلاثين وثلثا . ثم ضربناها في ستة عشر وثلثين ، فكان ستة دراهم
ودانقا وثلاثة عشر وثلثا ، فإذا جمعناها كلها كان تسع مائة وخمسة
وتسعين وثلاثة دوانيق وثلاثة عشر وثلث . وهو خراج ستة وخمسين
جريبا .

ثم ضربنا القفيزين في سبعة عشر فكان ثلاثة دراهم ودانقين وأربعة
عشر . وضربناها في أربعة دوانيق ، فيكون ثمانية عشر ، وضربناها في
ستة عشر وثلثين ، فكان عشيرا وثلثا ؛ فذلك ثلاثة دراهم و (ثلاثة)
دانق وثلاثة عشر وثلث ، وهو خراج قفيزين . وان شئنا أضعفنا السبعة
عشر والأربعة دوانيق وستة عشر [٢١٣ظ] وثلثين ، فيكون خمسة وثلاثين
وثلاثة دوانيق وثلاثة عشر وثلث ؛ فإذا أخذنا عشرها رجع الى ما قلناه .

فإذا ضربنا الثمانية عشر في سبعة عشر ، فيكون درهما ودانقين
وعشيرا وثلاثة أخماس عشر وضربناها في أربعة دوانيق ، فكان ثلاثة
وخمس عشر (وضربناها في ستة عشر وثلثين فيكون ثلث وخمس عشر) . فإذا
جمعناها كلها بلغت درهما ودانقين وخمسة عشر وثلث عشر . ثم ضربنا الثلث

عشير في سبعة عشر وأربعة دوانيق وستة عشر وثلثين ، فيكون ثلاثة
عشر ونصفا ونصف تسع عشر . وهو خراج ثلث عشر .

فإذا جمعنا جميع ما حصل معنا من خراج الأنواع ، صار الجميع
الف درهم وثلاثة دوانيق وخمسة عشر ونصفا ونصف تسع عشر .
وذلك خراج ستة وخمسين جريبا وقفيزين وثمانية عشر وثلث .

وان شئنا نسبنا الأربعة الدوانيق والستة عشر وثلثين ، من
الدرهم ، فيكون ثلثين وتسعا ، ونسبنا [٢١٤و] القفيزين والثمانية عشر
والثلث من الجريب ، فيكون خمسا ونصف سدس . فيصير الضرب : ستة
وخمسين وخمسا ونصف سدس في سبعة عشر وثلثين وتسع . فإذا
ضربناها كان الف درهم واحدا وثلاثة دوانيق وخمسة عشر ونصفا
ونصف تسع عشر . وهو مثل الجواب الأول .

الفصل الثاني

في مسائل الطسوق المعلومة

فان كان خراج الجريب ثلاثة عشر درهما وثلثا ، وأدى مائتين وأربعين
درهما ، وأردنا أن نعلم عن كم يحتسب ما أدى ، قسمنا المائتين والأربعين .
على ثلاثة عشر درهما وثلث فيخرج من القسم ثمانية عشر ، وهو
عدد الجربان التي أدى عنها المائتين والأربعين .

فان كان الطسوق بحاله ، وقد أدى أربعة وسبعين درهما ، قسمنا
الأربعة والسبعين على الثلاثة عشر وثلث ، فخرج من القسم خمسة
ونصف عشر ، وهو خمسة أجربة وخمسة أقفزة وخمسة عشر ، وذلك
ما أدى عنه الأربعة والسبعين درهما . فان كان [٢١٤ظ] طسق الجريب
سبعة عشر درهما ونصفا ، وقد صحح عن المعامل مائتان وسبعون درهما ،
وقد مسح عليه تسعة وثلاثون جريبا وسبعة أقفزة وأربعة عشر ونصف ،
وأردنا أن نعلم عن كم يحتسب ما أدى ، فيحصل عليه الباقي : قسمنا
المائتين والسبعين على سبعة عشر ونصف ، فخرج من القسم خمسة عشر
وثلاثة أسباع ، وهو خمسة عشر جريبا وأربعة أقفزة وعشيران ونصف
وثلث عشر وسدس سبع عشر ، وهو ما أدى عنه المائتين والسبعين
درهما . فان أردنا أن نعلم كم بقي عليه .

ان شئنا أسقطنا هذه الجربان مما مسح عليه ، وعرفنا خراج الباقي ، كما تقدم ذكره ، وان شئنا عرفنا ما يجب على الأصل ، كما تقدم في الفصل الاول ، وأسقطنا منه المائتين والسبعين ، فيكون الباقي هو الذي يحصل من البقايا على ذلك المعامل .

فان كان طسق الجريب سبعة دراهم ودانق وعشرين ، ومسح على المعامل تسعة وثلاثون جريبا وثلاثة أفقزة وستة عشر ونصف ، فأدى مائتين وثلاثين [٢١٥و] درهما ، وأردنا أن نعلم عن كم أدى هذا المال ، قسمنا المائتين والثلاثين على سبعة دراهم ودانق وعشرين ، فخرج من القسم أحد وثلاثون ، ونصف وثلاث وتسع . فإذا أردنا أن نعلم ما بقي عليه : ان شئنا حسبنا الأصل ، وهو ما يجب على تسعة وثلاثين جريبا وثلاثة أفقزة وسبعة عشر ونصف ، بمثل الطريق الذي قدمنا ذكرها ، فيكون مائتين وثلاثة وثمانين درهما ونصفا . وان شئنا أسقطنا هذه الاجربة ، أعنى ما حصل عنه الاداء ، وهو أحد وثلاثون جريبا وتسعة أفقزة وأربعة عشر ، وثلاث وتسع عشر ، من جملة ما مسح عليه ، وهو تسعة وثلاثون جريبا وثلاثة أفقزة وسبعة عشر ونصف . فيصير الباقي سبعة أجربة وأربعة أفقزة وثلاثة عشر ونصف وتسع عشر ، وحسبنا ما يجب عليه ، بمثل الطريق التي ذكرناها ، فيكون ثلاثة وثمانين درهما ونصفا ، وهو مثل الجواب الاول .

وكذلك ينبغي أن تكون جميع هذه المسائل ، ان شاء الله .

الفصل الثالث

في المسائل المعلومة من الطسوق

[٢١٥ظ] فان كان ما يمسح على المعامل ثمانية وعشرين جريبا وثمانية أفقزة ، وأدى خراجها أربع مائة وسبعين درهما ، وأردنا أن نعرف كم كان طسق الجريب : قسمنا الأربع مائة والسبعين على ثمانية وعشرين وأربعة أخماس ، فيخرج من القسم ستة عشر ، ودانق وتسعة عشر وسدس ، وهو طسق الجريب .

وكذلك لو أدى الفين وثلاثمائة وأربعة وسبعين درهما وثلاثا عن سبعة وثلاثين جريبا وستة أفقزة وعشرين ونصف ، وأردنا أن نعلم كم كان طسق الجريب : قسمنا الألفين والثلاثمائة والأربعة والسبعين والثلاث ، على السبعة والثلاثين والستة أفقزة وعشرين ونصف فيخرج من القسم ثلاثة وستون درهما وستة عشر وربع ونصف ثمن عشر بالتقريب وهو طسق الجريب .

الفصل الرابع

في المختلف في مسائل الطسوق

فان أدى المعامل أربعة وستين درهما عن أربعة أجربة وقفيزين وأدى في دفعة أخرى سبعة وثمانين درهما ، فأردنا [٢١٦و] أن نعرف عن كم تحتسب السبعة والثمانين درهما : ضربنا الأربعة أجربة والقفيزين في سبعة وثمانين درهما ، فكان ثلاثمائة وخمسة وستين ، وخمسين ، وقسمناه على أربعة وستين ، فخرج من القسمة خمسة ، وأربعة دوانيق وعشرين ونصف ثمن عشر ، وهو خمسة أجربة وسبعة أفقزة ونصف وربع وثمان ونصف ثمن عشر .

فان كان الاداء أحد وعشرين درهما وثلاثة دوانيق وستة عشر عن أربعة أجربة وسبعة أفقزة وخمسة عشر ، ثم أدى بعد ذلك مائة وأربعة عشر درهما وخمسة دوانيق ونصف ، وأردنا أن نعلم عن كم يحتسب له هذا الاداء :

ضربنا الأربعة الأجربة والسبعة الأفقزة والخمسة عشر في مائة وأربعة عشر وخمسة دوانيق ونصف ، فيكون خمس مائة وخمسة وأربعين وخمسة دوانيق وعشر وربع ، قسمناه على أحد وعشرين درهما وثلاثة دوانيق وستة عشر ، فخرج من القسم خمسة وعشرون درهما ودانق وستة عشر وربع ونصف سدس [٢١٦ظ] تسع عشر وسدس ثمن تسع عشر . فيكون ذلك من الجربان خمسة وعشرين جريبا وقفيزين وسبعة عشر عشر وعشر عشر وثمان تسع عشر وتسع تسع عشر . وهو ما أدى عنه المائة والأربعة عشر درهما وخمسة دوانيق وخمسة عشر (٢٢) .

في باقي مسائل هذا الباب وجدنا في الأصل أخطاء عزوناها للناسخ وأحدثنا أقل ما يمكن من تفسر في النص بحيث تستقيم النتائج الحسابية .

الباب الخامس في مسائل الأيين

فاما الأيين فانه اذا كان مفردا ، فانه يحسب بمثل ما تحسب الطسوق .
مثال ذلك : أن عاملا أمر ماسحا أن يأخذ من كل جريب يمسح دانقين
ونصفا ، و يمسح على معامل أربعة وعشرون جريبا وقفيزان وسبعة أعشر
ونصف . وأردنا أن نعلم ما ينبغي أن يسفع للماسح ، وما يجب له
بحق المساحة :

ضربنا الدانقين والنصف في أربعة وعشرين وقفيزين وسبعة أعشر
ونصف ، فكان عشرة دراهم وستة أعشر ونصف وربع وثمان عشر ،
وهو ما يجب بحق الأيين .

وكذلك لو مسح على أكار قطعة أرض كان مساحتها تسعة [٢١٧ و]
وخمسين جريبا وأربعة أقفزة وأربعة أعشر وثلاث وتسع عشير ، وكان أيين
الجريب دانقين وسبعة أعشر ونصف : ضربنا الدانقين والسبعة أعشر
والنصف في تسعة وخمسين (وأربعة أقفزة وأربعة أعشر) وثلاث وتسع ،
فكان سبعة وعشرين درهما (ودانقا) وأربعة أعشر وثلثين ونصف تسع
عشير . وهو ما يجب للماسح بحق الأيين .

فاذا كان طسق الجريب أربعة عشر درهما ونصف وأيين الجريب
أربعة دوانيق وعشرين وأردنا أن نعرف ما يلزم المعامل في الحقين جميعا
عن أربعة وسبعين جريبا وقفيزين وخمسة أعشر : جمعنا الطسق والأيين
فكان خمسة عشر درهما ودانق وعشرين . وضربنا في أربعة وسبعين
وربع ، فكان ألفا ومائة وثمانية وعشرين درهما وثلاثة دوانيق وستة
أعشر . وهو ما يجب عن أربعة وسبعين جريبا وقفيزين وخمسة أعشر ،
بحق الخراج وبحق الأيين جميعا .

فان أردنا أن نعرف ما نصيب كل واحد من الحقين ان شئنا عرفنا
كل واحد منهما [٢١٧ ظ] على حدته بمثل الطريق التي قدمنا ذكرها ، اذ
كان كل واحد من الأيين والطسق معلوما ، والجربان معلومة . فيكون

بحق الخراج ألف وستة وسبعون درهما وثلاث دوانيق وسبعة أعشر
ونصف ، وبحق الأيين أحد وخسون درهما (وخسة دوانيق) وثمانية
أعشر ونصف . وظاهر انا اذا جمعناهما كانا ألفا ومائة وثمانية وعشرين
درهما وثلاثة دوانيق وستة أعشر .

فن شئنا ضربنا الأربعة الدوانيق والعشرين في ألف ومائة وثمانية
وعشرين وثلاثة دوانيق وستة أعشر ، فيكون سبع مائة وتسعين درهما
وعشيرا واحدا وخمس عشير : وقسمناه على مجموع الطسوق والأيين ،
وهو خمسة عشر درهما ودانق وعشيران ، فخرج من القسم أحد وخسون
درهما وخمسة دوانيق وثمانية أعشر ونصف . وهو مثل الجواب الاول .

وان شئنا ضربنا طسق الجريب ، وهو أربعة عشر درهما ونصف ،
في ألف ومائة وعشرين درهما وثلاثة دوانيق وستة أعشر ، فيكون ستة
عشر ألفا وثلاثمائة وأربعة وستين درهما وأربعة دوانيق [٢١٨ و]
وعشرين ، وقسمناها على مجموع الطسوق والأيين ، وهو خمسة عشر
درهما وخمسة دوانيق ، فخرج من القسم ألف وستة وسبعون درهما
وثلاثة دوانيق وسبعة أعشر ونصف . وهو ما يصيب السلطان بحق
الخراج عن تلك الأجرة .

فان كان طسق الجريب أربعة عشر درهما ونصف ، والأيين أربعة
دوانيق وعشرين ، وأدى مائتين وسبعين درهما ، وأردنا أن نعلم كم يكون
منه بحق الخراج وكم منه بحق الأيين ضربنا الأيين ، وهو أربعة دوانيق
وعشرين ، في مائتين وسبعين ، فكان مائة وتسعة وثمانين درهما ،
وقسمناه على مجموع الخراج والأيين ، وهو خمسة عشر درهما (ودانق)
وعشيران ، فخرج من القسم اثنا عشر درهما ودانقين وستة أعشر وجزء
واحد من تسعة عشر جزءا من عشير . وهو ما يصيب الماسح بحق
الأيين . فاذا اسقطنا ذلك من مائتين وسبعين ، كان الباقي مائتين
وسبعة وخمسين [٢١٨ ظ] وثلاثة دوانيق وثلاثة أعشر ، وثمانية عشر
جزءا من تسعة عشر جزءا من عشير .

وان شئنا ضربنا الطسق ، وهو أربعة عشر درهما ونصف في مائتين وسبعين ، فيكون ثلاثة آلاف وتسع مائة وخمسة عشر ، ونقسمه على مجموع الخراج والايين ، وهو خمسة عشر درهما (ودانق وعشيران) ، فيخرج من القسم مائتان وسبعة وخمسون درهما وثلاثة دوانيق وثلاثة أعشر وثمانية عشر جزءا من تسعة عشر جزءا من عشير . وهو مثل الجواب الأول .

والاجود في هذا الباب ان ننسب الايين من مجموع الايين والطسق ، ويؤخذ بقسطه من المال المورد ، فما حصل فهو ما يصيب الماسح بحق الايين . وان شئنا نسبنا الخراج من مجموع الطسق والايين ، فما كان أخذنا بقسطه من المال المؤدى ، فيكون ذلك ما يحسب له بحق الخراج .

فان لم تمكن النسبة ، عمل حينئذ بالضرب . فان النسبة هي أسهل على الحساب من الضرب . الا أنه ليس معنى في كل وقت في جميع المسائل نسبة صحيحة ينطق بها .

مثال ذلك [٢١٩ و] ان يكون خراج الجريب تسعة وعشرين درهما ودانقين ، والايين أربعة دوانيق ، وقد أدى أربع مائة وثلاثين درهما ، فاذا نسبنا الايين من مجموع الايين والطسق وجدناه خمس تسعة . فاخذنا خمس تسع الأربع مائة وثلاثين فكان خمسة دراهم وتسعة x ، وهو ما يصيب الماسح بحق مساحته ، فاذا أسقطناها من الأربع مائة والثلاثين درهما ، كان الباقي أربع مائة وأربعة وعشرين درهما وخمسة دوانيق وثلاثة أعشر وثلاثا . وهو ما يجب للعامل بحق الخراج .

فان شئنا نسبنا الطسق من مجموع الطسق والايين ، فيكون ثلثين وخمسا وتسعا ، فاذا أخذنا بقسط هذه النسبة من الأربع مائة والثلاثين كان ذلك أربع مائة وأربعة وعشرين وخمسة دوانيق وثلاثة أعشر وثلاثا . وهو مثل الجواب الأول .

x هكذا في الاصل . والصحيح $\frac{9}{4}$ درهم وباقى الحل مبني على هذه النتيجة الخاطئة .

الباب السادس

في مسائل الطسق والرواج

العمل في هذا الباب شبيه بالعمل في الباب الذي تقدم ، فانهما جنسان مجموعهما معلوم ، وينبغي أن يعلم كل واحد منهما على الانفراد . الا ترى أن الطسق والايين اذا كان الاداء عن مجموعهما [٢١٩ ط] معلوما ، كان العمل فيه أن يعلم ما يصيب كل واحد منهما بحقه ؟ وكذلك الطسق والرواج ، هما جنسان يكون الاداء عنهما معلوما ، وينبغي أن يعلم ما يصيب كل واحد منهما بقسطه .

فاما معرفة الرواج وحده ، فالامر في معرفته أسهل من أن ينبغي أن تشغل بذكره في هذا الموضع ، ولأن يصير للناظر في هذا الباب دربة بهذا الجنس من الحساب ، فانا نورد عليه أمثلة يرتاض بها المتعلم ويسهل استخراجها عليه ، وهي هذه :

فان كان طسق الجريب أربعة عشر درهما وأربعة دوانيق وخمسة عشر ، ورواج المائة درهم : درهم ودانق وخمسة عشر ، وأدى الثاني ألفا وستمائة وثلاثة وأربعين درهما وأربعة دوانيق ونصف . وأردنا أن نعلم بكم ينبغي أن يكتب له الدور ، وكما يكون منه بحق الكفاية : نسبنا الدرهم والربع من مجموع المائة والرواج ، وهو مائة درهم ودرهم وربع . فنجدنا تسع تسعا ، فناخذ تسع تسع الألف والستمائة والثلاثة والأربعين وأربعة دوانيق ونصف ، فيكون عشرين [٢٢٠ و] درهما ودانق وسبعة عشر ونصف ونصف تسع وثلاث تسع عشير وهو ما يصيب الجيب بحق الكفاية . فاذا أسقطناها من الألف والستمائة والثلاثة والأربعين وأربعة دوانيق ونصف ، كان الباقي ألف وستمائة وثلاثة وعشرين درهما ودانقين وسبعة عشر وثلاث وثلاثي تسع عشير .

وكذلك ان أدى سبع مائة وعشرين درهما وكان كفاية المائة درهما وأربعة دوانيق وثمانية عشر ، وأردنا أن نعلم كم يكون بحق الخراج ،

وكم يكون بحق الكفاية : نسبنا الأربعة الدوانيق والثمانية أعشر من مجموع المائة مع الكفاية ، فكان نصف سبع تسع ، وأخذنا نصف سبع تسع (السبع) المائة والعشرين ، فكان خمسة دراهم وخمسة أسباع الدرهم ، وهو ما يصيب الجهد من حق الكفاية .

وان شئنا ضربنا الكفاية ، وهو أربعة دوانيق وثمانية أعشر ، في سبع مائة وعشرين ، فكان خمس مائة وستة وسبعين درهما ، وقسمناه على مائة وأربعة أخماس ، فيخرج من القسم سبع مائة وأربعة عشر درهما وسبعمان . وهو ما يصيب العامل بحق الخراج .

وكذلك ينبغي [٢٢٠ظ] أن يعمل في سائر أعمال الكفاية والخراج . وما لا يصح نسبته ، عمل فيه بالضرب .

الباب السابع

في الجمع بين الطسق والكفاية والأين

فان كان طسق الجريب : سبعة عشر درهما ودانقين ، وأبينه : أربعة دوانيق ، وكفايته : درهمن ودانقين وأربعة أعشر ؛ وأدى المعامل بالحقوق كلها الفا وتسع مائة وأربعين درهما . وأردنا أن نعلم كم يكون منها بحق الخراج ، وكم يكون بحق الأين ، وكم يكون بحق الكفاية :

نسبنا الدرهمين ودانقين وأربعة أعشر من المائة والدرهمين والدانقين والأربعة أعشر ، فوجدناها ثمن ثمنها ونصف ثمن ثمنها ، وأخذنا ثمن ثمن ألف وتسع مائة وأربعين درهما ، ونصف ثمن ثمنها ، فكان خمسة وأربعين درهما ، ودانقين وثمانية أعشر وثمان عشر . وهو الحاصل بحق الكفاية .

فاذا اسقطناها من ألف وتسع مائة وأربعين درهما ، كان الباقي الفا وثمان مائة وأربعة وتسعين درهما وثلاثة دوانيق وعشيرا ونصف عشر [٢٢١و] وربع وثمان عشر . وهذا هو بحق الطسق والأين .

فاذا أردنا أن نعرف كم يكون للماسح بحق الأين : نسبنا الأربعة دوانيق من مجموع الطسوق والأين ، وهو ثمانية عشر درهما ، فوجدناها ثلث تسعها ؛ وأخذنا ثلث تسع ألف وثمان مائة والأربعة والتسعين درهما وثلاثة دوانيق وعشير ونصف وربع وثمان عشر ، فكان سبعين درهما ودانقا وثلث ثمن عشر وربع تسع عشر . وهو ما يصيب الماسح من الأين .

فاذا اسقطنا ذلك من ألف وثمان مائة وأربعة وتسعين وثلاثة دوانيق وعشير وسبعة اثمان عشر ، كان الباقي الفا وثمان مائة وأربعة وعشرين درهما ودانقين وعشير ونصف وربع عشر ونصف تسع عشر . وهو الحاصل بحق الخراج .

وظاهر أن ما حصل بحق الخراج والأين وحق الكفاية ، اذا جمعناها ، كان الفا وتسع مائة ، وأربعين درهما ، وهو الأداء في الأصل . وبهذا تعرف صحة المسئلة ، وان الحاسب قد أصاب فيه أو أخطأ . وذلك اذا

جمعنا ما يصيب كل [٢٢١ ط] واحد منهم بحقه ، بعضها الى بعض .
فان وافق الاصل ، والا فليعد الحساب ، ان شاء الله .

عمل هذه المسئلة بالضرب

فان شئنا ضربنا الدرهمين والدانقين والأربعة أعشر ، التي هي الكفاية ، في ألف وتسع مائة وأربعين درهما ، فيكون أربعة ألف وستمئة وستة وخمسين درهما ، وقسمناها على مائة درهم ودانقين وأربعة أعشر ، فخرج من القسم خمسة وأربعون درهما وربع وثمان ونصف ثمن وربع ثمن . وهو مثل الجواب الاول .

فاذا أسقطناها من ألف وتسع مائة وأربعين درهما ، صار الباقي ألفا وثمانمائة وأربعة وتسعين درهما ونصف وربع ثمن ، وهو ايضا مثل الجواب الاول .

واذا أردنا أن نعرف الأيبن : ضربناه في ألف وثمان مائة وأربعة وتسعين درهما ونصف وربع ثمن ، فصار ألفا ومائتين وثلاثة وستين درهما وسدس ثمن ؛ وقسمناها على ثمانية عشر ، وهو مجموع الطسق والايبن ، فخرج من القسم سبعون درهما وسدس ونصف سدس وثمان تسع ، وهو مثل الجواب الاول .

هذا الطريق الذي سلكناه هو ما عليه أكثر الحساب في زماننا والمتقدمين . وقد يعرض في ذلك [٢٢٢ و] بعض الخلل ، وهو أن يقول الماسح : ان الذي أعطيتم الجهيز من الكفاية انما كان من حق الخراج والايبن جميعا ، والايبن ، وهو حقي ، وليس يجب عليه كفاية ، وان الكفاية هي حق واجب على الخراج فقط .

وينبغي أن نبين الوجه الذي به يحسب خواص حساب زماننا ، والغرة منهم ، وان كان في ذلك ايضا زلل . ونحن نبين بعد أن نورد هذا : الطريق الذي به يصل كل واحد منهم الى حقه ، ولا يشوبه خلل ، ان شاء الله .

فاذا أردنا الطريق الثاني : ضربنا الأربعة الدوانيق في أصل الاداء ، وهو ألف وتسع مائة وأربعون درهما ، فكان ألفا ومائتين

وثلاثة وتسعين درهما وثلاثا ، وقسمناها على ثمانية عشر ، فخرج من القسم أحد وسبعون درهما ، وخمسة دوانيق ، وعشير وتسع ، وهو ما يصيب الماسح بحق الأيبن . فاذا أسقطناها من أصل المال المؤدى ، كان الباقي ألفا وثمان مائة وثمانية وستين درهما وثمانية أعشر وثمانية أتساع عشير ، وهو الخراج مع كفايته .

فاذا أردنا أن نعرف حق الجهيز بحق الكفاية : ضربنا الدرهمين والخمسين التي هي الكفاية ، في ألف وثمان مائة وثمانية وستين درهما ، وثمانية أعشر وثمانية أتساع [٢٢٢ ط] عشير ، فكان الحاصل من الضرب أربعة ألف وأربع مائة وثلاثة وثمانين درهما وثلاثة دوانيق وثلاثة أعشر وثلاث . واذا قسمناها على مائة درهم ودرهمين وخمسين خرج من القسم ثلاثة وأربعون درهما وأربعة دوانيق وسبعة أعشر ونصف سدس عشير ، وهو ما يصيب الجهيز بحق الكفاية . والباقي من ذلك ، وهو ألف وثمان مائة وأربعة وعشرين درهما ودانق وعشير ونصف وربع عشير ونصف تسع عشير هو ما يصيب العامل بحق الخراج .

فهذا الطريق هو الذي يحسب به حذاق حساب زماننا . الا ان الجهيز ربما قال : ان الذي دفعتم الي قد خرج منه حق الأيبن يجب على الثاني بلا كفاية بمقدار ما خرج بحق الأيبن ما يجب على الثاني مما مسح عليه ، فقد خرج بهذا الطريق ايضا من حقي ، والواجب حينئذ أن نسلك في حسابها طريقا يصل به الماسح والثاني والسلطان ، كل واحد منهم الى حقه . وهو هذا :

فاذا أردنا ذلك فهو أن نضرب الأيبن في ألف وتسع مائة وأربعين ، ونقسمه على ثمانية عشر ، فيخرج من القسم أحد [٢٢٣ و] وسبعون درهما وخمسة دوانيق وعشير وتسع عشير ، وهو ما يصيب الماسح بحق الأيبن . ثم ضربنا الكفاية في ألف وتسع مائة وأربعين ايضا . وقسمنا على مائة ودرهمين وخمسين ، فيخرج من القسم خمسة وأربعون درهما وربع وثمان ونصف ثمن وربع ثمن ، وهو ما يصيب الجهيز بحق الكفاية . ثم نجمع ذلك فيكون مائة وسبعة عشر درهما ودانقين

وتسعة أعشر ومن وتسع عشر . وسقطه من جملة الاداء ، فيكون
الباقي ألف وثمان مائة واثنين وعشرين درهما وأربعة دنانير ونصف
وربع عشر ومن تسع عشر . وهو ما يصيب العامل بحق الخراج .

وان شئنا اخذنا مالا له من التسع ونصف من من . وهو ثلاثة
ألف وأربع مائة وستة وخمسون . وضربنا من تسعة . وهو مائة
وعمانية وعشرون جزءا في أصل الاداء وهو ألف وتسع مائة وأربعون .
فيكون مائة وممانية وأربعون ألفا وثلاثمائة وعشرين . وقسمناه على
مخرج الكسور ، وهو ثلاثة آلاف وأربع مائة وستة وخمسون ، فيخرج
من القسم أحد وسبعون وخمسة دنانير [٢٢٣ ظ] وخمسة وتسع
عشير ، وهو ما يصيب الماسح بحق الاين . ثم ضربنا ثمن ثمن ثلاثة
ألف وأربع مائة وستة وخمسين ونصف ثمن ثمنها ، وهو أحد وثمانون
ألف وتسع مائة وأربعين ، فخرج مائة وسبعة وخمسين ألفا واثنين
واربعين ، وقسمناه على ثلاثة آلاف وأربع مائة وستة وخمسين ، فخرج
من القسم خمسة وأربعون وربع وثمان ونصف ثمن وربع ثمن ، وهو
ما يصيب الجهد بحق الكفاية .

عند (هو) الطريق والاصل في أمثال هذه المسائل . وليس يجب
أن يعدل عنه الى سواء ففيه خلل (٢٢٤) .

نوع آخر من مسائل الرواج

ان كان رواج المائة : خمسة دراهم ، وأردنا أن نعلم رواج خمسة
وعشرين درهماً ، ضربنا الخمسة والعشرين في الخمسة ، فكان مائة
وخمسة وعشرين ، وقسمناه على المائة ، فخرج من القسم درهم وربع ،
وهو رواج خمسة وعشرين درهماً . وان شئنا نسبنا الخمسة في المائة
وأخذنا بقسطها من الخمسة والعشرين ، فيكون أيضاً درهماً وربعاً .
فان كان رواج المائة ورواج رواجها خمسة دراهم وربعاً ، وأردنا أن
نعرف كم يكون منه رواج الرواج (٢٢٥) :

[٢٢٤ و] ضربنا خمسة وربعاً في مائة فكان خمس مائة وخمسة
وعشرين ، وزدناه على نصف المائة في مثلها ، وهو ألف وخمسة مائة .
فصار ثلاثة آلاف وخمسة وعشرين ، وأخذنا جذرها فكان خمسة
وخمسين درهماً ، أسقطنا منها نصف المائة ، فيبقى خمسة درهم .
وهو الرواج : ورواج الرواج هو ربع درهم .

وأمثال هذه المسئلة أكثر ما يكون أصماً ، فيعمل بالتقريب . وذلك
من أن يكون الرواج ورواج الرواج خمسة دراهم ، فان هذا يخرج
جوابه أصم . وذلك أنا اذا زدنا ما يكون من ضرب الخمسة في المائة
على نصف المائة ، وهو خمسون ، في مثله ، صار ثلاثة آلاف ، الذي
ليس له جذر . واذا أخذنا جذره بالتقريب كان أربعة وخمسون درهماً
وأربعة دنانير وستة عشر وخمسة بالتقريب (٢٢٦) . فاذا أسقطنا منه
الخمسين ، صار الباقي أربعة دراهم وأربعة دنانير وستة عشر وخمسة ،
وهو الرواج . ويكون رواج الرواج دانقاً وثلاثية عشر وأربعة
أخماس عشير .

وكذلك يكون الطريق اذا كان المائة مع الرواج معلوماً ، ويكون
رواج الرواج معلوماً .

فهذا الذي ذكرناه في باب الخراج ومسائله كاف لمن له أدنى رياضة
وفيهم . ان شاء الله .

والحمد لله وحده ، وصلى الله على سيدنا محمد النبي وآله وسلم
نسلم كثيراً .

من كتاب أبي الوفاء محمد بن محمد المهندس
في ما يحتاج اليه الحساب والعمال من علم الحساب
وهي في التصريف وأعمال المقاسمات

ان وقع الاشتغال في هذا الكتاب بذكر جميع ما يستعمله الناس في نواحيهم من اختلاف المكايل في معاملاتهم في قسمة الغلات من الاكرار والجربان والقفزات ، طال الكلام ، وخرجنا عن مقصدنا في الاختصار والايجاز . والواجب ان نذكر ما يستعمل بالسواد والبلاد القريبة منها ، ونجعل معاملاتها أصلاً يستدل بها على سائر الأنواع المستعملة في سائر البلاد ، اذ كان ذكر جميعها غير ممكن . ونجعل هذه المنزلة أيضاً سبعة أبواب مفصلة محصلة ، كمادتنا في ما جرى من هذا الكتاب .

أبواب هذه المنزلة سبعة

١ [٢٢٦] الباب الأول : في اختلاف الاكرار في السواد والبلاد القريبة منها ، وتصريفها . وهو ثلاثة فصول .

الباب الثاني : في اجناس الجبوب وتصريفها . وهو فصل واحد .

الباب الثالث : في تصريف الغلات بعضها ببعض ، اذا كانت مختلفة الكيل ، وهو أربعة * * فصول .

الباب الرابع : في أمثلة يرتاض بها المتعلم في التصريف . وهو فصل واحد .

الباب الخامس : في حساب المقاسمات .

الباب السادس : في التسعير وحسابه .

الباب السابع : في بيع الغلات المصروفة بالمكايل المختلفة ، وهو فصل واحد .

فذلك سبعة أبواب ، واثنان عشر فصلاً .

* انتقل الترقم خطأ من ٢٢٤ الى ٢٢٦ .

* * كتبت أربعة بالأرقام الهندية .

الاکرار المستعملة بنواحي السواد وما يليها من البلاد ، خمسة أكرار ، واليها يرجع في سائر النواحي . واسماؤها :

المعدل الكامل الفالج الهاشمي السليماني

وأكثر هذه الأكرار هو المعدل ، واليه ينسب باقيها ، وبه تكال الغلات في سائر أعمال السواد في وقتنا هذا ، وعليه يقع التسعير بمدينة السلام .

وكل واحد [٢٢٦ ظ] من هذه الأكرار ستون قفيزاً بقفزانه . وكل قفيز منها عشرة أعشر ، وثمانية مكايك وكل مكوك ثلاث كياج . وكل كيلجه أربعة أرباع ، وكل ربع ثمان .

فيكون : الكر : ستون قفيزاً ، وأربع مائة وثمانون مكوكاً ، وستمائة عشرين ، والـ ألف وأربع مائة وأربعين كيلجة ، وخمسة ألف وسبع مائة وسبعين ربعاً ، وأحد عشر ألفاً وخمسة مائة وعشرين ثمناً .

ويكون القفيز : أربعة وعشرين كيلجة ، وستة وتسعين ربعاً ، ومائة واثنان وتسعين ثمناً .

ويكون المكوك : اثنى عشر ربعاً ، وأربعة وعشرين ثمناً .

وتكون الكيلجة ثمانية اثمان .

ويكون الكر ستمائة عشرين ، والقفيز عشرة أعشر ، والمكوك عشرين وربع ، والكيلجة ربع وسدس عشرين . والربع : نصف سدس عشرين ، وسدس ثمن عشرين . والـ ثمن : نصف عشر عشرين وسدس ثمن عشر عشرين .

فأما الكر المعدل فهو سبعة ألف ومائتي رطل ، والقفيز مائة وعشرون رطلا ، والمكوك خمسة عشر رطلا ، والكيلجة خمسة أرطال ، والرابع : رطل وربيع ، والثلث : نصف رطل وثلث رطل .

وانما صار ذلك كذلك لأن الطرف الذي كان يكال به [٢٢٧ و] الحبوب في القديم كان طرفين : كبير وصغير ، والكبير كان يكال به الفلات السلطانية عند المقاسمات ، وكان فيه خمسة أعشر . وأكثر أهل السواد يسمون هذا المكيال في هذا الوقت قبا . وهو أربعة مكايك وبه تكال الفلات . وهو ستون رطلا من الحنطة المتوسطة في الجودة والرداءة .

فأما المكيال الصغير فهو الذي يستعمله التجار في معاملاتهم ، وتكال به الحبوب في الاسواق ، وهو خمسة أرطال ، ويسمى كيلجة . فيصير الكر المعدل سبعة ألف ومائتي رطل .

وقسمة الفلات السلطانية بالسواد يكون بالقفزان والعشران وكسورها .

والذي يستعمل في بيع الفلات في سوق الطعام القفزان والمكايك والكيلج وأرباعها وأثمانها .

فأما الكر الكامل فهو الذي يستعمله أهل واسط وأعمالها ونواحي الجامدة والبطائح ، ويعرف بالنصف . وهو ثلاثون قفيزاً بالمعدل . وأهل الأعلى من دجلة والبصرة وكسجر ونهر الصلة ونواحي شط فارس يستعملون هذا الكر . وهم يسمونه الكر المفتوح ، ويسميه بعض أهل السواحل : الجريب .

فأما الكر الفالج فقد كانت المعاملات [٢٢٧ ط] السلطانية بنواحي السواد كلها تجري به ، واليه كان يرد سائر المكاييل ، وبه رفع الحسابات ، وعليه كان يعقد الجماعات . وفي وقتنا هذا لا يكال به بنواحي السواد ، لكنه يستعمل في التقديرات والحزور ، وعليه تقع الزراعة والتربيع .

» ربما كان المقصود جعفر وهي ناحية في سواد العراق .

وهو خمسا المعدل ، وأربعة وعشرون قفيزاً بالمعدل . وأهل جند يسابور وابذج وبيان يكيلون بهذا الكر ويسمونه المرسل . ويسمى أيضا الابذجي ، وهو عندهم ثلاثون طسقا ، والطسق مكيال لهم . ويجعلونه عشرة أجربة أيضا .

وأما الكر الهاشمي فانه ثلث المعدل ، وهو عشرون قفيزاً بالمعدل . وبه تكال الفلات السلطانية بالاهواز ، وأكثر كورها ، ويقسمونها الى اثني عشر جريباً ، وكل جريب عشرة مخاتيم ، كل مختوم قفيزان . فيكون الكر عندهم اثني عشر جريباً ، ومائة وعشرين مختوماً ، ومائتين وأربعين قفيزاً ، وأربعين وأربع مائة رطل بالبغدادي .

فأما الكر السليماني فانه سدس وعشر المعدل ، وهو ستة عشر قفيزاً بالمعدل ، ويستعمله [٢٢٨ و] أهل الموصل والجزيرة وديار مصر . وهو ألف وتسع مائة وعشرون رطلا بالبغدادي .

ولأهل البصرة كر آخر يسمى القنقل ، وهو مائة وعشرون قفيزاً بالمعدل ، وهذا الكر يخرص به النخل ويكال به البندق والتمر والزيتون والنوى والنبق والملح . وقفيز الخرص خمسة وعشرون رطلا بالبغدادي ، ويكون الكر ثلاثة آلاف رطل .

وكان تكال الفلات بنواحي فارس بأنواع سوى (هذه) المكاييل . إلا أن المستعمل منها في هذا الوقت جريب أنشاه مولانا السيد شاهنشاه الاجل ، المنصور عضد الدولة وتاج الملة ، يقال له العضدي . وهو قفيزان ونصف بالمعدل . وهو عشرة أقفزة بقفزان ، وكل قفيز ستة آلاف وكل ألف عشرة أعشرة ، والقفيز هو ثلاثون رطلا بالبغدادي ، وأربعة وعشرون جريباً بهذا الجريب ، وهو كر بالمعدل .

فأما أهل الجبل فانهم يستعملون الكر الدينوري ، وهو نصف سدس الكر المعدل ، أعني خمسة أقفزة .

وأما أهل همذان فانهم يستعملون جريباً هو مثل العضدي ، وهو دبران ونصف بالمعدل .

وأهل قرميسين يستعملون جريب التسع ، وهو تسع الدينوري ، وهو [٢٢٨ ط] أربعة مكايك وأربعة أتساع .

وأهل طحر ونواحي الراوند يستعملون جريب الثمن ، وهو ثمن الدينوري ، أعني خمسة مكايك .

إلا أن أكثر المعاملات تجري بالجبل ، خاصة بنواحي دالمرج وماء دست وماء الكوفة ، بجريب التسع الذي تقدم ذكره .

فاما نواحي الشام وأهل مصر فانهم يستعملون شيئا يقال له
الاردب ، وهو ست وبيات ، والويبة عندهم أربعة أرباع ، والربع أربعة
أقداح . وأهل الرملة يستعملون القفيز ، والقفيز عندهم أربع ويات .
والويبة مكوكان ، والمكوك ثلاث كمالج .

ولأهل الحجاز الصاع ، وهو كبنحه بالمعدل . ولهم الم . وهو ربع
كبنجة . والصدع يقسم به القطره .

ونواحي من نواحي العرب من أهل اليمن وما يليها كر . يدل له
الزيمي . وهو خمسة وسبعون نفيرا بالمعدل .

وهذا الذي ذكرناه كان من اختلاف أهل الأمصار في المكايل . ويمكن
أن يستدل به على ما يستعمل في سائر النواحي ان شاء الله .

الفصل الثاني

في تصريف هذه الأكرار بعضها الى بعض (٢٧)

ما يصرف الى المعدل :	الكامل يؤخذ نصفه	الفالج خمسة
ما يصرف الى الكامل :	المعدل يضرب في اثنين	السليمانى يؤخذ سدسه وعشره
ما يصرف الى الفالج :	المعدل يضرب في اثنين ونصف	الفالج ينقص منه خمسة
ما يصرف الى الهاشمى :	المعدل يضرب في ثلاثة	السليمانى يؤخذ ثلثه وخمسه
ما يصرف الى السليمانى :	المعدل يضرب في ثلاثة ونصف	الكامل يزداد عليه ربه
	وربع	السليمانى يؤخذ ثلثاه
	وثلثه	الكامل يزداد عليه نصفه
	وثلثه	السليمانى ينقص منه خمسة
	وثلثه	الكامل يزداد عليه نصفه وربعه
	وثلثه	وثلثه
	وثلثه	الهاشمى يزداد عليه ربه

الفصل الثاني

في تصريف الجربان العضدية الى الأكرار المذكورة (٢٨)

ما يصرف الى الجربان	المعدل يضرب في أربعة وعشرين	الكامل يضرب في اثنين عشر
الفالج يضرب في تسعة (وثلاثة	الهاشمى في ثمانية	السليمانى يضرب في ستة
أخماس)		وحسين
تصريف الجربان الى الأكرار [٢٢٩ظ]	الكامل يؤخذ نصف سدسه	الفالج نصف سدسه وسدس
المعدل يؤخذ ثلث ثمنه	السليمانى يؤخذ ثمنه وربع	ثمنه
الهاشمى ثمنه	ثمنه	

الباب الثاني

في أجناس الحبوب وتصريفها

ان القصد من تجنيس أصناف الحبوب وتصريفها ردها الى صنف
واحد ، ليتمكن اعتبار الكيل والحزر والتقدير والعبر ، وذلك ان الاصناف
اذا كثرت لم يمكن فيها ذلك ، اذ كان بعضها زائدا وبعضها ناقصا
فلا نحصل مقدار الزيادة من النقصان ، ولا النقصان من الزيادة . ولان
اسعار هذه الفلات بنواحي السواد مساوية لما جنسوها (به) ومقاربا
له في الاكثر .

اما في غير أعمال السواد ، فليس يكاد يطرد التصريف ، لان الاسعار
بها تكون مختلفة لا يقارب بعضها بعضا .

والاحدس هي أربعة . وهي السمسمة الحنطة السعير الجهمدم .

وقد أضيف الى كل واحد منها أصناف من الحبوب اسعارها مساوية
أو مقاربة لسعره .

فاما المضاف الى السمسمة فهو الكمون والخردل والشونبر والكرويا
والخشخاش وبذر الرطبة . وهي أكثرها ثمنا وأعلاها [٢٣٠] مرتبة ،
واسعارها تكون أبدا ضعف ثمن الحنطة بالتقريب .

فاما المضاف الى الحنطة من أصناف الحبوب فهو الحمص واللوبيا
والعدس وبذر الكتان وحب الرشاد والحلبة والقرطم وحب الخضرا
والزبيب والسماق واللوز بقشره والبندق بقشره والتهرانج . وهي
أوسط الاجناس ثمنا واسعارها تكون أبدا بالتقريب ضعف سعر الشعير
ونصف سعر السمسمة .

فاما المضافة الى الشعير وما يجرى مجراه من الحبوب فهو الارز
بقشره والجوارس والذرة والدخن والهرطمان والكسبرة والمج بنواحي
الشام والباقلى والخلخلى بنواحي الجبل . وغير ذلك من الاصناف المقاربة
اسعارها في الاكثر لاسعارها . وهي أحطها مرتبة في الاجناس وتكون

x تدو هذه الكلمة في بعض المواضع بشكل الجهمدم وهي الحنطة المخلوطة .

اسعارها بالمقرب في نواحي السواد مثل نصف سعر الحنطة وزرع
سعر السمسم . فما الجهنم فهو مركب من الذي تقدم ذكره . وهو
نصف كره حنطة ونصف كره شعير . وهو جنس برأسه لا يضاف اليه
سمن . ومنه يكون بالمقرب نصف وزرع الحنطة ، وزرع من السمسم .

ومنه الاحساس كثيرا كان يرد بالنصريف الى الشعير . ويقع غنبيه
الشعير . فنعيم منه اسعار باقي الاحساس وهذا [ط ٢٣٠] اصناف
اخر لا يقع غنبيها بالنصريف . واكثرها يكون في اعمال السواد . مثل
الجوز والوزن القصر والفسق والشبيلوط والنبق والبندق القصر
والكمون البابونج والحوح المنهد . وغير ذلك من اصناف كثيرة لا يحسن
فيما نصريف الحبوب .

تصريف الحبوب بعضها الى بعض (١٠)

ما يصرف الى السمسم .	الحنطة يؤخذ نصفه	شعير يؤخذ ربعه
الجهنم يؤخذ ربعه ونصفه		
ما يصرف الى الحنطة	السمسم يصرف في اربع	الشعير يؤخذ نصفه
الجهنم يؤخذ نصفه وربعه		
ما يصرف الى الشعير	السمسم يصرف في ربعه	الحنطة يؤخذ ربعها في اربع
الجهنم يؤخذ نصفه		
ما يصرف الى الجهنم	السمسم يصرف في ربع ونصف الحنطة يزداد عنه ثلثه	الشعير يؤخذ نصفه

الباب الثالث

في تصريف الغلات بعضها الى بعض

اذا كانت مختلفة الكيل

وهو أربعة فصول

الفصل الأول

[٢٣١]

في ما يصرف الى السمسم من سائر الأصناف وسائر

أنواع المكايل

ما يصرف الى السمسم بالمعدل

الحنطة اذا كانت :	بالكامل	بالفالج	بالهامي	بالسليمانى
يؤخذ ربعه	يؤخذ خمسة	يؤخذ سدسه	يؤخذ عشرة	ونلت عشرة
الشعير اذا كان :	بالكامل	بالفالج	بالهامي	بالسليمانى
يؤخذ ثلثه	يؤخذ عشرة	يؤخذ نصف	يؤخذ ثلثا	سدسه عشرة
الجهنم اذا كان :	بالكامل	بالفالج	بالهامي	بالسليمانى
يؤخذ ثلثه	يؤخذ عشرة	يؤخذ نصف	يؤخذ ثلثا	سدسه عشرة

فذلك تصريف الى السمسم بالمعدل .

(على هذا الموال يجرى ترتيب المؤلف حتى يمتلي القيدول الاربعه
في مصنف ٢٣٦ ط . والجدول التالي يعطى هذه المبدوءات كثيرا .
مع ما اهمته المؤلف او سميا عنه الساسج . وما استعملنا الكسر العادى
حيث صافى المجال عن ذكر التعبير القيسى) .

ما يصرف اليه	ما يصرف	بالعدل	بالكامل	بالفالح	بالهاشمي	بالسلياني
السهم بالعدل	الخطئة	يؤخذ نصفه	يؤخذ ربه	يؤخذ خمسة	يؤخذ سدسه	يؤخذ $\frac{2}{10}$
السهم بالعدل	الشعير	ربه	ثمنه	عشره	نصف سدسه	ثلاثا عشره $\frac{1}{10}$
السهم بالعدل	الجهجندم	$\frac{3}{8}$	$\frac{3}{16}$	$\frac{3}{20}$	ثمنه	عشره
السهم بالكامل	الخطئة	يترك بحاله	نصفه	خمساه	ثله	$\frac{4}{10}$
السهم بالكامل	الشعير	نصفه	ربه	خمس	سدسه	$\frac{2}{10}$
السهم بالكامل	الجهجندم	$\frac{3}{4}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{3}{10}$	ربه	خمس
السهم بالفالح	الخطئة	يزاد عليه ربه	$\frac{5}{8}$	نصفه	$\frac{5}{12}$	ثله
السهم بالفالح	الشعير	يؤخذ $\frac{5}{8}$	$\frac{5}{16}$	ربه	$\frac{5}{24}$	سدسه
السهم بالفالح	الجهجندم	ينقص $\frac{1}{16}$	$\frac{15}{32}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{5}{16}$	ربه
السهم بالهاشمي	الخطئة	يزاد نصفه	$\frac{3}{4}$	$\frac{3}{5}$	نصفه	خمساه
السهم بالهاشمي	الشعير	يؤخذ $\frac{3}{4}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{3}{10}$	ربه	خمس
السهم بالهاشمي	الجهجندم	يزاد ثمنه	$\frac{9}{16}$	$\frac{9}{20}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{3}{10}$
السهم بالسلياني	الخطئة	يزاد $\frac{7}{8}$	$\frac{1}{16}$	$\frac{3}{4}$	ينقص $\frac{1}{8}$	يؤخذ $\frac{3}{4}$
السهم بالسلياني	الشعير	ينقص $\frac{1}{8}$	$\frac{15}{16}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{1}{4}$	يؤخذ $\frac{3}{4}$
السهم بالسلياني	الجهجندم	يزاد $\frac{40}{16}$	$\frac{13}{32}$	$\frac{13}{40}$	يزاد ثمنه	يؤخذ $\frac{3}{4}$
السهم بالعدل	الخطئة	يؤخذ ضعفه	يترك بحاله	ينقص خمسة	ينقص ثله	يؤخذ $\frac{8}{10}$
الخطئة بالعدل	الشعير	نصفه	يؤخذ ربه	يؤخذ خمسة	يؤخذ سدسه	$\frac{2}{10}$

ما يصرف اليه	ما يصرف	بالعدل	بالكامل	بالفالح	بالهاشمي	بالسلياني
الخطئة بالعدل	الجهجندم	$\frac{3}{4}$	$\frac{3}{8}$	$\frac{3}{10}$	ربه	خمس
الخطئة بالكامل	السهم	يضرب في ٤	يضرب في ٢	يزاد عليه ٣	يزاد ثله	يزاد $\frac{1}{10}$
الخطئة بالكامل	الشعير	يترك بحاله	يؤخذ نصفه	يؤخذ خمساه	يؤخذ ثله	$\frac{4}{10}$
الخطئة بالكامل	الجهجندم	يزاد نصفه	$\frac{3}{4}$	يؤخذ $\frac{3}{5}$	نصفه	خمساه
الخطئة بالفالح	السهم	يضرب في خمسة	يضرب في $\frac{1}{2}$	يضرب في ٢	يزاد ثله	يزاد ثله
الخطئة بالفالح	الشعير	يزاد ربه	يؤخذ $\frac{5}{8}$	يؤخذ نصفه	يؤخذ $\frac{5}{12}$	يؤخذ ثله
الخطئة بالفالح	الجهجندم	يزاد $\frac{7}{8}$	ينقص $\frac{1}{16}$	يؤخذ $\frac{1}{4}$	يؤخذ $\frac{3}{8}$	يؤخذ نصفه
الخطئة بالهاشمي	السهم	يضرب في ٦	يضرب في ٣	يضرب في ٢	يضرب في ٢	يزاد $\frac{3}{5}$
الخطئة بالهاشمي	الشعير	يزاد نصفه	ينقص ربه	يؤخذ $\frac{3}{5}$	يؤخذ نصفه	يؤخذ خمساه
الخطئة بالهاشمي	الجهجندم	يضرب في $\frac{9}{4}$	يزاد ثمنه	ينقص عشره	يؤخذ $\frac{3}{4}$	يؤخذ $\frac{3}{5}$
الخطئة بالسلياني	السهم	يضرب في $\frac{7}{2}$	يضرب في $\frac{10}{4}$	يضرب في ٣	يضرب في $\frac{1}{2}$	يضرب في ٢
الخطئة بالسلياني	الشعير	يزاد $\frac{7}{8}$	ينقص $\frac{1}{16}$	يؤخذ $\frac{1}{4}$	يؤخذ $\frac{3}{8}$	يؤخذ نصفه
الخطئة بالسلياني	الجهجندم	يضرب في $\frac{40}{16}$	يزاد $\frac{13}{32}$	يزاد ثمنه	ينقص $\frac{1}{16}$	يؤخذ $\frac{3}{4}$
الشعير بالعدل	السهم	يضرب في ٤	يضرب في ٢	يزاد $\frac{3}{5}$	يزاد ثله	يزاد $\frac{1}{10}$
الشعير بالعدل	الخطئة	يضرب في ٢	يترك بحاله	ينقص خمسة	يؤخذ ثله	يؤخذ $\frac{8}{10}$
الشعير بالعدل	الجهجندم	يزاد نصفه	يؤخذ $\frac{3}{4}$	يؤخذ $\frac{3}{5}$	يؤخذ نصفه	يؤخذ خمساه

ما يصرف اليه	ما يصرف	بالمعدل	بالكامل	بالفالح	بالهاشمي	بالسلياني
الشعر بالكامل	المسم	يضرب في ٨	يضرب في ٤	يضرب في $\frac{1}{3}$	يضرب في $\frac{2}{3}$	يضرب في $\frac{2}{15}$
الشعر بالكامل	الخطبة	يضرب في ٤	يضرب في ٢	يزاد عليه $\frac{2}{5}$	يزاد عليه ثلثه	يزاد عليه $\frac{1}{15}$
الشعر بالكامل	المهجند	يضرب في ٣	يزاد عليه نصفه	يزاد عليه خمسة	يترك بحاله	ينقص منه خمسة
الشعر بالفالح	المسم	يضرب في ١٠	يضرب في ٥	يضرب في ٤	يضرب في $\frac{1}{3}$	يضرب في $\frac{2}{3}$
الشعر بالفالح	الخطبة	يضرب في ٥	يضرب في $\frac{1}{2}$	يضرب في ٢	يضرب في $\frac{1}{3}$	يزاد عليه ثلثه
الشعر بالفالح	المهجند	يضرب في ٣	يزاد عليه $\frac{7}{8}$	يزاد عليه نصفه	يزاد عليه ربه	يترك بحاله
الشعر بالهاشمي	المسم	يضرب في ١٢	يضرب في ٦	يضرب في $\frac{4}{5}$	يضرب في ٤	يضرب في $\frac{1}{3}$
الشعر بالهاشمي	الخطبة	يضرب في ٦	يضرب في ٣	يضرب في $\frac{2}{5}$	يضرب في ٢	يزاد عليه $\frac{3}{5}$
الشعر بالهاشمي	المهجند	يضرب في $\frac{1}{3}$	يضرب في $\frac{1}{4}$	يزاد عليه $\frac{4}{5}$	يزاد عليه نصفه	يزاد عليه خمسة
الشعر بالسلياني	المسم	يضرب في ١٥	يضرب في $\frac{1}{2}$	يضرب في ٦	يضرب في ٥	يضرب في ٤
الشعر بالسلياني	الخطبة	يضرب في ٧	يضرب في $\frac{3}{4}$	يضرب في ٢	يضرب في $\frac{1}{2}$	يضرب في ٢
الشعر بالسلياني	المهجند	يضرب في $\frac{40}{8}$	يضرب في $\frac{40}{16}$	يضرب في $\frac{1}{4}$	يزاد عليه $\frac{5}{8}$	يزاد عليه نصفه
المهجند بالمعدل	المسم	يضرب في $\frac{8}{3}$	زاد عليه ثلثه	يزاد عليه $\frac{1}{10}$	ينقص منه تسعة	ينقص منه $\frac{13}{40}$
المهجند بالمعدل	الخطبة	يزاد ثلثه	يؤخذ ثلثاه	$\frac{8}{10}$ يؤخذ	$\frac{4}{9}$ يؤخذ	$\frac{16}{40}$ يؤخذ
المهجند بالمعدل	الشعر	يؤخذ ثلثاه	يؤخذ ثلثه	$\frac{4}{10}$ يؤخذ	يؤخذ تسعاه	$\frac{8}{40}$ يؤخذ
المهجند بالكامل	المسم	يضرب في $\frac{1}{3}$	يضرب في $\frac{2}{3}$	يضرب في $\frac{2}{15}$	يزاد عليه $\frac{7}{9}$	يزاد عليه $\frac{19}{40}$

ما يصرف اليه	ما يصرف	بالمعدل	بالكامل	بالفالح	بالهاشمي	بالسلياني
المهجند بالكامل	الخطبة	يضرب في $\frac{2}{3}$	يزاد عليه ثلثه	يزاد عليه ثلثه	ينقص منه تسعة	يؤخذ $\frac{32}{40}$
المهجند بالكامل	الشعر	يزاد عليه ثلثه	يؤخذ ثلثاه	يؤخذ	يؤخذ منه $\frac{4}{9}$	$\frac{16}{40}$ يؤخذ
المهجند بالفالح	المسم	يضرب في $\frac{2}{3}$	يضرب في $\frac{1}{3}$	يضرب في $\frac{2}{3}$	يضرب في $\frac{2}{3}$	يزاد عليه $\frac{7}{9}$
المهجند بالفالح	الخطبة	يضرب في $\frac{1}{3}$	يزاد عليه ثلثه	يزاد عليه ثلثه	يزاد عليه تسعة	ينقص منه تسعة
المهجند بالفالح	الشعر	يزاد عليه ثلثاه	ينقص منه سدسه	يؤخذ ثلثه	يؤخذ	$\frac{5}{9}$ يؤخذ
المهجند بالهاشمي	المسم	يضرب في ٨	يضرب في ٤	يضرب في $\frac{16}{5}$	يضرب في $\frac{4}{3}$	يضرب في $\frac{2}{15}$
المهجند بالهاشمي	الخطبة	يضرب في ٤	يضرب في ٢	يزاد عليه $\frac{3}{5}$	يزاد عليه ثلثه	يزاد عليه $\frac{1}{15}$
المهجند بالهاشمي	الشعر	يضرب في ٢	يترك بحاله	ينقص منه خمسة	يؤخذ ثلثاه	$\frac{8}{10}$ يؤخذ
المهجند بالسلياني	المسم	يضرب في ١٠	يضرب في ٥	يضرب في ٤	يضرب في $\frac{1}{3}$	يضرب في $\frac{2}{3}$
المهجند بالسلياني	الخطبة	يضرب في ٥	يضرب في $\frac{1}{2}$	يضرب في $\frac{2}{3}$	يزاد عليه ثلثاه	يزاد عليه ثلثه
المهجند بالسلياني	الشعر	يضرب في $\frac{1}{4}$	يزاد عليه ربه	يترك بحاله	ينقص منه سدسه	يؤخذ ثلثاه

الباب الرابع

في أمثلة يرتاض بها المتعلم في تصنيف أصناف الجيوب بأنواع المكايل

فان كان معنا عشرة اكرار سمسما بالمعدل وأردنا أن نعلم كم يكون ذلك شعيرا بالفالج : ضربنا العشرة الاكرار السمس في عشرة ، فكان مائة ، وهو شعير بالفالج .

فان كان معنا أربعة وعشرين كرا هرطمان بالكامل ، وأردنا أن نعلم كم يكون ذلك رشادا بالسليمانى [٢٣٧و] فلان الرشاد هو المضاف الى الحنطة والهرطمان هو المضاف الى الشعير ، نقصنا من الاربعة والعشرين كرا نصف منها ، وهو كرا وثلاثون فقيزا ، كن الباقى من وعشرين كرا وثلاثين فقيزا ، وهو رشاد بالسليمانى .

فان كان مائتين وسبعة وعشرين كرا وأربعة اقفزة وسبعة عشر كموون بالكامل ، وأردنا أن نعرف كم يكون ذلك شعيرا بالفالج : ضربنا المائتين والسبعة والعشرين كرا والاربعة الاقفزة والسبعة عشر كرا خمسة ، لان الكموون هو من أصناف السمس ، فكان ألفا وثمان مائة وثلاثين كرا وثلاثة وعشرين فقيزا وخمسة عشر ، وذلك شعير بالفالج .

فان كان معنا شعير مصرف بالكامل وكان ذلك قد صرف من السمس بالمعدل ، وأردنا أن نعرف كم كان الاصل الذى صرف منه ، فذلك يكون كقولنا : شعير بالكامل ، كفى بصرف سمسما بالمعدل ؟ كقولنا : أربع مائة وأربعة وعشرين [٢٣٧ط] كرا وستة اقفزة وخمسة عشر شعيرا مصرفا بالكامل ، كم كان أصله سمسما بالمعدل ؟ أخذنا من الاربعة مائة والاربعة والعشرين كرا ، والستة الاقفزة والخمسة عشر ، فكان ثلاثة وخمسين كرا وثمانية عشر وثمان مائة . وكذلك كان سمسما بالمعدل .

× في الاصل : الف ومائة وسبعة وثلاثين كرا وثلاثة اقفزة وخمسة عشر . وهذا خطأ ربما يكون سببه أن الحاسب نسي فعد الاكرار والاقفزة والاعشر في سلم عشري .

فان كان معنا تسع مائة وأربعة وثلاثون كرا وثلاثة اقفزة وسبعة عشر كموون بالكامل وأردنا أن نعلم كم يكون ذلك شعيرا مصرفا بالفالج : زدنا على تسع مائة وأربعة وثلاثين كرا وثلاثة اقفزة وسبعة عشر كموون ربع ، فكان ألف ومائة وسبعة وخمسين كرا وتسعة اقفزة وسبعة عشر كموون ربع . وهو شعير بالفالج .

فان كان معنا ستمائة وأربعة وثلاثين كرا حنطة بالكامل وأردنا أن نجعله شعيرا بالمعدل : فأننا نتركه بحاله فانه يكون ستمائة وأربعة وثلاثين شعيرا بالمعدل .

× هذا أيضا خطأ والصواب : $6\frac{1}{4}$ عشر ٣٤ فقيزا ١١٦٧ كرا .

الباب الخامس في أعمال المقاسمات

ان العمل في أمر المقاسمات هي أيضا مستخرجة من المسئلة التي [٢٣٨و] قدمنا ذكرها في المنزلة الرابعة من هذا الكتاب وذلك أنها تكون الأربعة أعداد مناسبة ، ثلاثة منها معلومة ، وواحد منها مجهول . والعمل في معرفة المجهول منها يكون بالثلاثة الأوجه التي أوردناها هنالك : أما بالنسبة ، وأما بالقسمة ، وأما بالضرب .

والمثال في ذلك : بيدر كان كيله أربع مائة واحد وثلاثين كرا وأربعة أقفزة . وحق السلطان في ذلك من كل كرا أربعة وعشرون قفيزا وأردنا أن نعرف ما يصيب وكيل السلطان بحقه .

ان شئنا نسبنا الأربعة والعشرين (قفيزا) من الكر ، فيكون خمسيه ، فنأخذ خمسي الأربعة مائة واحد والثلاثين كرا والأربعة الأقفزة ، فيكون مائة واثنين وسبعين كرا وخمسة وعشرين قفيزا وستة عشر ، وهو ما يصيب الوكيل بحق السلطان من هذا البيدر .

وان شئنا ضربنا الأربعة وعشرين في أربع مائة واحد وثلاثين ونسمى عشر ، فيكون عشرة ألف وثلاثمائة وخمسة وأربعين ونصف وعسرا ، وقسمناه [٢٣٨ظ] على ستين ، فيخرج من القسم مائة واثنان وسبعون وربع وسدس وعشر عشر ، وهو مثل الجواب الأول .

وان شئنا قسمنا الأربع مائة والواحد والثلاثين والأربعة الأقفزة على الستين ، التي هي عدد قفزان الكر ، فيخرج من القسم سبعة وسدس عشر وتسع عشر عشر ، فإذا ضربناها في أربعة وعشرين كان مائة واثنين وسبعين كرا وخمسة وعشرين قفيزا وستة عشر ، وهو مثل الجواب الأول .

المقاسمة : أربعة وعشرين قفيزا . من كل كرا .

الأصل : أربع مائة واحد وثلاثين كرا وأربعة أقفزة .

في الأصل شئنا .

الحاصل لسلطان مائتين واثنين وسبعين كرا وخمسة وعشرين قفيزا وسبعة عشر .

الباقى : مائتان ومائة وخمسين كرا ومائة وثلاثين قفيزا وأربعة عشر (عشر) .

فان كانت مقاسمة الكر أحد وعشرين قفيزا وستة عشر وثلاثين وأردنا أن نعرف ما يصيبنا من بيدر أصله سبع مائة [٢٣٩و] وتسعة وثلاثين كرا وسبعة وثلاثين قفيزا وخمسة عشر :

فان شئنا نسبنا أحد وعشرين وثلاثين من ستين ، فكان ربعا وتسعا ، فإخذنا ربع وتسع سبع مائة وتسعة وثلاثين كرا وسبعة وثلاثين قفيزا وخمسة عشر ، فيكون مائتين وسبعة وستين كرا وخمسة أقفزة وعشرين ونصف سدس عشر . وهو ما يصيبنا من البيدر .

فان شئنا ضربنا أحد وعشرين وثلاثين في سبع مائة وتسعة وثلاثين ونصف وثمان ، فيكون ستة عشر ألفا وخمسة وعشرين وثمان ونصف سدس ، ونقسمها على الستين فيخرج مائتان وسبعة وستون كرا وخمسة أقفزة وعشيران ونصف سدس عشر .

وان شئنا قسمنا سبع مائة وتسعة وثلاثين ونصفا وثمان على ستين ، فيخرج من القسم اثنا عشر ودائق وسبعة عشر ونصف ثمن عشر ، ثم ضربناه في أحد وعشرين وثلاثين ، فرجع الى الجواب الأول .

الأصل : سبع مائة وتسعة وثلاثين كرا وسبعة وثلاثين [٢٣٩ظ] قفيزا وخمسة عشر .

الحاصل مائتين وسبعة وستين كرا (وخمسة أقفزة) وعشرين ونصف سدس عشر .

الباقى أربع مائة واحد وتسعين كرا واثنين وثلاثين قفيزا وثلاثين وربع قفيز .

المقاسمة : أحد وعشرين قفيزا وستة عشر وسين .

نوع آخر من المقاسمة

فإن كانت مقاسمة الكر ستة وعشرين قفيزا وستة عشر وثلثين ، فاصاب السلطان بحقه مائة وأربعة وعشرون كرا وثلاثة وأربعون قفيزا وثلاثة عشر وثلث ، وأردنا أن نعلم كم كان أصل البيدر .

× إن شئنا قسمنا الستين على ستة وعشرين قفيزا وستة عشر وثلثين ، فيخرج من القسم اثنان وربع ، فنضربها في مائة وأربعة وعشرين كرا وثلاثة وأربعين قفيزا وثلاثة عشر وثلث × × ، فيكون مائتين وثمانين كرا وسبعة وثلثين قفيزا وخمسة عشر . وذلك ما كان أصل البيدر .

[٢٤٠] وإن شئنا ضربنا مائة وأربعة وعشرين وثلثين ونصف تسع في سبعمائة ، فيكون سبعة ألف وأربع مائة وثلاثة وثمانين كرا وقسمناها على ستة وعشرين وثلثين فيخرج من القسم مائتان وثمانون ونصف وربع ، وهو مائتان وثمانون كرا وسبعة وثلثين قفيزا وخمسة عشر .

المقاسمة ستة وعشرون قفيزا وسبعة عشر وثلثين .

الأصل : مائتين وثمانين كرا وسبعة وثلثين قفيزا وخمسة عشر .

الحاصل : مائة وأربعة وعشرين كرا وثلاثة وأربعين قفيزا وثلثين .

الباقى : مائة وخمسة وخمسين كرا وأربعة وخمسين قفيزا وثلثين .

وكذلك لو كانت مقاسمة الكر اثنين وعشرين قفيزا وخمسة عشر ، وكان الحاصل بحق السلطان ثلاثمائة وأربعة وثلثين كرا وسبعة عشر [٢٤٠] وثلثين قفيزا وثلثين ونصف ، فأردنا أن نعلم أصل البيدر . قسمنا الستين على اثنين وعشرين ونصف ، فيخرج من القسم اثنان وثلثان ، ضربناها في ثلاثمائة وأربعة وثلثين كرا وسبعة وثلثين قفيزا

هذه الطريقة كتبت في الأصل مرتين .

في الأصل : ونصف .

في الأصل : ونصف ربع .

وعشرين ونصف . وكان ثمان مائة واثنين وتسعين كرا وتسعة عشر قفيزا وثلاثة عشر وثلث . وذلك كان أصل البيدر .

فإن شئنا ضربنا ثلاثمائة وأربعة وثلثين ونصفا وعشرين وسدس سبع في سبعمائة ، فكان عشرين ألفا (وسبعة) وسبعين وربعاً وقسمنا على اثنين وعشرين ونصف ، فخرج من القسم ثمان مائة واثنين وتسعون كرا وتسعة عشر قفيزا وثلاثة عشر وثلث ، وهو مثل الجواب الأول .

المقاسمة : اثنين وعشرين قفيزا وخمسة عشر .

الأصل : ثمان مائة واثنين وتسعين كرا وتسعة عشر قفيزا وثلثين .

الحاصل : ثلاثمائة وأربعة وثلثين كرا وسبعة وثلثين قفيزا وعشرين ونصف .

الباقى : خمس مائة وسبعة وخمسين كرا واثنين وأربعين قفيزا وسبعة وثلثين قفيزا .

[٢٤١] نوع آخر من المقاسمة

فإن كان حاصل السلطان من كراء كان أصله تسع مائة وتسعة وأربعين كرا وثلاثين قفيزا ، مائتا كرا واحد عشر كرا ، وأردنا أن نعرف كم كانت المقاسمة : فإن شئنا ضربنا المائتين واحد عشر في ستين ، فيكون اثني عشر ألفا وستمائة وستين ، ونقسم على أصل البيدر ، وهو تسع مائة وتسعة وأربعون ونصف ، فيخرج من القسم ثلاثة عشر وثلث ، وهو مقاسمة الكر ، أعني ثلاثة عشر قفيزا وثلاثة عشر وثلث .

فإن شئنا نسبنا حاصل السلطان من أصل القسمة ، فوجدناه سبعة وخمسة وسبعين ، فمأخذ سدس السبعين ونصف تسعها ، فيكون ثلاثة عشر وثلث . وهو ثلاثة عشر قفيزا وثلاثة عشر وثلث . وهو مثل الجواب الأول .

المقاسمة : ثلاثة عشر قفيزا وثلاثة عشر وثلث .

الأصل : تسع مائة وتسعة وأربعين كرا وثلاثين قفيزا .

الحاصل : مائتين واحد عشر كرا .

الباقى : سبع مائة وثمانين وثلثين كرا وثلاثين قفيزا .

[٢٤١] فإن كان الحاصل بحق السلطان ، من بيدر كان أصله ثمان مائة وأربعة وثلثين وستة وثلثين قفيزا وأربعة عشر ، مائتين

وثلاثة وأربعين كرا وخمسة وعشرين قفيزا وستة عشر ونصف ،
وأردنا أن نعرف مقاسمة البيدر

فإن شئنا ضربنا حاصل السلطان في ستين ، فيكون أربعة عشر
ألفا وسبعمائة وخمسة ، ونصف أربع وثلاثين عشر ؛ فسمماها على مجموع
أصل البيدر ، وهو ثمان مائة وثلاثة وأربعة وثلاثين ونصف وبما عشر وخمسة
خمس ؛ فمخرج من القسمة سبعة عشر ونصف ، وهو المقاسمة من كل
كر ، أعني سبعة عشر فقرا وخمسة عشر

ثم سمماها باسم المائتين وثلاثة وأربعين كرا والخمسة وأربعين
فقرا والسمية عشر والنصف ، من ثمان مائة وأربعة وثلاثين كرا وسمية
وبلاس فقرا وأربعة عشر ، فوجدنا سبعمائة وثمانين ، فآخذنا ستمين ومن
السمين فكان سبعة عشر ونصف ، وهو مثل الجواب الأول .
المقاسمة سبعة عشر فقرا وخمسة عشر

الأصل ثمان مائة وأربعة وثلاثين كرا وسمية وبلاس فقرا وأربعة
عشر

الحاصل [٢٤٣] مائتين وثلاثة وأربعين كرا وخمسة وعشرين
فقرا وسمية عشر ونصف

الباقى : خمس مائة واحد وتسعين كرا وعشرة أفضة وسبعة عشر
ونصف

فإن كان مقاسمة الكر عن السلطان ستة عشر قفيزا ، وبحق الثاني
ثمانية عشر قفيزا ، وما يبقى فهو للاكار ؛ وأردنا أن نعلم ما يصيب كل واحد
من بيدر كيله أربع مائة وسبعة وثلاثين كرا وأربعة وعشرين قفيزا .
إن شئنا نسبنا كل واحد من الحقوق من الستين وآخذنا بقسطه
من البيدر ، فيكون الستة عشر سبعمائة وعشرا ، والثمانية عشر خمسا
وعشرا ، والباقي ، وهو ستة وعشرون ، ثلثا وعشرا . فإذا آخذنا سدس
وعشر أربع مائة وسبعة وثلاثين كرا وأربعة وعشرين قفيزا (كان) مائة
وسنة عشر كرا وثمانية وثلاثين فقرا وأربعة عشر ، وهو ما نصيب
السلطان بحدوده وإذا آخذنا من كل كرا ربعا وهو سبعة وبلاس كرا وأربعة
وعشرون فقرا ، كان له واحد وبلاس كرا وثلاثة عشر قفيزا وعشرين
وهو ما نصيب الباقي . ويكون الباقي وهو مائة وسبعة وعشرين كرا
[٢٤٣] وأحان وبلاون فقرا وأربعة عشر للاكار بقسطه .

في الأصل
في الأصل حد ربع كرا وسمية عشر ونصف من حد مائتين عشرين كرا

فإن شئنا ضربنا كل واحد من الحقوق من أصل البيدر وقسمناه
على الستين ، فما خرج فهو حقه .

مقاسمات السلطان : ستة عشر قفيزا .

أصل البيدر : أربع مائة وسبعة وثلاثين كرا وأربعة وعشرين قفيزا .

الحاصل : مائة وستة عشر كرا وثمانية وثلاثين قفيزا وأربعة عشر .

قسط الثاني : مائة واحد وثلاثين كرا وثلاثة عشر قفيزا وأربعة عشر .

نصيب الاكار : مائة وتسعة وثمانين كرا واثنين وثلاثين قفيزا

وأربعة عشر .

فإن كان مقاسمة الكر بحق السلطان ثمانية عشر قفيزا وخمسة عشر
(ونصف ، وبحق الاكار اثنين وعشرين قفيزا وخمسة عشر) والباقي
للثاني ، وأردنا أن نعرف ما يصيب كل واحد منهم بحقه ، من بيدر فيه
ألف وتسع مائة وثلاثة وأربعون كرا وأربعون قفيزا وخمسة عشر :
نسبنا ثمانية عشر قفيزا وخمسة عشر ونصف من الستين ، فكان ربعا
ونصف تسع ، وآخذنا ربع الألف والتسع مائة (والثلاثة) والأربعين
كرا والأربعين قفيزا والخمسة عشر ، ونصف تسعها ، فكان خمس
مائة وثلاثة وتسعين كرا وأربعة وخمسين [٢٤٣] قفيزا وربع وسدس
عشر ، وهو ما يصيب السلطان بحقه .

ثم نسبنا اثنين وعشرين قفيزا وخمسة عشر من الستين فكان ربعا
وثمان ، وآخذنا ربع وثمان الأصل ، فكان مائة وثمانية وعشرين كرا
واثنين وخمسين قفيزا وستة عشر ونصف وربع وثمان عشر ، وهو ما
يصيب الاكار بقسطه من البيدر .

فإذا أسقطناها ، وهو ألف وثلاثمائة واثنان وعشرون كرا وستة
وأربعون قفيزا وسبعة عشر وربع وثلث ثمن من أصل البيدر ، صار
الباقي سبعمائة وعشرين كرا وثلاثة وخمسين قفيزا وسبعة عشر وثلث
وربع وثمان عشر ، وهو ما يصيب الثاني بحقه .

فإن شئنا ضربنا كل واحد من حق المقاسمة في أصل البيدر ،
وقسمنا ما اجتمع على ستين ، فماخرج فهو الذي يصيب كل واحد منهم .
والاجوبة في ذلك متفقة .

المقاسمات بحق السلطان: ثمانية عشر قفيزا .

× أضيف هنا في الأصل : خمسة وثلاثين كرا .

× في الأصل : ثلاثة عشر وثلث .

الاصل : الف وتسع مائة وثلاثة وأربعون كرا وأربعون قفيزا وخمسة عشر .

الحاصل : خمس مائة وثلاثة وتسعين كرا وأربعة وخمسين [٢٤٣ظ]

قفيزا وربيع وسدس عشر .
قسط الاكار : سبع مائة وثمانية وعشرين كرا واثنين وخمسين قفيزا وسبعة عشر ونصف وربع (وثمان) .

حق الثاني : ستمائة وعشرين كرا وثلاثة وخمسين قفيزا وسبعة عشر وثلاث وربع وثمان عشر .

فان كانت مقاسمة الكر : حق السلطان ستة عشر قفيزا ، وللثاني ثمانية عشر قفيزا ، والباقي للاكار بحق اكروته ، وأصاب السلطان بحقه خمس مائة وثلاثة وثلاثون كرا وعشرون قفيزا ، وأصاب الثاني بحقه ستمائة كرا ، وأردنا أن نعرف كم كان أصل البيدر وكم بقي للاكار : جمعنا المقاسمتين ، أعني الذي للسلطان والثاني ، فكان أربعة وثلاثين قفيزا ، ثم ضربنا الحقين جميعا ، وهو ألف ومائة وثلاثة وثلاثون كرا وعشرون قفيزا ، في ستين ، فكان ثمانية وستين ألفا ، وقسمنا ذلك على أربعة وثلاثين ، وهو مجموع المقاسمتين ، فخرج من القسم ألفان ، وهو ما كان في أصل البيدر ، أعني ألفي كرا . فاذا أسقطنا منه ما أصاب السلطان والثاني ، بحق بيت المال والرقبة ، وهو ألف ومائة [٢٤٤و] وثلاثة وثلاثون كرا وعشرون قفيزا ، بقي ما للاكار بحق اكروته . وهو ثمان مائة وستة وستون كرا وأربعون قفيزا .

فان شئنا قسمنا حق بيت المال والرقبة ، وهو ألف ومائة وثلاثة وثلاثون كرا ، وعشرون قفيزا ، على مجموع المقاسمتين ، وهو أربعة وثلاثون قفيزا ، فيخرج من القسم ثلاثة وثلاثون وثلاث . ثم ضربنا ذلك : ان شئنا في ستين ، فيصير ألفين ، وهو أصل البيدر : وان شئنا ، في ستة وعشرين ، تمام الستين ، فيصير ثمان مائة وستة وستين وثلاثين ، وهو حق الاكار (٧٠) .

نوع آخر من نواذر المقاسمات (٧١)

فان كان حق بيت المال من بيدر ، من كل كرا : اثنا عشر قفيزا ؛ ومن بيدر آخر ، من كل كرا : عشرين قفيزا ؛ فأصاب السلطان بحق بيت المال ، من البيدر جميعا : ثلاثون كرا ؛ وكان في البيدر من مائة كرا : عشرين كرا . ونعرف ما كان في كل بيدر : وقسمه الستين على كل واحد من المقاسمتين ، وعلى فضل ما بين

المقاسمتين ، فيخرج من قسمته على اثني عشر : خمسة [٢٤٤ظ] ، (ومن قسمته على عشرين : ثلاثة) ، ومن قسمته على فضل ما بين المقاسمتين ، سبعة ونصف . ثم ضربنا الثلاثين الكر ، الذي أصاب السلطان بحقه ، في خمسة ، (فكان مائة وخمسين ، أخذنا فضل ما بينهما وبين المائة ، فكان خمسين ، ضربنا خمسة بالسبعة والنصف) فكان خمسة وسبعين وهو ما كان في أحد البيدرين ، أعني البيدر الذي مقاسمته عشرين قفيزا ، وما بقي ، وهو خمسة وعشرون كرا ، هو البيدر الآخر .

وان شئنا ضربنا الثلاثين في الثلاثة ، وهو ما خرج من قسمة الستين على المقاسمة الاخرى ، فيكون تسعين ، أخذنا فضل ما بينه وبين المائة ، فكان عشرة ، ضربنا ثلثه في سبعة ونصف ، فكان خمسة وعشرين ، وهو ما كان في البيدر الذي مقاسمته اثنا عشر قفيزا .

المقاسمات : اثنا عشر قفيزا ، عشرين قفيزا .

أصل البيدر : مائة كرا .

الحاصل بحق بيت المال : ثلاثين كرا .

ان كان في البيدرين جميعا مائتا كرا ، ومقاسمة أحدهما خمسة عشر قفيزا ، ومقاسمة الآخر أربعة وعشرين قفيزا ، وأصاب السلطان بحق بيت المال من البيدرين جميعا سبعون كرا ، وأردنا أن نعرف ما في كل واحد من البيدرين .

استعملنا [٢٤٥و] الطريق التي سلكتها في المسئلة المتقدمة ، وذلك أن نقسم الستين على إحدى المقاسمتين ، وليكن خمسة عشر ، فيخرج من القسم أربعة ، نضربها في السبعين ، فيكون مائتين وثمانين ، أخذنا الفضل بينه وبين المائتين ، فكان ثمانين ، ضربنا ربعة ، وهو عشرون ، في ما يخرج من قسمة الستين على فضل ما بين المقاسمتين ، وهو ستة وثلاثين ، فيكون مائة وثلاثة وثلاثين كرا وعشرين قفيزا ، وهو ما في أحد البيدرين . والبيدر الآخر هو ستة وستون كرا وأربعون قفيزا .

وظاهر انا متى أخذنا بقسط مقاسمة أربعة وعشرين قفيزا من كل كرا من مائة وثلاثة وثلاثين كرا وثلاث ، انه يكون ثلاثة وخمسين كرا وعشرين قفيزا ؛ وانا اذا أخذنا بقسط الخمسة عشر قفيزا من ستة وستين كرا وثلاثين ، كان ستة عشر كرا وأربعين قفيزا .

فانه اذا (جمعنا) الحاصلين بحق بيت المال من البيدرين جميعا ، كان سبعين كرا .

فهذا الذي ذكرناه كاف في باب المقاسمات لمن له فهم ورياضة .

الباب السادس

في التسعير

فان وقع التسعير على أن تكون قيمة الكر أربعة وخمسين دينارا ، وأردنا أن نعرف من أربع مائة وثلاثة وثمانين كرا ، ضربنا أربعة وخمسين في أربع مائة وثلاثة وثمانين ، فكان ستة وعشرين ألفا واثنين وثمانين دينارا . وهو من أربع مائة وثلاثة وثمانين كرا .

فان كان قيمة الكر ثلاثة وستين دينارا وأردنا أن نعرف ثمن سبعة وثلاثين قفيزا وأربعة عشر ، فان شئنا نسبنا سبعة وثلاثين قفيزا وخمسين من ستين ، التي هي قفزان الكر فكان ثلثا وربعا وخمسة خمس ، وأخذنا بقسط هذه النسبة من ثلاثة وستين دينارا ، فكان تسعة وثلاثين دينارا ودانقا وستة عشر وخمسا . وهو ثمن سبعة وثلاثين قفيزا وأربعة عشر .

ولان المستعمل بمدينة السلام الحبات والقراريط من الدينار ، فالعمل في حسابه في الدوانيقي والعشران واحد ، لان الدينار عندهم ستون حبة وستون عشيرا ، فيكون ثمن سبعة وثلاثين قفيزا وأربعة عشر ، تسعة وثلاثين دينارا وخمسة قراريط وحبة وخمسا (٧٢) .

وان شئنا ضربنا سبعة وثلاثين وخمسين [٢٤٦و] في ثلاثة وستين ، فيكون ألفين وثلاثمائة وثلاثة وخمسين وخمسا ، وقسمناه على ستين ، فخرج من القسم تسعة وثلاثون وربعا وخمسة عشر ، وهو مثل الجواب الاول .

فان شئنا قسمنا الثلاثة والستين على الستين ، فيخرج من القسم واحد ونصف عشر ، فضربناها في السبعة والثلاثين قفيزا والأربعة عشر ، وهو بأن نزيد عليها نصف عشرها ، وهو واحد ونصف وربعا (وعشر) وخمسة عشر ، فيكون مثل الجواب الاول .

وأكثر الباعة والتجار ، في أمثال هذه المسائل ، يحسبون أولا عن

القفيز الواحد ، ويضربون في جملة القفزان وكذلك يحسبون ثمن عشير واحد ويضربونه في جملة العشران ، فيجمعون بعضها الى بعض ، فيكون المجتمع ثمن المطلوب . وذلك انا اذا عرفنا ثمن القفيز الواحد في هذه المسئلة ، وذلك بأن نأخذ سدس عشر الثلاثة والستين ، فيكون دينارا وقيراطا ؛ فان شئنا جعلنا عدد الدنانير حبات ، فيكون ثلاثة وستين حبة ذهبا ، وهو ثمن القفيز . فاذا ضربنا ذلك في سبعة وثلاثين كان ثمانية وثلاثين دينارا وسبعة عشر قيراطا ، وهو ثمن السبعة والثلاثين قفيزا . فاذا عرفنا ثمن عشير واحد وهو [٢٤٦ظ] ان نأخذ عشر ثمن القفيز ، فيكون قيراطين وحبة وعشر حبة . فاذا ضربناها في أربعة ، كان ذلك ثمانية قراريط وحبة وخمس حبة ؛ فاذا أضفناها الى قيمة القفزان ، كان الجميع تسعة وثلاثين دينارا وخمسة قراريط وحبة وخمس حبة ، وهو مثل الجواب الاول .

وهذا الطريق هو أقرب على المتعلم . فاذا كان ثمن الكر معلوما ، أخذنا سدس عشرها ، كان ذلك ثمن القفيز ، فان أخذنا سدس عشر عشرها فان ذلك ثمن العشير ، وان أخذنا سدس ثمن العشير كان ذلك ثمن مكوك ، فان أخذنا نصف ثمن تسع العشر كان ذلك ثمن الكيلجة . وكذلك اذا كان ثمن القفيز معلوما فانا ننسب المكوك أو الكيلجة أو الربع منه ، وأخذنا بقسط تلك النسبة ، فما حصل كان ذلك ثمن المسبوق منه .

مثال ذلك : اذا كان ثمن الكر سبعة وستين دينارا ، وأردنا أن نعرف ثمن سبعة عشر قفيزا : أخذنا سدس عشر سبعة وستين ، كان دينارا واحدا وقيراطين وحبة ، فاذا ضربناها في سبعة عشر ، كان ذلك ثمانية عشر دينارا وتسعة عشر قيراطا [٢٤٧و] وحبتين . وهو ثمن سبعة عشر قفيزا .

فان أردنا أن نعرف ثمن سبعة عشر ، أخذنا عشر ثمن القفيز ، وهو دينار وقيراطان وحبة ، فيكون قيراطين ، ونصفا وخمس حبة ، فاذا ضربناه في سبعة كان خمسة عشر قيراطا وحبة ونصفا وثلثا وثلثي عشر حبة . وهو ثمن سبعة عشر .

فان اردنا ان نعرف ثمن خمسة مكاليك : اخذنا ثمن ثمن القفيز ، وكان قيراطين وحبتين وربعا وثمان حبة ، وضربناها في خمسة ، فكان ثلاثة عشر قيراطا وحبتين ونصفا وربعا (وثننا) وهو ثمن خمسة مكاليك .

فان اردنا ان نعرف ثمن كيلجين اخذنا ثمن ثمن المكوي ، الذي هو قيراطان وحسان وربيع وثمان حبة ، فكان حبتين وثمان حبة ، واضعناها فكان قيراطا وحسين وثلث وربيع حبة .

فان كان ثمن القفيز دينارين وثلاثة قرايط وحبتين ونصفا . و اردنا ان نعرف ثمن اربعة وثلاثين قفيزا : ضربنا اربعة وثلاثين في دينارين وثلاث قرايط وحبتين ونصف ، فكان اربعة وسبعين دينارا وعشرة قرايط وحبة . وهو ثمن اربعة وثلاثين قفيزا .

فان اردنا ان نعرف ثمن اربعة وعشرين كرا : فان شئنا ضربنا لدينارين في ستين [٢٤٧ظ] فكان مائة وعشرين دينارا وزدنا عليه بعدد ما معنا من الحبات ، وهو احد عشر حبة (ونصف) ، ونصرفه دنارين ، فيصير مائه واحد وثلاثين دينارا ونصف . وهو ثمن كسر واحد . ثم ضربناه في اربعة وعشرين ، فكان ثلاثة الف ومائة ستة وخمسين دينارا . وهو ثمن اربعة وعشرين كرا .

فان شئنا ضربنا اربعة وعشرين في ستين ، فيكون الف واربع مائة واربعين . وضربناها في دينارين وثمان وثمان عشر ، فيكون ثلاثة الف ومائة وستة وخمسين دينارا ، وهو ثمن اربعة وعشرين كرا .

فان كان ثمن القفيز دينارا وسبعة قرايط وحبة ونصفا ، و اردنا ان نعرف ثمن ثلاثة مكاليك : فان شئنا نسبنا الثلاثة من الثمانية ، التي هي عدد مكاليك القفيز ، فيكون ربعا وثمان ، واخذنا ربع وثمان دينار وسبعة قرايط وحبة ونصف ، فكان عشرة قرايط ونصفا وربعا ومما ونصف ثمن حبة . وهو ثمن ثلاثة مكاليك .

فان شئنا ضربنا مائة في واحد وربيع وثمان ، فكان اربعة وثمان . و قسمناه على ثمانية فخرج من القسم نصف وثمان ثمن ، وهو عشرة

قرايط ونصف حبة [٢٤٨ظ] وربيع وثمان ونصف ثمن حبة . وهو مثل الجواب الاول .

فان كان قيمة الكرا اثنين وسبعين دينارا واربعة قرايط وحبتين . ف اردنا ان نعرف ثمن خمس مائة وسبعة وثلاثين كرا واربعة وعشرين قفيزا وثمانية عشر وثلث : عرفنا ثمن خمس مائة وسبعة وثلاثين كرا . وذلك بان نضرب خمس مائة وسبعة وثلاثين في اثنين وسبعين وسدس وثلثي عشر ، فيكون ثمانية وثلاثين الفا وسبع مائة وتسعة وثمانين دينارا وستة قرايط . ثم نعرف ثمن اربعة وعشرين قفيزا بمثل الابواب التي تقدم ذكرها . اما بالنسبة او بالقسمة او بالضرب ، فيكون مائة وعشرين دينارا وسبعة عشر قيراطا وخمس حبة . ثم نعرف من مائة وعشرين وثلث . فكان دينار وسبع حبة ونصف سدس حبة . ف اذا اضفناها الى من الاكرار ونفقروا كان مائة وثلاثين الفا وثمان مائة وتسعة عشر دينارا وثلاثة قرايط وحبتين وثلث وربعا . وتسعا وعشر حبة . وهو من خمسمائة وسبعة وثلاثين كرا واربعة وعشرين قفيزا وثمانية عشر وثلث .

[٢٤٨ظ] وهذا الذي ذكرناه من التسعير قد يستدل به على المسائل الباقية . فاما المعكوسة والمقلوبة والمخالفة من مسائل التسعير فانا تركنا ذكرها ، لان ما قدمنا في باب الطسوق وانواع المقاسمات يستدل به على العمل في ذلك لمن له ادنى رياضة في الحساب ان شاء الله .

الباب السابع في حساب الغلات المعرفة بالمكايل المختلفة

هذا الباب يقرب تناوله على من ارتاض في المسائل المتقدمة ، وذلك أنه إذا وردت مسألة من التصريف متعلقة بالنسبة ، فينبغي للحاسب أن بصرف الغلات أولا ثم يعمل في أثمانها كما تقدم ذكره .

مثال ذلك أنه إذا كان ثمن الكر المعدل من السمسم خمسة وستين دينارا ، وأردنا أن نعرف ثمن ستة أكرار حنطة بالفالج جعلنا السمسم الذي هو بالمعدل ، حنطة بالفالج ، أو الحنطة التي هي بالفالج سمسما بالمعدل ، ليصير الجميع غلة واحدة وبكيل واحد . فكاننا جعلنا كر السمسم بالمعدل ، حنطة [٢٤٩و] بالفالج بمثل الابواب التي تقدم ذكرها ، فكان خمسة أكرار فكانه قال : خمسة أكرار بالفالج بخمسة وستين دينارا ، كم ثمن ستة أكرار بالفالج ؟ فالعمل في ذلك كما قدمنا ذكره ، من المسئلة المذكورة ، وذلك بأن تضرب الستة الأكرار في خمسة وستين دينارا ، فيكون ثلاثمائة وتسعين ، وتقسمها على خمسة ، فيخرج من القسمة ثمانية وسبعون دينارا ، وهو ثمن ستة أكرار حنطة بالمعدل . وكذلك تجري أنواع هذه المسائل .

نوع آخر من تسعير الغلات المصروفة

فإن كان ثمن قفيز بالفالج ستة قرايط ، وأردنا أن نعرف ثمن كر بالمعدل ، فينبغي أن نعلم أولا أن نسبة الأكرار بعضها إلى بعض ، هي نسبة القفزان أيضا ، بعضها إلى بعض ، فإن كل كر من الأكرار التي تقدم ذكرها هو مقسوم بستين قفيزا ، وكل قفيز بعشرة أعشر ، كما قدمنا ذكره . وذلك أن القفيز من الكر الفالج هو خمسا القفيز من الكر بالمعدل . فإذا كان الأمر على ما ذكرنا فانا نجعل الستة القرايط حبات ، فيكون ثمانية عشر حبة ، فنزيد عليها مثلها [٢٤٩ظ] ومثل نصفها ، لأن الفالج ينبغي أن يضرب في اثنين ونصف ، حتى يكون معدلا . فإذا فعلنا ذلك كان

ثمن الكر وهو خمسة وأربعون دينارا ، لأن حساب الدينار وقفزان الكر سواء . فإذا كان القفيز حبات معلومة ، كان الكر بمثل عدد الحبات دنانير .

فإن كان ثمن مكوك بالمعدل قيراطا وحبة ذهبيا ، فأردنا أن نعلم ثمن الكر السليماني : فانا نجعل القيراط والحبة : حبات ، فيكون أربع حبات ، وتأخذ سدسها وعشرها ، وهو حبة وثلاثا عشر حبة ، لأن الكر السليماني من الكر المعدل سدسه وعشره ، ثم تضرب الحبة والثلاثي عشر حبة ، في ثمانية ، وهو عدد المكايل ، ليكون معنا ثمن القفيز ، فيكون ثمانية وثلاثا وخمسا ، وهو ثمن الكر السليماني بالدنانير .

فإن كان ثمن عشير بالمعدل حبتين ونصفا ذهبيا وأردنا أن نعرف ثمن كر بالفالج :

فإن شئنا ضربنا الحبتين والنصف في عشرة ، ليعرف ثمن القفيز بالفالج ، فيكون خمسة وعشرين دينارا ، وهو ثمن الكر بالمعدل ، ثم نأخذ خمسيه ، فيكون [٢٥٠و] عشرة دنانير ، وهو ثمن الكر بالفالج .

نوع آخر من تسعير الغلات المصروفة

فإن كان ثمن القفيز بالفالج قيراطين وحبتين ، وأردنا أن نعرف ثمن كر بالمعدل وكر بالكامل جميعا في موضع واحد :

فإن شئنا عرفنا ثمن كل واحد منهما على الانفراد ، ثم جمعناهما ، فيكون ذلك ثمنهما مجموعين .

فإن شئنا ضربنا الكر المعدل في اثنين ونصف ، فيصير فالجا ، فيكون جملة ذلك ثلاثة أكرار ونصف وربع فالجا ، ثم بسطنا القيراطين والحبتين : حبات ، فيكون ثمانين حبات . فإذا ضربناها في ثلاثة ونصف وربع ، كان ثلاثين دينارا ، وهو ثمن الكرين جميعا .

وعلى هذا يجري أمر الاسعار في الغلات المصروفة بالمكايل المختلفة ، فليعتمد عليه ، إن شاء الله .

آخر المنزلة الخامسة . والحمد لله رب العالمين وصلى الله على محمد وآله أجمعين وسلم تسليما .

المنزلة السادسة

من كتاب أبي الوفاء محمد بن محمد البوزجاني المهندس
في ما يحتاج اليه الكتاب والعمال وغيرهم من

علم الحساب

وهو أنواع شتى

قد أتينا من جملة ما تقدم الوعد في هذا الكتاب على أكثر ما يحتاج
اليه من علم الحساب في صناعة الكتابة وأعمال الدواوين . والذي بقي
في هذه المنزلة لا بد للكاتب والعامل منه : أمر التصريف ، واعطاء
العساكر أرزاقهم وجراياتهم والعلوفة وأمر المأصير والجواز وانفاذ
الرسل والبرد وغيرهما ، مما يجري في الدواوين ، ويبقى أن يذكر في
هذه المنزلة ، ليكون الباقي منها ما يستعمله التجار فيما بينهم من
جميع أنواع الحسابات . ونورده في المنزلة السابعة من هذا الكتاب .
لئلا يخل من شيء يحتاج اليه في معرفة الحساب ويجري على العادة في
الاختصار والإيجاز .

وتجعل هذه المنزلة أيضا سبعة أبواب ، ونذكر من كل نوع من [٢٥٢ و]
أنواع الحساب مسئلة واحدة ومثالا واحدا ، فإن ما مضى من الأصول
يفني عن الإطالة والشرح ، إن شاء الله .

أبواب هذه المنزلة

- الباب الاول : في تصريف العين بالورق ، وهو خمسة فصول .
- الباب الثاني : في تصريف الورق بعضها ببعض ، وهو ثلاثة فصول .
- الباب الثالث : في معرفة أوزان العين والورق بعضها من بعض ، وهو
فصل واحد .
- الباب الرابع : في اعطاء الجند أرزاقهم وجراياتهم ، وهو فصل واحد .
- الباب الخامس : في حساب العلوفة ، وهو أربعة فصول .
- الباب السادس : في حساب المأصير والجواز ، وهو ثلاثة فصول .
- الباب السابع : في سير البرد والفيوج والجمادات ، وهو ثلاثة فصول .

الباب الأول

في صرف العين بالورق

وهو فيما في المنزلة الثانية من هذا الكتاب أن الدينار ستة دوايق ،
وعشرون قيراطا بغداديا ، وأربعة وعشرون قيراطا بصريا وفارسيا
واهوازيا ، وستون عشيرا ، وستون حبة بغدادية ، واثنان وسبعون حبة
بصرية [٢٥٢ ط] وفارسية ؛ وإن القيراط ثلاث حبات ، وإن الدرهم هو
سنة دوايق وثمانية وأربعون حبة بغدادية وبصرية ، وستة وثلاثون
حبة خراسانية وشامية ، وستون عشرا ، وستة وتسعون فلسا .

فإن كان قيمة الدينار أربعة عشر درهما ودوايق ، وأردنا أن
نعرف ثمن أربعة وسبعين دينارا ، ضربنا أربعة عشر درهما في أربعة
وسبعين ، فكان ألفا وستين درهما وأربعة دوايق . وهو ثمن أربعة
وسبعين دينارا .

فإن أردنا أن نعرف ثمن خمسة دوايق ذهبا : أن شئنا نسبنا
الخمس الدوايق من الدينار ، فيكون نصفها وثلاثا ، وأخذنا بقسطها
من الأربعة عشر والنسب . فكان أحد عشر درهما وخمسة دوايق وستة
أعشر وثلثين . وهو ثمن خمسة دوايق ذهبا .

وإن شئنا ضربنا الخمسة ، التي هي عدد الدوايق ، في أربعة عشر
وثلث ، فكان أحد وسبعين وثلثان ، وقسمناه على ستة ، وهي عدد
دوايق الدينار ، فيخرج من القسم أحد عشر ونصف وثلث وتسع .
وهو مثل الجواب الاول .

[٢٥٣ و] فإن شئنا نقصنا من أربعة عشر وثلث ، سدسها ، وهو
درهمان ودانقان وثلاثة أعشر وثلث ، فيصير الباقي ثمن الخمسة
الدوايق الذهب .

فإن أردنا أن نعرف ثمن سبعة قراريط من قراريط الدينار ، وهي
عشرون ، فيكون ربعها وعشرها ، وأخذنا بقسطها من الأربعة عشر والثلث ،
التي هي قيمة الدينار ، فكان خمسة دراهم وعشيرا واحدا . وهو ثمن
سبعة قراريط ذهب بغدادية .

وان شئنا ضربنا سبعة في أربعة عشر وثلاث ، فكان مائة وثلاثا ،
وأخذنا من كل عشرين ، الذي هو عدد قراريط الدينار : درهما ، فكان
خمسة دراهم وسدس عشر درهم . وهو مثل الجواب الاول .
وأكثر الكتاب والصيارف يحسبون أولا ثمن قيراط واحد ثم يضربون
في عدد القراريط . فاما معرفة قيمة قيراط واحد فهو أن تضرب قيمة
الدينار في ثلاثة ، فما حصل فهو ثمن القيراط عشرا .

مثال ذلك المسئلة التي تقدم ذكرها : انا أردنا أن نعرف ثمن
سبعة قراريط ذهبيا بغدادية ، ضربنا قيمة الدينار ، فهو أربعة عشر درهما
وثلاث ، في ثلاثة ، فكان ثلاثة وأربعين ، وهو ثمن القيراط [٢٥٣ظ]
عشرانا ، أعني أربعة دوانيق وثلاثة عشر . فاذا ضربناها في سبعة كان
خمسة دراهم وعشرا واحدا . فهو مثل الجواب الاول .

فإن أردنا أن نعرف ثمن حبة ذهب بغدادية ، جعلنا ثمن الدينار
(عشرا) فكان أربعة عشر عشرا وثلاثا ، أعني دانقا وأربعة عشر وثلاثا ،
وهو ثمن حبة واحدة ذهبيا .

فإن أردنا أن نعرف ثمن قيراطين وحبتي ذهبيا بغداديا : ضربنا
عدد حباتها ، وهي ثمانية ، في قيمة الدينار ، وهي أربعة عشر درهما
وثلاث ، فكان مائة وأربعة عشر وثلاثين ، وهو عشرا . فاذا أخذنا
من كل ستين درهم (ومن كل عشرة دانقا) ومن كل واحد عشيرا ،
كان درهما وخمسة دوانيق وأربعة عشر وثلاثين . وهو ثمن قيراطين
وحبتي ذهبيا .

فإن كانت الحبات وقراريط بصرية أو فارسية : ان شئنا نقصنا
مما حصل من الثمن : سدسها ، وهو دانق وتسعة عشر وتسع ،
فيبقى درهم ودانق وخمسة عشر ونصف ونصف تسع عشر ، وهو ثمن
قيراطين وحبتي ذهبيا بصريا .

فإن شئنا لما ضربنا الثلاثة في أربعة عشر وثلاث ، أخذنا من كل
اثنين وسبعين ، التي هي حبات الدينار البصرية أو الفارسية ، درهما ،
فمكون [٢٥٤و] درهما ونصفا وتسعا وعشرا . وهو مثل الجواب الاول .
فإن أردنا أن نعرف ثمن خمسة قراريط ذهب بصرية أو فارسية :
ان شئنا ضربنا خمسة في أربعة عشر وثلاث ، فيكون أحد وسبعين
وثلاثين ، وأخذنا من كل أربعة وعشرين ، التي هي عدد قراريط الدينار

بالبصرة ، درهما ، فيكون درهمن وخمسة دوانيق وخمسة عشر
وسدسا ، وهو ثمن خمسة قراريط ذهب بصرية .

فإن شئنا نسبنا خمسة قراريط من أربعة وعشرين ، فكان سدسا
وثلاث ثمن ، وأخذنا سدس قيمة الدينار ، فكان درهمن ودانقين
وثلاثة عشر وثلاثا ، وأخذنا ثلث ثمنه ، فكان ثلاثة دوانيق وخمسة
أعشر ونصفا وثلاثا : فاذا جمعناها كانت درهمن ونصفا وربعا وثمنا
وتسعا . وهو مثل الجواب الاول .

وان شئنا قسمنا أربعة عشر وثلاث على أربعة وعشرين ، فيخرج من
القسم ثلث وربع وثمان تسع ، ضربناها في خمسة قراريط ، فيرجع
إلى الجواب الاول .

وفي جميع ذلك كله إذا أردنا أن نجعل عشرا الفضة حبات ،
نقصنا منها خمسها ، فيكون الباقي حبات الفضة .

[٢٥٤ظ] نوع آخر من الصروف

فإن كان قيمة الدينار أربعة عشر درهما ودانقين وأربعة عشر ،
وأردنا أن نعرف ثمن ألف وخمسمائة وسبعة وستين درهما : قسمنا
الألف والخمس مائة والسبعة وستين على ثمن الدينار ، وهو أربعة عشر
ودانقان وأربعة عشر ، فيخرج من القسم مائة وثمانية دنانير وستة
عشر قيراطا وحبة وسدس . وهو ثمن ألف وخمسمائة وسبعة وستين درهما .

فإن أردنا أن نعرف ثمن اثني عشر درهما ودانقين ونصف :

ان شئنا ضربنا الاثني عشر والدانقين والنصف ، في عشرين ، التي
هي قراريط الدينار ، فكان (مائتين) وثمانية وأربعين وثلاثا ، وقسمناه
على أربعة عشر ودانقين وأربعة عشر ، فيخرج من القسم سبعة عشر
قيراطا ، ويبقى ثلاثة وثلاث وخمس ، ضربناها في ثلاثة ، التي هي
حبات القيراط ، فكان عشرة ونصفا وعشرا ، قسمناها على أربعة عشر
ودانقين وأربعة عشر ، فيخرج من القسم نصف حبة وثمان وتسع
حبة ذهب بغدادية .

فإن شئنا قسمنا العشرين على أربعة عشر ودانقين وأربعة عشر ،
فيخرج من القسم واحد وثلاث [٢٥٥و] ونصف تسع ثم ضربناها في
اثني عشر وربع وسدس ، فيصير سبعة عشر وثمان ونصف سدس
وثلاث تسع ، وهي قراريط ، وهو مثل الجواب الاول .

وان شئنا عرفنا ثمن حبة واحدة ذهب ، فيكون دانقا وأربعة أعشر وخمس ، ثم قسمنا الاثني عشر والربع والسدس عليه ، فيرجع الى الجواب الاول .

فان أردنا أن نعرف ثمانية قراريط بصرية وأهوازية :

ضربنا اثنا عشر ودانقين وخمسة أعشر في أربعة وعشرين ، فيكون مائتين وثمانية وأربعين ، قسمناها على قيمة الدينار ، فيخرج من القسم عشرون قيراطا ، ويبقى عشرة : ضربناها في ثلاثة ، فيصير ثلاثين ، قسمناها على قيمة الدينار فيخرج من القسم حبتان ونصف سدس حبة . فيكون ثمن اثني عشر درهما ودانقين وخمسة أعشر من القراريط البصرية : عشرين قيراطا وحبتين ونصف سدس حبة ذهب بصرية .

فان شئنا قسمنا عدد القراريط ، وهو أربعة وعشرون ، على أربعة عشر وخمس ، فيخرج من القسم واحد وثلاثان ، ضربناها في اثني عشر ودانقين ونصف ، فيصير عشرين [٢٥٥ظ] وثلاثا ورربعا وتسعا ، وهي قراريط ، أعني عشرين قيراطا وحبتين ونصف سدس حبة . وهو مثل الجواب الاول .

نوع آخر من الصروف

فان كان ثمن أحد وعشرين دينارا وثلاث : ثلاثمائة وثلاثة وثلاثين درهما ودانقين . وأردنا أن نعرف صرف الدينار : قسمنا ثلاثمائة وثلاثين ربع على أحد وعشرين وثلاث . فيخرج من القسم خمسة عشر درهما وثلاثة دوانيق وسبعة أعشر ونصف ، وهي قيمة الدينار .

فان كان ثمن خمسة قراريط وحبة ذهب : أربعة دراهم ونصفا ، وأردنا أن نعرف ثمن الدينار .

ضربنا الأربعة والنصف في الستين ، التي هي حبات الدينار ، ان كانت لقراريط بفدازية ؛ وفي اثنين وسبعين ان كانت بصرية ؛ فكانا ضربناها في ستين ، وقسمناها على خمسة قراريط وحبة ، بعد أن بسطنا حبات : أعني ستة عشر حبة . فيخرج من القسم ستة عشر درهما وخمسة دوانيق وعشيران ونصف . وهي قيمة الدينار .

فان شئنا قسمنا الستين على الستة عشر ، فيخرج من القسم ثلاثة ونصف وربع ، ضربناها في أربعة ونصف ، فيكون [٢٥٦] ستة عشر ونصفا ورربعا وثمنا . وهو مثل الجواب الاول .

وان شئنا نسبنا أربعة ونصفا من ستة عشر ، فكان ربعا وربع ثمن ، فأخذنا ربع الستين وربع ثمنها ، فكان ستة عشر ونصفا وربع . وحمنا . وهو مثل الجواب الاول .

نوع آخر من الصروف

فان كان ثمن ثمانية وثلاثين دينارا وثمانية قراريط : خمس مائة درهم ، وأردنا أن نعرف ثمن تسع مائة وثلاثين دينارا :

ان شئنا قسمنا تسع مائة وثلاثين على ثمانية وثلاثين وخمسين ، فيخرج من القسم أربعة وعشرين وثمانين ونصف ثمن وربع ثمن ، ثم ضربناها في خمسمائة ، فصار اثني عشر ألفا ومائة وتسعة دراهم ودانقين وعشرين ونصف . وهو ثمن تسع مائة وثلاثين دينارا .

وان شئنا ضربنا الخمس مائة في تسع مائة وثلاثين ، فيكون أربع مائة ألف وخمسة وستين ألفا ، وقسمناها على ثمانية وثلاثين وخمسين ، فيخرج من القسم اثنا عشر ألفا ومائة وتسعة دراهم وربع وثمانين . وهو مثل الجواب الاول .

وان شئنا قسمنا الخمس مائة على ثمانية وثلاثين وخمسين ، فيخرج من القسم ثلاثة عشر درهما وعشيرا وربع [٢٥٦ظ] وهو ثمن دينار واحد . فاذا ضربناها في تسع مائة وثلاثين ، رجع الى الجواب الاول . فان كانت المسئلة بحالها ، فأردنا أن نعرف كم ثمن تسعة ألف وثمان مائة واثنين وخمسين درهما ودانقين وخمسة أعشر ونصف وثلاث : ان شئنا عرفنا ثمن الدينار الواحد ، بمثل ما تقدم ذكره ، فيكون ثلاثة عشر درهما وعشيرا ورربعا ، وقسمنا عليها التسعة ألف والثمان مائة والاثنين والخمسين الدرهم والدانقين والخمسة أعشر والنصف والثلاث ، فيخرج من القسم سبع مائة وستة وخمسين دينارا وثلاثة قراريط وحبة ، وهو ثمنه .

وان شئنا ضربنا ثمانية وثلاثين دينارا وخمسين في تسعة ألف وثمان مائة واثنين وخمسين وربع سدس وثمان تسع ، ونقسم ما اجتمع على خمس مائة فيرجع الى الجواب الاول .

وان شئنا قسمنا التسعة ألف والثمان مائة والاثنين والخمسين الدرهم والربع والسدس والثمان على خمس مائة ، فيخرج من القسم تسعة عشر وأربعة دوانيق وعشيران وخمسة عشر وخمسة عشر عشر ، فنضربها في ثمانية وثلاثين وخمسين ، فيرجع الى الجواب الاول .

نوع آخر من الصروف

[٢٥٧و] والحاجة اليه شديدة في أنواع كثيرة من مسائل الصرف .
فان كانت معنا دنانير ، وأردنا أن نصرفها بدراهم صحاح أو غلة ،
نصفين ، على أن تكون الصحاح مساوية للغلة ، ضربنا الدنانير في واحد
من السعيرين ، وقسمنا ما اجتمع على مجموعها ، فما خرج من القسم فهو
مقدار ما يصرف من السعر الآخر .

مثال ذلك : انا أردنا أن نصرف سبعة وثمانين دينارا بدراهم ،
نصفين ، على أن يكون نصفها (٧٤) من صرف أربعة عشر درهما بدينار
ونصفها من صرف ستة عشر درهما .

ضربنا سبعة وثمانين في ستة عشر ، وهو أكثر السعيرين ، فكان
الفا وثلاثمائة واثنان وتسعون ، وقسمناها على ثلاثين ، التي هي
مجموع السعيرين ، فخرج من القسم ستة وأربعون دينارا وثمانية
قراريط ، وهو مقدار ما يصرف من الدنانير بالصحاح ؛ والباقي من
الدنانير ، وهو أربعون دينارا واثنا عشر قيراطا ، هو مقدار ما يصرف
من الدنانير بالغلة .

وان شئنا ضربنا سبعة وثمانين في أربعة عشر ، وقسمناها على
ثلاثين ، فيخرج من القسم أربعون دينارا [٢٥٧ظ] واثنا عشر قيراطا .
وهو ما يصرف منه بالغلة .

فاذ صرفنا ستة وأربعين دينارا وثمانية قراريط بدراهم صحاح .
كانت ستمائة وتسعة وأربعين درهما ، وثلاثة دوانيق وستة أعشر .
فان صرفنا أربعين دينارا واثنى عشر قيراطا بدراهم غلة ، كانت أيضا
ستمائة وتسعة وأربعين درهما وثلاثة دوانيق وستة أعشر . فاذا جمعناها
كانت ألفا ومائتين وتسعة وتسعين درهما ودائق وعشرين . وهو
نمن سبعة وثمانين دينارا نصفين .

وان شئنا نسبنا أحد الصرفين من مجموعهما ، وأخذنا بقسط تلك
النسبة من الدنانير ، فما حصل فهو مقدار ما يصرف من الدنانير من
السعر الآخر . ألا ترى أننا اذا نسبنا الستة عشر ، وهو أحد السعيرين
من الثلاثين ، وهو مجموع السعيرين ، كان ثلثا وخمسا ، فاذا أخذنا
ثلث وخمس السبعة والثمانين دينارا ، كان ذلك ستة وأربعين دينارا
وخمسين ، وهو ما يصرف منه بالصحاح . وكذلك اذا نسبنا الأربعة
عشر ، وهو السعر بالصحاح ، من الثلاثين ، وأخذنا بقسطه من السبعة
والثمانين ، فيكون ذلك مقدار [٢٥٨و] ما يصرف من الدنانير بالغلة .

الباب الثاني

في صرف الورق بعضها ببعض

فان كانت قيمة الدينار أربعة عشر درهما صحاحا وستة عشر
درهما وثلث غلة ، وكان معنا أربع مائة وستة وسبعون درهما ونصف
صحاح وأردنا أن نعرف كم ثمنه غلة

ان شئنا ضربنا أربع مائة وستة وسبعين ونصف ، في ستة عشر
وسبعمائة وستة وتسعين مائة واثنين وثمانين درهما ونصف
وسبعمائة وستة وتسعين مائة واثنين وثمانين درهما ونصف
وحمسون درهما وخمسة دوايق ونصف غلة . وهو من أربع مائة
وستة وسبعين درهما ونصف صحاح .

فان شئنا قسمنا أربع مائة وستة وسبعين درهما ونصفا على
أربعة عشر ، فخرج من القسم أربعة وثلاثون وربع سبع ، وهو دنانير ،
ثم ضربناها في ستة عشر وثلث ، فصار خمس مائة وخمسة وخمسين
درهما وثلثين وربعاً . وهو مثل الجواب الاول .

وجماعة من الصيارف يسلكون هذا الطريق في أمثال هذه المسائل :
وان شئنا أخذنا فضل ما بين الصرفين ، وهو درهماين وثلث
ونسبناها من أربعة عشر ، فكان سدسها ، وزدنا على أربع مائة وستة
وسبعين درهما ونصف : سدسها ، وهو تسعة [٢٥٨ظ] وسبعون درهما
ودانقان وخمسة أعشر ، فيصير خمس مائة وخمسة وخمسين درهما
 وخمسة دوانيق وخمسة أعشر . وهو مثل الجواب الاول . وأكثر الناس
والصيارف يسلكون هذا الطريق في حساب أمثال هذه المسائل .

فان كانت الدراهم غلة وأردنا أن نعرف كم يكون ثمنها صحاحا
ان شئنا ضربنا الأربعة عشر ، التي هي صرف الدينار ، في أربع مائة
وستة وسبعين ونصف ، فيكون ستة ألف وستمائة واحد وسبعين
درهما ، وقسمناه على ستة عشر وثلث فيخرج من القسم أربع مائة
وثمانية دراهم ودانقان وخمسة أسباع عشير صحاح . وهو ثمن أربع
مائة وستة وسبعين درهما ونصف غلة .

وان شئنا قسمنا الأربع مائة والستة والسبعين والنصف على ستة

عشر وست . لتعرف بمهما (أعنى) قيمتها دينار فيكون تسعة وعشرين دينارا وثلاث فراريط وحب وحب سبعة وحب وسنة أسباع سبع حبة . وصرمها في أربعة عشر . فمصر أربع مائة وسبعة دراهم ودانين وخمسة عشر وخمسة أسباع عشير ، صحاح ، وهو مثل الجواب الاول .
وان شئنا نسبنا فضل ما بين الصرفين ، وهو درهما وثلاث ، من صرف الفلة ، [٢٥٩و] فكان سبعة ، نقصناه من أربع مائة وستة وسبعين ونصف ، وهو ثمانية وستون درهما وأربعة عشر وسبعين عشر ، فيصير الباقي أربع مائة وثمانية دراهم وثلاثة أسباع درهم . وهو مثل الجواب الاول .

نوع آخر من الصروف

فان كان قيمة الدينار أربعة عشر درهما صحاحا ، وسنة عشر درهما غلة . وعلى التعامل أن يردى ألف درهم نصفين . أدى ألف درهم من صرف خمسة عشر درهما دينار . وأردنا أن نعرف المصار الذي يحسب له ويشت الدور فيه وهل قد أدى ما يحب عليه أو يبيت عليه بقية ، أو فضل له شيء .

فان شئنا جعلنا الألف المرمم دينار بالسعر الذي أدى ، وإذا فعلنا ذلك كانت قيمته غلما ستة وستين درهما ودانين . ثم صرما ثلث الدينار بمرام نصفين حسب ما وعدنا ذكره ونرحمها في المصار الذي قبل هذا . فيكون من الغلة أحد وثلاثين دينارا وفراطين وحب حبة ؛ وتكون المرامم الفلة أربع مائة وسبعة وتسعين درهما وأربعة دنانير وسبعة عشر وثلث ؛ وكون من الصحاح خمسة وثلاثين دينارا وأحد عشر فراطا وحب حبة . وكون المرامم الصحاح أربع مائة [٢٥٩و] وسبعة وتسعين درهما وأربعة دنانير وسبعة عشر وثلث . فإذا جمعنا الجميع كانت سبع مائة وخمسة وتسعين درهما وثلاثة دنانير وثلثة عشر وحب وحب . وهو ما يحسب له . وصار الباقي غلما من حمة الألف درهم أربعة دراهم ودانين وسنة عشر وستين .

وان شئنا صرفنا نصف الدراهم على الصرف الذي أدى ، فيكون ثلاثة وثلاثين دينارا وثلاثا ، واسقطنا منها ثلث عشرها وزدنا عليها ثلث عشرها ، فيرجع الى الجواب الاول .

فان كان على معامل من الخراج مال نصفين : النصف من صرف

أربعة عشر درهما دينارا والنصف من صرف مائة عشر درهما دينارا ؛ أدى ألف درهم من خمسة عشر درهما ؛ وأردنا أن نعرف كم يحسب له النصفين ، وهل يفضل له أو يحصل عليه ، أو هو كفاف : جعلنا الذي أداه وهي ألف درهم ، دنانير ، على الصرف الذي أدى فيكون ستة وستين دينارا وثلثين ؛ وتأخذ نصفها ونصف ثمنها ، وهو نسبة أكثر السعيرين من الجملة ، فكان سبعة وثلاثين دينارا ونصفا ، وهي ثمن الدراهم الصحاح . ويبقى تسعة وعشرون دينارا وسدس ، وهو ثمن الدراهم الفلة . فإذا أضعفناها كانت ألفا وخمسمائة . وهو مقدار ما يحسب [٢٦٠و] له . ويفضل له خمسون درهما على ما أدى من الصرفين جميعا .

فان أدى سبع مائة صحاحا ، وأردنا أن نعرف كم يحسب له نصفين ، على أن الصحيح على أربعة عشر دينار ، والفلة على ستة عشر دينار . عرفنا ثمنها دينار . فكيف خمس دينار . فكمه قال خمسين دينارا كم يكون ثمنها نصفين على الصرف المتقدم ذكره ؟

فإذا سلطنا فيها الطريقة التي قدمنا ذكرها ، كان الذي يصرف من هذه الدنانير بالصحاح ستة وعشرين دينارا وثلثين ، والذي يصرف منها بالغلة ثلاثة وعشرين دينارا وثلث . فإذا صرفت الدنانير بالدراهم كان كل واحد من الغلة والصحاح ثلاثمائة وثلاثة وسبعين درهما ودانين . فيكون الذي يحسب به سبع مائة وستة وأربعون درهما وأربعة دنانير . نصفين من الصروف المسمى ذكرنا .

وان شئنا جعلنا السبع مائة على مجموع الصروفين . وهو ثلاثون . فيخرج من القسم ثلاثة وعشرون وثلث ، وهو من الغلة ، والصحاح منه . وان كان الذي أدى سبع مائة درهم غلة ، قسمناها على مجموع الصرفين ، فيخرج من القسم ثلاثة وعشرون دينارا وثلث ، وهو ثمن الصحاح . وهو ثلاثمائة وسبعة وعشرون درهما وثمان . والذي يحسب به ثلث ستمائة وثلاثة وخمسون درهما وثلث .

نوع آخر من الصروف

[٢٦٠ظ] فان كان قيمة الدينار أربعة عشر درهما صحاحا ، وثمانية عشر درهما غلة ، وأردنا من الصرفين سبعة عشر درهما ، قسمنا فضل

ما بين سبعة عشر ، وهو المقدار الذي يريده ، وبين السبعين الأكثر ، على فضل ما بين السبعين ، وهو أربعة ، فيخرج من القسم ربع دينار ، وهو من الصبحاح ، وما بقي من الدينار ، وهو نصف وربع دينار ، وهو من النعة ؛ فيكون الذي يصيبه من الصبحاح ثلاثة دراهم ونصف ، والذي يصيبه من النعة ثلاثة عشر درهما ونصف ، وإذا جمع ذلك كان سبعة عشر درهما من الصنفين جميعا .

فان نسبنا فضل ما بين السبعة عشر والسبعين الأول ، وهو ثلاثة ، من فضل ما بين السبعين ، وهو أربعة ، فيكون نصفا وربع ، وهو من النعة .

فان كانت دنائير كثيرة عرفنا ثمن الدينار الواحد ، وسلكنا فيها الطريقة التي ذكرناها .

وينبغي أن تكون الدراهم التي تطلب من الصنفين مثل باقي هذه المسئلة : فان سبعة عشر هو بين الأربعة عشر والثمانية عشر ، ومتى كان من غير هذا القبيل لم تصح المسئلة واستحالت .

فان كانت قيمة الدينار أربعة عشر درهما صبحاحا وستة عشر درهما سهولة وثمانية عشر درهما غلة ، وأردنا من الجميع بدينار واحد سبعة عشر درهما .

جمعنا سعر الصبحاح والسهولة ، فكان ثلاثين ، وأسقطناها من ضعف سعر الغلة ، وهو ستة وثلاثون [٢٦١] فيصير الباقي ستة ، نسبنا منه فضل ما بين السبعة عشر التي تطلب والثمانية عشر ، وهو واحد ، فكان سدس دينار ، فنقول أن ذلك يؤخذ من الصبحاح ، وبمقداره يؤخذ من السهولة ، وبما بقي من الدينار ، وهو ثلث دينار ، يؤخذ من الغلة ؛ فيكون الصبحاح درهمن ودانقين ، والسهولة درهمن وأربعة دانقين ، والغلة اثنا عشر درهما . فإذا جمع ذلك كان سبعة عشر درهما ، وهو مقدار ما تطلب من الاسعار الثلاثة .

وأما هذه المسئلة فيها طرق كثيرة وأجوبة ، لم نؤثر تطويل الكتاب بشرح ذلك فانه بغير هذه الصناعة اليق ، أعني صناعة الجبر والمقابلة . ان شاء الله .

الباب الثالث

في معرفة أوزان العين والورق بعضها من بعض

قد بينا في المنزلة الثانية أن وزن الذهب مثل وزن الفضة ومثل ثلاثة أسباعه ؛ فان وزن الفضة نصف وخمس وزن الذهب . فان كان معنا دنائير وزنت بصنجات الفضة ، وأردنا أن نعلم كم وزنها بالمثاقيل :

ان شئنا أخذنا نصفها وخمسها ، فما كان فهو وزن الدنائير بالمثاقيل . وان شئنا ضربنا ما حصل من وزنه بالفضة ، في سبعة ، وقسمناه على عشرة ، فما خرج من القسم فهو وزنه بالمثاقيل .

فان كانت دراهم موزونة بالمثاقيل ، وأردنا أن نعرف وزنها بصنجات الفضة ، زدنا عليه ثلاثة [٢٦١] أسباعها ، أو ضربناها في عشرة ، وقسمناها على سبعة ، فما حصل فهو وزنها بصنجات الفضة .

مثال ذلك : انا وزنا دنائير بصنجات الفضة ، فكانت أربع مائة وثمانين ، وأردنا أن نعلم كم يكون ذلك بالمثاقيل : أخذنا نصفها وخمسها ، فكان ثلاثمائة وستة وثلاثين ، وهو وزن الدنائير بالمثاقيل . وان شئنا ضربنا الأربع مائة والثمانين في سبعة ، فكان ثلاثة الف وثلاثمائة وستين ، قسمناها على عشرة ، فخرج من القسم ثلاثمائة وستة وثلاثين ، وهو مثل الجواب الأول .

فان كانت دراهم وزنت بالمثاقيل ، فكانت أربع مائة وثمانين مثقالا ، وأردنا أن نعرف كم يكون ذلك بصنجات الفضة : زدنا عليها ثلاثة أسباعها وهو مائتان وخمسة وخمسة أسباع درهم ، فيصير ستمائة وخمسة وثمانين درهما وخمسة أسباع . فان شئنا ضربنا الأربع مائة والثمانين في عشرة ، فكان أربعة الف وثمانمائة درهم ، وقسمناها على سبعة ، فخرج من القسم ستمائة وخمسة وثمانين درهما وخمسة أسباع درهم . وهو مثل الجواب الأول .

الباب الرابع

في اعطاء العساكر (أرزاقهم وجراياتهم)

ان أرزاق الجند مختلفة في البلاد ، وليس تجري على سنن واحد ، وهي بحسب ما يرى السلطان أن يرسمه ويثبتته في الدواوين ، فإذا أراد [٢٦٢و] الفارض أن يعرف ما يستحق جماعة منهم مختلفة الأرزاق . لأشهر معلومة ، فينبغي أن يحبس الأسماء ويجعل من كان رزقه متساوياً جنساً واحداً ، ويضرب عددهم في مال شهر واحد ، فما اجتمع يضربه في عدد الأشهر ، فما حصل من الضرب فهو جملة ما تستحق تلك الطائفة من أرزاقهم في تلك المدة .

مثال ذلك : إذا أردنا أن نعرف ما يستحق مائتا نفس في مدة سبعة أشهر ، ورزق كل واحد منهم في الشهر مائة وعشرين درهماً : ان شئنا ضربنا المائتين في مائة وعشرين فيكون أربعة وعشرين ألف درهم ، وهي ما يستحقونه في شهر واحد ، ثم يضرب ذلك في سبعة ، فيكون مائة ألف وثمانية وستين ألف ، وهو مقدار ما يستحقونه في مدة سبعة أشهر . وان شئنا ضربنا المائتين في سبعة ، فيكون ألفا وأربع مائة ، ثم نضربها في مائة وعشرين ، فيرجع الى الجواب الأول . وان شئنا ضربنا المائة والعشرين في سبعة ثم ضربناها في المائتين ، فان ذلك يرجع الى جواب واحد .

فان كان المائتا نفس بأرزاق مختلفة ، وكان منهم ثلاثون نفساً رزق كل واحد في الشهر خمس مائة درهم ، وأربعون رزق كل واحد منهم في الشهر ثلاثمائة درهم ، والباقيون رزق كل واحد منهم ثمانون درهماً ، وأردنا أن نعرف [٢٦٢ظ] ما يستحقونه في مدة أحد عشر شهراً : ضربنا رزق كل جنس منهم في عددهم وجمعناه ، ثم نضرب ذلك في أحد عشر : فإذا ضربنا الثلاثين في خمس مائة كان خمسة عشر ألفاً ، فإذا ضربنا الأربعين في ثلاثمائة كان اثني عشر ألفاً ، فإذا ضربنا المائة والثلاثين الباقية في ثمانية كان عشرة ألف وأربع مائة ، فإذا جمعناها كلها كانت سبعة وثلاثين ألفاً وأربع مائة ودرهم . وذلك ما يستحقونه في شهر واحد . فإذا أردنا أن نعرف ما يستحقونه في مدة أحد عشر شهراً ، ضربناها في أحد عشر ، فكانت أربع مائة ألف وأحد عشر ألفاً وأربع مائة . وهو مقدار ما يستحقونه في أحد عشر شهراً .

فإذا أردنا أن نعرف ما يستحق كل نفر منهم على انفراد : ضربنا ما

اجتمع من ضرب عدد الرجال في أرزاقهم ، في كل نفر ، في أحد عشر ، فيكون الذي يستحق الثلاثون نفساً في مدة أحد عشر شهراً مائة ألف وخمسة وستين ألفاً ، والذي يستحق الأربعون نفساً في هذه المدة مائة ألف واثنين وثمانين ألفاً ، والذي يستحق المائة والثلاثون نفساً في المدة مائة وأربعة عشر ألفاً وأربع مائة .

وإذا أردنا أن نعرف ما يستحقونه في يوم واحد أخذنا ثلث عشر استحقاقهم في شهر ، وهو سبعة وثلاثون ألفاً وأربع مائة ، فيكون ألفا ومائتين وستة وأربعين (وثلاثين) . وهو مقدار ما يستحقونه في يوم واحد . [٢٦٣و] وعلى هذا يجري أمر أرزاق الجند .

فان كان من جملة المائتين نفس : لثلاثين منهم في اليوم خمسون رطلاً خبزاً ، جراً ، وجراً أربعين منهم ثلاثون رطلاً ، وجراً الباقين ، وعدتهم مائة وثلاثون نفساً ، ثمانية أربطال ، وأردنا أن نعرف ما يستحقونه لشهر : كان الطريق الى ذلك مثل الطريق التي سلكتها في باب الرزق ، فيكون الذي يستحقونه في كل يوم ثلاثة آلاف وسبع مائة وأربعين رطلاً . وذلك انا ضربنا ثلاثين في خمسة فكان ألفاً وخمسة مائة رطل ، وهو ما يستحقه الثلاثون النفر في يوم واحد ، وضربنا الأربعين في ثلاثين في ثمانية فكان ألفاً وأربعين رطلاً ، وهو ما يستحقونه الأربعون النفر في يوم واحد ، وضربنا المائة والثلاثين في ثمانية فكان ألفاً وأربعين رطلاً ، وهو ما يستحقه المائة والثلاثون النفر في يوم واحد : وذلك ثلاثة آلاف وسبع مائة وأربعين رطلاً ، اذا جمعت .

فإذا أردنا أن نعرف ما يستحقونه لشهر واحد : ضربنا ذلك في ثلاثين ، ان كانت الشهور تجري على الفارسية ، فكان مائة ألف واثنين عشر ألفاً ومائتين ، وهو ما يستحقونه في شهر واحد فارسي . فان كانت الشهور هلالية ، ضربناها في تسعة وعشرين ونصف ، فكان مائة ألف وعشرة آلاف وثلاثمائة [٢٦٣ظ] وثلاثين رطلاً ، وهو ما يستحقونه في شهر واحد هلالياً . فان أردنا أن نعرف ما يستحقونه في سبعة أشهر ، ضربنا ما يستحقونه في شهر واحد : في سبعة ، فيكون استحقاقهم في سبعة أشهر فارسية سبع مائة وخمسة وثمانين ألفاً وأربع مائة رطل ؛ وفي سبعة أشهر هلالية سبع مائة واثنين وسبعين ألفاً وثلاثمائة وعشرة × × . على هذا القياس ينبغي أن تكون جميع أنواع هذا الحساب .

× في الأصل : وتسعة وثلاثين .

× في الأصل : وثلاثة وسبعين . وهذا يتفق مع القيمة المخطوطة التي أعطيت للاستحقاق الشهري .

الباب الخامس

في حساب العلوفة

هذا الباب يشبه الباب الذي تقدم ذكره ، وذلك أن علوفة الدواب هي أيضا نوع من الجرايات . الا انها لا تختلف كاختلاف الجرايات . فان اكثر الدواب تكون علوفتها متساوية . فان اختلف فينبغي أن يعتمد على الباب الذي ذكرناه في الجرايات .

فاذا كان مائتا رأس دواب قضيم كل واحد منها في اليوم مكوك شعيرا ، فاردنا أن نعلم قضيمها لثلاثة أشهر فارسية : ضربنا المائتين في تسعين ، وهي أيام ثلاثة أشهر ، فكان ثمانية عشر الفا ، وأخذنا من كل أربع مائة وثمانين : كرا [٢٦٤و] فكان سبعة وثلاثين كرا وثلاثين قفيزا ، وهو مقدار ما تعتلفه في ثلاثة أشهر .

فان كانت الشهور هلالية ، ضربنا المائتين في ثلاثة ، فصار ستمائة ، ثم ضربناها في تسعة وعشرين ونصف ، فصار سبعة عشر الفا وسبع مائة ، قسمناها على أربع مائة وثمانين فخرج من القسم ستة وثلاثون كرا واثنان وخمسون قفيزا ونصف فان اردنا أن نعرف علوفتها لشهر واحد ، ضربنا عدد الرؤوس في ثلاثين ، ان كان شهرا فارسيا .

فان كانت المائتا رأس قضيمها في الشهر اثنا عشر كرا ، واردنا أن نعرف قضيم كل رأس من الدواب في كل يوم : قسمنا اثنا عشر كرا على مائتين فيخرج من القسم ثلاثة أقفزة وأربعة مكاليك وكيلجتان وربع وثمان وخمس ثمن . وذلك قضيم دابة واحدة في شهر . وهو ثلاثة أقفزة وستة أعشر . ثم نقسم على ثلاثين ، ان كانت الشهور فارسية ، فيكون قضيم دابة واحدة في يوم واحد عشيرا وخمسا . وان كانت الشهور هلالية ، قسمناها على تسعة وعشرين ونصف ، فيخرج من القسم كيلجتان وسبعة اثنان وخمس وعشر ثمن ، بالتقريب .

[٢٦٤ظ] نوع آخر من الحساب

فان كان عشرة رؤوس * قضيمها في الشهر أربعون قفيزا ، واردنا أن نعرف قضيم ثلاثة رؤوس منها في الشهر : ضربنا الثلاثة في الأربعين .

* لعل المقصود : خمس وثمان وعشر ثمن بالتقريب .

* المقصود جمع القلة لكلمة رأس ، والناسخ يكتبها ارئس وارس .

فكان مائة وعشرين ، وقسمناها على عشرة ، فخرج من القسم اثنا عشر قفيزا ، وذلك قضيم ثلاثة رؤوس في الشهر .

نوع آخر

فان كان عشرة رؤوس قضيمها في الشهر أربعين قفيزا واردنا أن نعرف قضيم سبعة رؤوس في تسعة أيام : ضربنا العشرة في ثلاثين ، التي هي عدد أيام الشهر ، فكان ثلاثمائة وحفظناه ، ثم ضربنا السبعة في تسعة فكان ثلاثة وستين ، ثم ضربناها في أربعين فكان الفين وخمس مائة وعشرين ؛ وقسمناه على ما حفظناه ، فكان ثمانية أقفزة وأربعة أعشر . وذلك علوفة سبعة رؤوس في تسعة أيام .

نوع آخر

فان كان عشرة رؤوس قضيمها في الشهر أربعون قفيزا ، اطلقنا على سبيل التعليف خمسة رؤوس (في أرض) فيها أربعة أقفزة ، فاردنا أن نعرف لكم يوم يكون ذلك لها : ضربنا العشرة في ثلاثين ، فكان ثلاثمائة ، ثم ضربناها في أربعة أقفزة ، فكان الفا ومائتين ، وحفظناها ؛ ثم ضربنا الخمسة في الأربعين فكان مائتين [٢٦٥و] ، وقسمنا عليها ما حفظناه ، فخرج من القسم ستة ، وهي الأيام التي تعلق فيها الخمسة رؤوس أربعة أقفزة .

نوع آخر

فان كان عشرة رؤوس قضيمها في الشهر أربعون قفيزا . استلف أربعة أقفزة * لقضيم ستة أيام ، واردنا أن نعرف لكم رأس يكون ذلك : ضربنا العشرة في عدد أيام الشهر ، فكان ثلاثمائة ، ثم ضربناه في الأربعة الأقفزة ، فكان الفا ومائتين ، وحفظناه ؛ ثم ضربنا الستة في الأربعين فكان مائتين وأربعين ، وقسمنا عليه الالف والمائتين ، فخرج من القسم خمسة ، وهي عدد الدواب التي استلف لها الأربعة الأقفزة .

وعلى هذا يجب أن تكون جميع أنواع هذا الحساب .

* في الاصل : قفيزان .

في حساب المآصير * والجواز

فإن كان المعبر على المجاز من كل حمل أربعون درهما ، وورد المآصير
مائتا حمل ، ضربنا المائتين في أربعين ، فكان ثمانية الف وهو مبلغ معتبرها
(٤) فإن كان من جملة المائتي حمل ، ثلاثون حملا طيبا ، وأربعون حملا
برا ، ومائة وأربعون حملا سقطا ، وكان الرسم أن يؤخذ من الطيب ، من
كل حمل خمسون درهما ، ومن البر من كل حمل أربعون درهما ، ومن السقط
من كل حمل خمسة دراهم ، وأردنا أن نعرف ما يلزم المائتي حمل : ضرب
(ما ذكره) من الاحمال في ما يجبي عليها ، وجمعناها فكان ما يلزم الطيب
الف وخمسين مائة درهم ، والذي يلزم البر الف وسبعمائة درهم ، والذي
يلزم السقط خمس مائة وسبعمائة درهم .

[٣٠١] سبينا السنة والعشرين من الخمسة والأربعين . وأخذا
بقسطنطينا من السنين ، فيرجع الى الجواب الأول .

٥ يكسب السامع من المناصير .

٢٠٠ هكذا في الأصل والتصحيح برقمه شهره ٠ وهو يعني ابراهيم ٢٦٥ والاولى ٢٠٠ هـ
 تحلف بولاً وحش وهي حلة من باجر احب الشري في الحرة اسمعه ٠ وهو هو
 مرقمه وسنداً برقمه رقم ٣٠١ ٠

٢٤٧

وان شئنا نسبنا الخمسة والاربعين من السنين فكان نصفها وربعها .
 وأخذنا نصف وربع الأحد والعشرين والنصف ، فيرجع الجواب الأول .
 وان شئنا نسبنا الأحد والعشرين والنصف من السنين ، فكان نسبنا وربع
 عشرها . فنأخذ ثلث الخمسة والاربعين ، وربع عشرها . فيكون مثل
 الجواب الأول .

وان كان فوق الدبس بأربعة وعشرين درهما وأردنا أن نعرف من أربعة وعشرين رطلا ، أو أردنا أن نعرف ما يصيبنا بخمسة وثلاثين درهما ، كان العمل في ذلك ، وفي المسائل التي ذكرناها ، سواء . وكذلك الأمر في القامين والوزنات وجرار الزيت وليس [٣٠١ط] يجب أن نطول الكتاب بمثل هذه الأبواب ، فإن من وقف على بعض ما ذكرناه تسهل عليه هذه الأمور كلها . ان شاء الله .

الباب الثالث

في حساب الأجراء

فان كان أجير أجرته في الشهر أربعة وخمسين درهما ، وأردنا أن نعرف ما يصيبه لسبعة أشهر : ضربنا السبعة في أربعة وخمسين فكان ثلاثمائة وثمانية وسبعين درهما ، وهو ما يستحقه في مدة سبعة أشهر .

فان أردنا أن نعرف ما يصيبه في أحد وعشرين يوما ، ضربنا الأحد والعشرين في أربعة وخمسين ، فكان ألفا ومائة وأربعة وثلاثين ، وقسمناه على ثلاثين ، ان كانت الشهور فارسية ، فيخرج من القسم سبعة وثلاثون وأربعة أخماس ، وهو ما يصيب الأجير في أحد وعشرين يوما ، فان كانت الشهور هلالية ، قسمناه على تسعة وعشرين ونصف ، فيخرج من القسم مائة وثلاثون ودانقان وخمس حبات وسدس حبة ، بالتقريب . فان شئنا نسبنا الأحد والعشرين من ثلاثين ، فكان نصفًا وخمسا ، وأخذنا نصف وخمس الأربعة والخمسين ، فكان [٣٠٢] سبعة وثلاثين وأربعة أخماس ، وهو مثل الجواب الأول . وان شئنا قسمنا الأربعة والخمسين على ثلاثين ، فيخرج من القسم واحد وأربعة أخماس ، ضربناها في أحد وعشرين ، فیرجع الى الجواب الأول .

فان أسلفنا الأجير أربعة وثمانين درهما وأردنا أن نعلم ما يجب عليه أن يعمل ، ضربنا الأربعة والثمانين في الثلاثين فكان ألفين وخمسمائة وعشرين ، قسمناه على أربعة وخمسين ، فيخرج من القسم ستة وأربعون وثمان ، وهو شهر وستة عشر يوما وثمان ، وهو مقدار ما يجب على الأجير أن يعمل بما أسلف له .

وان شئنا قسمنا أربعة وثمانين على أربعة وخمسين ، فيخرج من القسم واحد وخمسة أسباع ، ضربناها في ثلاثين ، فيصير ستة وأربعون وثلاثين . فان شئنا نسبنا الثلاثين من أربعة وخمسين ، فكان خمسة أسباع ، أخذنا خمسة أسباع أربعة وثمانين ، فكان مثل الجواب الأول .

نوع آخر من حساب الأجراء

فان عمل تسعة أيام [٣٠٢ظ] وثلاث ، بعشرة دراهم ونصف ، وأردنا أن نعلم كم تكون أجرته في الشهر : ضربنا العشرة والنصف في ثلاثين ، فكان

ثلاثمائة وخمسة عشر ، وقسمناه على ما عمل ، وهو تسعة أيام وثلاث ، فيخرج من القسم ثلاثة وثلاثون ونصف وربع ، وهو أجرته في الشهر .

وان شئنا قسمنا العشرة والنصف على تسعة وثلاث ، فيخرج من القسم واحد وثمان ، ضربناها في الثلاثين ، فيصير ثلاثة وثلاثين ونصفا وربعًا . وهو مثل الجواب الأول .

نوع آخر من حساب الأجراء

فان عمل سبعة عشر يوما ونصف ، بثلاثة عشر درهما وثلاث ، وأسلفناه مائة واحد عشر درهما ، وأردنا أن نعرف ما يجب عليه أن يعمل : ضربنا المائة والواحد عشر في سبعة عشر ونصف ، فكان ألف وتسع مائة واثنين وأربعين ونصفا ، وقسمناه على ثلاثة عشر وثلاث ، فيخرج من القسم مائة وخمسة وأربعون ونصف وثمان ونصف (ثمان) . وهي الأيام التي يجب عليه أن يعمل .

فان أردنا أن نعلم كم أجرته في الشهر : ضربنا الثلاثة عشر والثلاث [٣٠٣] في ثلاثين ، فيكون أربع مائة ، ونقسمه على سبعة عشر ونصف ، فيخرج من القسم اثنان وعشرون درهما وستة أسباع درهم وهو أجرته في الشهر .

فان عمل بعد سبعة عشر يوما ونصف ، اثنين وعشرين يوما وربع ، وأردنا أن نعرف ما يصيبه في مدة تلك الأيام : ضربنا ثلاثة عشر وثلاث في اثنين وعشرين وربع فيكون مائتين وستة وتسعين درهما وثلاثين ، وقسمناه على سبعة عشر ونصف فيخرج من القسم ستة عشر وستة أسباع وثلاث سباع درهم . وهو ما يستحقه بما عمل .

وكذلك تحسب هذه المسائل بالقسمة والنسبة .

نوع آخر من حساب الأجراء

فان كان أجيران أجره أحدهما في الشهر أربعة عشر درهما ، وأجرة الآخر ثمانية عشر درهما ، عملا الشهر بينهما فخرج أجرتهما سواء : ضربنا إحدى الأجرتين في أيام الشهر وقسمنا ما اجتمع على مجموعهما ، فما خرج من القسم فهو ما عمل الآخر : فكانا ضربنا الأربعة عشر في ثلاثين ،

فكان أربع مائة وعشرين ، وقسمته على مجموع الأجرتين ، وهو اثنان وثلاثون ، فيخرج من القسم ثلاثة عشر وثلاث ؛ وهو عدد الايام التي عمل الآخر الآخر .

فان شئنا نسبنا أحد الأجرين من مجموعهما [٣٠٣ظ] وأخذنا بقسطه من أيام الشهر ، فيكون ما عمل ذلك الأجير . الا ترى انا اذا نسبنا الثمانية عشر من الاثنين والثلاثين كان نصفاً ونصف ثمن ، فاذا أخذنا نصف الثلاثين ونصف ثمنها ، كان ذلك ستة عشر يوماً ونصفاً وربعاً وثمناً ، وهو ما عمل صاحب اجرة الثمانية عشر ؟

فان كان ثلاثة اجراء ، اجرة أحدهم في الشهر اثنا عشر درهما واجرة الآخر خمسة عشر درهما واجرة الثالث عشرين درهما ، عملوا جميعا الشهر بينهم فخرجوا بأجرة سواء ، وأردنا ان نعلم ما عمل كل واحد منهم من أيام الشهر :

قسمنا الثلاثين على كل واحد من الاجراء ، فخرج من قسمته على اثني عشر : اثنان ونصف ، ومن قسمته على خمسة عشر : اثنان ، ومن قسمته على عشرين : واحد ونصف ، ثم جمعناها فكانت ستة ، وقسمناها على الثلاثين ، فخرج من القسم خمسة ، وهو اجرة كل واحد منهم . وقسمناه على الثلاثين ، فما خرج من القسم هو ما عمل صاحب تلك الاجرة من أيام الشهر : فيكون الذي عمل صاحب الاثني عشر درهما : اثنا عشر يوماً ونصفاً ، وأخذ في تلك الايام بحساب اثنا عشر درهما في الشهر : خمسة دراهم . والذي عمل صاحب الخمسة عشر درهما : عشرة أيام ، واجرته في تلك [٣٠٤و] المدة ، حساب خمسة عشر درهما ، أيضاً خمسة دراهم ، والذي عمل صاحب العشرين : باقى الشهر ، وهو سبعة أيام ونصف ، بأجرته ، حساب عشرين درهما في الشهر ، خمسة دراهم .

وعلى هذا ينبغي ان يكون حساب ما يكون هذا الجنس منه .

نوع آخر من حساب الاجراء

فان كان لرجل مملوك ، وكان عليه لمولاه في كل شهر خمسة وعشرون درهما ، وأجرته في كل شهر ، مع سائر الناس ، خمسة وأربعون درهما . فاستعمله مولاه ، على ان يحتسب له من أجرته ما عليه ، ويعطيه الباقي

من أجرته ، (فكان) يعمل بعض الشهر ويبطل في بعض ، فخرج عند المحاسبة بالكفاف : لا شيء له ولا شيء عليه . وأردنا ان نعلم ما عمل من الشهر وما بطل : جمعنا الاجرتين ، فكان سبعين ، وحفظناه ، ثم ضربنا إحدى الاجرتين ، أعني اما ما له واما ما عليه ، في أيام الشهر ، وقسمناه على ما حفظناه ، فما خرج من القسم فهو ما عمل أو ما بطل :

فاذا ضربنا ما عليه ، وهو خمسة وعشرون ، في ثلاثين ، كان سبع مائة وخمسين ، فاذا قسمناه على سبعين ، كان عشرة وخمسة أسابيع [٣٠٤ظ] وهو مقدار ما عمل من أيام الشهر . فان ضربنا ما له في الشهر ، وهو خمسة وأربعون ، في ثلاثين ، كان ألفاً وثلاثمائة وخمسين ، فاذا قسمناه على سبعين ، كان تسعة عشر وسبعين ، وهو مقدار ما بطل من أيام الشهر .

وتكون أجرته في مدة ما عمل ، حساب خمسة وأربعين في الشهر ، ستة عشر درهما ونصف سبع . والذي عليه ، حساب خمسة وعشرين في الشهر ، في تسعة عشر يوماً وسبعين : ستة عشر درهما ونصف سبع ، فقد خرج كفافاً ، لا له ولا عليه .

فان عمل أياما وبطل أياما ، وكانت أيام البطالة مساوية لأيام الشهر أو مخالفة له ، وأردنا ان نعلم مدة العمل والبطالة ، جعلنا عدد الايام التي عملها مساوياً لما يجب عليه ، وجعلنا الايام التي تبطل مساوياً لما عمل ، فيكون الذي عمل خمسة وعشرين يوماً ، والذي تبطل خمسة وأربعين يوماً ، ويستحق في مدة خمسة وعشرين يوماً ، وهي أيام العمل ، سبعة وثلاثين درهما ونصفاً ، ويلزمه في مدة خمسة وأربعين يوماً ، وهي الايام التي تبطل ، أيضاً سبعة وثلاثون درهما ونصف . فقد خرج أيضاً بالكفاف .

فان عمل بعض الشهر وتبطل في بعضه ، وفضل له عند المحاسبة عشرة دراهم ، وأردنا [٣٠٥و] ان نعلم ما عمل في الشهر وما تبطل منه ، زدنا العشرة الدراهم على ما عليه في كل شهر ، وهو خمسة وعشرون ، فيصير خمسة وثلاثين درهما ، ضربناها في ثلاثين ، فكان ألفاً وخمسين درهما ، قسمناها على سبعين ، مجموع الأجرين ، فخرج من القسم خمسة عشر يوماً ، وهو مقدار ما عمل من الشهر والذي تبطل منه خمسة عشر يوماً . والذي يستحق في مدة خمسة عشر يوماً ، حساب الشهر خمسة وأربعين درهما ، اثنان وعشرون درهما (ونصف) ؛ والذي عليه في خمسة

عشر يوما ، حساب الشهر خمسة وعشرين ، اثنا عشر درهما ونصف :
وتفاضلها عشرة دراهم ، وهو الذي فضل له .

فان عمل وخرج عليه وقت المحاسبة عشرة دراهم . وأردنا أن نعلم
ما عمل وما بطل . زدنا على أجره العمل عشرة دراهم ، فصار خمسة
وخمسين درهما . وضربناه في ثلاثين فكان العا وسمائة وخمسين .
وقسمناه على مجموع الأجرين . وهي سبعون درهما . فخرج من القسم
ثلاثة وعشرون يوما وأربعة أسابيع يوم ، وهي المدة التي بطل فيها .
ويكون الأيام التي عمل فيها [٣٠٥ظ] من الشهر : سبعة أيام وثلاثة أسابيع
يوم . ويستحق في هذه الأيام ، حساب خمسة وأربعين درهما في الشهر ،
تسع دراهم ونصف وسبع ؛ والذي يلزمه في أيام البطالة ، حساب خمسة
وعشرين درهما في الشهر ، تسعة عشرة درهما ونصف وسبع . وتفاضلها
عشرة دراهم ، وهو الذي فضل عليه .

نوع آخر من حساب الأجراء

فان وافق الأجير على أن يعطى في كل شهر عشرة دراهم وثوب مجهول
الثمن ، عمل ستة أيام ، استحق الثوب ، وأردنا أن نعلم ثمن الثوب :
قسمنا أيام الشهر وهو ثلاثون ، على ما عمل ، وهو ستة ، فخرج من
القسم خمسة ، اسقطنا منها عدد الثوب ، وهو واحد ، وقسمناه على ما
بقي ، وهو العشرة الدراهم ، فخرج من القسم درهما ونصف ، وهو
ثمن الثوب ، وأجرته اثنا عشر درهما ونصف في الشهر .

فان أخذ الثوب ورد عشرين درهما . وأردنا أن نعلم ثمن الثوب ،
قسمنا الثلاثين على ما عمل ، وهو ستة أيام ، فخرج من القسم خمسة ،
اسقطنا منه عدد الثوب ، وهو واحد . وحفظناه ، ثم زدنا العشرين على
خمس العشرة ، وهو درهما [٣٠٦ظ] لأن الستة أيام من أيام الشهر
خمس ، فصار اثنين وعشرين ، قسمناه على ما حفظناه ، وهو أربعة ،
فخرج من القسم خمسة ونصف ، ضربناه في الخمسة ، فكان سبعة
وعشرين ونصفا . وهو ثمن الثوب . وأجرته في الشهر سبعة وثلاثون
درهما ونصف . ويستحق على مدة ستة أيام سبعة دراهم ونصفا ، فإذا
أخذ الثوب ، وثمنه تسعة وعشرون درهما ونصف ، فضل عليه عشرون
درهما .

فان أخذ الثوب ونصف درهما . وأردنا أن نعلم ثمن الثوب ، كان

العمل في هذه المسئلة والمسئلة التي تقدمت سواء ، الا في موضع واحد ،
وهو أن نسقط ما أخذ مع الثوب من خمس العشرة ، بدل ما زدنا عليه .
فيكون ثمن الثوب درهما وخمسة دوايق وحبتين ، فأجرته في الشهر
أحد عشر درهما وخمسة دوايق وحبتان ، ويستحق في ستة أيام درهمين
ودانقين وحبتين ، وقد أخذ الثوب وثمانية دراهم وخمسة دوايق وحبتين ،
وبقي له نصف درهم .

فان كان أجرته في الشهر عشرة دراهم وثلاثة أثواب مختلفة الثمن ،
فعمل خمسة أيام واستحق الثوب الاول ، وعمل ستة أيام فاستحق الثوب
الاوسط ، وعمل سبعة أيام فاستحق الثوب الآخر ، وأردنا أن نعلم
ثمن كل ثوب وأجرته في الشهر [٣٠٦ظ] جمعنا الأيام التي عمل ، فكان
ثمانية عشر يوما ، واسقطناها من أيام الشهر ، فبقي اثنا عشر وحفظناه ،
ثم ضربنا أيام كل ثوب في العشرة الدراهم وقسمناه على ما حفظناه ، فما
خرج من القسم فهو ثمن ذلك الثوب :

فاذا ضربنا الخمسة الأيام في عشرة كان خمسين ، فاذا قسمناه على
اثنين عشر كان الخارج من القسم أربعة دراهم ودانق ، وهو ثمن الثوب
(الاول) . فاذا ضربنا الستة في عشرة وقسمناه على اثنين عشر كان خمسة
دراهم ودانق ، وهو ثمن الثوب المرتفع .

فاذا جمع اثمان الثياب كانت خمسة عشر درهما ، فداد ربه غريب
العشرة الدراهم بلغ خمسة وعشرين درهما . وهو أجرته في الشهر .

نوع آخر من حساب الأجراء

فان كان أجرته في الشهر خمسين درهما ، وعمل أياما فكانت الأيام
التي عمل ، مع أجرته ، عشرين ، وأردنا أن نعلم مدة ما عمل وما يستحق
في تلك المدة : قسمنا الخمسين على أيام الشهر فخرج من القسم واحد
وثلاثان ، زدنا عليه واحدا أبدا ، فصار اثنين وثلاثين ، قسمنا عليه العشرين
[٣٠٧ظ] ، فخرج من القسم سبعة ونصف ، وهي الأيام التي عمل .
ويستحق في هذه الأيام ، حساب خمسين درهما في الشهر ، اثنا عشر
درهما ونصف . فاذا جمع الأيام التي عمل مع ما يستحق من أجرته في
تلك الأيام ، كان ذلك عشرين .

وعلى هذا ينبغي أن تحسب جميع أنواعه ، ان شاء الله .

الباب الرابع

في حساب الطرز والاستعمال

ان الاستعمال اما أن يكون مذارعة أو موازنة أو عددا . فان كان ذلك مذارعة ، فينبغي أن يعمل أولا في تكسيه ، كما قد بينا في مساحة السطوح في المنزلة الثالثة . فاذا حصلت المساحة ، حينئذ نعمل في أمر حسابها على ما نذكره ، ان شاء الله .

وأما الوزن والعدد فالأمر فيه كما قدمناه في حساب الأبطال والأواق . لا فرق بينهما .

فالذراع التي يتعامل بها في حساب الاستعمال هي الذراع السودا . وهي أربعة وعشرون أصبعا . ويحتاج أن يتحقق أمر الضرب والقسمة فيه : فيكون ضرب الأذرع في الأذرع : أذرع مكسرة ؛ وضربه في الأصابع . [٣٠٧ ط] كل واحد منها أربعة وعشرين أصبعا مكسرة ؛ وضرب الأصابع في الأصابع : أصابع مكسرة . فيكون الذراع الواحدة المكسرة خمس مائة وستة وسبعين . أصبعا . وتنسب انصافها وثلاثها وأرباعها ، (وغيرها) من الكسور ، منها حسب ما قدمنا ذكره في المنزلة الثالثة ان شاء الله .

فان استعمل ثوب عند الصانع بمذارعة ، على أن يكون عشرة أذرع مكسرة ، باثنين وسبعين درهما ، وعمل ثوبا طوله اثنان وعشرون ذراعا في عرض خمسة أشبار ، على أن يكون الشبر نصف الذراع ، وأردنا أن نعلم ما يستحق من الأجرة

ضربنا الاثنين والعشرين ، الطول ، في اثنين ونصف ، العرض ، فيكون حمسا وخمسين ذراعا مكسرة . وهو الذي عمل في الثوب . ثم ضربنا الخمسة والخمسين في اثنين وسبعين ، فكان ثلاثة ألف وتسع مائة وستين ، وقسمناه على عشرة فخرج من القسم ثلاثمائة وستة وتسعون درهما . وهو ما يستحق بعمله للثوب .

فان استعمل على أن يعمل الثوب عشر أذرع طولا في ثلاث أذرع عرضا [٣٠٨ و] باثنين وسبعين درهما . فعمل ثوبا ماسي أذرع وأربع أصابع طولا في

في الأصل أربعة وعشرون .

حساب الطرز والاستعمال .

عرض ذراعين وثمانى عشرة أصبعا ، وأردنا أن نعرف ما يستحقه بعمله : ضربنا العشرة في الثلاثة فيكون ثلاثين ، وهو ما كان يجب أن يعمل حتى يستحق اثنين وسبعين درهما . ثم ضربنا ثمانية وأربعة أصابع في ذراعين وثمانية عشر أصبعا ، فكان اثنين وعشرين ذراعا مكسرة ومائتين وأربعة وسين أصبعا مكسرة . وهو ثلث وثمان ذراع مكسرة ، وهو الذي عمله .

فاذا أردنا أن نعلم ما يستحقه بعمله : ضربنا اثنين وعشرين وثلاثا وثمان في اثنين وسبعين فكان ألفا وستمائة وسبعة عشر فقسمناه على ثلاثين فخرج من القسم ثلاثة وخمسون وخمسة دوايق وثلاث حبات وخمس ، وهو ما يستحقه بعمله .

نوع آخر من الاستعمال

فان عمل من بساط طوله أربعون ذراعا في عرض خمسة عشر ذراعا ، الاثنين ذراعا طولا في عرض عشرة أذرع ، اثنان وسبعين درهما ، فأردنا أن نعلم كم يستحق لعمل البساط كله . [٣٠٨ ط] فان عمل منه سابعة عشر ذراعا في سبع أذرع ، رجع الى المسئلة التي قبل هذه .

فان كان أجرة ثوب طوله أربعون ذراعا ، في عرض ذراعين ونصف ، اثنين وسبعين درهما ، واستعمله خمسين درهما . وأردنا أن نعرف ما يجب أن يعمل ضربنا تكسيه الثوب ، وهو مائة ذراع ، في الخمسين ، فكان خمسة آلاف ، وقسمناه على اثنين وسبعين ، فكان تسعة وستين ذراعا وسبا وتسع ذراع مكسرة . وهو ما يجب أن يعمل .

فان كان ستة عشر ذراعا في ست أذرع بثلاثين درهما ، واسلف مائتي درهم وأردنا أن نعلم ما يجب عليه أن يعمل : ضربنا ستة عشر في ستة ، فكان ستة وتسعين ، وضربناه في المائتين ، فكان تسعة عشر ألفا ومائتين ، قسمناه على ثلاثين فيخرج من القسم ستمائة وأربعون . وهو تكسيه ما يجب عليه أن يعمل بالمائتي درهم .

وكما تقدم في أنواع الحساب نعمل في هذه المسائل بالنسبة والقسمة ، ان شاء الله .

يذكر أن المسح منها من عمل مائة من الألف .

نوع آخر من الاستعمال

فان كان ثوب طوله ثلاثين ذراعا في عرض ثلاثة أذرع ونصف ، دخل فيه عشرون رطلا [٣٠٩و] ابريسم ، وأردنا أن نعلم ما يدخل في ثوب طوله أربعين ذراعا في عرض خمسة أذرع وثلث ، ضربنا ثلاثين في ثلاثة ونصف ، فكان مائة وخمسة ، وهو تكسير الثوب الأول ؛ لم ضربنا أربعين في خمسة وثلث ، فكان مائتين وثلاثة عشر وثلثا ، وهو تكسير الثوب الذي ينبغي أن نعلم ما يدخل فيه من الأبريسم . ثم ضربنا مائتين وثلاثة عشر وثلثا في عشرين ، فكان أربعة الف ومائتين وستة وستين وثلثين ، وقسمناه على المائة وخمسة ، فخرج من القسم أربعون رطلا ونصف وتسع وسدس سبع ، اعني اثنا عشر استارا وثلثين وسبع تسع استار .

وهكذا ينبغي أن تكون جميع مسائل هذا الجنس ، المعكوسة والمقلوبة والمخالفة ونعمل بالنسبة والقسمة كما عمل بال ضرب .

وكذلك نعمل في هذا الباب في الأصابع ، اذا قيل له : طول كذا في عرض كذا دخل فيه من الصبغ كذا وكذا رطلا ، بحسب جميع أنواعه على ما تقدم ذكره ، ان شاء الله .

نوع آخر من الاستعمال

فان عمل ثوبا من ألوان مختلفة ، وكان اللون الأحمر : الأوقية بعشرة دراهم ، والأخضر : الأوقية بثلاثة دراهم ، والأزرق [٣٠٩ظ] خمس أواق بدرهم ، ووزن الثوب عشرين رطلا ، وثمانية الف وخمسة مائة درهم ؛ وأردنا أن نعلم كم فيه من كل واحد من الأصابع (٧٧) :

جمعنا سعرين منها ، كيف اتفق ، فكانا جميعا سعر الأحمر والأصفر ، فكانا ثلاثة عشر ؛ وضربناه في السعر الثالث فكان خمسة وستين ، استقطنا منه اثنين ، أصلا ، فبقى ثلاثة وسبعون ، حفظناه . ثم ضربنا الثمن ، وهو الف وخمسة مائة درهم ، في خمسة ، فكان سبعة الف وخمسة مائة درهم ، واستقطنا منه عدد أواق وزن الثوب ، وهو مائتان وأربعون أوقية ، فيصير الباقي سبعة الف ومائتين وستين ، قسمناه على ما حفظناه ، وهو ثلاثة

وسبعون ، فخرج من القسم مائة وخمسة عشر أوقية وسبع وثلثا سبع أوقية ، وهو مقدار ما في الثوب من الصبغ الأحمر ، ومن الصبغ الأصفر مثله . والباقي من وزن الثوب وهو تسع أواق وثلث وسبع وثلث سبع أوقية هو ما فيه من الصبغ الأزرق .

ويكون ثمن ما فيه من الصبغ الأحمر ألفا ومائة وخمسين درهما وثلثا وثلث سبع درهم .

ويكون ثمن ما فيه من الصبغ الأصفر ثلاثمائة وخمسة وأربعين درهما وخمسة أسباع درهم .

[٣١٠و] ويكون ثمن ما فيه من الصبغ الأزرق درهما وستة أسباع درهم وثلث سبع درهم .

وظاهر أن هذه الدراهم اذا جمعت كانت ألفا وخمسة مائة درهم .

فان كانت المسئلة بحالها ، الا ان الأوسط كانت الأوقية بخمسة دراهم ، جمعنا الثلاثة والعشرة ، فكانت ثلاثة عشر ، وضربنا الخمسة في اثنين أبدا ، واستقطناه من الثلاثة عشر ، وما بقى حفظناه وهو ثلاثة . ثم ضربنا الخمسة في عدد أواق الثوب ، وهو مائتان وأربعون أوقية ، فكان ألفا ومائتين ، واستقطناه من الثوب ، وهو الف وخمسة مائة درهم . فبقى ثلاثمائة ، قسمناه على الثلاثة التي حفظناها ، فخرج من القسم مائة . وهو مقدار ما في الثوب من الصبغ الأحمر . ومثله من الصبغ الأصفر ، وسبع وأربعون وهو ما فيه من الصبغ الأزرق .

ويكون ثمن الصبغ الأحمر الف درهم ، وثلث الصبغ الأصفر ثلاثمائة درهم . ومن الصبغ الأزرق مائتي درهم .

وظاهر اننا اذا جمعنا ذلك كان ألفا وخمسة مائة درهم .

وعلى هذا تحسب جميع أنواع هذا الباب ، ان شاء الله .

في حساب التطيين والتجصيص

هذا الباب يعمل فيه على المساحة المسطحة ، كما ذكرنا في المنزلة الثالثة وفي الباب الذي قبله . فاذا عرفنا مساحة ما يطين و يجصص . صار حينئذ مثل الابواب التي تقدمت من المعاملات .

مثال ذلك سطح طوله عشرون ذراعا في عرض خمسة عشر ذراعا . اردنا أن نطينه ، حساب كل مائة ذراع باثني عشر درهما ، ضربنا العشرين في خمسة عشر ، فكانت ثلاثمائة ، وهو تكسيره ، قسمناه على مائة . فخرج من القسم ثلاثة ، ضربناه في اثني عشر ، فكان ستة وثلاثين ، وهو اجرة تطيين ذلك السطح .

فان كان طين السطح بأربعين درهما ، و اردنا أن نعلم اجرة سطح طوله ثلاثون ذراعا في عرض خمسة وعشرين ذراعا ، عرفنا تكسير السطح ، فكان سبع مائة وخمسين ذراعا ، وقسمناه على ثلاثمائة ، تكسير السطح الاول ، فخرج من القسم اثنان ونصف ، ضربناه في الأربعين فكان مائة . وهي اجرة السطح الثاني .

وان كان بيت طوله ثلاثون ذراعا وعرضه ثمانية عشر ذراعا [٣١١ و] وارتفاعه خمسة عشر ذراعا ، و اردنا أن نجصص حيطانه ، على أن يكون المائة ذراع بأربعة عشر درهما : جمعنا الطول والعرض فكان ثمانية وأربعين ذراعا . واضعفناه فكان ستة وتسعين ذراعا ، ضربناه في الارتفاع فكان الفا وأربع مائة وأربعين . وهو تكسير حيطان البيت ، قسمناه على المائة فخرج من القسم أربعة عشر وخمسين ، ضربناه في الاجرة . وهو أربعة عشر ، فيكون مائتي درهم ودرهم وثلاثة أحماس درهم . وهو ما يجب لتجصيص هذا البيت .

وعلى هذا القياس ينبغي أن تكون سائر هذه المسائل ان شاء الله .

في حساب الابنية والمسنيات والفرش وما يدخل فيه من الآجر واللبن

هذا الباب قد تقدم ذكره في المنزلة الثالثة ، في مساحة المجسمات ، والذي ينبغي أن يعتمد عليه هو ما ذكرناه هنالك في مساحة المجسمات . فانما ضرب الطول في العرض في السمك . وينبغي أن ننظر في هذا الباب الى ما يدخل في الذراع الواحدة المبسوطة من الآجر واللبن أولا . ثم ننظر الى [٣١١ ظ] السمك فنعرف ما يدخل فيه من الساقات . فيضرب طول الذراع في عرضه ، وما اجتمع يضرب في عدد الساقات ، فما حصل يكون ذلك عدد ما يدخل في الذراع الواحدة من الآجر واللبن . ثم يمسح الحائط أو المسناة مساحة الجسم ، ويضرب ما اجتمع في عدد آجر الذراع الواحدة ، فما اجتمع من الضرب فهو عدد ما يكون في الحائط أو المسناة من الآجر .

مثال ذلك حائط طوله ثلاثون ذراعا وعرضه أربعة أذرع وارتفاعه خمس عشر ذراعا . وكان طول ذراع واحدة آجرة وثلاثي آجرة ، وست ساقات في الارتفاع : ضربنا واحدا وثلاثين في مثله ، فيكون ذراعين وثلاثين وتسع . ضربناها في ستة ، فكان ستة عشر وثلاثين . وهو ما يدخل في ذراع واحدة من الآجر . ثم ضربنا طول الحائط ، وهو ثلاثون ، في عرضه ، وهو أربعة ، فكان مائة وعشرين ، ضربناها في خمسة عشر . وهو السمك ، فكان الفا وثمان مائة ، وهو تكسير الحائط . ضربناه في عدد الآجر الذي يدخل في الذراع الواحدة ، وهو ستة عشر آجرة وثلاثان ، فكان ثلاثين الفا . وهو مقدار ما يدخل في هذا الحائط من الآجر . وكذلك [٣١٢ و] يعمل في سائر المسببات .

ون كان صحن دار برده أن عرضه بطوايق . وطول الطابق ثمان ذراع . و اردنا أن نعلم كم يحتاج في فرشته من الطوايق . على أن يكون طول الصحن خمسة وسبعين ذراعا وعرضه اثنان وأربعون ذراعا . ضربنا واحدا ونصفا في واحد ونصف . لأن الذراع طولها طابقه ونصف .

سائر الساقات في هذا الباب من سائر المسببات .

فيكون اثنين وربيع . ثم ضربناها في مساحة الصحن ، وهو ثلاثة ألف ومائة وخمسون ذراعا ، فكان سبعة ألف وسبعة وثمانين ونصفا . وهو مقدار ما يدخل في الصحن من الطوابيق .

وان شئنا ضربنا طول الطابقة في مثلها ، وهو ثلثان في ثلثين ، فكان أربعة أمتاع ، وقسمنا عليه مساحة الصحن ، وهو ثلاثة ألف ومائة وخمسون . فيكون سبعة ألف وسبعة وثمانين ونصفا . وهو مثل الجواب الاول .

فان دخل في قطعة مسنة طولها عشر أذرع في عرض سبع أذرع في سمك ست أذرع : خمسة ألف وستمائة وسبعون آجرة ، وأردنا أن نعلم ما يدخل في مسنة طولها ستون ذراعا في عشرين ذراعا [٣١٢ظ] (عرضا) في سمك خمس أذرع : عرفنا تكسير المسناتين ، فيكون تكسير الاول أربع مائة وعشرين ذراعا ، وتكسير الثانية ستة ألف ذراع . ثم ضربنا الستة ألف في ما دخل في المسنة الاولى من الآجر ، وهي خمسة ألف وستمائة وسبعون ، فكان أربعة وثلاثين ألف ألف وعشرين ألفا ، وقسمناه على أربع مائة وعشرين ، فخرج من القسم أحد وثمانون ألفا . وهي عدد الآجر الذي يدخل في المسنة الثانية .

فان أردنا أن نعرف ما يدخل في ذراع واحدة مكسرة من الآجر ، قسمنا الخمسة ألف والستمائة والسبعين على أربع مائة وعشرين فخرج من القسم ثلاثة عشر ونصف . وهو ما يدخل في ذراع واحدة مكسرة من الآجر .

فان أردنا أن نعرف ما يدخل في ذراع واحدة مبسوطة من الآجر . على أن يكون سمك الآجرة ، مع ما بين الآجرتين من الجص والطين أربع أصابع ، (قسمنا) الذراع الواحدة على أربع أصابع ، فيخرج من القسم ستة ، قسمنا عليها الثلاثة عشر والنصف فيخرج من القسم اثنان وربيع ، وهو ما يدخل في الذراع الواحدة من الآجر المبسوط .

فان أردنا أن نعرف طول الذراع كم يكون فيها من الآجر : أخذنا جذر الاثنين وربيع ، وهو واحد ونصف ، وهو عدد [٣١٣ر] الآجر الذي يدخل في طول الذراع ، أعني أن كل ذراع طولها آجرة ونصف .

وعلى هذا القياس ينبغي أن تكون جميع أنواع هذه المسائل ، ان شاء الله .

الباب السابع في مسائل من النوادر والملح والطرف

ان هذا الجنس من الحساب واسع الانتشار كثير الانواع والطرق ، والاستخراج في مسائلها مختلف ، ومن أراد الوصول الى معرفتها بالكمال ، فسيبيله أن يعتمد على أصول صناعة الجبر المقابلة ، فان الذي يذكر في هذا الموضع من أبوابه انما هو على سبيل التقريب على المتعلم والتسهيل له ولمن لا يكون قد ارتقى الى تلك الصناعة ، فان أكثرها ينبغي أن يؤخذ بالتقليد من غير أن يبحث عن العلل والبراهين . ولأجل ذلك فانا قد اقتصرنا على خمس مسائل تكون طريقا مليحا في هذا الكتاب ، حتى لا نخليه من نوع من أنواع الحساب . وانا قد ذكرنا في كل باب من أبواب منازل هذا الكتاب ما يليق من نوادره وملحه وطرفه . والله المعين .

المسئلة الأولى :

فان كان رجل معه مال ، انفق ثلثه وربعه ، وصار الباقي عشرين درهما ، وأردنا [٣١٣ظ] أن نعرف جملة المال .

هذه المسائل يسأل عنها بالفاظ مختلفة ، وهي متداولة بين الناس ، فانه لا فرق بين هذا القول وبين قول السائل .

سمكة رأسها ثلثها وذنبها ربعها ، والباقي منها عشرون رطلا ، كم يكون وزن السمكة . ومثل قول السائل .

نخلة ثلثها في الماء وربعا في الطين والخارج من الماء والطين عشرون ذراعا . كم يكون طول النخلة .

أو مثل قول السائل : ثوب قطع من ثلثه قميص ومن ربعه سراويل وبقي منه عشرون ذراعا ، فأردنا أن نعرف طول الثوب .

والمعنى في جميع ذلك واحد . والوجه فيه أن يؤخذ عدد له ثلث وربيع ، فكان اثني عشر ، أسقطنا ثلثها وربعا ، صار الباقي خمسة ، فحفظناه ، ثم ضربنا الاثنى عشر في العشرين الباقية من المال ، فيكون مائتين وأربعين ، وقسمناه على ما حفظناه ، وهو خمسة ، فخرج من القسم ثمانية وأربعون . وهو المال .

وظاهر انا اذا اسقطنا منه . وهو ستة عشر . وربع . وهو اثنى عشر .
ان الباقي عشرون .

فان كان صاحب المال اضاف الى ماله ضعفه وعشره . فله . عشرين .
واردنا ان يعرف كم كان جملة المال ، اخذنا مالا له نصف وعشر ، وهو
عشره [٣١٤و] واضعنا اليه نصفه وعشره ، فيصير ستة عشر ، نحفظناه ،
ثم ضربنا العشرة في العشرين ، فكان مائتين ، وقسمناه على ستة عشر .
فخرج من القسم اثنى عشر ونصف . وهو المال ، وذلك انا اذا اضفنا
اليه نصفه . وهو ستة وربع ، وعشره ، وهو واحد وربع ، صارت
الجمعة عشريين .

المسئلة الثانية :

مال زدنا عليه ستة ودرهما . ثم نقصنا مما اجمع اليه ودرهما .
ثم بقي من المال شيء .

فاذا اردنا ان نعلم المال ضربنا مخرج السبع . وهو ثلاثة . في ثلاثة .
واسقطنا منه واحدا . فبقي ثمانية . قسمنا مخرج السبع عليها . وهو
ثلاثة . فيخرج من القسم ربع وثمان . وهو خمسة اثمان .

وذلك انا اذا زدنا عليه ستة . وهو ثمان . ودرهما . صار درهما
ونصفا . فاذا نقصنا اليه ودرهما لم يبق منه شيء .

فان زدنا على المال ستة ودرهما . ونقصنا خمسة ودرهمين بقي
ثلاثة دراهم . وارادنا ان نعرف اصل المال .

اخذنا مالا له ثلث وخمسين . وهو خمسة عشر . وزدنا عليه ثلثه
ونقصنا مما اجمع خمسة . فبقي ستة عشر . نحفظناه . ثم نقصنا من
الدرهم الذي زاده الخمس [٣١٤ظ] الذي نقص . وهو خمسة . فبقي
اربعة اخماس . نقصناه من الدرهمين الناقصين . فبقي درهم وخمسين .
زدنا على الثلاثة الدراهم الباقية . فيصير اربعة دراهم وخمسا . قسمته
على ما حفظناه . وهو ستة عشر . فيخرج من القسم ربع وثمان عشر .
ضربناه في مخرج الثلث والخمسين . وهو خمسة عشر . فيصير ثلاثة
ونصفا وربعا وثمان ونصف ثمن درهم . وهو المال المطلوب .

وذلك انا متى زدنا عليه ثلثه . وهو درهم وربع ونصف ثمن .
كان خمسة درهم وربعا . فاذا زدنا عليه درهما . صار ستة وربع .

واذا نقصنا منه خمسة . وهو درهم وربع . (ودرهمين) . كان الباقي
ثلاثة دراهم . وهو مثل مطلوبه .

المسئلة الثالثة :

رجلان معهما مالا . اخذ من احدهما خمسا ما معه ودفع الى الثاني .
(واخذ من الثاني) ثلاثة اسباع ما كان معه ودفع الى الاول . فتساويا .

وهذه المسئلة مثل قول القائل : رجلان التقيا على ثوب يدع . فقال
احدهما للآخر : ان اعطيتني خمسي ما معك واضفته ما معي . كان معي
ثمن الثوب . فقال الثاني للاول : ان اعطيتني [٣١٥و] ثلاثة اسباع
ما معك لاضيفه الى ما معي كان معي ثمن الثوب (٧٨) .

فاذا اردنا ان نعلم المثلين . اخذنا مخرج الخمس . وهو خمسة .
ومخرج السبع . وهو سبعة . ثم اسقطنا من مخرج الخمس الجزأين
الذين اخذهما منه . يبقى ثلاثة . ضربناه في مخرج السبع (فكان احد
وعشرين . وهو الذي كان مع صاحب السبع . ثم اسقطنا من مخرج
السبع (الذي اخذ منه (وهو) ثلاثة . فبقي اربعة . ضربناه في مخرج
الخمس . فكان عشريين . وهو ما كان مع صاحب الخمس .

وذلك ان صاحب السبع . وهو احد وعشرون . متى اخذ من صاحب
الخمس خمسي ما معه . وهو ثمانية . فاضافنا الى ما معه صار معه
تسعة وعشرين . ومتى اخذ صاحب الخمس من صاحب السبع ثلاثة
اسباع ما معه . وهو تسعة . صار ايضا تسعة وعشرين . وهذا كان
مطلوبه .

فان كانت المسئلة على حاليها . الا ان كل واحد منهما لما اخذ من
صاحبه ما اخذ اضافاه الى ما بقي معه . صار بعد ذلك ما معهما متساويين :
اضعفنا الاجزاء التي اخذ من كل واحد منهما . ثم اسقطناه من مخرج
الكسر . وما بقي ضربناه في مخرج [٣١٥ظ] الكسر الآخر . فيحصل ما
مع كل واحد منهما .

الا ترى انا اذا اسقطنا من الخمسة ضعف الاجزاء الذي اخذ منه .
وهو اربعة x . صار الباقي واحدا . فاذا ضرب في خمسة . كان خمسة .

x في الاصل : ستة . وفي هذين السطرين سها التاسع عن العدد ووضع العدد الاخر في
غير مواضعها .

وهو ما كان مع صاحب الخمس (وإذا أسقطنا من السبعة ضعف الأجزاء الذي أخذ منه ، وهو ستة ، صار الباقي أيضا واحدا ، فإذا ضرب في سبعة كان سبعة ، وهو ما كان مع صاحب السبع) . فإذا أخذ من صاحب الخمس خمسي ما معه ، وهو اثنان بقي معه ثلاثة ، فإذا أضيف إليه ثلاثة أسباع ما مع صاحب السبع ، وهو ثلاثة ، صار ستة ؛ وإذا أضيف إلى ما بقي مع صاحب السبع ، وهو أربعة ، ما أخذ من صاحب الخمس ، وهو اثنان ، صار أيضا ستة . وهو الذي كان مطلوبه .

فإن كانت المسئلة على حالها ، إلا أن كل واحد منهما لما أعطى وأخذ صار معه عشرة دراهم ، وأردنا أن نعرف كم كان مع كل واحد منهما ، حسبنا المسئلة بالطريق التي ذكرناها ، فما حصل مع كل واحد منهما ضربناه في العشرة وقسمناه على ما يحصل معهما ، بعد الأخذ والإعطاء ، فيكون جواب المسئلة .

ألا ترى أنا إذا ضربنا ما حصل مع [٣١٦] صاحب الخمس في المسئلة الأولى ، وهو عشرون ، في العشرة الدراهم وقسمناه على تسعة وعشرين ، وهو الذي حصل مع كل واحد منهما ، صار الخارج من القسم ستة دراهم وستة وعشرين جزءا من تسعة وعشرين جزءا من درهم ، وهذا الذي كان مع صاحب الخمس ؛ فإن ضربنا الواحد والعشرين في عشرة وقسمناه على تسعة وعشرين خرج من القسم سبعة دراهم وسبعة أجزاء من تسعة وعشرين جزءا من درهم ، وهو الذي كان مع صاحب السبع . وذلك أنا متى أخذنا من صاحب الخمس خمسي ما معه ، وهو درهما واثنان وعشرين جزءا من تسعة وعشرين جزءا من واحد ، وأضفناه إلى ما مع صاحب السبع ، وهو سبعة دراهم وسبعة أجزاء من تسعة عشر جزءا من درهم ؛ وإذا أخذنا من صاحب السبع ، ثلاثة أسباع ما معه ، وهو ثلاثة دراهم وثلاثة أجزاء من تسعة وعشرين جزءا من درهم ، وأضفناه إلى ما مع صاحب الخمس وهو ستة دراهم [٣١٦] وستة وعشرون جزءا من تسعة عشر جزءا من درهم ، كان ذلك عشرة دراهم .

فأما في المسئلة الثانية ، فإنا متى ضربنا الخمسة التي هي مع صاحب الخمس في عشرة دراهم كان ذلك خمسين ، فإذا قسمناه على ستة ، وهو ما حصل معهما بعد الأخذ والإعطاء ، كان ثمانية دراهم ودانقين ، وهو ما كان مع صاحب الخمس . وإذا ضربنا السبعة التي

كان مع صاحب السبع في عشرة دراهم وقسمناه على ستة خرج من القسم أحد عشر درهما وأربعة دانقين ، وهو ما كان مع صاحب السبع .

وذلك أنا متى أخذنا من صاحب الخمس خمسي ما معه ، وهو ثلاثة دراهم ودانقان ، صار الباقي معه خمسة دراهم ؛ فإذا أضفنا إليه ثلاثة أسباع ما مع صاحب السبع ، وهو خمسة دراهم ، صار معه عشرة دراهم ؛ فإذا أضفنا إلى ما بقي مع صاحب السبع ، وهو ستة دراهم وأربعة دانقين ، ما أخذ من صاحب الخمس ، وهو ثلاثة دراهم ودانقان ، صار الباقي معه عشرة دراهم [٣١٧] . وهذا كان المطلوب .

المسئلة الرابعة :

رجل كان معه مال ، فجعله لله نذرا على نفسه أنه متى ربح ذلك اليوم الدرهم درهما ، تصدق في ذلك اليوم بعشرة دراهم ؛ ربح في أربعة أيام متوالية ، كل يوم مثل ما معه في ذلك اليوم وتصدق بعشرة دراهم لم يبق معه شيء ؛ وأردنا أن نعلم كم كان رأس ماله :

أضعفنا الواحد أربع مرات ، فكان ستة عشر ، فحفظناه ، ثم نقصنا من الستة عشر واحدا ، فبقي خمسة عشر ، ضربناه في العشرة فيكون مائة وخمسين ، وقسمناه على ما حفظناه ، فيخرج من القسم تسعة دراهم وربيع وثمان ، وهو رأس ماله .

وذلك أنه إذا ربح الدرهم درهما صار في اليوم الأول ما معه ثمانية عشر درهما ونصفا وربعا ، فإذا تصدق منه بعشرة دراهم صار الباقي معه ثمانية ونصف وربع ؛ فإذا ربح في اليوم الثاني مثل ما معه ، صار سبعة عشر درهما ونصفا ، فإذا تصدق منه بعشرة دراهم ، صار الباقي سبعة دراهم [٣١٧] ونصفا . فإذا ربح في اليوم الثالث ما معه ، وتصدق بعشرة دراهم ، صار ما معه خمسة دراهم ، فإذا ربح في اليوم الرابع مثل ما معه وتصدق بعشرة دراهم ، لم يبق معه شيء .

فإن شئنا أضعفنا العشرة ، وهي التي تصدق في أول يوم ، وزدنا عليه ما تصدق به في اليوم الثاني ، وهو عشرة ، فصار ثلاثين درهما ، ثم أضعفناه وزدنا عليه ما تصدق به في اليوم الثالث ، وهو عشرة دراهم ، فصار سبعين درهما ، ثم أضعفناه وزدنا عليه ما تصدق به في اليوم الرابع ، فصار مائة وخمسين ، قسمناه على ستة عشر ، فيخرج من

النسب تسعة درهم وداقان وحيدان . وهو مل الجواب الاول .

فان كانت المسئلة بحالها . الا انه تصدق في اليوم الاول بعشرة درهم . وفي اليوم الثاني بثلاثين درهما . وفي اليوم الثالث بسبعين درهما . وفي اليوم الرابع بمسرون درهم . لم يبق معه شيء .

أضعفنا العشرة التي تصدق بها في اليوم الاول . وردنا عليها ما تصدق به في اليوم الثاني . فصار خمسين . ثم أضعفناه وزدنا عليه ما تصدق به في اليوم الثالث . وهو [٣١٨] سبعون . فصار مائة وسبعين درهما . ثم أضعفناه وزدنا عليه ما تصدق به في اليوم الرابع فصار ثلاثمائة وستين . فصار على سبعة عشر . فخرج من النسب امان وعشرون ونصف . وذلك رأس ماله .

فان كانت المسئلة بحالها . وبقي معه خمسون درهما . أضعفنا الخمسين الدرهم الى الثلاثمائة والسبعين فصار أربع مائة وعشرة . فصار على ستة عشر . فخرج من النسب خمسة وعشرون ونصف نعم . وهو ما كان معه من رأس المال .

وكذلك يعمل في هذه المسئلة أن نقص من رأس ماله . أو كان غير ذلك . الترخيص للمهرهم ثلاثة أو أربعة أو غير ذلك . فانه يصير في الارواح لهم بما اجمع يحفظ . ثم يعمد في الضمنية مل ما تقدم ذكره . ونقسم ما اجمع على ما حفظه . ان شاء الله .

المسئلة الخامسة :

بركة ينصب اليها نهران . فاذا فتح أحدهما امتلات في يومين . فاذا فتح الآخر امتلات في ثلاثة أيام . وأردنا أن نعرف المدة التي تمتلئ فيها اذا فتح النهران جميعا .

ضربنا الاثنين في الثلاثة . فكان ستة [٣١٨] ثم جمعنا اليومين والثلاثة الايام . فكانت خمسة . وقسمنا عليها الستة . فخرج من القسم واحد وخمس . وهو المدة التي تمتلئ فيها البركة . وذلك أن ثلاثة أخماس البركة تمتلئ من النهر الكبير في مدة يوم وخمس . وخمسي البركة تمتلئ من النهر الصغير في مدة يوم وخمس . وذلك مطلوبه .

فان كانت البركة ينصب اليها ثلاثة أنهار . وهي تمتلئ من أحدها

في يومين . ومن الآخر في ثلاثة أيام . ومن الآخر وهو الثالث في عشرة أيام . وفتحت الثلاثة الانهار . وأردنا أن نعلم المدة التي تمتلئ فيها البركة : أخذنا أقل ماله نصف وثلاث وعشر . وهو ثلاثون . وتأخذ تسعة وسنه وعشرة . فيكون ثمانية وعشرين . ونقسم عليه الثلاثين . فيخرج من القسم واحد ونصف سبع . وهي المدة التي تمتلئ فيها البركة .

ودلت أن نصف البركة ورابع سبعة تمتلئ في هذه المدة من النهر الكبير . ورابع البركة ونصف سبعة ورابع سبعة تمتلئ في هذه المدة من النهر الاوسط . ونصف سبع البركة ورابع سبعة تمتلئ في هذه المدة من النهر الصغير . واذا جمعت هذه الاجزاء كانت ملء البركة .

فان كانت البركة تمتلئ من أحدهما في نصف [٣١٩] يوم ومن الآخر في نصف يوم . والآخر في عشر يوم . وأردنا أن نعرف المدة التي تمتلئ فيها البركة . أخذنا أقل عدد له هذه الكسور . وهو ثلاثون . ثم ضربنا مخرج النصف وهو اثنان . في الثلاثين . فكان ستين . وضربنا مخرج السب . وهو ثلاثة . في ثلاثين . فكان تسعين . فصار مخرج العشر . وهو عشرة . في الثلاثين . فكان ثلاثمائة : وجمعنا هذه الاعداد فكانت أربع مائة وخمسين . وقسمنا عليه الثلاثين (فخرج) ثلثي عشر . وهو المدة التي تمتلئ فيها البركة . وذلك أنه يمتلئ من البركة في هذه المدة ثلثا خمسها من النهر الصغير . ومن النهر الاوسط خمسها . ومن النهر الكبير ثلثاها . فيكون ذلك ملء البركة في هذه المدة .

ولو اشتغلنا بذكر المسائل الماثورة وما يجانس النوادر لطال الكتاب . فان مسائلها لا آخر لها ولا نهاية لعددتها . وكذلك الطرق التي تسلك في استخراج أجوبتها . وما ذكرناه فيها في ما امتثلناه في صناعة الجبر والمقابلة يغني عن الاطالة في هذا الباب . ان شاء الله ٧٩٠ .

فهذا آخر المنزلة السابعة وهو آخر الكتاب . والحمد لله وحده . والصلاة على رسوله محمد النبي وآله وسلم تسليما .

فرغ من كتابته عبد الملك بن أحمد البيلقاني يوم الجمعة ١٠ الثالث من ذي الحجة من سنة سبع وثمانين وأربع مائة . وحسبنا الله ونعم الوكيل .

٣ ذو الحجة سنة ٤٨٧ هو يوم خمس وليس . . .
لي ذلك بضع صفحات فيها مجموعة مسائل حسابية ليس فيها ما يحسن الذكر .

الجبر في كتاب الكافي للكرجي مع بعض شروح الشهرزوري [١٨٢] باب ذكر المسائل الجبرية الست

قد ضمنا أنواع ما يحتاج اليه من رسوم الديوان وأحكام الأديان ، ليكون كافيا ، كما سميت ، مغنيا عن غيره . ومن يحكم ما تقدم ذكره ، فلا بد أن يكون له تصرف في حساب ما يمتنع حسابه ، بما تقدم ذكره . (ولكن) وجدت أعون الأشياء على ذلك ، وأقربها مأخذا : العمل بطريقة الجبر والمقابلة . فذكرت المسائل الست الجبرية وما يتبعها من التوابع : اعلم أن الحساب كله استخراج المجهولات (من) معطيات معلومة . ولا وصول إلى ذلك إلا بثلاثة أشياء : أحدها ، وهو أصعبها تناول المسئلة بعمل يسوقها إلى حد المقابلة (٨٠) . وهذا المعنى يتوصل اليه بالرياضة [١٨٢ ظ] الطويلة ومعرفة أصول ذكرناها في كتابنا المسمى البديع . والثاني : شروط المسئلة ، لأنها من الأعوان القوية . والثالث : شروط الجبر والمقابلة (٨١) ، أعني الزيادة والنقصان . والضرب والقسمة ، والجمع والتفريق ، والنسبة ، والجبر والمقابلة ، ثم استخراج المجهول بعد ذلك .

وكل مسئلة ترد عليك ، وأنت تريد إخراجها ، فأنك تجعل مجهولها شيئا ، لأن الشيء اسم يتناول كل مجهول ، أو تجعله مالا ، والمال ما يرتفع من ضرب كل مقدار في نفسه . وذلك على ما توجبه شروط المسئلة . ثم تناولها بشروطها ، على ما تقدم ذكره ، حتى نسوقها إلى حد المقابلة . فبعد ذلك لا يخلو من أن يؤدي إلى واحدة من المسائل الست . ونذكرها بعد تقديم الضرب والقسمة ، وسائر ما يحتاج إلى تقديمه عليها .

(يقول الشهرزوري في شرحه) [١٨٣ و] : اعلم أن مبنى حساب الجبر والمقابلة على المقادير المجهولة التي وضعت ليتوصل بها إلى المعلوم ، وهي الشيء والمال والكعب ومال المال ومال الكعب وكعب الكعب ، إلى غير ذلك من المقادير المركبة منها

فأما الشيء فهو اسم لمقدار مجهول من العدد ، وهو غير منحصر في شيء من الصالح . ولا في شيء من الكسور . فإذا ضرب في نفسه ، كان المرتفع منه مالا . وإذا ضرب المال في الشيء ، كان المرتفع منه كعبا . وإذا ضرب الكعب في الشيء ، كان المرتفع منه مال المال ، ويرتفع أيضا من ضرب المال في نفسه ، ومنه اشتق اسمه . وإذا ضرب الشيء في مال المال ، كان المرتفع منه مال كعب ، ويرتفع أيضا من ضرب المال في الكعب ، ومنه اشتق اسمه . وإذا ضرب الشيء في مال الكعب ، كان المرتفع منه كعب الكعب ، ويرتفع أيضا من ضرب الكعب في نفسه ، ومنه اشتق اسمه . وعلى هذا القياس تركيبها

[١٨٣ ظ] واعلم أن أصل تركيب هذه المقادير من العدد المطلق ، الذي لا ينحصر في مقدار معين ، لا من الصالح ولا من الكسور . ثم إن هذه المقادير على ما ذكرناه من أوضاعها ، تترتب في مراتبها : كترتب المعلومات في مراتبها : كما أن الآحاد في المنزلة الأولى ، فكذلك العدد يقع في المنزلة الأولى ، وقد يسمى دراهم ، وقد يسمى عددا . وكما أن العشرات تترتب في المنزلة الثانية ، فكذلك الأشياء تترتب في المنزلة الثانية . وكما أن المئات تترتب في المنزلة الثالثة ، فكذلك الأموال تترتب في المنزلة الثالثة . وكما أن الألوف تترتب في المنزلة الرابعة ، فكذلك الكعاب تترتب في المنزلة الرابعة . وعلى هذا أموال الأموال في المنزلة الخامسة .

. . . . واعلم أن هذه المقادير متناسبة كما أن مراتب المعلومات متناسبة : فإن نسبة الواحد إلى الشيء كنسبة الشيء إلى المال وكنسبة المال إلى الكعب ولهذا كان ضرب الواحد في المال : ضرب الشيء في نفسه ، ولهذا أيضا كان ضرب الواحد في الكعب : ضرب الشيء في المال [١٨٤ و] ولهذا أيضا كان ضرب الواحد في مال المال : ضرب الشيء في الكعب وكضرب المال في نفسه

اعلم أن لهذه المقادير أجزاء هي أيضا متناسبة ، غير أن تناسبها على عكس تناسب صحاحها . وهذه الأجزاء هي مضافة إلى كل واحد منها : فيقال جزء شيء ، وجزء مال ، وجزء كعب ، وجزء مال مال ،

وجزه مال كعب . ونسبة جزء شيء الى جزء مال كنسبة جزء مال الى جزء كعب وكنسبة جزء كعب الى جزء مال مال ، وكنسبة جزء مال الى جزء مال كعب ٠٠٠ (الى نهاية قول الشهرزوري) .

باب الضرب

اعلم ان الضرب ينقسم قسمين : ضرب المقادير المفردة بعضها في بعض ، مثل العدد في الاشياء ، فانه اشياء . والعدد في أي شيء ضربته يكون المبلغ من جنس المضروب فيه .

واما الاشياء في الاشياء فانها أموال . والاشياء في الاموال كعاب . والاموال في الاموال : أموال أموال . وضرب ما يكون فيه كسور على ما تقدم ذكره .

(يفيض الشهرزوري في شرح هذا المبدأ بشكل يقرب الفكرة . وهذا هو المبدأ $س \times ن = س + ن$)

[١٨٥] واعلم ان نسبة الواحد الى الجذر : كنسبة الجذر الى المال وكذلك نسبة المال الى الكعب .

واذا أردت أن تضرب عددا مركبا من هذه الاجناس في عدد آخر ، مثله أو مخالف له ، ضربت كل مفرد من المضروب في جميع مفردات المضروب فيه ، وجمعت كل ما يخرج منه .

مثاله : اضرب ثلاثة أموال وجذرين وأربعة دراهم في مائتين وثلاثة اشياء وخمسة دراهم .

قياسه : أن تضرب ثلاثة أموال في مائتين : يكون ستة أموال مال . ثم في ثلاثة اشياء : تكون تسعة كعوب . ثم في خمسة آحاد : تكون خمسة عشر مالا . ثم اضرب الجذرين في المائتين : تكون أربعة كعوب ، ثم في ثلاثة اشياء : تكون ستة أموال . ثم في خمسة آحاد : تكون عشرة اشياء . ثم اضرب أربعة آحاد في مائتين : يكون ثمانية أموال . ثم في ثلاثة اشياء : يكون اثني عشر شيئا . ثم في خمسة آحاد : يكون عشرين أحدا .

فاذا جمعت ذلك كله يكون ستة أموال مال وثلاثة عشر كعبا وتسعة وعشرين شيئا وعشرين أحدا .

[١٨٥] باب آخر من الضرب

إذا أردت أن تضرب عشرة آحاد وشيئا في عشرة آحاد الا شيئا : ضربت العشرة في العشرة : يكون مائة . والعشرة في الاشياء ٨٢ : يكون عشرة اشياء ناقصة . والعشرة الأخرى في الشيء الزائد والقيت منه الناقص بقي مائة واحد الا مالا .

وأصل هذا الكتاب أن يكون الزائد في الزائد : زائدا ، والناقص في الناقص : زائدا ، وضرب الناقص في الزائد : ناقصا . مثاله : اضرب عشرة الا شيئا في عشرة الا شيئا :

ضربت عشرة في عشرة ، فيكون مائة . ثم الشيء الناقص في عشرة فيكون عشرة عشرة اشياء ناقصة . والشيء الناقص الآخر في عشرة ، يكون عشرة اشياء ناقصة . والا شيء ، يكون مالا زائدا . فاذا جمعت الزائد ، والقيت منه الناقص ، بقي مائة أحد ومال ، الا عشرين شيئا .

باب منه آخر

إذا قيل : اضرب عددا مقسوما على مقدار ما ، في عدد ، أو في شيء آخر ، كيفما كان : ضربت المضروب في أجزاء المضروب فيه . يكون المبلغ مقسوما على ما كان المضروب مقسوما عليه .

[١٨٦] مثاله : اضرب عشرين أحدا ، مقسومة على شيء ، في خمسة آحاد : ضربت العشرين في الخمسة : يكون مائة ، مقسومة على شيء . فان كان كل واحد من المضروب والمضروب فيه مقسوما على مقدار : ضربت المضروب في المضروب فيه ، وما يكون منه يكون مقسوما على ما يكون من ضرب أحد المقسومين عليه ، في الآخر .

مثاله : اضرب عشرة مقسومة على شيء في عشرة مقسومة على شيئين . ضربت العشرة في العشرة ، تكون مائة ، والشيء في الشيئين ، يكون مائتين . فيكون الجواب : مائة مقسومة على مائتين .

$$(\text{يضيف الشهرزوري ان } \frac{س \times ١٠}{س} = \frac{س \times ١٠}{س} \text{ أو } \frac{س \times ١٠}{س})$$

$$\text{والمثال } \left(\frac{١٠٠}{س} = \frac{١٠٠}{س} = ١٠ \times \frac{١٠}{س} \right)$$

باب آخر من الضرب

[١٨٧ظ] اذا قيل : اضرب جذر كذا في جذر كذا : ضربت أحد العددين في الآخر وأخذت جذر المبلغ .

فان قيل : اضرب جذر كذا في كذا : ربعت المقدار الثاني ثم ضربت ما ارتفع منه في الأول ، وأخذت جذر المبلغ .

مثاله : اضرب جذر خمسة في ثلاثة : ربعت الثلاثة : تكون تسعة . وضربتها في خمسة . يكون خمسة وأربعين . جذرها المطلوب .

وان قيل : اضرب جذر عشرة في نصف واحد : ضربت النصف في نفسه : يكون ربعا . ثم في عشرة : يكون اثنين ونصف . جذر ذلك هو المطلوب .

واذا عرفت ضرب المفرد من هذه الأنواع المذكورة ، فقد عرفت ضرب المركب . اذ كان أصله أن تضرب كل مفرد من اعداد المضروب في كل من اعداد المضروب فيه . وقد تقدم من ذكر ضرب الكسور ما يعني على الاعادة في هذا المكان . ولا بد للناظر في كتابنا من الرياضة في هذا الموضع . (يقول الشهرزوري) : اعلم أن هذا أولا يحتاج الى تقديم أصل يحصل به بيان البناء عليه ، وتخريج الفروع وردها اليه . وذلك أن يعلم أن كل عدد مجذور اذا ضرب في عدد مجذور فالمرتفع منه يكون مجذورا وجذره هو المرتفع من ضرب أحد الجذرين في الآخر .

وكل عدد مجذور اذا ضرب في عدد غير مجذور فالمرتفع منه غير مجذور . وكل عدد غير مجذور اذا ضرب في عدد مجذور فالمرتفع منه عدد غير مجذور [١٨٨و] اللهم إلا أن يكونا متشابهين ، فإنهما متى كانا متشابهين كان المرتفع من ضرب أحدهما في الآخر يكون مجذورا . ومن شروط المتشابهين أن تكون نسبة أحدهما الى الآخر كنسبة مجذور الى مجذور (٨٣) . ومتى قسمت أحدهما على الآخر : فإن الخارج من القسمة يكون مجذورا . ومتى ضربت أحدهما في الآخر يكون (المرتفع) مجذورا . وانما سميا متشابهين لمسابهتهما للأعداد المجذورة . وهما مثل ثمانية وثمانية عشر : فان نسبة الثمانية الى الثمانية عشر : بأربعة أضعاف ، كنسبة الأربعة الى التسعة . ومتى قسمت الثمانية عشر على الثمانية خرج من القسمة اثنان

وربع . وهي مجذورة . وجذرها واحد ونصف . واذا ضربت الثمانية في الثمانية عشر : كان مائة وأربعة وأربعين . وهي مجذورة . وجذرها اثنا عشر .

وهما مع هذا [١٨٩و] ويلتحق به نوع من الضرب يعرف بضرب ذوات الاسمين . وهو ان تريد أن تضرب عددا وجذر عدد في عدد آخر وجذر عدد آخر .

(الامثلة التي يذكرها الشهرزوري هي التالية)

$$١ - (١٠ + \sqrt{١٢}) \times ١٠ = ١٠٠ + \sqrt{١٢٠٠}$$

$$٢ - (١٠ + \sqrt{٢٠}) (١٠ + \sqrt{١٠}) = ١٠٠ + \sqrt{١٠٠٠} + \sqrt{٢٠٠٠} + ٢٠٠$$

ويضف الشهرزوري : ولا يمكن أن يكون مجموع جذور هذه الاعداد جذر عدد واحد ، على ما سنوضحه في جمع الجذور .

باب القسمة [١٨٩ظ]

قد تقدم في ذكر القسمة ما فيه كفاية . وتام ذلك أن تعلم أن قسمة الأشياء على الأشياء تخرج آحاد . وقسمة الأموال على الأشياء تخرج أشياء . وعلى الأموال تخرج عددا . والكعوب على الأشياء تكون أموالا : وعلى الأموال تكون أشياء . وعلى الكعوب تكون عددا .

وكل ما قسمته على العدد فإن الذي يخرج يكون من جنس المقسوم . والعدد على أي مجهول قسمته : قلت كذا مقسوم على كذا .

وكل نوع من هذه المجهولات اذا قسمته على ما يجانسه فإنه يخرج من قسمته العدد . فافهم ذلك فإنه واضح .

فان قيل : انقسم جذر كذا على جذر كذا : قسمت أحد العددين على الآخر وأخذت جذره .

(شرح الشهرزوري يزيد الأمر ايضا . ويتناول $٢ \div ٣ =$ $٢ \div ٣$ في حالة كون $٢ < ٣$ والجواب (اجزاء)

ويعطي الشهرزوري الأمثلة التالية : $١ - ١٥ = ٣$ من $٥ \div ٣ = ١٥$ من

$$٢ - ١٥ = ٣ \div ٥ = ٣ \text{ من } ١٥ - ٣ = ١٥ \div ٣ = ٥ \text{ من } ٣ = ١٥$$

$$٣ - ١٥ = ٤ \div ٥ = ٣ \text{ من } ١٥ - ٤ = ١١ \div ٣ = ٣ \text{ من } ٣ = ١١$$

$$٤ - ١٥ = ٥ \div ٣ = ١٥ \div ٣ = ٥ \text{ من } ٣ = ١٥$$

ثم ينتقل الشهرزوري الى قسمة الجذور فيعطي الأمثلة التالية :

$$١ \frac{١}{٤} = \sqrt[٤]{\frac{١}{٤}} = \sqrt[٤]{\frac{١٠٠}{٦٤}} = \sqrt[٤]{٦٤} \div \sqrt[٤]{١٠٠} = ١$$

$$\text{ويساوي } \frac{١}{٨} = \frac{١}{٨}$$

$$٢ \frac{١}{٤} = \sqrt[٤]{\frac{١}{٤}} = \sqrt[٤]{\frac{١٨}{٨}} = \sqrt[٤]{٨} \div \sqrt[٤]{١٨} = ٢$$

$$٣ \frac{١}{٤} = \sqrt[٤]{\frac{١}{٤}} = \sqrt[٤]{\frac{١٦}{١٠٠}} = \sqrt[٤]{١٦} \div \sqrt[٤]{١٠٠} = ٣$$

$$٤ - (١٥ + ٣) = ١ \div ٣ = ١٥$$

[١٩١] باب النسبة

اعلم انه لا ينسب شيء الى مجهول الا ما كان من جنسه ، ونسبته على ما تقدم ذكره

(هذا كل ما يذكره الكرجي . والشهرزوري يقدم امثلة تبين ما يلي :

$$١ - ١٥ : ٣ = ٥ : ٣$$

$$٢ - (١٥ + ٣) = ٤ : ٣ = ١٥ \div ٣ = ٥$$

$$٣ - (٤ + ٣) = ١٥ : ٣ = ٥$$

$$٤ - (٣ : ٣) = ١٥ : ٣ = ٥$$

[١٩٣] باب الجمع

اذا أردت أن تجمع مقداراً الى مقدار ضمنت كل جنس الى جنسه . فان لم يكن أحدهما من جنس الآخر ، تركتهما منفردين ، وجمعت بينهما بواو العطف .

مثاله : اجمع ستة أشياء وخمسة دراهم الى ثلاثة أشياء ومالين :

اجمع الستة الأشياء الى الثلاثة الأشياء وأبق المالين والخمسة الدراهم على حالهما . يكون الجواب تسعة أشياء ومالين وخمسة دراهم .

فان كان في أحد المقدارين استثناء ، تركته على حاله ، ان لم يكن في

المقدار الآخر شيء من جنسه . فان كان مع المقدار الآخر من جنسه شيء ،

مقدار أكثر من المستثنى ، جبرت الاستثناء من جملة بمثله ، وترك

الباقى زائداً . وان كان المستثنى أكثر منه ، القيته من المستثنى ، وترك

الباقى مستثنى . فان كان مثل الاستثناء : جبرته والقيت لفظهما جميعاً .

وان كان في الجانب الآخر أيضاً استثناء ، كان حكمه حكم الاستثناء الآخر

في جبره أو تركه . واذا لم يكن واحد من المقدارين من جنس المستثنى ،

تركتهما على حالهما ناقصين ، وجمعت بينهما ان كانا من جنس واحد .

[١٩٣] مثال ذلك : اجمع خمسة أموال وستة دراهم الا ثلاثة أشياء

الى ثلاثة أموال وأربعة أشياء الا ثلاثة دراهم .

قياس ذلك أن تجبر الثلاثة الأشياء الناقصة من جملة الأربعة الأشياء ،

والثلاثة دراهم من جملة الستة دراهم ، وتضم الأموال الى الأموال .

فيصير الجواب ثمانية أموال وشيء وثلاثة دراهم .

وعلى هذا حسابه ان كان المقداران من عدة أنواع .

[١٩٤] باب منه آخر

اعلم أن المقادير المقسومة على مقدار هي متجانسة . فان قيل : اجمع

عشرة دراهم مقسومة على شيء الى سبعة دراهم مقسومة على شيء ،

جوابه سبعة عشر مقسومة على شيء . فان اختلف المقداران المقسومان

عليهما ، جمع بينهما بواو العطف .

[١٩٥] فان قيل : اجمع جذر اثنين وجذر ثمانية عشر : ضربت

اثنين في ثمانية عشر ، يكون ستة وثلاثين ، خذ جذريها ، يكون اثني عشر ،

وزد عليها كل واحد من ثمانية عشر واثنين ، تصير اثنين وثلاثين . جذرها

هو الجواب .

وهذا لا يستمر الا في عددين تكون نسبة أحدهما الى الآخر كنسبة

مربع الى مربع .

(٢) يضيف الشهرزوري شرحا يعطي القاعدة $\sqrt{p} + \sqrt{q}$

$$\overline{(u+p+\overline{p})} \sqrt{V} = \overline{u+p+\overline{p}} \sqrt{V} \sqrt{V}$$

[١٩٥ ظ]

باب التفريق

إذا أردت أن تلقى مقبّارا من مقدار : القيت كل جنس من جنسه .
فإن لم تجد في أعظم المقدارين من جنس الأصغر شيئا ، استثنيت منه .
فإن كان في القليل استثناء جبرته وزدت مثله على المقدار الأعظم ، ثم القيت
القليل من الكثير بعد الجبر والزيادة .

(يضيف الشهرزوري الأمثلة التالية :

١. - ألق أربعة أشياء وخمسة دراهم من ثلاثة أموال واثني عشر شيئاً وعشرة دراهم .

والجواب ثلاثة أموال وثمانية أشياء وخمسة دراهم .

٢ - ألق خمسة أشياء ووزنة ذراعهم من خمسة أموال وعشرين درهما .
والجواب خمسة أموال وسبعة عشر درهما الا خمسة أشياء .

٣ - الق ثلاثة أموال وخمسة أشياء الا خمسة دراهم من اثني عشر كعبا وستة أموال وعشرة أشياء .

الحل يقتضي طرح ثلاثة أموال من ستة أموال ، وخمسة أشياء من عشرة أشياء ، ثم جبر الاستثناء بإضافة خمسة دراهم الى كل من المقدارين . فيكون الجواب : اثنا عشر كعبا وثلاثة أموال وخمسة أشياء وخمسة دراهم) .

باب منه آخر

[١٩٦ط] إذا أردت أن تنقي مقاديرا مقسوما على مقدار ، من مقدار آخر مقسوم على مقدار مثل الذي الأول مقسوم عليه ، القيمة منه ، ويكون الباقي مقسوما على ما كان كل واحد منهما مقسوما عليه .

مثاله : اذا قيل : ألق عشرة مقسومة على شيء من ثلاثين مقسومة على شيء : إقيت عشرة من ثلاثين ، يبقى عشرون ، مقسومة على شيء .
فان لم يكن كذلك القيته منه بحرف الاستثناء .

فان قيل: ألحق جذر ثمانية. من جذر ثمانية عشر: ضربت ثمانية في ثمانية عشر، يكون مائة وأربعة وأربعين. خذ جذريه يكون أربعة وعشرين. القها من مجموع الثمانية والثمانية عشر. يبقى اثنين. جذر ذلك هو الجواب (١٠).

باب

إذا قيل كم من واحد الى عشرة : أخذت الواحد والعشرة ، وضربت
نصف مجموعهما [١٩٧] في العشرة أو ضربت مجموعهما في نصف العشرة .
فان قيل خذ عشرة أعداد أولها ثلاثة ، وتتفاضل باثنين اثنين . قياس
ذلك أن تخرج كمية آخرها ، وهو أن تنقص من العشرة واحدا ، يبقى
تسعة ، اضربها في التفاضل ، تصير ثمانية عشر . زد عليها الثلاثة التي
هي عدد الأول . تصير أحد وعشرين . هذا هو العدد الأخير . ثم زد عليه
العدد الأول . يصير بعد ذلك أربعة وعشرين . اضربها في نصف العشرة .
يصير مائة وعشرين وهو الجواب .

فان قيل : كم من واحد الى مائة ، على أن تأخذ الأزواج وتترك
الأفراد ، كانه قال : خذ خمسين عددا تتفاضل باثنين اثنين ، وأولها
اثنين . واذا قال : خذ الأفراد وأترك الأزواج ، فكأنه قال : خذ خمسين
عددا أولها واحد وتتفاضل باثنين اثنين (٨٥) .

شرح الشهرزوري يؤكد القاعدة لجمع المتواليات العددية مهما كان العدد الاول والفرق الثابت ويقدم المثال التالي :

عدة من الأعداد مبتدئة من الواحد ، وتزايد باثني اثنين الى آخرها .
جمع مجموعها وقسم على عدتها فكان الخارج من القسمة خمسة عشر
كم عدتها .

ثم يضيف الفصل التالي :

[١٩٨ظ] اعلم أن صاحب الكتاب قد أغفل ما هنا أصلاً كبيراً
احتاج إليه ، وهو معرفة أخذ جذور هذه المقادير . ونحن نذكر أولاً
أخذ جذور مفردة ، ثم نذكر أخذ جذور مركبها . فنقول .
اعلم أن الواقع في المرتبة الأولى من هذه المقادير ، هو العدد ، وله
جذر ، وجذره عدد . والواقع في المرتبة الثانية : الأشياء ، ولا جذر

لها أصلا . والواقع في المرتبة الثالثة الاموال ، ولها جذر ، وجذرها الأشياء

وعلى هذا : كل مرتبة سمية لعدد فرد لها جذر ، وكل مرتبة سمية لعدد زوج فلا جذر لها أصلا ، على قياس ما ذكرناه في جذور المعلومات . فهذا هو معرفة أخذ جذور هذه المقادير مفردة .

واما أخذ جذور مركبها فهو على قياس أخذ جذور المركب من المعلومات ، وهو أن تقدر مقدارا ونضربه في مثله ، فإن ساوى الجملة المطلوب جذرها ، فذلك المقدار هو الجذر . وإن لم يساوه ، بل بقى منه بقية ، طلبت مقدارا آخر اذا ضربته في الاول مرتين ، وفي نفسه مرة ، ساوى البقية ، ولا تزال تفعل ذلك حتى تفنى المقادير المطلوب جذرها . فاذا فنيت [١٩٩و] فالمقادير التي اجتمعت هي الجذر .

هذا هو الاصل . غير انا نذكر تفصيلا حسنا يحصل به اسقاط كلفة في أخذ جذور المقادير المركبة وحصول ضوابط لا يخرج عنها شيء فنقول :

اعلم أن الجملة المترتبة من مرتبتين لا جذر لها أصلا ، لانك لا تجد مقدارا من هذه المقادير اذ ضربته في نفسه كان الخارج من الضرب من مرتبتين .

واذا كان من ثلاثة مراتب فانه يصح استخراج جذره ، ويكون جذره من مرتبتين . واذا كان كذلك فانك تأخذ جذر طرفي الجملة ، وتنظر فان كان ضرب جذر احدهما في جذر الاخر ، مرتين يساوي للواسطة ، فان جذر الطرفين هو جذر الجملة .

فوجب من ذلك أن يكون شرط استخراج جذر الجملة المترتبة من ثلاثة مراتب شرطان : أحدهما أن يكون لكل واحد من الطرفين جذر ، والثاني أن يكون ضرب جذر أحد الطرفين في جذر الاخر مرتين مساو للواسطة . فمتى لم يكن ، فليس للجملة جذر أصلا .

ومتى كانت الجملة المطلوب جذرها من ثلاثة مراتب وفيها استثناء ، فها هنا تعتبر زيادة شرط آخر ، وهو أن يكون الاستثناء من المرتبة الوسطى ، ثم يكون ضرب جذر أحد الطرفين في جذر الاخر مرتين

مساوي الاستثناء . فاذا تمت هذه الشرائط كان جذر الطرف الادنى مستثنى من جذر الطرف الاعلى ، ويكون الباقي هو جذر الجملة .

واذا كانت المقادير المطلوب جذرها من أربع مراتب [١٩٩ظ] فليس للجملة جذرا أصلا ، لانه لا يوجد مقادير اذا ضربت في نفسها كان المرتفع من ذلك من أربع مراتب .

فاذا كانت المقادير المطلوب جذرها من خمس مراتب ، فان فيه ثلاث شرائط : الاول أن يكون لكل واحد من الطرفين جذر . والثاني أن يكون ضرب أحد الجذرين في الاخر مرتين اكبر من الواسطة . والثالث أن يكون الباقي من الواسطة ، بعد القاء ضرب جذر أحد الطرفين في جذر الآخر ، مرتين ، مجذورا . فاذا اجتمعت هذه الشرائط الثلاث ، فالجملة مجذورة ، وجذرها هو جذر كل واحد من الطرفين ، مع جذر الباقي من الواسطة . ومتى تعذر أحد هذه الشرائط ، أو كلها ، فالجملة غير مجذورة أصلا . ونحن نذكر على هذا أمثلة توضحه ان شاء الله تعالى :

اذا قيل : كم جذر مال وشيئين ودرهم ؟ فانك تأخذ جذر المال فيكون شيئا ، وجذر الدرهم فيكون درهما ، ثم نضرب الشيء في الدرهم مرتين ، فيكون شيئين ، فذلك مساو للواسطة . فان : جذر الطرفين ، وذلك شيء ودرهم ، هو جذر الجملة .

فلو قيل : كم جذر مال ودرهم الاشيين : فالاستثناء هو الواسطة . فاضرب جذر المال ، وهو شيء ، في جذر الدرهم ، وهو درهم ، (مرتين) فيكون شيئين ، وذلك مثل الواسطة المستثناة . فاذن يكون جذر الدرهم مستثنى من جذر المال . فيكون شيئا الا درهما هو جذر الجملة . وامتحانه أنك اذا ضربت شيئا الا درهما في مثله بلغ مالا ودرهما الا [٢٠٠و] شيئين

(يجد الشهرزوري جذر $٤ + ٤$ س $١٠ + ٣$ س $١٢ + ٢$ س ٩ ، ياخذ جذر الطرفين وجذر ١٠ س $٢ - ٢$ س ٣×٢ س ٣ ويمتحن صحة ذلك بالتربيع . ثم يقول) :

ولو قيل : كم جذر مال مال وكعبين وأربعة دراهم الا ثلاثة أموال والا أربعة أشياء ؟

فانك تأخذ جذر مال مال ، فيكون مالا ، وتأخذ جذر أربعة دراهم فيكون درهمن ، فنضرب أحدهما في الآخر مرتين ، فيكون أربعة أموال ، فالتق من ذلك الثلاثة الاموال المستثناة ، فيبقى مال واحد ، فخذ جذره فيكون شيئا . وإذا ضربت ذلك الشيء في الدرهمين ، مرتين ، كان أربعة أشياء ، وذلك بقدر الأشياء المستثناة . فاجمع المال الى الشيء ، واجعل الدرهمين مستثناة من ذلك ، فيصير الجذر : مال مال وشيء الا درهمن . وذلك جذر الجملة .

وعلى هذا القياس .

فصل منه :

واعلم انه قد تبين في بعض المسائل مقادير ليس لها جذر على الحقيقة . وطريقة استخراج جذر ذلك تكون بالاستقراء . ومعنى الاستقراء أن نضع جذره مقدارا ، ونربعه ، ونقابل به المطلوب جذره . فان أدى العمل الى الجذر المحقق ، والا فتحتاج أن تضع جذره مقدارا آخر . . . ولا تزال تفعل ذلك حتى يصح لك جذره .

ومثال ذلك : قيل كم جذر خمسة دراهم الا شيء (٨٦) . فقد علمت انه يجب أن يكون جذرها أقل من درهمن . نضع جذره درهم وشيء ، ونربع ذلك ، فيكون مالا وشيئين ودرهما . فتقابل به خمسة دراهم الا شيء . فاذا جبرت وقابلت صار مالا وثلاثة أشياء تعدل أربعة دراهم . فاذا أتممت العمل على ما سنوضحه . . . يخرج لك قيمة الشيء واحد . واذا بقيته من الخمسة بقي أربعة ، وهو المطلوب ، ولو وضعت الجذر غير ذلك جاز . . . (يعتبر $\sqrt{5} - 2 = \frac{1}{4}$ من ويعالج المسئلة

فيجد س = ٤ . ثم يضيف ما يلي) .

[٢٠١و] فصل في تضعيف الجذور وتنصيفها وهذا أيضا مما أغفله صاحب الكتاب ولم يتعرض له من أصول الجبر والمقابلة التي نحتاج اليها (يبين أن $\sqrt{16} \times \sqrt{4} = \sqrt{16 \times 4} = \sqrt{64} = 8$ ، $\sqrt{9} \times \sqrt{25} = \sqrt{225} = 15$ الخ)

[٢٠١ظ] باب في أصول يحتاج اليها

اعلم أن كل عددين يكون لاحدهما عند الآخر نسبة ، فانك اذا ضربتهما في مقدار واحد ، أو جزأتهما تجزئة واحدة ، كانت النسبة الاولى باقية منهما .

وكل عدد قسمته بقسمين ، وضربت أحد القسمين في الآخر مرتين ، وزدت عليه مربعي القسمين ، كان مربع العدد المقسوم (٨٧) . وكل عدد مربع اذا زدت عليه عدة من أجزائه مع مربع نصف عدد تلك الأجزاء ، فانه يكون مربعا .

واذا نقصت منه ما شئت من أجزائه ، الا مربع نصف عدد تلك الجذور ، كان الباقي مربعا .

وكل عدد اذا قسمته بقسمين مختلفين وضربت أحدهما في الآخر ، وزدت على المبلغ مربع الفضل بين نصف العدد وبين أحد قسميه ، كان المبلغ مربع نصف العدد .

وكل عدد اذا زدت في طوله زيادة ، فان العدد مع الزيادة ، مع مربع نصف العدد مساوي لمربع الكائن من مجموع نصف العدد مع الزيادة .

باب الجبر

[٢٠٣و]

قد ذكرنا أن المسائل تستخرج بثلاثة أشياء ، الاول : طلب الطريق الى تناول المسئلة بموجب شروطها . والثاني : المعطيات التي يعطيها السائل . والثالث : الضرب والقسمة والتضعيف والتنصيف والجمع والتفريق والزيادة والنقصان ، الى أن تؤدي المسئلة الى جملتين متعادلتين . فاذا كان في أحدهما استثناء ، فانك تزيد على هذه الجملة مثل المستثنى منه ، لتزول لفظة الاستثناء وتزيد مثل ذلك على الجملة الاخرى ، لتبقى المعادلة . وهذا هو الجبر .

وهو على وجه آخر : وهو أن تكون إحدى الجملتين أو بعضها مقسوما على مقدار . وإزالة لفظ القسمة أن تضرب جميع ما معك في ذلك المقدار طلبا لئزال القسمة وحفظ المعادلة .

وانما نفعل ذلك لانه يقرب المجهول من حد المعلوم . فكل معنى يؤدي الى ذلك فانه هو الجبر ، الى أن تصير المسئلة الى حد المقابلة . والقاء المقادير المشتركة . فبعد ذلك تؤدي الى واحد من ستة أشياء ، أعني المسائل الست :

[٢٠٤و] أولها : أشياء تعدل عددا . ومعرفة اخراج الشيء الواحد

على ضربين بالقسمة ، والنسبة . فإذا أردت أن تخرجه بالنسبة : نسبت الواحد من عدد الاشياء ، ثم أخذت من العدد مثل تلك النسبة . وان كانت نسبة الاضعاف ، أخذت العدد أضعاف تلك النسبة .

مثال ذلك : ثلاثة أشياء وثلاث تعدل عشرة آحاد . نسبة الواحد من ثلاثة وثلاث تكون خمسا وعشرا ، أخذت خمس العشرة وعشرها ، يكون ثلاثة آحاد . هذا هو ما يعدل الشيء الواحد .

وان كانت النسبة بالاضعاف ، مثل خمس وعشر شيء يعدل ثمانية دراهم ، نسبت الواحد من الخمس والعشر ، يكون ثلاثة أمثاله وثلاثة . خذ ثلاثة أمثال الثمانية وثلاثها ، يكون ستة وعشرين وثلاثين ، وهذا هو الشيء .

وإذا امتنع بالنسبة ، قسمت العدد المعادل للاشياء على عدد الاشياء . مثال ذلك : شيان جزء من أحد عشر من شيء تعدل خمسة دراهم ونصفا . معرفة اخراج ذلك أن تقسم خمسة ونصفا على اثنين وجزء من [٢٠٤ظ] أحد عشر : وهو أن تجعل جميع ما معك من أجزاء من أحد عشر . فيكون المقسوم ستين جزءا ونصفا ، والمقسوم عليه ثلاثة وعشرين جزءا . فاقسم ستين ونصف على ثلاثة وعشرين . يكون الخارج اثنين وأربعة عشر جزءا ونصفا من ثلاثة وعشرين جزءا من واحد . فهذا هو الشيء .

والثانية : أموال تعدل أشياء . والعمل في اخراج الجذر الواحد أن ننظر ما الذي يعدل المال الواحد من الاشياء . وطريقه أن تقسم عدد الاشياء على عدد الاموال . فما خرج كانت أشياء تعادل المال . وكل أشياء تعادل المال الواحد ، فإن عددها جذر المال ، لان نسبة الواحد الى الجذر كنسبة الجذر الى المال . فنسبة الواحد الى الجذر مثل نسبة الجذر الى عدد الجذر . والمعادلة لمال واحد والجذر الواحد منها كالواحد من عددها . فعددها جذر المال .

وان شئت أخرجت ما يعادل المال الواحد بالنسبة التي ذكرتها . والثالثة : أن تكون أموال تعادل عددا . واخراج ما يعادل المال الواحد من العدد بالنسبة أو بالقسمة ، على ما تقدم ذكره في معادلة الاشياء للعدد .

فهذه ثلاث مسائل مفردات .

باب المسائل الثلاثة المقترنة

[٢٠٦و] أولها : أموال وأشياء تعدل عددا (٨٨) .

مثل مال وعشرة أشياء تعدل تسعة وثلاثين أحدا .

فإذا أردت أن تخرج المجهول ، وهو الشيء ، نصف عدد الجذور ، يكون خمسة ، وربيعها ، يكون خمسة وعشرين . زد عليها تسعة وثلاثين ، لانها معادلة لمال وعشرة أجزار .

وكل مال وجذور فانك اذا زدت عليها مربع نصف عدد تلك الجذور فانه يكون مربعا جذره مساو لجذر المربع ونصف عدد الجذور .

فيكون ذلك أربعة وستون ، وجذرها ثمانية . فإذا أقيمت منها الخمسة التي هي نصف الاجزاء ، بقي ثلاثة . وهي جذر المال .

فإذا كان المال أكثر من مال ، رددته الى مال ، وقسمت جميع ما يكون معه يعادله على عدد الاموال ، حفظا للمعادلة . وباقي العمل على ما تقدم ذكره في اخراج الجذر الواحد .

مثاله : ثلاثة أموال وثلاث وعشرة أجزار تعدل ستين أحدا .

طريق استخراج ذلك أن ترد الاموال الى مال واحد ، بأن تقسمها على ثلاثة وثلاث ، وتقسم جميع ما معك على ثلاثة وثلاث . فيصير المال مالا واحدا ، والاشياء ثلاثة ، يعدل ذلك ثمانية عشر درهما ، التي خرجت من قسمة الستين على ثلاثة وثلاث . فبعد ذلك تضعف الثلاثة التي هي عدد الاجزاء ، وتضربه في نفسه ، وتزيده على ثمانية عشر . يصير عشرين وربعا ، خذ جذرها ، يكون أربعة ونصفا . التي منها نصف عدد الاجزاء . يبقى ثلاثة . وهي جذر المال . والمال تسعة .

وان كان المال أقل من مال كملته مالا تاما بقسمته [٢٠٦ظ] على عدد يساويه ، وبقسمة جميع ما معك على ذلك المقدار حفظا للمعادلة . فيكون استخراج الشيء بالعمل المذكور .

مثاله : ربع مال وثلاثة أشياء تعدل ستة عشر أحدا .

قياسه أن تكمل المال بقسمته على ربع واحد ، أو تضربه في أربعة آحاد ؛ واعمل هذا العمل بكل واحد من المقادير التي معك . فيصير بعد ذلك : مالا واثنين عشر جذرا تعدل أربعة وستين أحدا .

واخراج الشيء على ما تقدم ذكره من تنضيف الاجذار ، وضربه في نفسه ، وزيادته على العدد ، واخذ جذر المبلغ ، واخذ نصف الاجذار منه (يعطى الشهرزوري ما بعده طريقة أخرى لحل هذا النوع من المعادلات)

فإذا رمزنا لهذا النوع بالشكل $س^2 + ب.س = ت$

$$\text{فحل الكرجي يعطي } س = \frac{\frac{ب}{2} - \sqrt{\frac{ب^2}{4} + ت}}{2}$$

$$\text{وحل الشهرزوري يعطي } س = \frac{\frac{ب}{2} + \sqrt{\frac{ب^2}{4} + ت}}{2}$$

وجذره هو قيمة س

[٢٠٧] أما المسئلة الثانية منها فهي : مال واحد وعشرون درهما

تعديل عشرة أشياء

فإذا أردت أن تخرج الشيء نصفت عدد الاجذار وضربته في نفسه ونقصت منه العدد واخذت جذر الباقي . يكون اثنين . ان شئت زدتها على نصف الاجذار ، وان شئت نقصتها منه . فيكون جذر المال اما سبعة واما ثلاثة .

وانما نقصت العدد من مربع نصف عدد الاجذار لان العدد لا يخلو من أن يكون مثل مربع نصف عدد الاجذار أو أقل منه فإذا كان كذلك ، كان العدد المال بعينه ، ونصف الاجذار جذر المال ، لان العشرة الاجذار المعادلة للمال والعدد يكون نصفها معادلا للمال ونصفها معادلا للعدد . هذا اذا كان العدد مساويا لمربع نصف عدد الاجذار . واذا كان أقل منه ألقى العدد ، لان العشرة اجذار بعضها يعادل المال وبعضها يعادل العدد . والاجذار التي تعادل المال الواحد يكون عددها جذر المال ، كما تقدم ذكره . فإذا ضربت عددها في ما بقي من العشرة مما يعادل العدد كان المبلغ مثل العدد .

فقد تبين أن العدد ينبغي أن يكون متولدا من ضرب أحد قسمي عدد الاجذار في الآخر منه . فإذا كان القسمان [٢٠٧] متساويين فان نصف عدد الاجذار يكون جذر المال . واذا كانا مختلفين فان العدد يكون أقل من مربع نصف عدد الاجذار أبدا . واذا لم يكن ذلك كانت

المسئلة مستحيلة . فإذا أقيت العدد منه ، كان جذر الباقي الفضل بين نصف عدد الاجذار وبين أي قيمة شئت . فإذا زدته على نصف عدد الاجذار كان أحد القسمين ؛ وان نقصته منه ، كان القسم الآخر . وكل واحد منهما يجوز أن يكون جذر المال .

فإذا كان المال أكثر من مال ، رددته كما تقدم ذكره ، مع جميع ما يكون معه ويعادله . والعمل بعد الرد كما تقدم ذكره . وان كان أقل من مال فانك تكمله ، على ما تقدم ذكره . وباقي العمل في اخراج الشيء كما شرحتة .

(يضيف الشهرزوري ٢٠٧ ظ ، ٢٠٨ و ، شروطا يمكن معها حل المسئلة ، ثم يورد قاعدة كقاعده السابقة تعطى قيمة س ٢ ومنها يجد قيمة س)

[٢٠٨] وأما المسئلة الثالثة منها فهي مال يعدل ثلاثة اجذار وأربعة أحاد . فإذا أردت أن تخرج الشيء ربعت نصف عدد الاجذار . وزدته على العدد ؛ يكون ستة وربعا . خذ جذره ، فيكون اثنين ونصف ؛ زدها على نصف عدد الاجذار ، وهو واحد ونصف فيكون أربعة . وهي جذر المال .

وانما زدت العدد على نصف عدد الاجذار [٢٠٨ ظ] في نفسه ، لان العدد مساو لمال الا ثلاثة اجذار . وكل ما نقصت منه عدة من اجذاره الا مربع نصف عددها ، كان المبلغ مجذورا ، جذره جذر ذلك المربع الا نصف عدد الجذور . فإذا زدته على جذره نصف عدد الاجذار ، كان ذلك جذر المال المطلوب .

فان كان المال أقل من مال أو أكثر ، رددته الى مال واحد وكملته على الوجه الذي تقدم ذكره .

(يضيف الشهرزوري قساعة كالقاعدتين السابقتين تعطى مربع المجهول ، ثم يشير الى المسائل التالية

$$١ - س^2 = ب.س \text{ او } س^2 = ب.س \text{ والحل بأن تحط المسئلة الى } س^2 = ب.س$$

$$٢ - س^2 + ٦س = ٤٠ ، س^2 + ٥س = ١٠٤ ، س^2 + ٤س = ٢٤ ، س^2 + ٣س = ١٦$$

[٢١١] باب من النوادر والمسائل

(١) اذا قيل : مال زدت عليه نصفه ، ثم على المبلغ رבעه ، ثم نقصت من المبلغ عشرة ، فكان عشرين . كم أصله ؟

قياس ذلك أن تجعل المال شيئاً ، وتزيد عليه نصفه ، ثم على المبلغ رבעه ، فيصير شيئاً وسبعة أثمان شيء . انقص منه عشرة : يبقى شيء وحمله اثمان شيء ونصف ثمن شيء . وذلك يعدل عشرين واحداً .

واخراج الشيء الواحد أن تقسم عشرين على أحد وخمسة أثمان ونصف من : وهو أن تبسط جميع ما معك انصاف اثمان ، فيصير الاثمان وعشرين مقسومة على سبعة وعشرين . فاذا قسمت كان الخارج من القسمة أصل المال .

[٢١١] فلو قيل : مال اجرت به وربحت كذا ، ثم اجرت المبلغ وربحت كذا ، ثم اجرت به وخسرت كذا . فان حسابه على ما ذكرناه في هذه المسئلة .

وكذلك اذا قال : مال نقصت منه جزءاً أو أجزاء ، فان حسابه أن تجعل أصل المال شيئاً ، وتعمل به ما يقول المسائل في شرط المسئلة ثم تقابل ما يحصل عندك بما يعطيك المسائل من الجملة المعلومة .

وكذلك اذا قال : مال أضعفته [٢١٢] وزدت عليه درهما ، ثم أضعفته ونقصت منه درهما ، ثم أضعفته وزدت عليه خمسة دراهم فكان كذا . وجميع المسائل المشابهة لهذه المسائل فان حسابها كما قد اشرت اليه ، وان اختلفت شروطها في الزيادة والنقصان والمقدار والكمية .

(يتخلل هذه الامثلة العامة امثلة محددة يضعها الشهرزوري ويحلها بفرض المجهول شيئاً . فمن مسائل المسئلة التالية .

قال أضعفته وزدت عليه خمسة دراهم ، ثم أضعفته ونقصت منه عشرة دراهم ، ثم أضعفته ونقصت منه عشرين درهماً . فكان الباقي منه درهماً .

وبعد أن حلها الشهرزوري حمراً يعطى طريقة حلها .

المنكوس ، وهي الحل الحسابي المعروف بالبدء من آخر خطوات المسئلة والسير خلفاً حتى نصل الى أصل المال [٢١٣] . وكل مسئلة يحلها الشهرزوري ينهيها بالامتحان وبه يبين أن الجواب يحقق شروط المسئلة .

ومن مسائل المسئلة :

له الثلثان من قلبي	وثلثا ثلثه الباقي
وثلثا ثلث ما يبقى	وثلث للثلث للساق
ويبقى اسهم ست	نفسه بين عساق

وهو يحل هذه المسئلة بالطريقة الجبرية وبالطريق المنكوس ويجد أن قلب الشاعر قسم الى ٢٤٣ سهماً .

(٢) [٢١٤] فان قيل اجير أجرته في الشهر خمسة وثلثون درهماً وخاتم . عمل ثلاثة أيام واخذ الخاتم . كم قيمته ؟

فاجعل قيمته شيئاً ، وهو المستحق ثلاثة أيام . يكون المستحق في سبعة وعشرين يوماً الناقصة سبعة أشياء ، وهي بعمل خمسة ولايس درهماً . فالتسعة يكون ثلاثة دراهم وسبعة أنصاف .

(٣) فان قيل : اجير أجرته في الشهر شيء مجهول . عمل مثل خمس الأجرة أماناً . المستحق ثلاثة دراهم ودانق . كم أجرته ؟

فما من ذلك أن تجعل الأجرة شيئاً . فيكون الأمان المموله خمس شيء . فيقسم منه ثلاثين الى خمس شيء . كنسبة الشيء الى ثمانية دراهم ودانق . فاضرب الثلاثين في ثمانية ودانق ، تصير مائتين وخمسة وأربعين . وذلك يعدل خمس مال ، الذي يكون من ضرب الشيء في خمس شيء . فيكون المال ألف ومائتين وخمسة وعشرين . وجذره خمسة وثلاثين . وهي الأجرة .

(٤) [٢١٥] فان قيل : ثلاثون درهماً أماناً ونقصها دراهم . والدرهم أجرة الأمان . عمل الأجير مثل ثلث الأجرة أماناً . والمستحق

مثل نصف وزرع الأمان دراهم . كم عمل وكما استحق

فما من ذلك أن تجعل الأمان شيئاً . والأجرة ثلاثين شيئاً . والعمل عشرة الا ثلث شيء . والمستحق نصف وزرع شيء . فمقول .

نسبة نصف وربع شيء إلى ثلاثين إلا شيئاً كمسألة عشرة إلا شيء إلى شيء .

نسبة عشرة إلى شيء في ثلاثين إلا شيئاً ، تكون ثلاثمائة أحد وثلاث مائة إلا عشرين شيئاً . وذلك يعدل نصف وربع مال ، التي خرجت من ضرب نصف وربع شيء في شيء . فإذا جبرت والقيت المقادير المشتركة ، صار

ثلاثمائة أحداً يعدل عشرين أحداً وربع وسدس مال . فإذا أكملت المال بزيادة مثله وخمسيه عليه ، وعلى جميع ما معه ، طلباً للمعادلة ، صار : مال وثمانية وأربعين شيئاً يعدل سبعمائة وعشرين .

خذ نصف الأجزاء وربعه ، يكن خمسمائة وستة وسبعين . زدناها على سبعمائة وعشرين . تصير ألف ومائتين وستة وتسعين . خذ جذورها ثلثون ستة وثلاثين . الق منها أربعة وعشرين . يبقى اثنا عشر . وهو عدد الأيام ، لأنك جعلتها أشياء ، والأجرة ثمانية عشر والعمل الذي عمله ستة أيام ، فاستحق بها تسعة دراهم .

(٥) فإن قيل : رجلان التقيا ، فقال أحدهما للآخر : ان أعطيتني ربع ما معك وأخذت سبع ما معي ، تساوى ما يكون عندي مع ما يكون عندك . كم مع كل واحد ؟

[٢١٥ ط] قياس ذلك أن جعل مع أحدهما شيئاً ، ومع الآخر مقداراً ، أي مقدار أردت . ومتى جاءك في مسألة مجهولان ، فاجعل أحدهما معلوماً ، أن لم يؤد ذلك إلى فساد ، بأن يكون بينهما نسبة باعثة أو فاضلة معلوم .

فاجعل إذن أربعة دراهم ، لأحد الربع ، حتى يصبح منه . فإذا غطي صاحب الأربعة ربع ما معه وأخذ ما لصاحب الشيء ، صار مع أحدهما ثلاثة دراهم وسبع شيء ، ومع الآخر ستة أسباع شيء ودرهم . فإذا قابلت والقيت المقادير المشتركة ، صار خمسة أسباع شيء تعدل دراهمين . فالشيء التام يعدل دراهمين وأربعة أخماس . وهو مال من يعطي السبع ويأخذ الربع . ومال الآخر أربعة دراهم .

وان بسطت مال كل واحد منهما أخماساً ، وأقيمت مقام كل خمس درهما كاملاً صحيحاً ، حاز ذلك ، لأن المسئلة مسألة .

(يقول الشهرزوري : ومعنى قوله سيالة لأنها لا تقف على جواب واحد . وان شئت عملتها بطريقة أخرى وتسمى طريقة الباب (١٢))

خذ مخرج الربع . وهو أربعة . فالق منه ربعه مرتين ، وذلك اثنان . ومع اثنين . فاصرف في مخرج السبع . فيكون أربعة عشر ، فهذا مال الذي دفع السبع . فاصرف في مخرج الربع ، فالق منه سبعة مرتين فمضى خمسة . فاصرف في مخرج الربع ، فيكون عشرين . فهذا مال الذي دفع الربع . فإذا دفع هذا ربع ما معه وأخذ سبع ما مع الآخر ، كان سبعة عشر . وصار مع الآخر سبعة عشر . فقد تساوى .

(٦) [٢١٦ و] فإن قال : رجلان التقيا ، فقال أحدهما للآخر : ان أعطيتني درهما ، صار معي ثلاثة أمثال ما معك ؛ وان أعطيتك درهما صار معك خمسة أمثال ما معي . كم مع كل واحد منهما ؟

اجعل مال أحدهما شيئاً ، ومال الآخر ثلاثة أشياء إلا أربعة دراهم ، حتى إذا زدنا عليه درهما ، ونقصته من الشيء ، كان ثلاثة أمثال الباقي . ثم انقص منه درهما وزدنا على الشيء ؛ فيصير شيئاً ودرهما يعدل خمسة أمثال ثلاثة أشياء إلا خمسة دراهم ، أعني خمسة عشر شيئاً إلا خمسة وعشرين درهما .

فإذا جبرت والقيت المقادير المشتركة صار أربعة عشر شيئاً تعدل ستة وعشرين درهما . فالشيء يعدل درهما وستة أسباع . وهو مال الاول . والثاني يكون درهما وأربعة أسباع ، لأنك جعلته ثلاثة أشياء إلا أربعة دراهم .

(٧) [٢١٦ ط] فإن قيل : ثلاثة أعداد : الاول والثاني عشرون ، والثاني والثالث ثلاثون ، والثالث والاول أربعون .

قياس ذلك أن تجعل مجموع الثلاثة شيئاً . فيكون الاول : شيئاً إلا ثلاثين ، والثاني شيئاً إلا أربعين ، والثالث شيئاً إلا عشرين . وجمع ذلك كله ، يكون ثلاثة أشياء إلا تسعين . فهذا مجموع الثلاثة الأعداد . وذلك يعدل نصف مجموع الأعداد وهو خمسة وأربعون لأنك جمعت كل واحد مرتين . فيكون الشيء خمسة وأربعين .

الق منها العشرين ؛ يبقى خمسة وعشرون ، وهو الثالث . والق

منها الثلاثين : يبقى خمسة عشر وهي الاول . ثم الى منها أربعين :
يبقى خمسة وهو الثاني .

وجب ان يرتاض الناصر في هذا الكتاب بكثر من نظائر هذه
المسائل وأخواتها لتقوى نفسه على استخراجها .

(٨) [٢١٧و] فان قيل : ثلاثة أنفس التقوا على شراء دابة . فقال الاول
لصاحبيه : اعطيناني ثلث ما معكما حتى يكون معي مائة درهم ، ثمن
هذه الدابة . وقال الثاني لصاحبيه : اعطيناني ربع ما معكما حتى
يكون معي مائة درهم . وقال الثالث : اعطيناني خمس ما معكما حتى
يكون معي المائة المذكورة .

قياس ذلك ان تجعل مال الاول شيئا ، وتلقيه من المائة . يبقى
مائة درهم الا شيئا . وذلك هو ثلث مال الثاني وثلث مال الثالث
اضربه في ثلاثة . يكون ثلاثمائة الا ثلاثة أشياء ، وذلك مساو مال
الثاني والثالث . فاحفظه .

ثم الى ربع شيء من المائة . يبقى مائة الا ربع شيء . وذلك هو
من الثاني وربع الثالث . فاذا ضربته في أربعة . صار أربعمائة الا
شيئا ، وذلك هو الثاني أربع مرات والثالث مرة واحدة . فاذا أقيمت
منه ثلاثمائة الا ثلاثة أشياء ، بقي مائة وشيئان وذلك ثلاثة أمثال
الثاني . فالثاني ثلاثة وثلاثون درهما وثلث درهم وثلثي شيء .

ويبقى الثالث مائتين وستة وستين درهما وثلثين الا ثلاثة أشياء
وثلثي شيء . زد عليها خمس الاول ، أعني خمس شيء ، مع خمس
الثاني وهو ستة دراهم ونسي درهم ونسي خمس شيء . يصير بعد
ذلك مائتين وثلاثة وسبعين وثلث الثلاثة أشياء وثلث شيء . وذلك
يعادل مائة درهم .

فاذا حورت وأقيمت المقادير المشتركة بقي ثلاثة أشياء وثلث شيء ،
يعمل مائة وثلاثة وسبعين درهما وثلث درهم . فالشيء يكون اثنين
وخمسين درهما ، فهذا هو مال الاول .

[٢١٧ط] ومال الثاني مائة وستين درهما لاجل انه خرج ثلاثة
وثلاثين درهما وثلث وثلثي شيء .

ومال الثالث ستة وسبعين درهما لاجل انه كان مائتين وستة
وسبعين درهما ونسي الا ثلاثة أشياء ونسي شيء .

(٩) فان قيل : دراهم عيارها في العشرة . سمعه دراهم فضة : وقد
يقرر العيار على ستة ونسي . كم يبقى عندها من النحاس حتى يصير
دراهم عيارها العيار المقرر .

قياس ذلك ان تجعل العيار الزيد شيئا ، وتزيده على عشرة
وسبعين . حد منه . يكون ستة دراهم وثلثين ونسي شيء . وذلك
يعمل سمعه دراهم . فاذا أقيمت المقادير المشتركة بقي للثاني شيء ،
يعمل بثلث درهم . فالشيء يعادل نصف درهم . وهو وزن النحاس الذي
أعقبه على كل عشرة دراهم .

(١٠) ضيف الشهرزوري طريقة للحل على أساس النسبة ٦٢ .
١٠ (٧ ٢ ٦) : الزيادة المطلوبة .

(١٠) فهو قبل دراهم عيارها أربعة دراهم في كل عشرة . وقد يقرر
العيار على ستة دراهم ونسي . كم يبقى عندها من الفضة .
فاجعل ما يبقى شيئا . وزده على العشرة . وحله للثاني . يكون
سبعة دراهم ونسي ونسي شيء . وذلك يعادل أربعة دراهم وشيئا .
فاذا أقيمت المقادير المشتركة صار : ثلث شيء يعادل اثنين وثلثين .
فالشيء التام يعادل ثمانية دراهم . فهذا ما يلقي على كل عشرة من الفضة .
وان شئت أخذت ما في العشرة من النحاس ، وهو ستة دراهم ،
ويحتاج الى مثليه فضة ، أعني اثنا عشر درهما . الق منها الأربعة
الموجودة . يبقى ثمانية . وهو ما يحتاج اليه من الفضة . ومثل هذا
العمل يستمر في المسئلة الاولى .

(هنا أيضا يضيف الشهرزوري طريقته في النسبة) .

(١١) فان قيل : دراهم من عيار أربعة ، ودراهم من عيار ستة . أخذنا
منها ألف درهم وضربناها فخرج دراهم عيار العشرة أربعة وثلثين .
كم كان من كل جنس فيه ؟

فاجعل الذي عياره أربعة دراهم في العشرة : شيئا . وخذ خمسيه .
يكون خمسي شيء . واجعل الذي عياره ستة دراهم : ألف درهم الا

تمينا . وخذ ثلاثة أخماسه . تكون ستمائة درهم الا ثلاثة أخماس
منه . زد عليه خمسة عشر . يصير ستمائة درهم الا خمس شيء .
وذلك يعدل ستمائة درهم وستين درهما وثلاثين ، التي هي عيار
الآب المصرية .

فإذا جبرت والقيت المقادير المشتركة صار : خمس شيء يعدل
مائة وثلاثة وثلاثين درهما وثلاث . فالشيء الثام يعدل ستمائة وستة
وستين درهما وثلاثين . فهذا هو الذي في الألف من الذي عياره
أربعة دراهم .

وهو من الذي عياره ستة دراهم . ثلاثمائة وثلاثة وثلاثين درهما
ونصف .

(١٢) فإن قيل : دراهم عيار العشرة أربعة ونصف ، ودراهم [٢١٩] و
أخرى عيار العشرة منها ستة . وقد تقرر العيار على خمسة دراهم .
وقد أخذ من الجنس ألف درهم وطرح عليها خمسة عشر درهما نحاسا .
فجاء منه ألف درهم وخمسة عشر درهما عيار خمسة دراهم . كم أخذ
من كل جنس

قياس ذلك أن تجعل المأخوذ من عيار أربعة ونصف : شيئا ، وخذ
ربعه وخمسه ، يكون ربع شيء وخمس شيء . واجعل الذي عياره
سنة دراهم ألف درهم الا شيئا . وخذ ثلاثة أخماسه . تكون ستمائة
درهم الا ثلاثة أخماس شيء . زد عليها ربع وخمس شيء . يصير
ستمائة درهم الا عشر ونصف عشر شيء . تعدل خمسمائة وسبعة
دراهم ونصف ، التي هي عيار الألف والخمسة عشر من العيار المقرر .
فإذا جبرت وقابلت والقيت المقادير المشتركة صار : عشر شيء
ونصف عشر شيء معادلا لاثنتين وتسعين درهما ونصف . فيكون
الشيء ستمائة وستة عشر درهما وثلاثين . فهذا ما فيه من الذي
عياره أربعة دراهم ونصف .

والذي عياره ستة دراهم هو ثلاثمائة وثلاثة وثمانين درهما وثلاث .

وهذه المسائل يمكن أن يفرع عليها فروع كثيرة .

(١٣) فإن قيل : مقاسمة السلطان الربع والسدس ، وما ينضاف إليه
في كل كر من الإضافات : قفيز وثلاثة أعشر وثلاث عشر ، أخذت من

الكيال والأمين مما أخذاه ، بحق الثلث ، فأصاب السلطان ثلاثة أكرار .
كم أصل الفلة التي منها هذا الحاصل ؟

قياس ذلك أن تجعل الفلة شيئا . وتأخذ منها ما يأخذ الكيال
والأمين ، من الوسط ، وهو نصف ثمنه ، لانه في كل كر أربعة أقفزة .
حتى يصير الإضافة منها قفيزا [٢١٩ظ] وثلاث قفيز (١٢) .

فيبقى خمسة عشر جزءا من ستة عشر جزءا من شيء . خذ ربه
وسدسه بحق الحاصل . يكون ستة أجزاء وربع جزء . فأضف إليه
ثلث جزء من ستة عشر جزءا من شيء ، بحق الإضافة . فيصير ستة
أجزاء وثلث وربع جزء من ستة عشر جزءا من شيء .
وذلك يعدل ثلاثة أكرار .

فاضرب ستة عشر في ثلاثة أكرار يكون ثمانية وأربعين . اقسمها
على ستة وثلث وربع . فما كان من القسمة فهو أصل الفلة . وهو
سبعة أكرار وثلاثة وعشرون جزءا من تسعة وسبعين جزءا من كر .
وذلك سبعة عشر قفيزا وأربعة أعشر وأربعة وخمسين جزءا من تسعة
وسبعون جزءا من عشير .

(يضيف الشهرزوري ما يلي : والامتحان أنك اذا بسطت أصل
الفلة أجزاء من جنس المقسوم عليه ، بأن تضرب الثمانية والأربعين
في مخرج الثلث والربع ، فيكون خمسمائة وستة وسبعين . فإذا
أخذت منها حق الإضافات ، وهو نصف الثمن . كان ستة وثلاثين .
فيبقى خمسمائة وأربعون . فخذ منها ربعها وسدسها . فيكون مائتين
 وخمسة وعشرين . وزد عليها ثلث الإضافات ، وذلك اثنا عشر .
صار الجميع مائتين وسبعة وثلاثين . اقسمها على المقسوم عليه ، وهو
تسعة وسبعون ، فيخرج من القسمة ثلاثة أكرار ، وهي الحاصلة
للسلطان كما قال) .

(١٤) فإن قيل : مقاسمة السلطان من كل كر : ثلاثة وعشرين قفيزا
وثلاث . والثاني أربعة عشر قفيزا ونصف . والأكار ثمانية عشر قفيزا
وسدس . اقترض الأكار خمسة عشر قفيزا . كم يأخذ السلطان
عنها بقسطه ؟

حسب ذلك ان تضرب خمسة عشر في [٢٢٠] ثلاثة وعشرين
و تسب وخمسة على مائة عشر وسدس .

وكذلك تفعل في الاسلاف كلها ، اذا كانت من الوسط : كلما
استسلفت شيئا واراد واحد من الجميع ان يأخذ ما يخصه عن السلف
الذي اخذه شريكه ، ان تضرب ما اخذه المستسلف في قسط الطالب
عنه من الكر ونقسمه على حبيب المستسلف من الكر ، عما خرج
كان حواصا .

[٢٢١] وكذلك تعمل اذا كان ارتفاع (١٥) قرية من مال وغلة
بين ثلاثة نفر ، لاحدهم خمسة اجزاء من ثمانية وثلاثين جزءا ، والآخر
عشرين جزءا منها ، والثالث ثمانية عشر جزءا منها : اذا استسلف واحد
منهم شيئا ، غلة كان او ورقا او شيئا آخر ، واراد شريكه ان يأخذ
ما يخصه عن السلف ، او اراد احدهم ان يأخذ قسطه من ارتفاعها ،
تضرب حصة سماء في الارتفاع ونقسم على السهام . وهذا الباب تقسم
به الموارث كلها والامتناعات المستركة . وهو ان ينظر الى سهام
الشركاء في الشيء الواحد ، ويجمع اصلا . وكل من كان له سهام
(عمل) في اخراج نصيبه ما ذكرته .

(١٥) من قبل ثلاثة مقاسمات مختلفة . الاولى من الكر خمسة عشر
فقرا . والثانية من الكر عشرون فقرا . والثالثة من الكر اربعة
وعشرون قفيزا . حصل للسلطان من كل واحد من الحنطة من ثلاثة
اجناس مائة عشر قفيزا . كم فيه من كل جنس .

فما من ذلك ان نحى الى اعظم المقاسمات ، وعلى اربعة وعشرون ،
ونأخذ الفضل بمدا وبين العشرين ، يكون اربعة . انظر ما تعمل بها
حتى تصير ستمين ، فتجعلها تضرب في خمسة عشر ، احفظها .

ثم خذ الفضل بين اربعة وعشرين وبين خمسة عشر ، تجدها
تسعة . ثم انظر في أي شيء تضربها حتى تصير ستمين ، فتجعلها تضرب
في [٢٢١] ستة وستين ، احفظها .

هكذا في الأصل ، وفي السج . وان المصنف ثلاثة عشر .

ثم خذ الفضل بين الاربعة والعشرين وبين الثمانية عشر ، التي
هي الحاصل من الكر الذي هو اجناس ، فيكون ستة . او ستمين
بسمين كدعم ستمين . على ان يكون اذا ضرب احدهما في خمسة عشر .
والآخر في ستة وثلاثين ، يكون الخارج من الضربين اقل من الستين .
فاجعل احدهما اربعة ونصفا ، واضربها في ستة وثلاثين ، يكون ثلاثين
وقفيزا . وهذا ما يوجد عن كل كر منه خمسة عشر قفيزا .

واضرب الواحد والنصف ، الذي هو القسم الآخر ، في الخمسة
عشر التي حفظناها ، يكون اثنين وعشرين قفيزا ونصف . فهذا هو من
الذي مقاسمته عشرون قفيزا . والباقي من الستين ، وهو سبعة اقفزة
ونصف يكون من الذي مقاسمته من الكر اربعة وعشرون قفيزا (١٥) .

x x x

(١٦) وبهذا الباب يمكنك ان تحسب اذ قيل : اربعة وعشرون درهما
بدينار ، وعشرون درهما بدينار ، وخمسة عشر درهما بدينار . اخذنا
بدينار من الجميع ثمانية عشر درهما . كم فيه من كل صرف منها ؟
* قياسه على ما تقدم ذكره ، وهو ان تأخذ الفضل بين اربعة
وعشرين وبين العشرين ، فيكون اربعة ، فنحفظها . وتأخذ الفضل
[٢٢٢] بين اربعة وعشرين وبين خمسة عشر ، فيكون تسعة ، فنحفظها .
ثم تأخذ الفضل بين اربعة وعشرين وبين الثمانية عشر ، التي هي ثمن
المقال الذي فيه الاجناس الثلاثة ، فيكون ستة فاحفظها .

ثم انظر كم تضرب الاربعة حتى تكون واحدا ، فتجده ربعا ؛ وفي
كم تضرب التسعة حتى تصير واحدا ، فتجده تسعا .

فاقسم الستة المحفوظة بقسمين يكون ضرب احدهما في الربع
والآخر في التسع اقل من واحد . فتجد ذلك اربعة واثنين . فاضرب
الاثنين في الربع ، فيكون نصفا ، فهذا ما يوجد به من الدينار من صرف
عشرين درهما .

واضرب الاربعة في التسع فيكون اربعة اتساع . وهذا ما يوجد من
صرف الدينار بخمسة عشر درهما .

وبقي من الدينار نصف تسع فيوجد به من صرف اربعة وعشرين
درهما .

من اصل كم هو في محطته كتاب الكافي وفي اصل الذي يورده الشهرزوري فوهما
في ترتيب خطوات الحل والذي اثبتناه هنا هو النص الذي يورده الشهرزوري .

فاذا اريد ان يخرج هذه المسئلة بالحبر والمقابل . جعلت الذي
الدينار منه سادس خمسة عشر شيئا معلوما ، فليكن مقدارا اذا ضربته
في خمسة عشر والقيمة من الثمانية عشر ، يكون نسبة الباقي الى العشرين
أكثر من باقي الدينار بعد وضع هذا المفروض منه ، ويكون نسبة
الاربعة والعشرين أقل من باقي الدينار . وان جعلت المعلوم من
سبعين آخر . بهذه الطريقة . جاز . فاجعله [٢٢٢ظ] اذن نصف
دينار . واضربه في خمسة عشر . يكن سبعة ونصف . القها من ثمانية
عشر . يبقى عشرة ونصف ، وهي أكثر من نصف العشرين وأقل من
نصف الاربعة والعشرين .

ثم اجعل من جملة النصف الباقي من الدينار شيئا ، تاخذ به من
الذي فيه الدينار بعشرين درهما ، فيكون بقيمته عشرين شيئا . ونصف
دينار الا شيئا ، من الذي قيمته الدينار منه أربعة وعشرين ، فيكون
قيمته اثنا عشر درهما الا أربعة وعشرين شيئا .

زد ذلك على العشرين شيئا ، يصير اثنا عشر درهما الا أربعة اشياء
وبهذا يعدل عشرة دراهم ونصف .

فاذا جبرت والقيمت المقادير المشتركة ، يبقى أربعة اشياء تعدل
درهما ونصف . فالشيء الواحد يعدل ثلاثة أثمان . فيؤخذ ثلاثة أثمان
دينار من سعر عشرين درهما بدينار . فيكون سبعة دراهم ونصف .
ويبقى ثمن دينار ، فيؤخذ من سعر أربعة وعشرين درهما بدينار .
فيكون ثلاثة دراهم . ومجموع ذلك يكون ثمانية عشر درهما .

وان كانت الاسعار أربعة أو خمسة أو أكثر من ذلك ، كان هذا
هو القياس . والقياس المقصود فيه ميسر . وكذلك في القاسمة المذكورة .

(١٧) فان قيل : طبع الجرب خمسة دراهم ونصف . والكفاية في
الجرب دائق ونصف ، والاين في كل مائة درهم يرتفع من الخراج
ثلاثة دراهم ، كم يلزم مائة وخمسة وعشرين جريبا وعشرة أفزة ؟
طريق ذلك ان تضرب خمسة ونصف في مائة وخمسة وعشرين
ونصف ، فيكون ستمائة وتسعين درهما وربعا . زد على كل مائة

لاثة دراهم ، تصير الزيادة عشرين [٢٢٣و] درهما ونصفا وثمانيا
ونصف ثمن وخمس عشر . زد ذلك على ستمائة وتسعين وربع ، تصير
سبعمائة وعشرة دراهم ونصف وربع وثمان ونصف ثمن وخمس عشر .
زد عليها الكفاية ، وهي في كل جريب دائق ونصف ؛ يكون عن مائة
 وخمسة وعشرين جريبا وخمسة أفزة : أحد وثلاثين درهما وربع
وثمان . زدها على ما معك ؛ يصير سبعمائة واثنتين وأربعين درهما وربعا
وثمانيا ونصف ثمن وخمس عشر . وهو الجواب .

وان سبب في هذه المسئلة اخرجت تحت خمسة دراهم ونصف
من الثلاثة دراهم المسبوقة الى الاين في كل مائة درهم . فيكون هذا
وحمس خمس ؛ زد على ذلك خمسة ونصف ، مع الربع الذي هو الكفاية ،
يصير خمسة دراهم ونصف وربع وثمان وخمس خمس . اضرب ذلك
في مائة وخمسة وعشرين ونصف . يكون الجواب مثل الاول .

فان قال ذلك السؤال ، وقال : اخذنا ألف درهم . عن كم جريبا
يكون ؟ قسمت الألف على خمسة أسهم ونصف وربع وثمان وخمس
خمس ، كما تقدم ذكره من الطرق .

فان قال : خرجت الكفاية مائة درهم كم يكون الطسق ؟ ضربت
[٢٢٣ظ] المائة في خمسة دراهم ونصف ، وقسمت المبلغ على ربع واحد .

فان قال : خرج الاين عشرة دراهم ، كم يكون الطسق ؟ ضربت
العشرة دراهم في خمسة دراهم ونصف ، يكون خمسة وخمسين ؛ القسم
ذلك على مسطر الخمسة والنصف من الاين ، وهو ثمن وخمس خمس .
وعو ان نظر كم في المقسوم من أعمال المقسوم عنه .

وهذا يمكن ان ركب منه مسائل كثيرة مشحنة . والطبع الاولى
منه في ذلك ، وليدال أطول الكتاب بذكرها .

(١٨) فان قيل : لرجل على رجل ألف درهم ، من ثلاثة نقود ، من كل
نقد ثلثه ؛ النقد الاول عشرون درهما بدينار ، والثاني خمسة عشر
درهما بدينار ، والثالث اثنا عشر درهما بدينار . فادى المؤدى ثلاثمائة
درهم من النقد الاول . فكم يأخذ الخط من النقد الذي عليه (١٦) ؟

دياس ذلك أن تأخذ أي مقدار شئت من الدراهم ، واجعل كل ثلث منه من جنس ، وليكن المقدار ما يسهل حسابه ويضرب ، فليكن خمسة وأربعون درهما ، منه من كل جنس خمسة عشر درهما . فتكون قيمته ثلاثة دنانير : لأن الخمسة عشر من النقد الأول قيمتها نصف وربع دينار ، وخمسة عشر من الثاني قيمتها دينار ، وخمسة عشر من النقد الثالث قيمتها دينار وربع .

ثم انظر الثلاثمائة المؤداة : كم قيمتها على عشرين درهم بدینار ، فتجده خمسة عشر دينار . فاحسب لكل ثلاثة دنانير خمسة وأربعين درهما من النقد الذي له ؛ وهو أن تضرب خمسة عشر في خمسة وأربعين وتقسم على ثلاثة . وإن شئت قسمت أي العددين شئت على ثلاثة . وما يخرج ضربته في العدد الآخر . فما يكون من ذلك كان جوابا . [٢٢٤و] ولو قال : أدى ثلاثمائة درهم من نقد آخر ، لكنت تجعله دنانير ، وتضرب عدد الدنانير التي تكون قيمتها ، في خمسة (عشر) وما خرج كان المطلوب .

وعلى هذا القياس يجب أن تعمل إذا كانت من أربع نقود أو أكثر . (١٩) فإن قال : لرجل على رجل مائة دينار ، من ثلاثة نقود ، اثلاثا : ثلث عضدية وثلث نيسابورية وثلث قوامية . والدينار القوامي بسبعة عشر قيراطا نيسابورية ؛ والدينار العضدي بتسعة عشر قيراطا نيسابورية . أدى المؤدي خمسين دينارا قوامية وعشرة عضدية . بكم يأخذ الخط من المائة ؟

قياس ذلك أن تجعل المؤدي من جنس واحد ، وتحفظه . وتصرف ثلاثة ثلاثة ، ثم تجعل هذه الثلاثة : كل دينار من جنس ، وتحولها إلى الجنس الآخر الذي حولت إليه المؤدي ، وتقسم عليه المحفوظ . فما يكون بعد ذلك كان جوابا .

وفي هذه المسئلة تحول ثلاثة دنانير من الاجناس الثلاثة إلى النيسابورية لأنها أسهل تحويلا ؛ فيكون دينارين وستة عشر قيراطا ، فاحفظه . ثم اجعل المؤدي أيضا دنانير نيسابورية : فيكون خمسين دينارا [٢٢٥و] قوامية على سعر كل دينار قوامي بسبعة عشر قيراطا نيسابوري اثنين وأربعين دينارا ونصفا نيسابورية .

ويكون عشرة دنانير عضدية على سعر الدينار بتسعة عشر قيراطا تسعة دنانير ونصف نيسابورية .

ومجموع ذلك اثنين وخمسين دينارا . اضربها في ثلاثة ، تكون مائة وستة وخمسين دينارا ، اقسمها على دينارين وستة عشر قيراطا . أعني اثنين وأربعة أخماس ، يكون الخارج من ذلك خمسة وخمسين دينارا وخمسة أسباع دينار . وهو الجواب .

ومما يجب أن يتبع ذلك إذا قيل : دينار قوامي بسبعة عشر قيراطا نيسابوري ، ودينار عضدي بتسعة عشر قيراطا نيسابوري ؛ عشرة دنانير عضدية كم تكون قوامية ؟

قياس ذلك أن تضربها في تسعة عشر ، وتقسم المبلغ على سبعة عشر . وإن كانت العشرة قوامية وأردت بها عضدية : ضربتها في سبعة عشر وقسمتها على تسعة عشر . وإنما فعلت ذلك لأنك إذا أردت أن تجعل العضدية نيسابورية : لالقيت جزأها من عشرين ، فيعود كل دينار إلى تسعة عشر جزءا . فضربت تسعة عشر في عدد الدنانير . ثم قسمت ذلك على سبعة عشر لأن كل سبعة عشر جزءا من العين النيسابوري هو دينار واحد قوامي ، فصار ما يخرج من القسمة عينا قواميا .

ومما يتبع ذلك : ثمانية عشر درهما غلة بخمسة عشر درهما صحاح ، وستة عشر درهما . حاللا بخمسة عشر درهما صحاحا . مائة درهم غلة بكم درهم من الحلال تكون ؟ جعلته صحاح ، وهو أن تلقى سدسها . أو تضربها في خمسة عشر وتقسم المبلغ على ثمانية عشر [٢٢٥ظ] هذا إذا امتنع بالنسبة . ثم بعد ذلك زدت على الخارج ثلث خمسه ، لأن الصحاح إذا زدت عليها ثلث خمسه صارت حاللا . وإن لم يمكن بالنسبة حسابها ضربتها في ستة عشر وقسمت المبلغ على خمسة عشر . وإن شئت ضربت المائة في ستة عشر وقسمت المبلغ على ثمانية عشر . لأنك في العمل الأول نقصت منها سدسها حتى صارت صحاحا ، ثم زدت على الباقي ثلث خمسه حتى يصير حاللا . فإن نقصت من المائة التسع أغنى عن ذلك كله ، لأن كل عدد يلقي منه سدسه ثم يزيد على الباقي ثلث خمسه عاد ثمانية أتساعه .

x x

(٢٠) فإن قيل : اقسام العشرة بقسمين : إذا قسمت القليل على الكثير والكثير على القليل وجمعت ما خرج من القسمين كان أربعة وربما . قسمت أربعة وربع بقسمين يكون ضرب أحدهما في الآخر درهما

واحدا ، لان كل عددين اذا قسمت كل واحد منهما على صاحبه وضربت ما خرج من أحد القسمين بما خرج من القسم الآخر كان واحدا .

وعمل ذلك أن تجعل أحد القسمين شيئا والآخر أربعة وربعا الا شيئا . ضربت أحدهما في الآخر ، فيكون أربعة أشياء وربيع شيء الا مالا يعدل درهما . فاذا جبرت وقابلت خرج الشيء اما أربعة واما ربعا . فأيهما شئت فاعمل به ، واستأنف المسئلة . وقد قسمت العشرة بقسمين ، وقسمت أحد القسمين على الآخر فخرج اما أربعة واما ربعا . فاجعل أحدهما شيئا والآخر عشرة الا شيئا . واضرب أيهما شئت [٢٢٦] اما في أربعة أو في ربع ، وقابل بالمبلغ القسم الآخر ، فيخرج أحد القسمين ثمانية والآخر اثنين .

وان شئت في هذه المسئلة أن تعملها بعمل آخر : ضربت العشرة الا شيئا في الشيء ، ثم المبلغ في أربعة وربيع وقابلت به ما يكون من ضرب واحد من القسمين في نفسه : الشيء في نفسه ، والعشرة الا شيئا في نفسها ، فيخرج الجواب الذي نريده .

(يضيف الشهرزوري ما يسميه : « من مسائل العشرات مما لم يذكره صاحب الكتاب » [٢٢٧ و] ما يمكن أن نعبر عنه بالشكل التالي

$$١ - (١٠ - س) = س + س^٢$$

$$٢ - س + س^٢ + (١٠ - س) = (١٠ - س)$$

$$٣ - س + س^٢ + (١٠ - س) = (١٠ - س)$$

٤ - « ومن مسائل العشرات أيضاً اذا قيل : عشرة قسمناها بقسمين مربعين ومجموع جذريهما أربعة ، كم كل واحد من القسمين ؟ » ويعطى طريقتين للحل : الأولى : افرض أحد القسمين $س^٢$ ، فيكون الثاني $١٠ - س^٢$ ، وهذا مربع كامل حسب شروط المسئلة . فيكون جذره التربيعي أكبر من ٢ . فليكن $٢ \times س$.

$$١٠ - س = س^٢ + (٢ \times س)$$

من ذلك يحذر ان $س = ١$ فأحد القسمين $س^٢ = ١$ ، والثاني ٩

والطريقة الثانية : اذا كان أحد القسمين $س^٢$ وجذره $س$. فجذر القسم الثاني $٤ - س$ والثاني $(٤ - س)^٢$

$$١٠ = س^٢ + (٤ - س)$$

٥ - « ومما لم يذكره صاحب الكتاب أيضاً من مسائل الأموال : اذا قيل : مال زدت عليه ثلثه ودرهم ، ونقصت مما اجتمع ثلثه ودرهم ، لم يبق شيء . كم أصل المال ؟ »

يعطى الشهرزوري ثلاث طرق . الأولى جبرية . والثانية طريقة المنكوس . والثالثة طريقة الباب وهنا يقول :

وان شئت سلكت طريقة الباب : وهو أن تأخذ مخرج الثلث ، وهو ثلاثة ، وتضربه في مثله ، لأن المزيد والمنقوص هو الثلث ، فيكون تسعة . فالتق من ذلك واحداً ، أصل ابدأ ، وهو ضرب الكسر في الكسر ، يبقى ثمانية ، احفظها . ثم خذ مخرج الثلث وهو ثلاثة . فانسبه من الثمانية المحفوظة ، فيكون ثلاثة اثمان ، وهو أصل المال .

٦ - مسئلة كالسابقة تحل بالطرق الثلاث .

$$٧ - ٢ + س^٢ = ٣ - س$$

مال جذراه وجذرا . . . الخ

٨ - مال مجذور أخذنا جذره وجذر جذره وضربناهما في مثلهما فعاد المال الأول ومثل سبعة أجزائه . كم أصل المال ؟

$$\text{الحل يفترض في الأصل } س^٤ \text{ فتنتج المعادلة } س^٤ + (س + س^٢) = س^٤ + س^٢ + ٧س$$

$$٩ - س + س^٢ + (س + س^٢) = س^٢ + س^٢ + ٦س$$

١٠ - « مال القينا منه جذره وثلث ما بقي وأخذنا جذر ما بقي فكان بعد زيادة درهم عليه مساو لجذر المال الأول »

يعتبر المال $س^٢$ فيحصل على $\frac{٢}{٣} س^٢$ - $\frac{١}{٣} س$ وحتى يأخذ جذر هذه العبارة يجبر هذا الجذر بالاستقراء ، فيعتبره $س - ١$ ويكمل الحل .

١١ - « مالان مختلفان مجموعهما مثل ضرب أحدهما في الآخر . لكن متى ضربت أصغرهما في خمسة وأعظمهما في نصف تساويا . »

يعتبر الأصغر $س$ والأكبر $١٠ - س$ فتنتج المعادلة $١١س = ١٠س^٢$

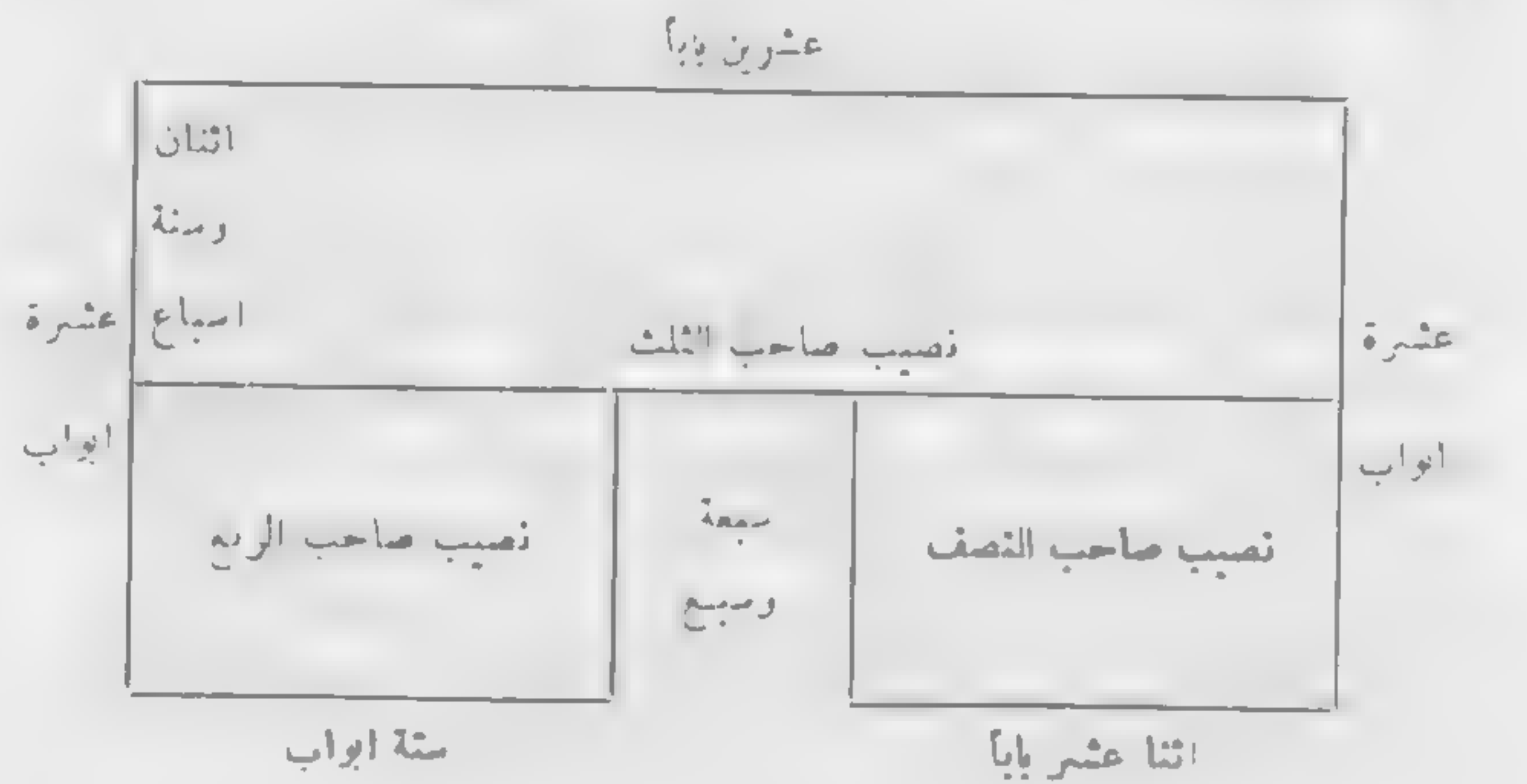
١٢ - « مالان مختلفان ثلث أحدهما مثل ثمن الآخر ولكن مجموعهما مثل ضرب أحدهما في الآخر » .

[٢٣٢ ط] باب من نوادر المساحة

اعلم أن المساحة في أكثر المواضع هي بقصبة طولها ستة أذرع بالذراع الهاشمي . وهذا ربما اختلف مقداره في بعض المواضع . وليس يجب أن نذكر في كتابنا شيئاً من ذلك لكثرة الخلاف فيه ، لسهولة معرفته في الناحية التي يعمل بها الماسح . وهذا الذراع هو ثمانى قبضات ، والقبضة أربع أصابع وكل أصبع ست شعيرات ضم بعضها الى بعض متلاقية البطون بالظهور . وهذه القصبية تسمى باباً .

فمتى خرج من مساحتك مائة باب مكسرة أخذت لها جريباً ، ولكل عشرة قفراً ولكل واحد عشرراً . وإذا ضربت الذرعان في الأبواب ، أخذت لكل ستة عشرراً . وإذا ضربت الذرعان في الذرعان أخذت لكل ستة وثلاثين [٢٣٣ و] عشرراً . وعلى ذلك تقيس حساب القصبية والأصبع . ومن أحاط علماً بما تقدم من ضرب الكسور لم يلتبس عليه شيء من ذلك .

أما فعل مربع طولك عشرون باب وعرضه عشرة أبواب : فسمه من ثلاثة أبناس لأحدهم النصف والآخر الثلث والآخر الربع . على أن يكون في وسطه طرف من جانب الطول عرضه ثمان سراعاً من مداخل الأبناس الثلاثة ، أحدهم من الضلع ، والآخر من الضلع والآخر من الضلع . على أن يكون نصيب صاحب الثلث في الضلع ، وعلى أنه الضمورة .



فمن ذلك أن تجعل طول الطريق سبعة ، وقصره في عرضه . ويكون سبعة . وجعل المائدة عشرة المائدة تقسمين من صاحب النصف والربع . لا يما ، أحدهم تقسمين من من الطريق ومائة . ويكون أحد النصفين المائدة عشر . وهذا عرض نصيب صاحب النصف . والمائة المائدة من عرض نصيب صاحب الربع . وطول كل واحد منهما طول الطريق . وهو سبعة .

فكون تكسیر نصيب صاحب النصف . اما عشر سبعة . وتكسیر نصيب صاحب الربع ستة ابناء . وعلى هذا يجب أن يكون تكسیر نصيب صاحب الثلث مائة ابناء . وتكسیر الطريق هو سبعة . فجميع تكسیر هذه المساحة ثمانية وعشرين شيئاً . وذلك يعدل مائتين . والشئ الواحد يعدل سبعة أبواب وسبع باب . فهذا [٢٣٣ ط] طول الطريق . ويبقى عرض نصيب صاحب الثلث من جملة عشرة أبواب . لأن مائة ابناء باب .

(شرح السيززورى هذه الطريقة ونصيب ما يسد به الطريقه الباب وهي طريقة حسنة) .

من من : مربع مستطون ، طوله مائة عرضه . وتكسیره من محيطه . كمنه حله وحواجه .

اجعل طوله مائتين ، وعرضه سبعة . واضرب الطول في العرض يكون مائة . وهذا هو المكسیر . وذلك يعدل المحيط ، وهو سبعة مائة . والمكسیر يعدل ثلاثة . وهو العرض ، والطول سبعة .

من من : مربع مستطون الجوانب ، قطره مثل تكسیره . جعل القطر سبعة . وقصره في مائة . كمنه مائة . أخذت قصته . كمنه نصيب من . وذلك يعدل سبعة . والشئ الواحد يكون سبعة . وهذا هو المكسیر .

[٢٣٥ ط] من من : نصيب مستطون الجوانب مستطون من محيطه . ومن ذلك أن جعل كمنه حله وحواجه سبعة . ثم ضربت نصيب حله الجوانب في مائة . فكون ربع مائة . فلي ذلك من مربع

أحد الاضلاع ، وهو مال ، يبقى ثلاثة أرباع مال ، فجذره العمود .
فاضربه في نصف القاعدة ، وهو شيء .

فاذا أردت المقابلة ، ربعت النصف شيء ، فيكون ربع مال .
فاضربه في ثلاثة أرباع مال ، فيكون ثمن مال مال ونصف ثمن مال مال .
فجذر ذلك هو المساحة ، وهذا يعدل مجموع جوانبه ، وذلك (ثلاثة
أشياء) .

فاذا أردت المقابلة ، ضربت ثلاثة أشياء في مثلها ، فيكون تسعة
أموال ؛ فهذا يعدل ثمن مال مال ونصف ثمن مال مال .

وكمثل مال المال ، بأن تضرب جميع ما معك في خمسة وست
فيكون بعد ذلك : مال مال يعدل ثمانية وأربعين مالا . فحط ما معك
منزولين . فيصير مالا يعدل ثمانية وأربعين درهما . فجذر ذلك
هو قيمة الشيء . وهو كل ضلع من أضلاعه .

[٢٣٦ و] فان قيل : مربع مستطيل ، مساحته مثل محيطه
وقطره ، وعرضه مثل ثلث طوله ؛ كم كل جانب من جوانبه ؟

قياس ذلك أن تجعل عرضه شيئا وطوله ثلاثة أشياء ، فتكون
مساحته ثلاثة أموال . ثم اجمع محيطه وقطره فيكون ثمانية أشياء
وجذر عشرة أموال . وذلك يعدل ثلاثة أموال . فالمال الواحد يعدل
شيئين وثلثي شيء وجذر مال وتسع مال .

فيصير الشيء اثنين وثلثين وجذر واحد وتسع ؛ وهي عرضه .
والطول ثمانية وجذر عشرة .

(نصف الشهرزوري المسئلة مثل مساوي الاضلاع مساحته
عشرة أدرغ . كم كل واحد من جوانبه . وهو بحسب ضلعه بالطريقة
البحرية .

ثم يقول : وان شئت استخرجت ذلك بطريقة الباب : وهو أن
تربع المساحة ، وهي عشرة ، فيكون مربعها مائة . فاضربها في خمسة
وثلث ، أصل ابدأ ، فيكون خمسمائة وثلاثة وثلثين وثلث . فجذر
جذر ذلك هو كل ضلع من أضلاعه)

[٢٣٦ ظ] فان قيل : مدور مساحته مائة ، كم قطره ؟ قياسه
أن تجعل قطره شيئا وتضربه في نفسه وتلقى سبعة ونصف سبعة ؛
يبقى خمسة أسباع مال ونصف سبع مال . وذلك يعدل مائة .
فاذا أكملت المال صار معادلا لمائة وسبعة [٢٣٧ و] وعشرين وثلاثة
أجزاء من أحد عشر جزءاً من واحد . جذر هذا هو القطر . وهو من
الأعداد الصم .

فان قيل : دائره وقطرها مثل مساحتهما . فابلت شيئا بحمسه
أسباع مال ونصف سبع مال . جذر المال واحد وثلاثة أجزاء من
أحد عشر .

[٢٣٧ ظ] فان قيل : دائرة قطرها ومساحتها ودورها مائة ،
جمعت هذه الثلاثة على أن يكون القطر شيئا . فيخرج :
أربعة أشياء وسبع شيء وخمسة أسباع مال ونصف سبع مال
وذلك كله يعدل مائة . فقابل (تجد) المطلوب .

[٢٣٨ و] فان قيل : محيطها مثل قطرها ومساحتها ، فابلت
ثلاثة أشياء وسبع شيء ، بشيء وخمسة أسباع ونصف سبع مال
وقد يمكن أن تتركب عدة مسائل من الدائرة والقيس .

[٢٣٨ ظ] فان قيل : مربع كل جانب من جوانبه عشرة ، في وسط
دائرة . كم قطر الدائرة ؟ الجواب مثل قطر المربع .

فان قيل : المربع محيط بالدائرة ، قيل قطر الدائرة مثل ضلع المربع .
[٢٣٩ و] فان قيل : مثلث متساوي الاضلاع قد أحاط به مدور ،
كم قطره ؟

ان شئت أخرجته بالطريق الذي تقدم في باب مساحة ذوات
الاضلاع الكثيرة . وان شئت ضربت نصف قاعدته في نفسه ، وقسمته
على عموده ، فما خرج زدته على العمود ، فيكون قطر الدائرة الخارجة .
وان ألقيته من عمود المثلث كان الباقي قطر الدائرة الداخلة ، لأن كل
وترين يتقاطعان في دائرة فان ضرب أحد قسمي أحدهما في الآخر
منه ، كضرب أحد قسمي الآخر في الآخر منه .

* في شرح الشهرزوري مسائل لا نجد ما في نص كتاب الكافي وليس في ما يقول
الشهرزوري ما يجعلنا نجزم اذا كانت اضافات من عنده أو منقولة عن الكرجي .
* * هكذا وردت هذه المسئلة في كتاب الكرجي ، أما الشهرزوري فيعطى الحل منفصلا .

[٢٤٩ ط] من قبل . سميت بمساوي الساعات حد الزوايا .
 كن واحد من مساحة عشره . وباعدته اما عشر . وعموده [٢٤٠ و]
 . كـ مساحة أعظم مربع مساوي الجوانب تكون في وسطه :
 قياس ذلك أن تجعل كل جانب منه سمك . وتضربه في نفسه
 تكون ذلك . فيحصل . فيبقى السبعة من القاعدة ، يبقى اثنا عشر
 الأسماء . فيضرب في نصف سمك . فيكون ستة أشياء الا نصف مال .
 الحظية . فيبقى السبعة من العمود . يبقى ثمانية الا شيئاً . اضربها
 في نصف سمك . يكون أربعة أسماء الا نصف مال . اجمع ذلك مع
 الحظية . يكون عشره أسماء . وهذا يعدل مساحة المثلث وذلك
 بمائة وأربعون .

فمخرج خمسة السبعة أربعة وأربعة أحماش . وهو كل جانب من
 جوانب المربع .

(سميت الشهريزوري وان سبب استخراج ذلك بطريقه
 المثلث . وهو ان تقسم مساحة المثلث على احد سدي المثلث . فمخرج
 من القسمة أربعة وأربعة أحماش . وهو كل جانب من جوانب المربع . .
 عظمى حولاً حكمة أخرى) .

[٢٥١ ط] من قبل . نصيبه مائة في وسط الماء . الخارج منه
 خمسة أذرع . سميت المربع والمائتين حتى حاصت في الماء وشار رأسها
 مع سطح الماء . من غير أن يزال صلبه عن موضعه . فكان البعد بين
 نقطتيها الأول ومن موضع رأسها عشرة أذرع . كم طولها .

طرق ذلك أن تضرب العشرة في نفسها ونقسم المبلغ على الخمسة
 الخارجة . فما خرج من القسمة زدته على الخمسة . فما كان بعد
 ذلك كان مثلي طول القصبه . فنصف ذلك هو طول القصبه . وهو
 اثنا عشر ذراعاً ونصف . لأن القصبه في هذا الموضع مثل نصف قطر
 دائرة . والخمسة مثل سهم قوس نصف وترها عشرة . لأن رأس
 القصبه لما مالت مر على خط مقوس .

[٢٥٢ ط] من قبل . بر على كل واحد من سطحي نخلة
 والصحمان دنانير . أحدهما عشرون ذراعاً والاخرى ثلاثون

ذراعاً . وعرض النهر خمسون ذراعاً . وعلى كل ساحله طائر . رأساً
 ممسكة في الماء نظاراً النهر في وقت واحد طمران واحداً وعلى حطبين
 مستقيمين . ووصلا اليها ممّا على سطح الماء . والتقىا في نقطة على
 الخط المستقيم الذي يصل بين أصبى المحبين على سطح الماء . كم
 مقدار كل طائر كل واحد منهما . وفي أي مكان التقيا .

قياس ذلك أن تجعل البعد بين نقطة التلاقي وبين أصل النخلة
 العظمى شيئاً . وتضربه في نفسه . يكون مالا . تزيد عليه تسعمائة .
 التي هي مربع النخلة العظمى . وتقابل ذلك بما يكون من ضرب خمسين
 الا شيئاً في نفسها . أعني ألفين وخمسمائة ومال الا مائة شيء .
 فصار الى ذلك مربع النخلة الأخرى . فمخرج السبعة عشر . وهذه
 البعد بين نقطة التلاقي وبين أصل النخلة العظمى . والبعد بين هذه
 النقطة وبين أصل النخلة الصغرى وهذه ثلاثون . وهذا طائر كل واحد
 من الطائرين هو قدر ألف وثلاثمائة .

[٢٤٣ ط] قال الشيخ أيده الله : وجدت هذه المسائل المذكورة
 في آخر هذا الكتاب دائرة بين عامة الحساب . وهم يسمون الى حسابها
 ومعرفة عمدها . فلا تعجب أحد من منافعها لأهل الفضل في أسرارهم
 ادحار الذكر الحسن والسكر الطويل . وفي ربحها هذا الكد من
 غير تسويد . وحررته بلا روية . وهو صواب . تكفي لك في رسوم
 دمه وأحكام ديوانه . ان شاء الله تعالى .

(يلحق الشهريزوري ذلك بمسائل في الوصايا والأرث وهي تقسم
 حسب قواعد الشرع . وينتهي الشرح بالكلمات التالية [٢٤٩ ط]
 وكان الفراغ منه بكرة تاسع عشر من ذي الحجة آخر سنة إحدى
 وتسعين وخمسمائة) .

مكذا في الأصل . أما الشهريزوري فيقول : قال الكرجي رحمه الله .

التعليقات

(١) حول نيوب الكتاب

يتفق كتاب أبي الوفاء مع كتب حساب اليد الأخرى من حيث اعتبار أن الضرب والقسمة والنسبة ، أو الضرب والكسور والنسبة ، هي العمليات الرئيسية التي يحتاج بها في المعاملات . وهي كلها لا تبحث في الجمع والطرح ، باعتبارهما عمليتين بدائيتين . إلا أن أبا الوفاء يشد عن الآخرين بالبدء بالنسبة قبل الضرب ، ويعطي لذلك سبباً لا يراه مبرراً .

ثم أن تقسيمه لكتابه إلى سبع منازل في كل منزلة تسعة أبواب أمر لم يصنعه غيره . لقد جعل أبو منصور ، عبد القاهر بن طاهر البغدادي ، كتاب التكملة ، تسعة فصول سماها أنواعاً ، ولكنه بحث في كل قسم بما عده نوعاً مستقلاً من أنواع الحساب . أما الكرجي فقد جعل كتابه أبواباً متتالية بدأها بالتعريف بالأعداد والمراتب والمقدور . وهذا يؤخرها عن الوفاء ، من حيث أنه لا يشرحها . أعقبتها بضم الأعداد الصحيحة . الفصل من ذلك أن القسمة ، تسعة فصول . وفي ذلك في المعاملات والمساحة والجبر . والجبر لا يعرفه . في قوله : في هذه هذا ، وعلى ذلك ، أنه وضع كتاباً حديثاً يصنفه الجبر المسألة . وهو هذا لا يفسر ما يقوله في المسألة . جبراً . وهو أنه لا يفسر ما يقوله في فصل الجبر .

ذكر هذه المسألة في كتاب الحساب . هي العربية . يذكر جمع على . يربط معنى لا يخرج عنه . وهي تبدأ بتعريف بالأعداد . ويعبر مدلولاتها حسب المنازل ، ثم تتناول عمليات الحساب في الأعداد الصحيحة . من صعب فتتصنف فجمع فطرح فقسمة فتجبر . ويذكر مبراهن كل عملية بطريقة طرح التسععات ، ثم تنتقل إلى الكسور . يعطي طريقة كتابتها . هي أن يكتب حرفي هذه الأعداد دالاً . وهذا سهل على حساب كتب الحساب الهندسي القديمة . فلا يمكن محصر وفي ذلك المعاملات .

في هذه . هذا يستلزم بعضاً . وأما ، أن حساب اليد قد وضع في الغالب الإسلامي حتى يكون كل المعاملات . وقد عده الجبر العربي . من قبل أن يستعمل الحساب الهندسي . ولأنه كان يؤلف في الحساب الهندسي وجدوا طريقاً ممدداً في حساب الموضوع ونحوه . فجمعوه . في الترميز في حساب اليد فلعلهم شقوا طريقهم إلى حساب الأعداد . وعلى العربية . كانت أول لغة وضعت فيها الكتب عن حساب اليد .

(٢) تعريف النسبة

يعرفها في الوفاء . بأنها قدر عددين أحدهما عند الآخر .

ويعرفها الكرجي . بأنها قدر مقدارين متجانسين . من واحد منهما عند الآخر . أي هاتين كانه غير المتكافئة . به . بأنها مأخوذة من حرف الاستفهام . أي ، في قول : في قدر لهذا المقدار عند هذا المقدار . ويذكر السهروردي أن التعريف الذي يعطيه الكرجي . قد ذكره أقليدس في صدر المقدمة السادسة ، ومضاه : أي قدر لهذا مقدار عند هذا المقدار وقد ذكر أقليدس نسبة جداً آخر . هي النسبة . أي قدر من مقدارين من جنس واحد فثبت أن نسبت مقدارين إلى مقدار .

أضفته إليه لتعلم مقداره منه . وقوله هي قدر بين مقدارين . لأن الخارج بالنسبة هو القدر الذي حصل بإضافة المنسوب إلى المنسوب إليه وقد ذكر غيره حداً آخر أظهر منهما وأقرب إلى الفهم فقال : النسبة إضافة مقدار إلى مقدار آخر من جنسه ليعلم كمته منه

وبصدد الألفاظ التي استعملها أقليدس لتحديد النسبة جرى نقاش بين الباحثين استعرضه حيث في دراسته لأصول أقليدس ، يهمننا منه ، فيما نحن هنا بصده . أن هذه التعريفات التي ذكرت لا تفهم فكرة النسبة لمن لا يعرفها . بدون ما يليها من سروح .

(٣) يبدو أن هذا هو الذي ذكره صاحب الفهرست باسم كتاب المسدخل إلى الارثماتيقي ، وذكر أنه مقالة . والارثماتيقي كلمة يونانية لا تعني العمليات الحسابية إنما هي دراسة لخواص الأعداد يمكن أن تعتبر مدخلا لما نسميه بنظرية الأعداد .

(٤) أنواع الكسور في حساب اليد

ذكرنا في المقدمة أن من السمات المميزة لحساب اليد طريقته في التعبير عن الكسور . وهنا يفصل لنا أبو الوفاء هذه الطريقة بأمور نجعلها بما يلي

١ - في اللغة العربية تسعة ألفاظ تدل على الكسور هي : نصف وثلاث وربع إلى عشر . وهذه الكسور التي تدل عليها الألفاظ التسعة هي الرؤوس ، أو هي بلغة العصر الحاضر الكسور الرئيسية .

٢ - أما أصناف الكسور إلى $\frac{9}{10}$ من مضاعفات الرؤوس وهي كسور مركبة

ويركب اسم كل منها من لفظين . وكان أكبر مركب يستعمل أن يعبر عنه برأسين . فالمقدمة نصف وربع أحسن من العشرة ثلاثة أرباع . يستعمل من ذلك الكسر $\frac{3}{4}$ الذي لا يمكن أن يعبر عنه بمجموع رأسين (غير ثلث وثلث طبعا) . والمؤلف يعطى حذواً بهذه الكسور المركبة وصريقه التعبير عن كل منها برأسين . وفي هذا التعبير يبدأ بالرأس الأكبر ويليه ما دونه .

٣ - الكسر $\frac{1}{12}$ يعبر عنه بدلالة الرؤوس ، فنقول نصف سدس . وهذا كسر مضاف

(لأن النصف مضاف والسدس مضاف إليه) ، وعند التعبير عن الكسر المضاف برأى دائماً ذكر الكسور التي يتركب منها بالترتيب التنازلي ، أي ابتداء من الأكبر . فيقال نصف سدس ولا يقال سدس نصف ، وكذلك لا يقال ثلث ربع ، وإن تكن قسم هذه المقاربات كلها متساوية .

والكسر المركب ينتهي التعبير عنه بدلالة رأسين . فإن لم يمكن فيرأس وكسر مضاف ، على أن يذكر الرأس قبل الكسر المضاف ، فالكسر $\frac{2}{3}$ يعبر عنه بثلاث

وثلاثي عشر ، والكسر $\frac{2}{9}$ يعبر عنه بسدس ونصف تسع .

د - ولأن الستين تدخل في وحدات القاس ، وقد درج الناس على التعبير عن الكسور بكسور مستتية ، فيقولون ثلاثين عشيراً للدلالة على النصف ، ولذا فواجب الحاسب أن يعرف قيم هذه الكسور بالكسور الستينية . ولما كانت بعض هذه الكسور المركبة في الجدول السابق بالسلم الستيني وبعضها في الجدول الثاني بالسلم نفسه قيم الكسور المركبة من أمثال نصف وسبع ... من سبع وثمان ... الكسور المضافة من نصف السدس الى تسع العشر .

ه - هذا النظام من رهوس وكسور مركبة ومضافة يضم الكسور التي مخارجها من النوع $\frac{2}{3}, \frac{4}{3}, \frac{5}{3}, \frac{7}{3}, \frac{8}{3}, \frac{10}{3}, \frac{11}{3}, \frac{13}{3}$ أما الكسر الذي يكون في مخرجه ١١ أو ١٣ أو ما فوقهما من أعداد أولية فهو كسر أصم لأنه لا يمكن تحويله الى الأنواع السابقة الا بالتقريب . وفي الاصطلاح العربي القديم ، كل ما لا يمكن أن يعبر عن قيمته بالدقة يسمى أصم ، بالمقارنة بالمقادير المنطقة التي يمكن التعبير عنها . ويستحسن تحويل الكسر الأصم الى رهوس وكسور مركبة أو مضافة ، وأن يكن هذا التحويل غير دقيق ، وسيأتي شرح طرفة .

* * *

والكرجي والمؤلفون الآخرون ، حتى الذين كتبوا في الحساب الهندي ، يتفقون مع أبي الوفاء بوجه عام في هذا التقسيم للكسور وفي قواعد التعبير ، وهي ما يسمونها بلخيص عبارات النسبة ، الا أنهم لا يتفقون معه في المصطلحات . فما يسميه أبو الوفاء بالرهوس يسميه الكرجي الكسور المفردة ، ويسميه الأفليدسي الكسور وكل واحد منها كسر : أما الكسور المضافة فسميها الأفليدسي كسور الكسور ، وعنده أيضاً ما يسمى كسور كسور الكسور . كما أن أمثال $\frac{1}{2}$ عنده كسور ، لا كسر واحد ، ما دام البسط ليس وحدة . أما أمثال نصف وثلث فهي عند بعضهم كسور معطوفة ، وبعضهم يتكلم عن أمثال نصف الا نصف ثمن ويسمونها كسوراً مستتية .

والذي يطالع المخطوطات الحسابية يلمس أمرين : أولهما أن العرب لم يتفقوا على مصطلحات ثابتة لهذه الأنواع من الكسور . وثانيهما أن فكرة التقسيم هذه تأخذ بالضائل ، حتى لنجد نصير الدين الطوسي (في القرن الثالث عشر) يذكران التعبير عن الكسور المضافة في كتابه في الحساب .

فخلص من ذلك أن حساب العرب في الكسور كان على نوعين : أحدهما على المثلث $\frac{من}{من}$ ، والآخر على المربع $\frac{من}{من}$. وهذا هو الذي ذكره الطوسي في كتابه في الحساب .

على أن حساب اليد لم يكونوا في الواقع يجهلون فهم الكسر العادي $\frac{من}{من}$. وسنجد أبا الوفاء في مسائل عدة ، لا يتقبل بكسور مفردة أو مركبة . الا أنه بين حين وحين

يعطي كسراً عادياً ثم هو يحوله الى كسور مفردة ومركبة . وفي يقيني أن هذا التحويل لم يكن عن جهل بمعنى الكسر العادي ، ولكن بدافع التسهيل ، فلا شك أن الذي يحسب بيده وذمته يجد أسهل عليه أن يحسب نصف العدد وثلثه ومجموعهما من حساب حصص أصحابه .

يبقى هنالك سؤال هام نتمنى لو نستطيع أن نجيب عنه جواباً جازماً : هل ورت العرب هذا النظام الكسري أم هو من صنعهم ؟

لا شك أن النظام الستيني استقر في حساب اليد كتقليد بابلي اغريقي ، وساعد على استقراره أن كثيراً من وحدات القياس الدارجة بنيت على أساس منه ، ولعل بعضهم انحدر منه . ولا شك أيضاً أن حساب اليد انتشر في الشرق الأوسط بشكل ما قبل الاسلام ، ولعله كان هو النظام السائد عند العامة في أيام الأغريق .

ولكن هل كانت فكرة الكسور المفردة التي يسميها أبو الوفاء بالرهوس ، فكرة عربية أوحى بها أن في اللغة العربية أسماء لهذه الكسور ، ولها وحدها ؟ أم هي ترسبت من التقليد الفرعوني القديم الذي يلح كما يلح حساب اليد على أن يكون بسط الكسر وحدة ؟ مما يلفت الانتباه أن الكرجي يخص اللغة العربية صراحة بهذه الخاصة ، وأن الشهرزوري يشير الى أن غيرها من اللغات تعبر عن كل الكسور بمثل الطريقة التي يعبر بها في العربية عن الكسور الصم ، أي بمثل ثلاثة من أربعة ، أو خمسة أجزاء من سبعة عشر جزءاً .

وهذا ان دل على شيء إنما يدل على أن الحساب العرب كانوا يرون فكرة الكسور مفردة قاصرة على اللغة العربية ، لا توجد لدى الطوائف التي تتعامل ذات بينها بغير العربية . فهل هي إذن عربية الصنع ؟ ان ما يرافقها من مصطلحات مستمدة من قواعد اللغة العرصة ، كالمعطوف والمضاف والمستثنى ، تجعل المرء يميل الى الاجابة بالاجاب . ولكن اذا كانت الأدلة لا تمكننا من تأكيد أن الفكرة اضافة عربية فهل تكفي لأن نستبعد أنها من رواسب فرعونية . الحساب الفرعوني كالعرب لجأوا الى الكسور التي بسوطها وحدة واستثنوا $\frac{1}{2}$ ، وتقليدهم هذا ظل شائعاً عند الهلينستين حتى اننا نجد بروكلس

في القرن الخامس الميلادي يعبر عن $\frac{23}{40}$ بالشكل نصف وثلث وجزء من خمسة عشر وجزء من خمسين . فاذا نحن تساءلنا كيف صنع بروكلس ذلك نجد أقرب الاحتمالات أن يكون صنع ما يصنع أبو الوفاء اذ يبدأ بتحويل الكسر الى $\frac{1}{40}$ من أجزاء الوحدة

الستينية ، ثم يقسم ذلك الى ٣٠ + ٢٠ + ٤ + ١ $\frac{1}{40}$ وكلها تسهل نسبتها الى

الستين بالكسور التقليدية .

x يتجلى لي هذا الأمر عند تحقيق المسائل الحسابية في أي كتاب في حساب اليد . وهذا يذكرني بما يروده كيندي ونويكيياور من انهما يجدان العمل بالنظام الستيني انسب لتحقيق المسائل الفلكية .

نخلص من ذلك الى ان هذا التقليد الذي نجده في الكسور العربية هو على الأرجح بقية من التقليد الفرعوني القديم .

(٥) سيورد المؤلف طريق تفريب الكسور الصم

(٦) نسبة الأعداد الى الستين

الابواب الثالث والرابع والخامس من هذه المنزلة هي اشبه بجداول تسهل على الحاسب اعطاء نسبة أي عدد صحيح أو كسري الى الستين بالعبارة التقليدية . ويمكن تلخيص هذه القواعد بما يلي :

١ - نسبة الأعداد من ١ الى ٦ سهلة وعلى الحاسب أن يحفظها .

٢ - الأعداد ٧ ، ٨ ، ٩ يقسم كل منها الى جزأين أحدهما ٦ ، فالعدد $9 = 6 + 3$ ونسبته هي مجموع نسبتيهما .

٣ - نسبة العدد ١٠ هي سدس دون العشر وال ١١ فكما يلي

- كل عدد من النوع ١٠ م ١٠ أو ١٠ م ٢٠ أو ١٠ م ٣٠ أو ١٠ م ٤٠ أو ١٠ م ٥٠ أو ١٠ م ٦٠ أو ١٠ م ٧٠ أو ١٠ م ٨٠ يقسم الى جزأين أحدهما ٦ والآخر عدد من نوع ١٠ م ٣٠ أو ١٠ م ٤٠ أو ١٠ م ٥٠ أو ١٠ م ٦٠ أو ١٠ م ٧٠ أو ١٠ م ٨٠

ب - كل عدد من النوع ١٠ م ٢٠ أو ١٠ م ٣٠ يقسم الى جزأين أحدهما ١٢ .

ج - العدد الذي من النوع ١٠ م ٤٠ أو ١٠ م ٥٠ يقسم الى عددين أحدهما ٤ وهي ثلث عشر السدس .

د - العدد الذي من النوع ١٠ م ٥٠ يقسم الى عددين أحدهما ١٥ .

وبهذا يمكن نسبة كل الأعداد الصحيحة من ١ الى ٥٩ الى الستين ، برءوس وكسور مركبة .

٥ - أما الأعداد الكسرية فيعطى أبو الوفاء قواعد لتجزئتها ، ابتداء مما معه نصف وانتهاء بما معه أعشار ، فإذا انتهى من ذلك تناول ما معه نصف نصف وتدرج من ذلك حتى يحصل على ما معه تسعة أعشار عشر .

مثلا نسبة $11\frac{1}{4}$ الى الستين تجزئها الى $11\frac{1}{4} + 10$.

والكرجي يذكر ما يذكره أبو الوفاء ، ولكن بشكل أوجز يعتمد على طريقة عامة تظهر من المثال التالي

كيف تنسب اثنين وعشرين وخمسة أسباع وسدس سبع من ستين ؟

الطريقة التي يعطيها الكرجي بالكلمات تعبر عنها الخطوات التالية

$$\frac{22+23+26}{9 \times 8 \times 7} = \frac{191}{9 \times 8 \times 7} = \frac{191}{12 \times 42} = \frac{955}{60 \times 42}$$

وهذه الخطوة تم بالاستقراء = سبع وثن وتسع

والكرجي يذكر أننا اذا شئنا أن ننسب الى عدد معلوم فينبغي أن ننظر اذا كان يقسم على ١٠ ثم ٩ ثم ٨ الخ بالترتيب . وبعدئذ يتناول الكرجي النسبة الى الستين مقدماً لها بالكلمات التالية .

« اعلم أن القدماء جعلوا النسبة الى الستين مثالا تتصور به النسبة وتفهم الى الحد الذي يكتفى به ، لأن الستين يصح منها ستة كسور ، ولهذا انقسم اليها الكر والدرهم والدينار والدرجة ، وأجزاؤها ، وكثير من المقادير التي يتعامل بها الناس » . ويضيف الشهرزوري الى ذلك قوله : « واعلم ان الستين انما اعتمد عليها القدماء وجعلوها أصلا في النسبة لثلاثة اشياء ، الأول منها احتياجهم الى ذلك في نسبة الدرج وأجزائها ، لأن الدرجة وجميع أجزائها تنقسم الى الستين والثاني هو أن المقادير التي تتعامل بها أكثرها محمولة على الستين ، فان الدينار ستون حبة والدرهم ستون عشراً والكر ستون قفراً ، وغير ذلك من المقادير المجزأة الى الستين . والثالث أن الستين يجتمع فيها من الكسور الصحاح ما لا يجتمع في غيرها مع كثرتة ، فانها يجتمع فيها ستة كسور صحاح هي النصف والثلث والرابع والخمس والسادس والعشر . »

وراضح أنه لا يعد ما فوق العشر ، مثل $\frac{1}{7}$ مثلاً لأنه من الكسور المركبة ، وهو

يعنى هنا الرءوس . ونذكر بهذه المناسبة أن ٧٢ لها مثل هذه الميزة وكذلك ٩٠ .

وغني عن البيان أن ما يذكره الشهرزوري يبرر بقاء نظام الستين لكنه لا يبرر

حصول النسب التي من أحدها أحدهم السبعون سداً وليس .

(٨) المصنف قد حل المشكلة $\frac{p}{b} = \frac{p}{60}$ والخريف يعطى طريقاً بسيطاً جداً في

ربط خطوات العمل .

يعنى الطريقة الأولى بحرق السدس $60 \div p \times b$

وفي الطريقة الثانية يكون $p \times \frac{60}{b}$

وهي الخطة التي يكون من خلالها في إجراء من الحساب فيسمى المصنف عملها بحالة الرءوس والكسور المركبة .

والطريقة الثانية تدفعه الى وضع جدولين ، أولهما يعطى قيمة $\frac{60}{b}$ حيث ب عدد

منطق أقل من ٦٠ . والثاني يعطى قيم $\frac{60-b}{b}$ حيث ب عدد منطق بين ٦٠ ، ١٢٠ .

والعدد المنطق يعرفه بأنه ما ليس أصم على مذهب الكتاب ، أي ما ليس فيه عوامل

والجدولان هما في المثالين التاليين جدولان مذكوران الأعداد عند السالمين .

والجدول الثاني يعطي في الواقع جزءاً من 1 يجب أن يطرح منه حتى تخرج قيمة
س . فإذا أعطى الجدول الكسر $\frac{1}{17}$ ، فيجب أن يطرح من 1 ثلثه .

وعبارة « يطرح منه » يعبر عنها أبو الوفاء بالعبارة « يوضع عنه » . وفي أماكن
أخرى يقول : « يسقط منه » .

« ما كلمة » الطرح » فلا نجد في المخطوطات القديمة إلا بصدد طرح التسععات
وبمعنى رميها وأعمالها .

وكلمة « جدول » لا نجد عند أبي الوفاء فهو يستعمل بدلها « التفصيل » ، مع
أن غيره يستعملها .

(٨) هنا يبحث المؤلف طريقة تحويل الكسور الصماء إلى كسور منطقة بالتقريب .

المطلوب التعبير عن $\frac{3}{17}$ بالكسور التقليدية .

طريقة أول : نحول عدد كسور من 17 إلى 10 ونسحب $\frac{10}{17}$ عندها

وهو يساوي تقريباً 11 لأن $\frac{10}{17}$ أكبر من نصف 1 . وهكذا جرب « ده الحساب » .

الكسر 11 وهو سدس وسدس عشر .

وإذا أراد الحاسب نتيجة أدق ، فليحول $\frac{10}{17}$ إلى عشرين العشران ، وفي موضع

واحد تسمى هذه دوايق : فيكون $\frac{3}{17} = \frac{10}{17} + \frac{5}{17}$: ويهمل الكسر $\frac{5}{17}$

لأنه أقل من نصف وينسب الباقي .

وكذلك إذا شئنا نتيجة أدق أمكن تحويل $\frac{10}{17}$ إلى كسور مستقيمة أدنى ، وهكذا

حتى نصل إلى درجة التقريب المطلوبة . وما دون عشرين العشران يسميها أبو الوفاء فلوساً .

الطريقة الثانية : وتوصف هذه بأنها الطريقة التي يستعملها أكثر الكتاب والحساب .

نصف لكل من البسط والمخرج كسراً صغيراً يجعل المخرج منطقاً :

$$\frac{3}{17} = \frac{3}{17} \text{ بالتقريب } = \frac{1+3}{1+17} = \frac{4}{18} \text{ وهذا أكثر من } \frac{3}{17}$$

$$= \frac{3}{17} \text{ بالتقريب } = \frac{\frac{1}{2} + 3}{\frac{1}{2} + 17} = \frac{3\frac{1}{2}}{17\frac{1}{2}} \text{ وهذا أيضاً أكثر من الكسر الأصلي}$$

$$= \frac{3}{17} \text{ بالتقريب } = \frac{1+3}{1+17} = \frac{4}{18} = \frac{22}{120} = \text{سدس وسدس عشر وهذا أقرب إلى}$$

الخ .

ويذكر المؤلف أن هذه الطريقة متعبة ، وهو يقترح دمج الطريقتين ، فتستعمل

الثانية لتقريب $\frac{3}{17}$ التي أصحلت في الطريقة الأولى .

والكرجي يذكر الطريقة الأولى ويسمي الكسور المستقيمة بأسمائها المألوفة : دقانق
وثواني وثالث ... الخ . ثم يذكر الطريقة التالية ويصفها بأنها أخف من السابقة .
ولكن المسامحة فيها كسر

$$\frac{3}{17} = \frac{1}{2} \left(\frac{p}{1+b} + \frac{p}{1-b} \right) \text{ ، والمثال على ذلك } \frac{3}{17}$$

$$\frac{p}{(1+b)(1-b)} \text{ فإذا شئت نتيجة أدق فأخرج من النتيجة السابقة}$$

والكرجي لا يحد من عدد كسور

ثم يورد الكرجي الطريقة التالية ويقول أنها على مذهب العامة

$$\frac{3}{17} = \frac{6 \times 3}{17} = \frac{18}{17} = 1 \frac{1}{17} = \text{سدس} + \frac{1}{17} = \frac{8 \times 5}{17} = \text{سدس ثمن} =$$

$$\text{سدس} + \text{نصف ثمن} + \frac{1}{17} \text{ من سدس ثمن} = \text{سدس} + \text{نصف ثمن} + \text{ثمن ثمن عشر بالتقريب} .$$

(٩) يعطي المؤلف كميات كسرية ، يضمها في العمود الأول . وقد عبر عن الكسور فيها

بدلالة الدوايق والحببات ، والدانق يدل على $\frac{1}{6}$ ، والحبة على $\frac{1}{48}$. ثم هو في العمود

الثاني يعبر عن الكسور ذاتها بالطريقة العادية فالمقدار الأول ، أي تسعة وعشرون دانق ،

يكتب مقابله وسدس لأن الدانق = $\frac{1}{6}$.

ثم هو يعطي في الأعمدة الأخرى نسبة هذه المقادير من 17 فسيكون $\frac{1}{17}$ من

الستين هي ربع وثمان وتسع . ونحت إلى الحد من هذه الكسور يعطي دسمة بالكسور

المستقيمة فالربع = 15 ، والنصف = 7 ، وسبع = 6 ، والنحو = $\frac{1}{29}$.

(١٠) هنا واحدة من الاشارات العابرة الى ان حساب اليد كان يعتمد على ضبط الاعداد باليد او الذهن . انظر التعليق (١٦) .

والحديث بالذكر أن هذه الطريقة لا تذكر الكرجي ولكنه يذكر الطريقة السائدة
في قول أبو الوفاء أنها كانت في عهد الخلفاء الكبار أمراً أملت من الله .

(٢٠) القسمة في حساب البد

عندهم نقراً بخرج أبي الوفاء في شرحه في مائة مخرج مكررة أن حساب
في ذلك الطريقة منه مائة مخرج مكررة من الطريقة المستعملة اليوم .
لا سيما في طريقة أبي الوفاء التي سماها طريقة أبي الخليل في كتابها التي
أشار إليها الحساب الهندسي من حيث أنها في مائة مخرج .

والآن نلاحظ أن مائة مخرج القسمة في حساب البد الأخرى لا يعنى بعض
الأصناف التي سماها أبو الوفاء ، وأن الأصل في بعض في الكتب الأخرى . حتى المأخوذة
منها . يشير إلى أن الطريقة التي يرمونها بـ ١٣٠ مخرج من الخمس . وفي كتاب الجمع في علم
الحساب لابن الهيثم . جلد ١ ص ١٣٠ = ٢٥ الخطوط التالية

- ١ - بخرج أن يخرج القسمة ٣ . ويخرج ٢ . ٢٥ من ١٣٠ ويسمى ٥٨ .
- ٢ - بخرج ٥٨ من ٢٥ يخرج ٢ ويسمى ١٠ .
- ٣ - يستخرج أن الخواص ٣ . ٢ + $\frac{10}{25}$

ويلاحظ أن أبا الوفاء يستعمل بصدد القسمة لفظتين : أولاهما القسمة للدلالة
على عملية القسمة . والثانية القسمة يستعملها في عبارة مكررة هي « ما يخرج
من القسمة » . وليس هذه العبارة بغير معنى عند الكرجي إنما مرادها ما يستعمل
في حساب القسمة بمعنى مخرج القسمة .

(٢١) الزائد المشتركة التي سماها في بعض مفسريه . وهذا الذي سماه بعض
منه عند مخرج . أي من قواعد ٣ . الزائد المشتركة في كتاب هي الزائد التي ينبغي
أن فيها القسمة على ٣ .

وطريقة القسمة المتواليه من طريقة أبي الخليل التي من أبي الوفاء والكرجي
لا يجد العامل المشترك الأثني في عددتي .

في حساب الأعداد أن عواملها الأولية . يمكن حساب القسمة المثلثية إلا
أنه لم يستعملوه على ما سماه في كتابه العامل المشترك الأعلى .

٢٢. العدد الذي يخرج منه الكسرة هو مخرج هذا الكسر . ولكن هناك فرق بين
ما بعده اليوم . إذ كان يعبره الحساب العربي بكلمة مخرج . ونحن نكتبه عن الكسر
 $\frac{4}{7}$ نلاحظ عدد من أجزائه ٧ . ونحن نكتبه عن الكسر في
في حساب الفرق أو الكسرة من كتاب في حساب مدين وكتاب أربع . ونخرج
منه من هذا مخرجاً في صورة محدودة . أن هو العدد الصحيح . في عدد صحيح .
كل مخرج و نصف مخرج . أنه أربعة مخرجاً . وأجواب عدد في الحجة
وأن ٢ . وفي الحجة السبعة ١٣ . وفي الحجة العشرة ١٢ .

وكان هذا المخرج في بعض وجوه نظام رمزي لكتابة الأرقام . استطاع

لحساب عربي أن يعرف مخرج الكسور المخرج المشترك من كسرين
أو أكثر . والتي ما سمعنا بوجوه مخرج .

ومن ما استطاع أن يجمع الكسور ويخرجها . حتى ما سمع اليوم .
إلا أنه في ذلك ما رأى على ما سمعنا هو من الكسور فقط ظهر في طريقة
ما سمعنا بالكسور القسمة . وهي التي في مخرجها عدد أولي غير واحد . ولا كل
الطريقة التي أجمعها في الجمع وأخرج يمكن تطبيقها من جميع الكسور دون الاستثناء .
ومن الحديث بالذكر أن كلمة مخرج تعبر عن الحجة في طريقة مخرج .

الشمس فلا يحدد إلا في المخطوطات المتأخرة .
(٢٣) خلاصته ما يذكره أبو الوفاء عن جمع الكسور وشرحها فربما في أبي الوفاء بوجه
المعاني من جمع الكسور أو مخرج ويسمى أن المقام المشترك . وفي اللغة . اسمها
المؤلف مذهب الكتاب . تحول كسور المقام في الكسور مخرجها . فتصبح ثم المشترك
٢٠ . في حساب مخرج جمع الكسور وذلك ما سمعنا من الشيخ في المخطوطات المتأخرة .

(٢٤) الكسور المنسوبة

ولأنه أن الكسور الستينية . والكسور العادية التي يسمونها أو الوفاء . تسمى .
شاع في العالم الإسلامي نظام ثالث للكسور يسمى في بعض مخطوطات
المجلة الثمانية . وفي هذا الصدد يستعملون عبارة بدلاً من الوحدة فيكون حراً
أو من مخرج أو يستعملون عبارة مخرج بدلاً من الوحدة وحراً . والكرجي
يقول « بعد أن الواحد يسمونه أن ما لا يسمونه . ولكن ليس يسموا المخرج التي
يرادفونها بها أن أحد طريقة يسمونها حساب . وهذا الذي سمعنا في بعض مخطوطات
الهندية وهم يعبرون عن الستينيات بالثاني لأن الثاني يسمونه درجة . وأبو الوفاء
عنى انقسام الدرجة والدينار في بعض المخطوطات بدلاً من الوحدة .

والكرجي يذكر الوحدات تسمى من مخرج . لكن ما سماه أبو الوفاء في
كتاب أبي الوفاء . الوحدات الستينية

التي = ١٨٠ مثلاً = ٢٥ درجة = ٥٠ الستينيات

وإذا استعملوا في الدينار = ٦٠ = ٢٤٠ درجة .

والتي سماها هذا المصنف حديثاً في بعض النسخ أن اسمها ككسور لا يعنى
في بعض مخطوطات . وحدات مخرجه لا وقد استعمل المصنف للدلالة
في الوحدة . أن الدائق يدل على مدين . مخرج $\frac{1}{60}$ وأجزائه $\frac{1}{24}$ في العراق
أو $\frac{1}{36}$ في بلاد وخراسان .

وإذا استعمل الدينار ليبدل على الوحدة . فالدائق على $\frac{1}{60}$. والقبراط $\frac{1}{36}$ في نواحي

السواد و $\frac{1}{36}$ في البصرة والأهواز وفارس . والحبة ثلث قنطرة مهما كانت قيمته .

(٢٥) هذا لأن حبة الدرهم في العراق = $\frac{1}{28}$ وهي في خراسان $\frac{1}{36}$

(٢٣) حبه الذهب (أي الدينار) في العراق = $\frac{1}{60}$ وهي في البصرة وفارس $\frac{1}{72}$

(٢٧) يعنى بالمساحة هنا الحجم .

(٢٨) نستطيع القول بأن أبا الوفاء والكرجي قد عرفا طريقة ضرب المقادير الكسرية مضاعفا ببعض ، وطريقتهما في ذلك لا تباين الطريقة الدارجة اليوم إلا في أنهما يمدحون على صاحب الضرب يعبرون عنه ، حسب عادة زمانهم ، بالعبارات التقليدية .
و لوفاة يفيدنا بأن مذهب الكتاب أن يحولوا الكسور الى كسور ستمية قبل ضربها .

(٢٩) الفكرة الرئيسية في ضرب ما يسمى أبو الوفاء بالكسور المنسوبة تكمن في أن
 - ابق مثلا يعني كسراً هو $\frac{1}{٩}$ فدائق \times دائق = $\frac{1}{٩}$ دائق ، ا دوايق \times ب دوايق

۲۵ - دوااسق .

١٠ على هذا الجهد يصعب على ضرب الدوابق في الحبات والتقاريط في التقاريط وغيرها .

٢٠٠) الفكرة الرئيسية في قصة المقادير الكسرية بعضها على بعض هي التجنيس أي توحيد
عامي المقسوم والمقسوم عليه ثم قصة البسطين أحدهما على الآخر ، والفكرة تنطوي
على مبدأ قلب المقسوم عليه ، فللقسمة $\frac{a}{b}$ نضرب في $\frac{b}{b}$ وأبو الوفاء بقسمه

$$\frac{28}{11} \text{ في } \frac{5}{6} \text{ بضرب } \frac{11}{28} \text{ على } \frac{5}{6}$$

وسنرى ان هذه الفكرة قد انطوت بانتشار الحساب الهندي الى ان اعد اكتشافها في مطلع النهضة الاوربية .

(٢٣١) طرق مختصرة للضرب

يأتي الآن إلى فصل من أطرف فصول حساب البد ، من الناحية الرياضية .
مرص فيه قواعد للضرب ليست في الحساب الهندي ، فهي من ثم من مزاي حساب البد .
والقواعد التي يذكرها أبو الوفاء يمكن اجمالها بما يلي

١ - قواعد للضرب في ٥ ، ٢,٥ ، $\frac{1}{3}$ وأمثالها بما هي من النوع $\frac{١٠}{٣}$

حيث م عدد بسيط مثل ٢، ٣، ٤، ٥، وهذه القواعد تستغل أيضاً

في مثل الضرب في ١٥ فيؤخذ $١٥ \times س = س + \frac{١}{٢} س$ عشرات

555

وكذلك الضرب في 10 ± 1 فيؤخذ (10 ± 1) س =

(من + $\frac{1}{2}$ من) عشرات \pm من

$$u + p + r \cdot x \cdot (r + u + p) = (r + u)(r + p) - r$$

مثلاً: $51 \times 59 = (51 + 9) \times 9 + 51 = 5187$

۳ - (۱۰ + ۱) (۱۰ + ۲) ، جیٹ $\frac{۲}{n} =$ س ' س عدد

بسيط مثل ۲، ۳، ۴

مثلاً 28×64 ، جیٹ س $3 = \frac{6}{2}$

$$1792 = 8 \times 4 + \text{عشرينات } (64 + 3 \times 8) = 28 \times 64$$

$$(10 - r10 + u + p) = (r10 + u)(r10 + p) - 2$$

$$(u - v)(p - v) + (v + pv)$$

مثلا : ٣٨×٢١ : المقد السالى = $٤٠ - ٩ = ٣١ - ٤٠ , ٩ = ٢$
 $٢٩ = ٩ - ٣٨$

$$1178 = 2 \times 9 + 60 \times 29 = \text{الجواب}$$

٥ - يطبق أبو الوفاء القاعدة السابقة على الحالة التي يكون فيها م = صفر .

۵. کان ۲ = ۳ ، ۵ = ۵ یکن ۲ + ۳ + ۱۰ = ۱۰ - ۲ = ۲

هو يسمى هذه النتيجة دينا . ولعل هذه اقدم اشارة ، في المخطوطات العربية التي وصلت لنا ، الى الكميات السالبة .

• نكرجى فهذا مجمل ما يذكره من هذه القواعد

٦ - يمد في استغلال القاعدة (١) التي يذكرها أبو الوفاء حتى تشمل أمثال ما يلي

$$(2 + 200) \cdot 123 \cdot 1 (202) (2 - 120) = 202 \times 123 - 1$$

$$100000 \times \frac{5}{1} = 500000 \times \left(222 \frac{1}{3} + 1200 \right) = 500000 \times 222 \frac{1}{3} - 2$$

$$1000 \times \frac{5}{2} +$$

$$100000 \times 7 \frac{1}{2} \times 2 \frac{1}{2} = 750 \times 2500 - 3$$

$$(2 - 50)(3 + 50) = 48 \times 53 - 4$$

$$2 \left(\frac{b-p}{2} \right) - 2 \left(\frac{b+p}{2} \right) = bp - 7$$

$$[bp + p(b+10+b)] = (b+10)(p+10+p) - 8$$

عشرات + ب

$$36 \div 25 = 36 \times 25 \text{ مثلاً } \frac{b}{p} \times 2p = bp - 9$$

$$25 = \left(-\frac{1}{5} \times \frac{1}{5} + \frac{2}{5} + 1 \right) 25$$

$$\text{أو } 36 = \left(\frac{1}{9} \times \frac{1}{9} + \frac{2}{3} \right) 36 = \frac{25}{36} \times 36$$

١٠ - وكما نجد ملامح الكميات السالبة عند أبي الوفاء ، نجدها أيضا عند الكرخي حيث يصرب 48×53 فيحولهما الى $(3 + 50)(2 - 50)$ ، ويتكلم عن $2 -$ فيقول الا اثنين ، ثم ينهي حل المثال بالكلمات التالية : « وكل ما كان من ضرب الزائد في الزائد والناقص في الناقص جمعته مفردا والقيت من المبلغ » . يكون من ضرب الزائد في الناقص لاجل أنه يكون ناقصا .

اما الشهرزوري فبعد أن يسرد القواعد التي يعطيها الكرخي يذكر ما يلي

$$11 - (p+10)(b+10) = (p+10+b+10) \text{ عشرات} + bp$$

يتبعه بالقاعدتين (٤) ، (٣) عند أبي الوفاء .

$$12 - (m+5)(m+5) = \left(m + \frac{1}{2}\right)^2 \text{ مئات} = m(m+1) + 25$$

مئات + ٢٥

$$13 - (m+5)(l+5) = \left(m + \frac{1}{2}\right) \left(l + \frac{1}{2}\right) \text{ مئات}$$

$$= m(l+1) + \frac{1}{2} \left(m-l + \frac{1}{2}\right) \text{ مئات}$$

(٣١ 'P) تحقيق صحة الجواب .

نشير بهذا الى طريقة تحقيق صحة الجواب بطرح التسعات ، وقد تار حولها جدل كبير بين الباحثين في تاريخ الرياضيات الاسلامية . وقبل أن نتعرض الى هذا الجدل يبحث في الطريقة وما تجده عنها في الكتب العربية .

فالطريقة خلاصتها أنه اذا وجدنا أن $a \times b = c$ ج و اردنا أن نعرف صحة ذلك

نحسب في كل من a ، b ، c .

فاذا كان $p = m + p'$ حيث p' هو الباقي من قسمة p على ٩

$$6 \quad b = l + b' \text{ حيث } b' \text{ هو الباقي من قسمة } b \text{ على } ٩$$

$$6 \quad c = n + c' \text{ حيث } c' \text{ هو الباقي من قسمة } c \text{ على } ٩$$

وجب أن يكون الباقي من قسمة p' على ٩ يعادل c' فإن لم يكن ففي العمل خطأ . اما اذا كان فليس العمل بالضرورة صحيحا . واذا فالطريقة قد تكشف الخطأ أحيانا لا دائما . اما طرح التسعات من p فلا يستلزم قسمة p على ٩ قسمة عادية ، بل يكفي أن نجعل أرقام p ونطرح التسعات مما ينتج أثناء الجمع . ويشار الى الطريقة عادة باسم الميزان .

كل هذه الحقائق نجدها في كل كتاب في حساب التخت ونجدها أيضا في الكتب الهندية المتأخرة والكتب اللاتينية التي تأثرت بالحساب العربي . والكتب العربية ستعملها في تحقيق العمليات الحسابية كلها .

وقد كان المبتدئون ان الطريقة عربية الى أن عثر فيكي على رسالة لابن سينا يذكرها فيها باسم الميزان بالطريق الهندسي . فاشار الى أن « الهندسي » هنا خطأ في النسخ المقصود منه « الهندي » ومن ثم استنتج أن الطريقة هندية . ولكن كارا دي فور عارضه وذهب مذهبا غريبا في تفسير كلمة « الهندسي » ثم غالى في مذهبه فرأى أن كثيرا مما قد نجده في الكتب العربية باسم الهندي قد يكون المقصود فيه الهندسي ، وبذا جرد الهنود من كثير من فضلهم على الحساب العربي . وعرض في أن المسئلة ذاتها وحولها أيضا أن يقلل من قيمة الفكر الرياضي الهندي وأصالته .

ولكن في ضوء ما استطلعنا أن نطلع عليه من مخطوطات عربية في حساب اليد وفي حساب التخت يمكن أن نشير الى الحقائق التالية

١ - ما يسمى في الكتب العربية بالهندي لا يلزم أن يعنى بالضرورة الهندي الاصل . فالمرب تعرفوا على الحساب الهندي وعرفوا خصائصه وميزوا كل عملية فيها من هذه الخصائص بأنها هندية . أي حسب الطريقة الهندية .

٢ - أقدم كتاب عربي لدينا في الحساب الهندي وهو كتاب الفصول للقليدسي يذكر الطريقة بالتفصيل ويذكر حدودها . أما أقدم كتاب عربي لدينا في حساب اليد ، وهو كتاب أبي الوفاء فلا نجد لها ذكرا فيه . ولكن نجدها في كل كتاب غيره . فالكرخي مثلا يذكر الطريقة بعد الضرب باسم الميزان ويذكر أننا يمكن أن نزن العمل بطرح التسعات أو طرح الواحد عشرات .

العدد ٥٠٠ طبع في بيروت في ٢٦ ذوالحجّة ١٣٦٠ هـ ثم أعيد في ٥٠٠ طبع في بيروت في ٢٦

من ديدن شيخ القادوت السني .

الأنثى × الأشل = جريبا •

الأصل × القصة = ففيزا

الذراع = $\frac{1}{6}$ فتر = $\frac{1}{2}$ عشر = ٦٠ ذراعا مربعة .

$$\text{الأصل} \times \text{القبضة} = \frac{2}{18} \text{ عشير} = 10 \text{ أذرع مربعة}.$$

الأنسل x الأصبع = $\frac{1}{4}$ ٢ ذراع مربعة .

التصبة × التصبة = عشائر •

$\frac{d}{dt} \left(\frac{1}{r^2} \right) = -\frac{2}{r^3} \frac{dr}{dt}$

التصبة x القبضة = ذراعا مربعا .

الفصبة x الأصبع = $\frac{1}{4}$ ذراع مربعة .

وهكذا - وغني عن البيان أن ما نسميه ذراعاً مربعة يسمى في المخطوطات العربية ذراعاً مكسرة ، على أنهم كثيراً ما يستقون لفظة مكسرة عندما لا يرون في الأمر التباساً .
(٢٩) الأزالة وحدة حجم وتساوي ١٠٠ ذراع مكعبة ، والوحدات المكعبة ، كالمربعة ، كانت
تسمى مكسرة .

(٤٠) استخراج الجذر التربيعي في حساب اليد

وَالَّذِينَ آمَنُوا وَعَمِلُوا الصَّالِحَاتِ لَهُمْ أَجْرٌ غَيْرُ الْمَمْنُونِ

الكملة بالحدود . فلا يمكن ان يكون $\sqrt{\frac{1}{2}}$ $\frac{1}{2}$ تخميناً ، واغلب

من : خدمت و دولت و شرف و رفاه و سعادت و خوشبختی و ...

[illegible]

٢ - المراتب أيضا منها ما هو منطوق ومنها ما هو غير منطوق : « وأعلم أن في الأحاد ما له جذر ، وليس من المضارب ، وفي المثنى ماله جذر ، وليس في الألوف ، وفي المربع ماله جذر ، وليس في المربع عدد فرد مما له جذر ، وليس في ما سواه من المراتب ماله جذر ، ويسمى في ذلك أن مربعات الأحاد تترتب في مراتب الأحاد والمضارب ، ومربعات المضارب تترتب في مراتب المثنى والألوف ، وعلى هذا

نترتب مربعات كل فرد من مرتبتين لا يشترکہما فہما غیرہما . فہذا یوجب ان
 نكون المقادير التي تتكون من مراتب الصم صما ، وكذلك تكون المقادير التي
 عدد لها من مراتب الصم ، مثل ثلاثانة وعشرة ، واحد وعشرين الفا .

هذا التقسيم للمراتب الى منطقة وصماء مطابق ما نجريه عند استخراج الجذر التربيعي لأي عدد بتقسيمه الى مجموعات كل مجموعة من مرتبتين : فلابد ان جذر ٦٥٥٢٦ نفسه الى ٦,٥٥,٢٦ . وكتب الحساب الهندي تجري هذا التقسيم بالقول ابتداء من مرتبه الاحاد : منطق ، اسم ، منطق ، اسم : أو : يكون ، لا يكون ، يكون ، لا يكون . . .

٣ - علامات عريف بها المربع العدد : بعد ، ، ح في المربع يوم من الواحد
ومن السنة ، والأربعة يوم من راس ، من سنة ، والخمسة يوم من الخمسة ،
والسنة يوم من السنة والأربعة ، و سنة يوم من الثلاثة والسبعة . وهذا أيضا
مثل من : العدد الذي يكون عند موعود من ميعود سنة من ، ثلاثة وسبعة
و خمسة أيضا . وأن عدد لا يكون غير واحد ، سنة ، واحدا أو ربعه أو
سبعة أو سنة وله خمسة .

٥- ملاحظات ابن مكرم الكرخي بك في مذكرتها : يستدل الناصبي المفسر
١٠ - ١٠٠ - ١٠٠٠ مذكرته من مذكرته المذكرات المرفوعة

• ۱۰۰ : ۱۰۰

انما : في يوم الاحد بعد ركعتين اولها و ٥ و ٦ و ٧ .

بالطبع : عدد تجميع النسمات في المخطط يجب ان يكون احيانا صغيرا (١ او ٤ او ٧ .
 و ان يكون واحدا في جميع المخططات الا ان عدد تجميع

والجدير بالذكر أن هذه العلاقات قد سبقت في معظمها التبادلات
التي هي على أساسها العلاقات.

:- مثال لاستخراج الجذر التربيعي لمربع كامل هو ٦٥٥٣٦ :

و قد سئل ذلك أن تطلب أعظم عدد مفرد اذا وقع يكون مثل المطلوب حذره . و
الجواب سبي . في هذا المقام . في معرفة من حجهه و من ألبا و حجهه منه
بالبقي . معنى حجهه و من ألبا و حجهه منه . في ذلك . في طلب أعظم عدد
من الحجاب . اذا مضى في هذا المقام . في نفسه مرة واحدة . كان ذلك من
الحجاب . في أقرب معنى . في هذا المقام . في ألبا و حجهه منه . في
نفسه مرة واحدة . في معنى هذا المقام . في حجهه منه . في ألبا و حجهه منه .
في ثلاثة . في نفسه و ثلاث . في طلب هذا المقام . في ألبا و حجهه منه .
في . في نفسه مرة واحدة يكون مثل الباقي . أو أقرب شيء إليه . في حجهه منه .
في هذا المقام . في حجهه منه . في ألبا و حجهه منه .

الاجل من فريضة كذا من ارضه كذا في حجب من فريضة التي سمعها انهم لا يفي
بها من مضمون المبدأ في المصالحات راجع من المصالحات المكنى 7.00.36 بعد

بإيجاد الجذر التربيعي للمجموعة الثالثة باعتبارها ٦ لا متين الفاء وهكذا نمضي .
 فنجد المرتبة العليا للجذر ٣ وتنفاضي عن أنها ٢٠٠ وهكذا .

د - إيجاد الجذر التربيعي للمعد الأصم بالتقريب :

• وإذا أردت أن تأخذ جبر عند أصم على تقريبت حدثت قرب مربع أنه وسيت
 ماضي إلى ضعف جبر المخرج الموجود بعد زيادته واحد عليه . هذا كل من ذلك
 من حوار .

$$\text{عظم الكرجي مثلا في ذلك } \sqrt{130} = \frac{11}{23} = 11 \frac{1}{23} \text{ يكون}$$

• وإذا سألنا على ما ضعف الجذر ووجد أن من عدد محذور مذكور إذا ورد
 عليه جبر من واحد أو اثنين (ربع عدد) آخر كان محذورا وحذره على جبر المربع
 المزداد أنه وريادة واحد .

واذن فالكرجي يعتمد في التقريب على العلاقة $1 + 2m + m^2 = (1+m)^2$

ومنها يضع القاعدة $\sqrt{1+m^2} = 1 + \frac{m^2}{2}$ تقريباً ، حيث ب

أقل من $1 + m^2$.

ومن كتاب التكملة لأبي منصور البغدادي معلم ابن محمد بن موسى الخوارزمي ونسخ المخطوط

$$\sqrt{1+m^2} = 1 + \frac{m^2}{2} \text{ تقريباً}$$

ويكون من جهة من حساب المثلثات عليها ذكره في كتابه في الجبر $\sqrt{2}$ و $\sqrt{3}$
 كان السطح ١ أو ٢ على التوالي واحد في واحد من الجوانب .

$$\frac{1}{1+m^2} = \frac{1}{2} - \frac{m^2}{4} + \frac{m^4}{8} - \dots$$

$$\frac{1}{1+m^2} = \frac{1}{2} - \frac{m^2}{4} + \frac{m^4}{8} - \dots$$

بموجبها .

$$\sqrt{1+m^2} = 1 + \frac{m^2}{2} - \frac{m^4}{8} + \dots$$

$$1 + m^2 = \frac{1}{1+m^2} + m^2$$

الاصلاحي وان شئت معه حتى يدرك ما يشاء

$$\sqrt{1+m^2} = 1 + \frac{m^2}{2} - \frac{m^4}{8} + \dots$$

ونذكر بهذا الصدد أن الإعراب في بعض من مخطوطات الخوارزمي من أن تقريبت
 من جبر هذه الجذور المتسلسلة وكان من ذلك من جبر خلاصته

$$\sqrt{1+m^2} = 1 + \frac{m^2}{2} - \frac{m^4}{8} + \dots$$

$$\frac{1}{1+m^2} = \frac{1}{2} - \frac{m^2}{4} + \frac{m^4}{8} - \dots$$

وهذا يكون (١ - $\frac{m^2}{2}$) جبراً من جبر من الجبرين السابقين . وهكذا .

في سواء هذا كله يتسلسل .

١ - وضع بعض المفسرين هذه الطريقة لإيجاد جبر آخر يسمى للاعداد أصغر وله
 بأحدوه عن غيره .

٢ - ما يعرضه الكرجي هنا يمثل مرحلة متقدمة في الحساب العربي .

إذا جئنا نطبق هذه القاعدة على $\sqrt{1+\frac{1}{8}}$ الذي يعطيه أبو الوليد نجد أن
 لا نستعمل التقريب الذي صار قسماً بعد التقريب العربي الاصطلاحي إنما يبدو أنه
 الجمع الطريقة السابقة .

$$\sqrt{1+\frac{1}{8}} = 1 + \frac{1}{16} - \frac{1}{512} + \dots$$

طريقة أخرى للتقريب :

• إذا أردت أن تكون قرب من $\sqrt{1+m^2}$ وكونت $\frac{1}{2}$ تقريباً بعد الضرب جبره من
 من عدد مربع ماضي . ولما كان المثلث من الجبر $\frac{1}{2}$ قرب من الجبر $\frac{1}{2}$ وإذا
 أعقب ذلك جبر المربع من ماضي . فذلك جبره $\frac{1}{2}$ قرب من الجبر $\frac{1}{2}$.

$$\sqrt{1+m^2} = 1 + \frac{m^2}{2} - \frac{m^4}{8} + \dots$$

• إذا سألنا على ما ضعف الجذر ووجد أن من عدد محذور مذكور إذا ورد
 عليه جبر من واحد أو اثنين (ربع عدد) آخر كان محذورا وحذره على جبر المربع
 المزداد أنه وريادة واحد .

$$\sqrt{1+\frac{1}{8}} = 1 + \frac{1}{16} - \frac{1}{512} + \dots$$

$$\sqrt{1+\frac{1}{8}} = 1 + \frac{1}{16} - \frac{1}{512} + \dots$$

$$\sqrt{1+\frac{1}{8}} = 1 + \frac{1}{16} - \frac{1}{512} + \dots$$

$$(۱) \quad m - \frac{1}{2} \text{ فقر} \quad (۲) \quad m - \frac{1}{2} \text{ فقر}$$

$$\frac{1}{v} = c \quad (1) \quad \frac{1}{v} \times 10^8 = c \quad (2)$$

$$\frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{u}{v} \right) = \frac{1}{v} \frac{\partial u}{\partial x} - \frac{u}{v^2} \frac{\partial v}{\partial x}$$

$$\sqrt{\left(\frac{y}{2}\right)^2 - 2y} \sqrt{1 - y} = \Delta \quad (v)$$

$$\overline{(A - Q)}^A \sqrt{} = 0, \quad (A)$$

$$p + \frac{r\left(\frac{p}{r}\right)}{1} = q \quad (9)$$

وكلها تعتمد على المبادئ الثلاثة التالية :

$$(1) \quad \pi = c \quad (2) \quad \pi = m$$

٢ - اذا تقاطع وتران في دائرة كان حاصل ضرب قسما أحدهما يساوي حاصل ضرب قسمي الآخر .

(۹۵) جہول چبوت

إذا رسمنا نصف دائرة مركزها م وقطرها ا ب طولہ ۱۴ وحدة ، ثم عينا على
الدائرة النقط ١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦ . الخ .

حيث تكون أطوال الأوتار $1^2 = 1, 2^2 = 4, 3^2 = 9, 4^2 = 16, \dots = n^2$ وحدة،

نفعلي اعتبار ان $\frac{22}{7} = \pi$ ، ينقسم قوس نصف الدائرة الى 22 قسماً

متساوية . وتكون ${}_{12}r = {}_{12}p > {}_{12}r = \frac{90}{11} = {}_{13}p > {}_{13}r$

$\cdot^{\circ} 180 = 222 = 122$ ومكذا، ويكون $22 = 123 = 222 > 22 =$

373

والذي يريده أبو الوفاء هو ان يعطى طريقة لحساب الأوتار

P - P ، ... الخ .

فالأعمود الأول في جدولنا ، وهو ما يسميه سطر القسي . يعطي أطوال الأقواس P_1, P_2, P_3, \dots .

وفيه الطول m هو طول القوس $p = m$ وهو يدل أيضا على $m \triangleright m$ وقيمتها $\frac{90}{11} \times m$ ومن الواضح ان طول الوتر $p = m$ $2 = m \times \frac{1}{2} \triangleright m$

فأطول الأوتار التي يغطيها أبو الوفاء في جدولته تغطي في الوقت نفسه جيوب انصاف الزوايا M ، كما أن أطوال القوسي تغطي مقادير هذه الزوايا ، لا بالدرجات ، ولكن بما يماثل القياس النصف القطري .

وأبو الوفاء لا يبين بالتفصيل كيف حسب أطوال الأوتار $p = \frac{1}{2}$ ، وكل ما يقوله هو أنه اعتمد على بطليموس في بعضها وقرب في بعضها الآخر ، والذي نستطيع أن نقوله هو أنه ما دام يعتبر $\frac{1}{v}$ مساوية $\frac{2}{v}$ فلا يمكن أن تكون قيم الزوايا في جدول دقيقة إلى أكثر من منزلتين عشريتين ، وإن تكن نعلم أنه في حساب المثلثات الكروية أعطى قبة جا $30'$ صحيحة لثمانى منازل عشرية .

والجدول التالي يعطي جيوب الزوايا α كما يقدرها أبو الوفاء ولكن بالكسور العشرية ومعها قيم هذه الجيوب مأخوذة من جداول الجيوب الحديثة لأربع منازل عشرية ومنها يتبين ان القيم التي يعطيها أبو الوفاء للجيوب صحيحة لثلاث منازل عشرية اما الزوايا التي بين α ، مثل α من حيث $\alpha > \alpha$ فيقترح أبو الوفاء حسابها على اعتبار ان قيمة الجيب بين α و $\alpha + 1$ تتناسب طردياً مع قيمة الزاوية .

قيمة الجيب في الجداول الحديثة	جا $\frac{1}{2}$ م ر بتقدير المؤلف	$\frac{1}{2}$ م ر	طول الوتر (م ج ر) القطر = ١٤	القوس (م ر)	
٠٠٧١٤	٠٠٧١٤	$\frac{1}{2}$ ٥٤,٥	٠٠٩٩٩٤	$\frac{2}{11}$ ٨	١
٠٠١٤٢٣	٠٠١٤٢٢	٨٠,١١	١٠٩٩٢٨	$\frac{4}{11}$ ١٦	٢
٠٠٢١٢٦	٠٠٢١٢٥	$\frac{1}{2}$ ١٢٠,١٦	٢٠٩٧٥٠	$\frac{6}{11}$ ٢٤	٣
٠٠٢٨١٨	٠٠٢٨١٧	١٦٠,٢٢	٣٠٩٤٣٣	$\frac{8}{11}$ ٣٢	٤
٠٠٣٤٩٤	٠٠٣٤٩٧	٢٠٠,٢٧	٤٠٨٩٢٢	$\frac{10}{11}$ ٤٠	٥
٠٠٤١٥٥	٠٠٤١٥٣	$\frac{1}{2}$ ٢٤٠,٣٣	٥٠٨١٣٩	$\frac{12}{11}$ ٤٩	٦
٠٠٤٧٩٢	٠٠٤٧٩٢	٢٨٠,٣٨	٦٠٧٠٨٣	$\frac{14}{11}$ ٥٧	٧
٠٠٥٤٠٦	٠٠٥٤٠٦	$\frac{1}{2}$ ٣٢٠,٤٣	٧٠٥٦٧٨	$\frac{16}{11}$ ٦٥	٨
٠٠٥٩٩٣	٠٠٥٩٩٦	٣٦٠,٤٩	٨٠٣٩٤٣	$\frac{18}{11}$ ٧٣	٩
٠٠٦٥٤٩	٠٠٦٥٤٨	$\frac{1}{2}$ ٤٠٠,٥٤	٩٠١٦٦٧	$\frac{20}{11}$ ٨١	١٠
٠٠٧٠٧١	٠٠٧٠٧١	٤٥٠	٩٠٩٠١١	٩٠	١١
٠٠٧٥٥٧	٠٠٧٥٥٨	$\frac{1}{2}$ ٤٩٠,٥٢	١٠٠٥٨١٧	$\frac{22}{11}$ ٩٨	١٢
٠٠٨٠٠٦	٠٠٨٠٠٣	٥٣٠,١١	١١٠٢٠٣٦	$\frac{24}{11}$ ١٠٦	١٣
٠٠٨٤١٣	٠٠٨٤١٤	$\frac{1}{2}$ ٥٧٠,١٦	١١٠٧٧٩٤	$\frac{26}{11}$ ١١٤	١٤
٠٠٨٧٧٧	٠٠٨٧٧٨	٦١٠,٢٢	١٢٠٢٨٨٩	$\frac{28}{11}$ ١٢٢	١٥

قيمة الجيب في الجداول الحديثة	جا $\frac{1}{2}$ م ر بتقدير المؤلف	$\frac{1}{2}$ م ر	طول الوتر (م ج ر) القطر = ١٤	القوس (م ر)	
٠٠٩٠٩٦	٠٠٩٠٩٠	٦٥٠,٢٧	١٢٠٧٣٦١	$\frac{30}{11}$ ١٣٠	١٦
٠٠٩٣٧٠	٠٠٩٣٧٥	٦٩٠,٣٣	١٣٠١٢٥٦	$\frac{32}{11}$ ١٣٩	١٧
٠٠٩٥٩٥	٠٠٩٥٩٢	٧٣٠,٣٨	١٣٠٤٢٩٢	$\frac{34}{11}$ ١٤٧	١٨
٠٠٩٧٧١	٠٠٩٧٦٩	$\frac{1}{2}$ ٧٧٠,٤٣	١٣٠٦٧٦٩	$\frac{36}{11}$ ١٥٥	١٩
٠٠٩٨٩٨	٠٠٩٩٠٠	٨١٠,٤٩	١٣٠٨٦٠٠	$\frac{38}{11}$ ١٦٣	٢٠
٠٠٩٩٧٥	٠٠٩٩٧٠	$\frac{1}{2}$ ٨٥٠,٥٤	١٣٠٩٤٤٤	$\frac{40}{11}$ ١٧١	٢١
١٠٠٠٠٠	١٠٠٠٠٠	٩٠	١٤٠٠٠٠٠	١٨٠	٢٢

النسب المثلثية عند الكرجي

يقدم أن أبا الوفاء لا يقصد جيوب الزوايا بالذات ولكنه يعطي طريقة لحساب الوتر في أي دائرة إذا عرف قوسها ، والقوس إذا عرف وترها . وهو من أجل ذلك يقدم لنا جدولاً وقاعدة للتقريب . وهذا هو ما قصده الكرجي . إلا أنه يعطي قواعد يصفها الشهرزوري بأنها أفضل من جدول أبي الوفاء ومن أسهل ما عمل في هذا الصدد . وهذه هي قواعد الكرجي :

١ - نصف القطر = هو وتر ثلث القوس التي هي نصف الدائرة .

$$\text{أي أن وتر } ٦٠^\circ = \text{ن} = \text{جا } ٣٠^\circ = \frac{1}{2}$$

٢ - وإذا ضربت وتر الثلث في نفسه والقي من مربع القطر كان الباقي مربع وتر ثلثي القوس .

$$\text{يؤدي هذا إلى العلاقة : وتر } ١٢٠^\circ = \text{ن} = \sqrt{3} \text{ جا } ٦٠^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

٣ - وإذا أخلت جذر نصف مربع القطر كان ذلك وتر نصف القوس .

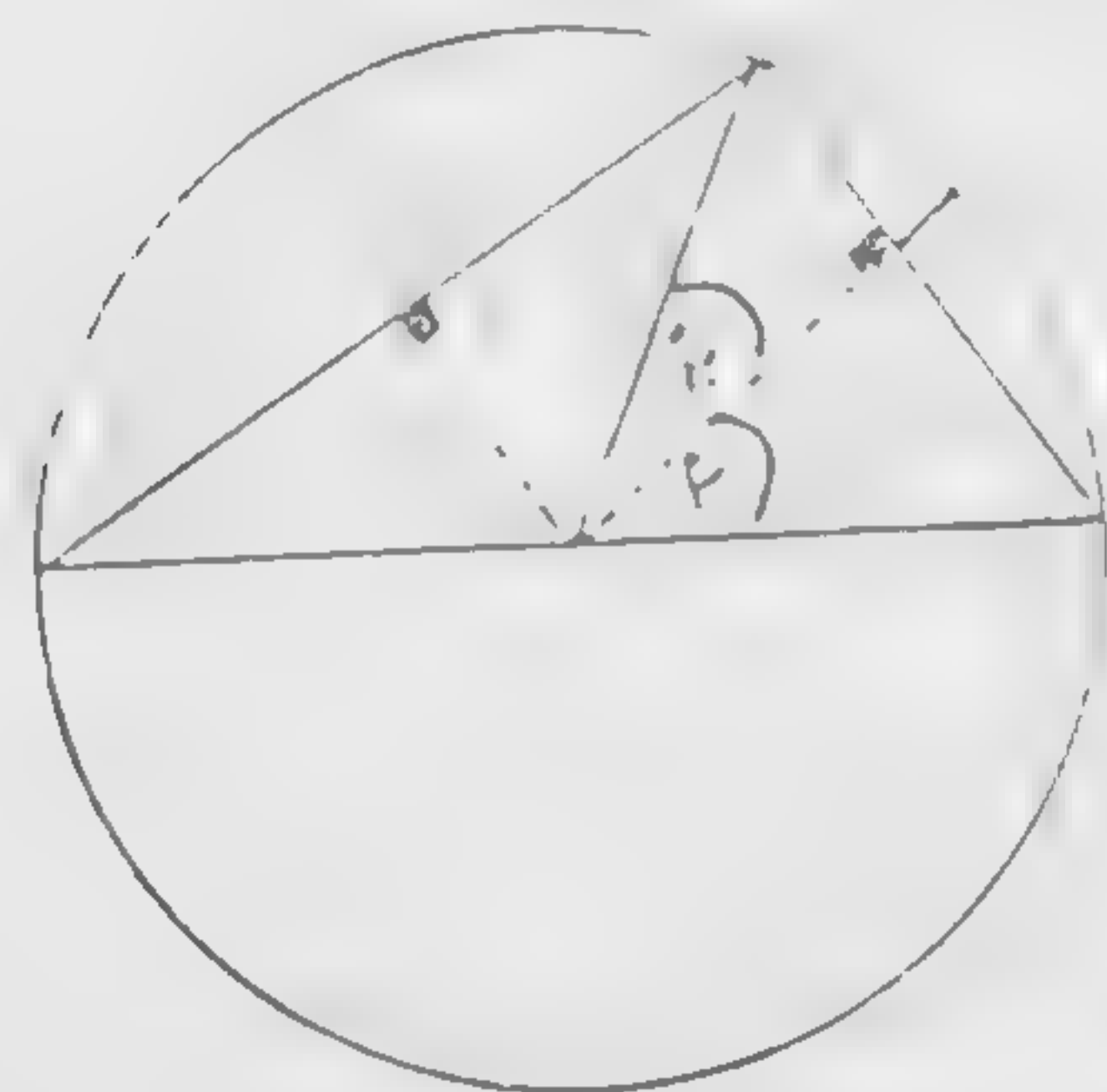
$$\text{وهذا يؤدي إلى العلاقة : وتر } ٩٠^\circ = \text{ن} = \sqrt{2} \text{ جا } ٤٥^\circ = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

٢ - وإذا ضرب نصف وتر السدس من نصف القطر وضرب السدس في نفسه وردت
 منه ربع نصف وتر السدس . كان الجمع مربع وتر السدس .

فأدى هذا إلى العلاقة وتر $٣٠^\circ = \left(\frac{1}{2}\sqrt{3} - \frac{3}{2}\sqrt{3} \right)$ والسكن الذي بين المبدأ

حتى يعتمد عليه الكرجي وهو واضح لا يحتاج إلى شرح . ومنه أصبح

$$\text{جا } ١٥^\circ = \left(\frac{1}{2}\sqrt{3} - \frac{3}{2}\sqrt{3} \right) \frac{1}{2}$$



٣ - وإذا القينته (أي مربع وتر السدس) من مربع القطر بقي مربع وتر النصف والثلث .

وهذا يؤدي إلى العلاقة : وتر $١٥^\circ = \left(\frac{1}{2}\sqrt{3} + \frac{3}{2}\sqrt{3} \right)$

$$\therefore \text{جا } ٧٥^\circ = \left(\frac{1}{2}\sqrt{3} + \frac{3}{2}\sqrt{3} \right) \frac{1}{2}$$

٦ - إذن فقد عيّن الكرجي أوتار الزوايا :

صفر ، ٣٠° ، ٩٠° ، ٦٠° ، ١٢٠° ، ١٥٠° ، ١٨٠°

وهذا يقابل على التوالي جيوب الزوايا صفر ، ١٥° ، ٣٠° ، ٤٥° ، ٦٠° ، ٧٥° ، ٩٠°

وبقي عليه أن يبين كيف تعيّن أوتار زوايا تقع بين هذه المقادير ، فهو من ثم يقترح القاعدة التالية :

إذا أردت بعد معرفتك هذه أن تخرج قوسا من وتر : فإن كان الوتر واحدا من الأوتار المذكورة ، فإن قوسه معلومة . وإن كان غير ذلك : اخذت أقرب الأوتار من الأوتار المذكورة إلى الوتر الذي معك : فإذا وجدته ، فلا يخلو من أن يكون زائدا على الوتر الذي معك ، أو ناقصا عنه ، فاحفظ ذلك . ثم اضرب الوتر الذي معك ، وهو

ي تريد قوسه ، في نفسه ، والقي المبلغ من مربع القطر ، فما بقي اضربه في مربع الوتر الآخر ، أعني الذي طلبته قريبا . من الوتر الذي معك ، واحفظ جذر المبلغ . ثم اضرب الوتر الآخر في نفسه ، والقي المبلغ من مربع القطر ، فما بقي اضربه في مربع الوتر الذي معك ، فما بلغ اخذت جذره : واخذت الفرق بينه وبين المحفوظ ، وقسمته على القطر ، فما كان من ذلك زدت عليه ثلث عشر ، وحفظت المبلغ . ثم نظرت : فإن كان الوتر الذي معك أعظم من الوتر الآخر : زدت المحفوظ على قوس الوتر الآخر وإن كان أقل منه : نقصت المحفوظ من القوس المذكورة ، فما كان بعد ذلك كان القوس المطلوبة . هذا إذا كانت القوس أقل من نصف دائرة : فإن كانت أعظم اقصت القوس التي تخرج لك من الدائرة ، فما بقي فهو القوس التي تريدها .

فلنفرض أننا اخذنا ونرا طوله س في دائرة قطرها ق ، واردنا أن نعرف طول القوس الصغرى التي يقطعها الوتر س من محيط الدائرة

أولا نبحث في الأوتار السبعة التي سبق أن حدد الكرجي أفواسها ، عن أقربها إلى س ، ولنفرض أنه د . فحسب القاعدة ينتج ما يلي :

١ - إذا كانت س < د فإن

$$\text{قوس الوتر س} = \text{قوس د} + \left(\frac{\text{س} \sqrt{3} - \text{د} \sqrt{3}}{\text{د}} - \frac{\text{س} \sqrt{3} - \text{د} \sqrt{3}}{\text{د}} \right)$$

$$+ \left(\frac{1}{30} \right)$$

ويسهل أن نبين أن هذه القاعدة تؤدي إلى العلاقات الثلاث ، حيث س د

$$\text{س} - \text{د} = \text{جا} (س - د) + \frac{1}{60} \text{ حيث } \text{س} < \text{د}$$

$$\text{د} - \text{س} = \text{جا} (س - د) + \frac{1}{60} \text{ حيث } \text{س} < \text{د}$$

والمعروف أن جا د ≥ ٥ ، حيث $٥^\circ \leq \text{د} < ١٨٠^\circ$ ، ونرى من الأولى أن

$$\text{في حدود } ٥ \leq \text{د} < ١٨٠ \text{ ، } \frac{1}{60} \geq \text{جا} (س - د) \geq ٥$$

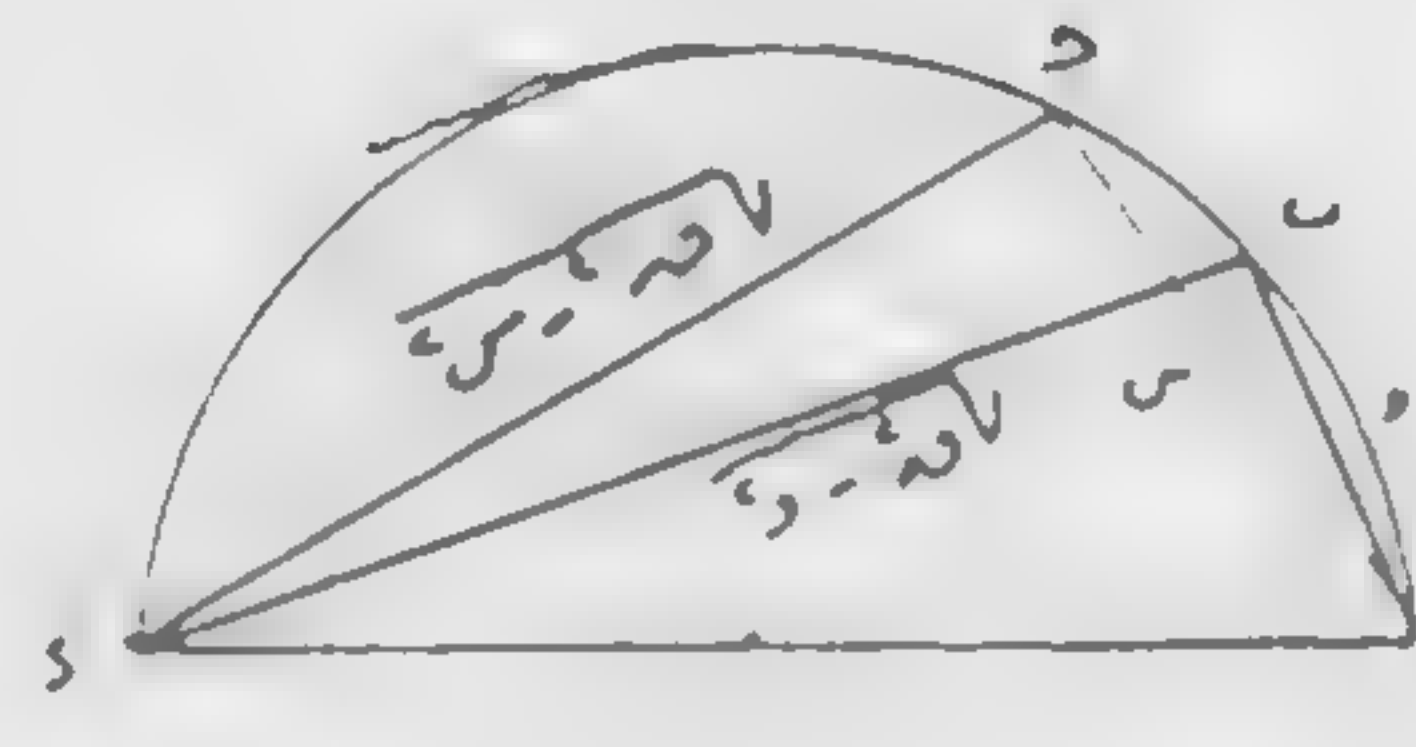
الكمير $\frac{1}{30}$ نصف سها بطريق اعتباطي .

× في كتاب الكرجي : زدت عليه عشرة ، ولكن الشهرزودي ينقل القاعدة : ثلث عشر ، ويقول : هذا أصل ، ويعمل مثالا على هذا الاعتبار .

٢ - إذا كانت $s > 0$ فإن :

$$\text{قوس الوتر } s = \text{قوس } u - \left(\frac{u^2 - s^2}{u} \right) = \frac{s(u^2 - s^2)}{u} = \frac{s(u - s)(u + s)}{u}$$

$$\left(\frac{1}{30} + \right)$$



والكرجي لا يعطي تعليلا لهذه القاعدة ، ولكنه يتبعها بذكر نظرية بطليموس عن الرباعي الدائري . فإذا طبقناها على الرباعي ا ب ح د في الشكل نجد أن

$$s = \frac{u^2 - s^2}{u} = \frac{u(u^2 - s^2)}{u} = u - s$$

الفرق بين القوسين ا ب ح د . فالزيادة $\frac{1}{30}$. يقصد بها زيادة طول القوس ب ح على وتره .

وينص من قاعدة الكرجي : أن القوس ب ح أقل من وتره u ، إذ لو كان أكثر لأخذ الوتر الذي يلي و في مجموعة الأوتار السبعة ، التي حددها الكرجي . ففي نطاق ذلك يكون الفرق بين طول القوس وطول وتره أقل من 0.001 . فإذا تفاضلنا عن هذه الزيادة ، أي ثلث العشر ، في قاعدة الكرجي ، فالقاعدة تؤول إلى العلاقة

$$s = u - \frac{u^3}{60}$$

وهذه تصح إلى أربع منازل عشرية على الأقل في حدود $10 \leq u \leq 100$

٧ - أما الشهرزوري فهو يتخبط في شرح هذه القاعدة ، كما يتخبط في مواضع أخرى من بحثه الدائرة . إلا أنه يعطي قاعدة غريبة يذكرها بدون برهان ، ويمكن التمييز عنها بالشكل التالي (انظر ٤٩) :

$$١ - \text{القوس الذي هو } \frac{1}{30} \text{ من محيط الدائرة يكون طول وتره } = \frac{1}{30} \sqrt{6 + 2\sqrt{2}}$$

$$٢ - \text{القوس الذي هو } \frac{2}{30} \text{ من محيط الدائرة يكون طول وتره } = \frac{2}{30} \sqrt{6 + 2\sqrt{2}}$$

(٤٦) أبو الوفاء والكرجي يذكran طريقة صحيحة لإيجاد مساحة قطعة الدائرة وقطاعها . إلا أن الشهرزوري يذكر طرقا أخرى تقريبية وبعضها واضح الخطأ . وهذا أهم ما يذكره

$$١ - \text{بصدد القاعدة : مساحة الدائرة } = \frac{11}{14} \times u^2 \text{ يقول : } \text{وقد ذكر أرشميدس في كتابه فقال : لأن البرهان قد قام على أن مساحة ١١ مربعة متساويات الاضلاع قائمة}$$

الزوايا مساو لمساحة أربعة عشر مدورة متساويات الأقطار قطر كل مدورة منها مساو لكل ضلع من أضلاع كل مربعة من المربعات .

٢ - لإيجاد مساحة قطعة الدائرة ينبغي أن يعرف طول قوسها ، وهو من أجل ذلك يتبع طريقة يمكن أن نمر عنها بما يلي

في دائرة نصف قطرها نق ، إذا رسم وتر بعده عن المركز ع . كان طول قوسه الأصغر $\frac{3}{4} \text{ نق} - \frac{2}{7} \text{ ع}$ وطول قوسه الكبير $\frac{3}{4} \text{ نق} + \frac{2}{7} \text{ ع}$.

٣ - القطعة التي وترها ٢ ل وسهمها ع يحسب طول قوسها $\frac{1}{2} (ل + ع)$ وينسب هذه الطريقة إلى غيره ، ثم يعترض عليها بأنها لا تصح في بعض الحالات ، ويقترح طريقة

$$\text{أخرى لإيجاد مساحة هذه القطعة فيعتبر مساحتها } = \frac{ل + ع}{2} \cdot \frac{1}{14} \sqrt{ل + ع}$$

نستخلص من هذه الطرق التي يعرضها الشهرزوري أن ما شكنا منه أبو الوفاء من أن الحساب يستعملون طرقا تقريبية لا تستند إلى برهان لم يفد في إزالته طرق أبي الوفاء والكرجي وأمثالهما من الرياضيين فجاء الشهرزوري يعرض هذه الطرق الخاطئة جنباً إلى جنب مع طرق كبار الرياضيين .

(٤٧) نستطيع أن نقول أن أبا الوفاء يعرض عن المثلثات وأنواعها ومساحتها كل ما يعرضه أي كتاب ابتدائي في الهندسة العددية ، بما في ذلك مساحة المثلث بدلالة محيطه ، وما نسميه بقاعدة جيب التمام . وأن ما يذكره أبو الوفاء مما يقول أنه لم يذكره أحد من المتقدمين قاعدتان يستغل في أحدهما قاعدة جيب التمام ويستغل في الأخرى قاعدة مساحة المثلث بدلالة المحيط . فإذا كان له فضل سبق في هذه الناحية فضله لا في أنه اكتشف مبدأ جديداً وإنما في أنه استطاع بدون استعمال الرموز أن يستفيد من وضع قاعدتين قديمتين في وضع جديد .

ولعل الجديد الذي نستفيدة من أبي الوفاء هو أن ما نسميه مسقطاً يسميه مسقط الحجر ويختص به مسقط الضلع الأصفر على القاعدة .

والكرجي يذكر أهم القواعد التي يذكرها أبو الوفاء . ولكن بإيجاز . وهو لا يلج على سميته المسقط بمسقط الحجر .

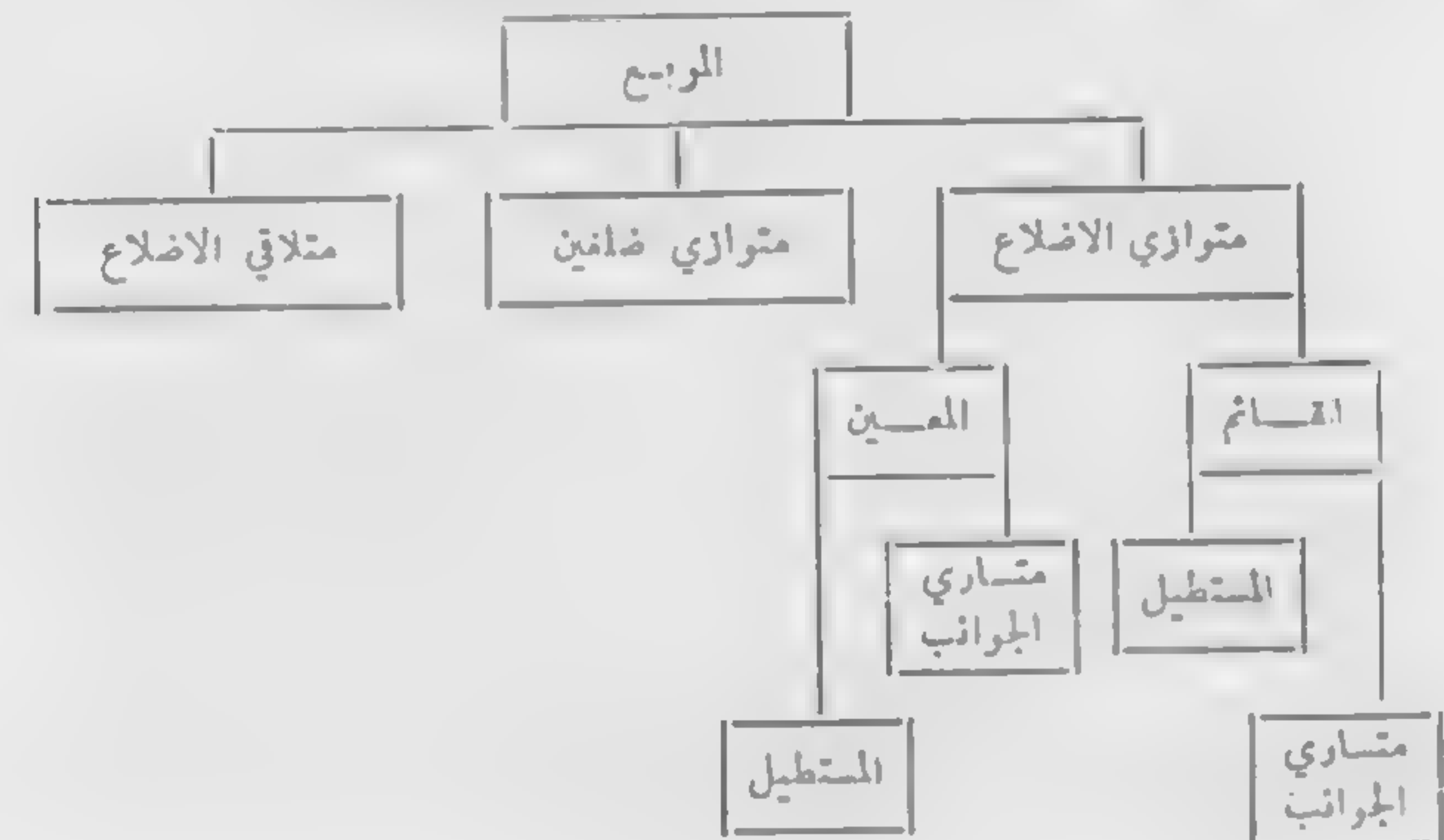
(٤٨) القواعد التي يعطيها أبو الوفاء والكرجي لحساب مساحات الأشكال الرباعية بأنواعها صحيحة . وهي تضم كل ما يعرفه المبتدئ في هذه الأيام ، لا ينقصها إلا القاعدة المعروفة عن مساحة الرباعي الدائري بدلالة محيطه . وهذه القاعدة عرفها الهنود واستعملوها لإيجاد مساحة أي شكل رباعي رغم أن بعضهم اعترض على هذا الاستعمال . ويبدو أن بعض العرب عندما اطلعوا عليها وقعوا في الخطأ الذي وقع فيه الهنود . إلا أن البيروني ذكر القاعدة وبرهانها في كتابة استخراج الأوتار في الدائرة واعتبرها تختص بالشكل الرباعي الدائري . والشهرزوري في شرحه لكتاب الكرجي يشير في بعض المواضع إلى أبي برزّة الحاسب . وهو حاسب يذكره ابن النديم في الفهرست ولم يصل إلينا شيء من كتبه . والشهرزوري يذكر لأبي برزّة هذا طريقة في إيجاد مساحة المتوازي الاضلاع . وهي خاطئة تصح في حالة خاصة ، والشهرزوري يشير إلى ذلك .

ومن الجدير بالذكر أن المصطلحات المتواترة اليوم : من مربع ومستطيل ومعين الخ نجدها في المخطوطات العربية ولكن بغير المعاني الاختصاصية التي لها اليوم : فالمربع ، أو المربعة ، تستعمل بمعناها الحالي ، وتستعمل أيضا بمعنى الشكل الرباعي المستطيل قد تعني أي متوازي اضلاع طوله أكبر من عرضه .

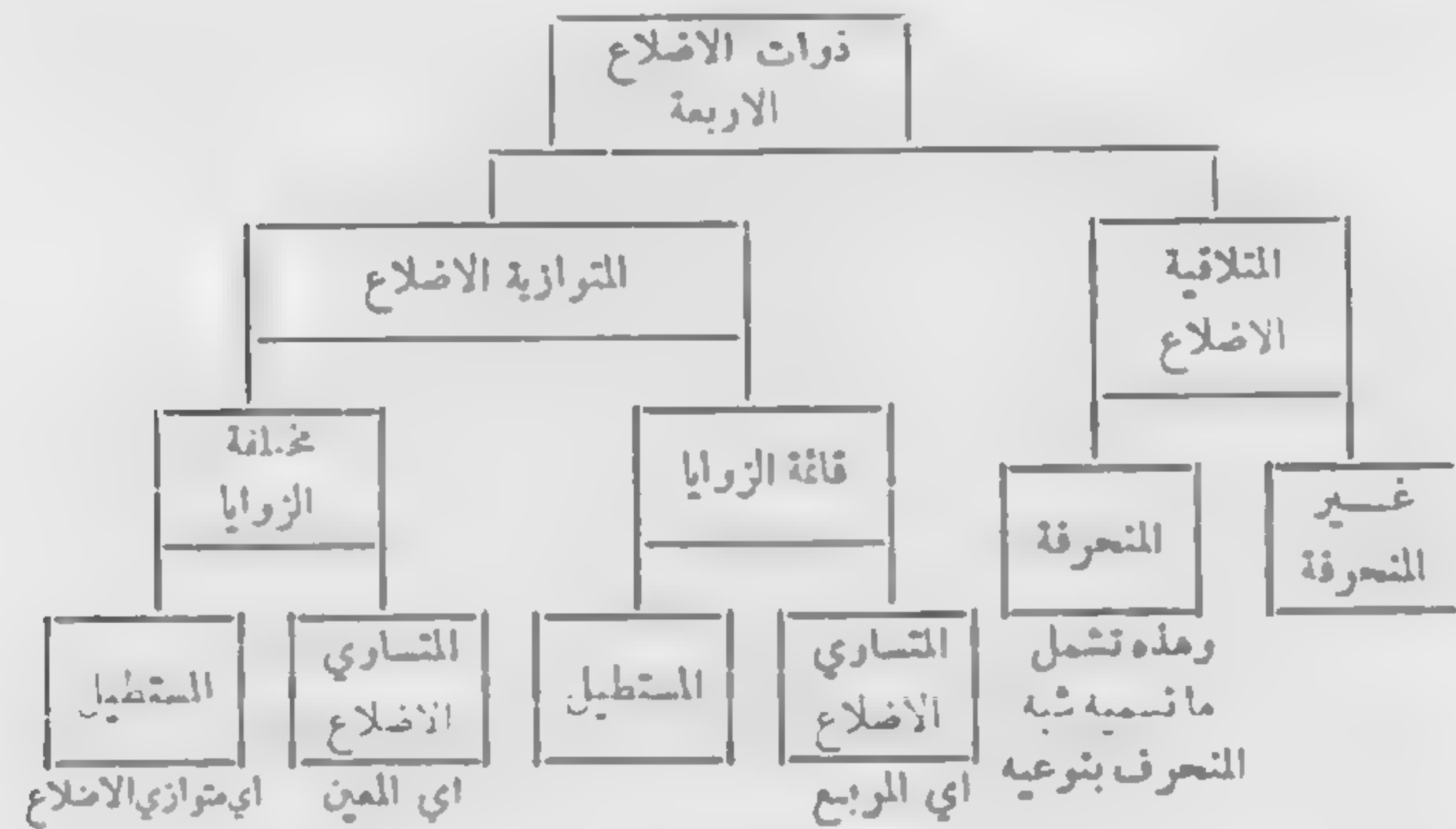
أما أبو الوفاء فالأشكال الرباعية عنده هي التالية :

المربع والمستطيل والمعين وهو يستعملها بنفس المعاني التي نستعملها اليوم . أما المتوازي الاضلاع فيسميه شبيها بالمعين . وما عدا هذه (شبه المنحرف والزباجي) يسميه منحرفا .

وأما الكرجي فالشكل الرباعي يسميه مربعا والصورة التالية تبين أسماء أنواعه عنده :



والشهرزوري لا يوافق الكرجي على هذه التسميات والشكل التالي يبين التسميات التي يقترحها ::



والشهرزوري يبحث في نوع من الأشكال الكثيرة الاضلاع يسميها المطبيلات أو المخصرات وهذه بعض أشكالها :



وبعض المخطوطات العربية تذكر أن المعين سمي معينا للشبه بينه وبين المعين .

(٤٩) يقسم أبو الوفاء الأشكال الكثيرة الاضلاع إلى أشكال ذات نظام . وهي المتساوية الاضلاع والزوايا . وإلى أشكال تتباين اضلاعها وزواياها . ثم يبحث في مساحة الأشكال المنتظمة . فيقرر أن المضلع المنتظم يحيط بدائرة وتحيط به دائرة . فإذا كان عدد اضلاعه n وطول ضلعه l ونصف قطر الدائرة الداخلية فيه q ، كانت مساحته $= \frac{1}{2} n l q$.

وهو من ثم يبحث في إيجاد نصف قطر الدائرة الداخلية فيعطى لذلك طريقتين :

الطريقة الأولى تعتمد على جدول السابق الذي يعطى كما بينا جيوب الزوايا بالتقريب . فإذا عرف ضلع المضلع أمكن معرفة قطر الدائرة المحيطة به ، ومن ثم قطر الدائرة الداخلية ، فالمساحة .

وأما الطريقة الثانية فينسبها أبو الوفاء إلى الهنود ويصفها بأنه سهلة قريبة من الصحة . ولكنه يشير إلى أن طرق الأغريق التي ضمنها كتابه المجسطى أفضل إذ تقوم على

صحتها البراهين . أما الطريقة الهندية التي يصفها فطابق ما أعطاه الشهرزوري (انظر ٤٥) ويمكن أن نعتبر أنها ممكنة

$$\frac{2}{9} = \frac{2}{9} \left\{ 3 + (1-n) \frac{1}{2} \right\}$$

$$\frac{2}{9} = \frac{\pi}{n} \quad \text{وهي تؤدي الى العلاقة جا } \frac{2}{9} = \frac{\pi}{n}$$

وقبما تقريبية لبعض الزوايا الأخرى . ٦٠ ، ٤٥ ، ٣٠

أما الكرجي الذي رأيناه يعطي قاعدة تقريبية لا بأس بها للجواب (انظر ٤٥) فإنه يتجاهل

قاعدته هنا ويذكر الطريقة الهندية دون إشارة الى مصدرها .

وأما الشهرزوري فبعد أن يذكر القاعدة نفسها نقلا عن الكرجي ، يعيد ذكر قاعدته التي سبق ذكرها في ٤٥ ، مع أن الفرق بين المطوقين طفيف .

نخلص من ذلك أن بعض مدعيي صحة الطريقة الهندية قد تسربت حتى الى حساب اليد اليمنى . وهذه صفة الحساب لسهولة استخدامها . أما كبار الرياضيين من أمثال أبي الوفاء فكانوا يفضلون الطريقة القديمة .

(٥٠) نعلم المساحات في خط واحد من الأضلاع من جهة المساحات المتساوية

$$\frac{2}{9} \sqrt{3} \text{ بدل } \frac{2}{9} \sqrt{3}$$

وفي تقديره أن أبا الوفاء براء من هذا الخطأ . ولا شك أن ربيع المساحة ولائها

$$\frac{2}{9} \sqrt{3} \text{ في } \frac{2}{9} \sqrt{3}$$

(٥١) لا جديد في ما يعطيه أبو الوفاء حتى نهاية هذا الباب سوى أسماء الأشكال .

(٥٢) الجدير في هذا الباب أن أبا الوفاء يسمى كلا من المخروط والهرم مخروطا .

(٥٣) هنا كما في (٥٠) خطأ نميل الى تبرئة أبي الوفاء منه بدليل أنه يأخذ نصف محيط القاعدة في جهة الهرم .

(٥٤) القاعدتان المتساويتان هنا هما : ١ نصف قطر القاعدة المتساوية .

المخروط . تق ١ نصف قطر الصغرى . ل طول الجانب . ع الارتفاع

$$1 - \text{المساحة الظاهرية} = \frac{1}{2} (ل + تق) ع$$

$$2 - \text{الحجم} = \frac{1}{3} \pi (ل + تق + تق^2) ع$$

(٥٥) يعطى أبو الوفاء القانون : $\frac{2}{9} \sqrt{3} \text{ لحجم الكرة ويسمى ان السطوح}$

وأنه يرى نفسه من معناه .

أما الكرجي فيعطي لحجم الكرة قانونا خاطئا هو : $\frac{2}{9} \sqrt{3} \times \frac{11}{14} \times \frac{11}{14}$. ولكنه

يسمى به يقول :

« وأنا أخفت جسما قائم الزوايا متساوي الأبعاد الثلاثة ، من الشمع ، ووزنته فكان وزنه ثلاثين درهما . ثم عملت منه كرة في غاية ما قدرت عليه من الاستواء . وجعلت فطرها مثل أحد أبعاد الجسم ، فوجدت وزنها دون ثمانية عشر وثلاثين بشيء قليل . فهذا يوجب أن نكتب قطر الكرة ونلقى منها ثلثها وخمسي تسعها تقريبا . »

أما الشهرزوري فيبرر القاعدة الأولى بأن مساحة الدائرة = $\frac{2}{9} \sqrt{3} \times ق$. فمن ثم

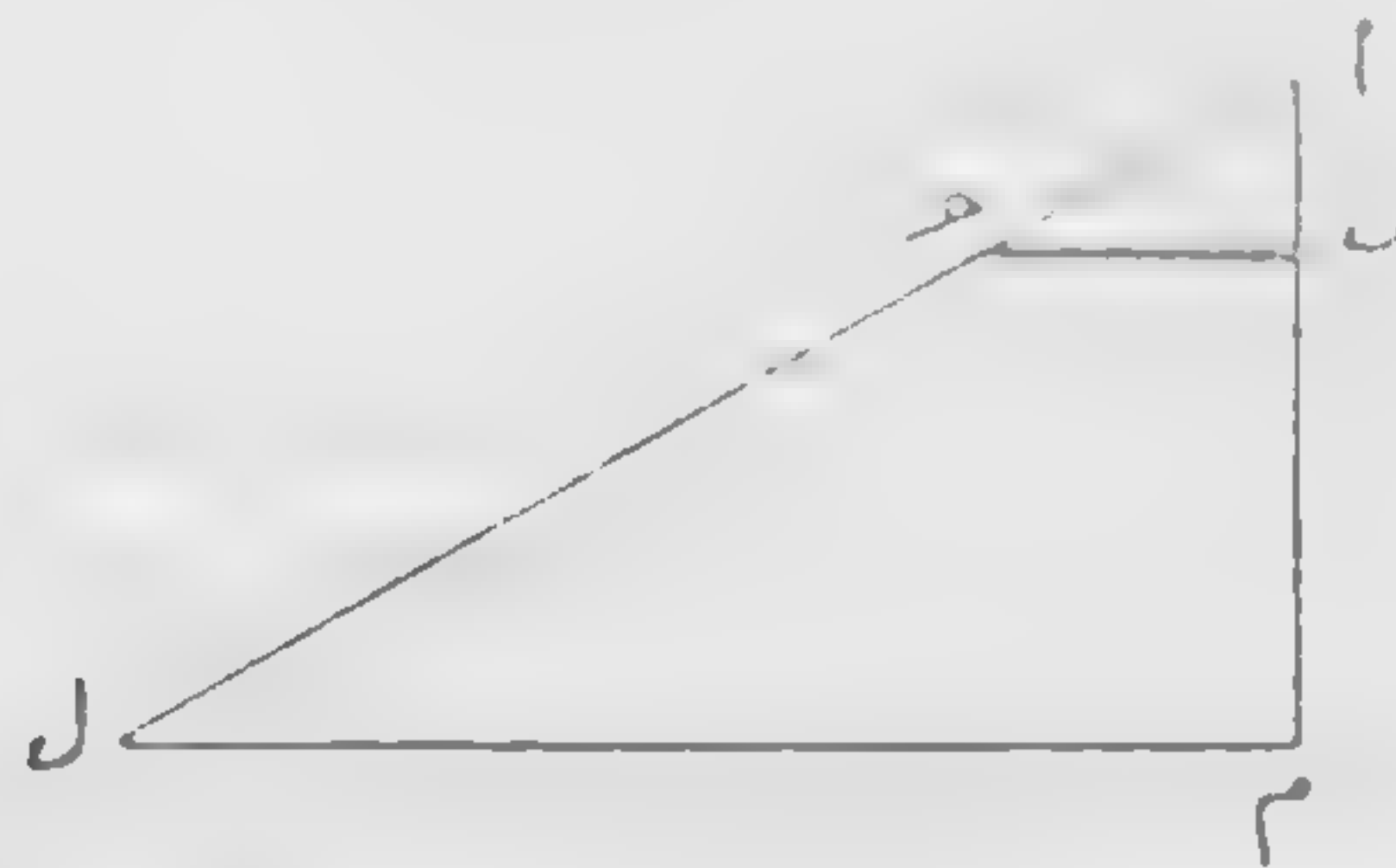
يجب أن يكون حجم الكرة $\frac{2}{9} \sqrt{3} \times \frac{11}{14} \times \frac{11}{14} \times ق$ ، ويعترض على التعديل الذي يذكره الكرجي

أنه معاد لا ذكره الأصليون .

« مسين الكرجي ليس على ن حال أقل خطأ من القاعدة . والغريب في الأمر أن الكرجي لا يصرح بذلك . بل يصرح أن طريقة أرشميدس ، رغم أن الأول يشك في صحة القاعدة التي

في ضوء هذه الحقائق نخلص الى أن حساب اليد المسلمين عرفوا قاعدة أرشميدس لحجم الكرة ولكنهم نسوها واستعاضوا عنها بقاعدة اعتباطية خاطئة مستمدة من مبدأ رياضي خاطئ . تعطي للكرة حجما يزيد على حجمها الصحيح بحوالي ١٨٪ ! ومن المؤسف أن محاولة الكرجي لإيجاد قاعدة أنسب ، بطريقة عملية ، لم تكن موفقة .

(٥٦) يمكن أن نوضح المبدأ الذي يبنى عليه أبو الوفاء طريقته .



في هذا الشكل $\Delta ل ب م$ و $\Delta ل م ا$ متشابهان . $\therefore ل ب : ب م = ل م : م ا$

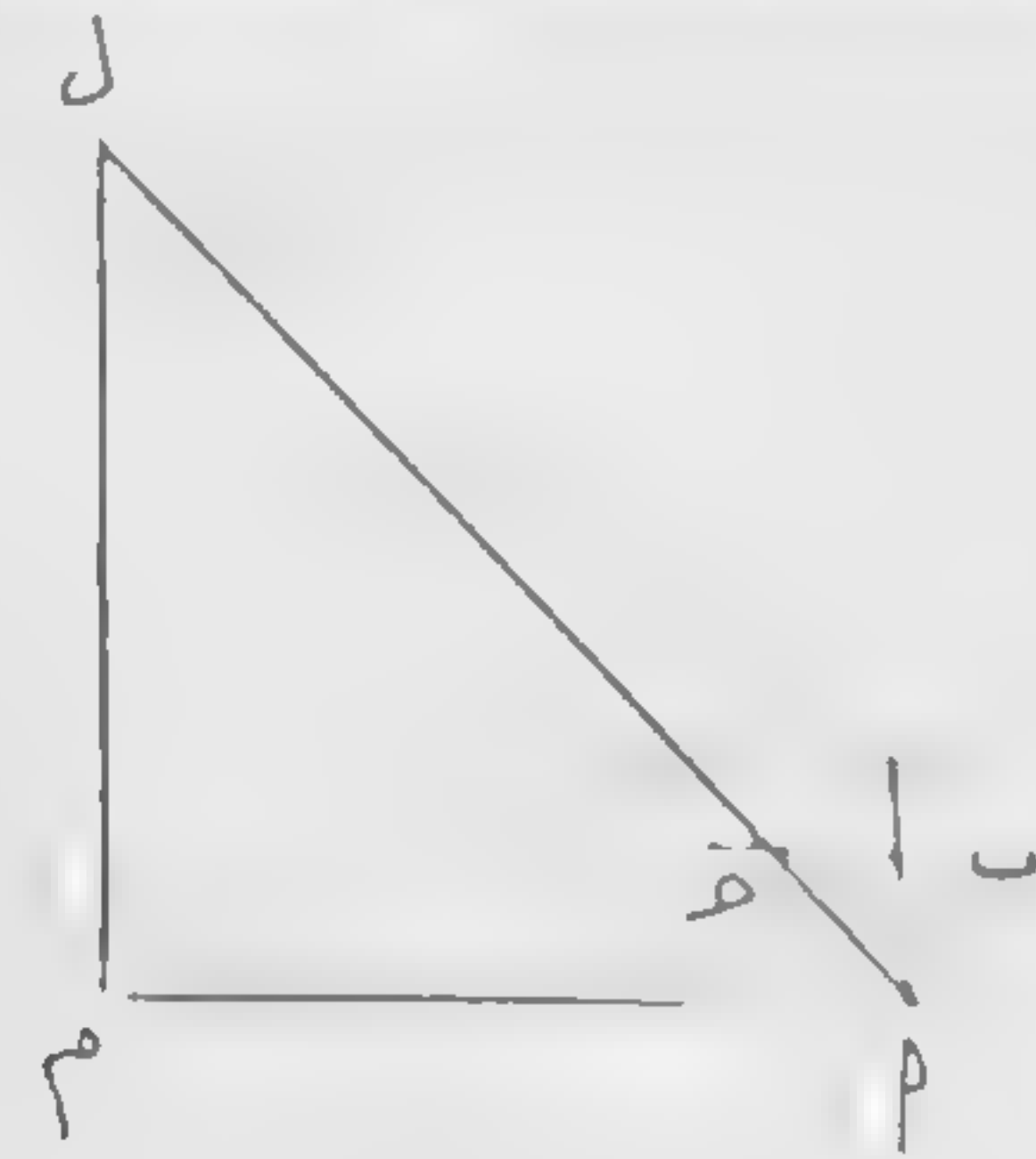
فإذا كان $ا = ٣$ أصابع ، $ب = ٣$ أصابع ، $ا = ٣$ أذرع . كان $م = ٤$ أذرع . $ل$ هو البعد الذي يراد تعيينه ، $ب$ هو الخط الموازي للطول في الآلة . $ا$ هو عرض اللوح مع القائم الذي يستند عليه .

(١٥) مبدأ العمل هنا يعتمد على الشكل الثاني



هـ ا هـ و احد المائتين عشرين ا م عرس روح وسعوى نصف ذراع ا ب ٣ اصابع
ا ب ج د ا م هـ ا ب ح هـ ر حن الا ربع انسى شطير نصف ذرة من الخيط
يوزنى يفتنون *

• Prüfung : 2. April 2014



∴ م ل بالذراع = $\frac{1}{6}$ ع بالأصابع .

(٥٨) الشكل المرفق يبين مبدأ العمل هنا

والمتلنان المشابهان هما Δ - Δ ، Δ - Δ م م
وفيها $\Delta = 3$ أصابع

التي تظهر في حساباتها هي عرض اللوح بالأصابع .

(٥٩) في مفاتيح العلوم (الصفحة ٤٠) : « الطبق : الوظيفة توضع على أصناف الزروع لكل جريب » . وليس فيه تفسير للمرواج . ولكنه (في الصفحة ٣٧) يفسر الأوارج بأنه دفتر « ينقل اليه ... ما على انسان انسان ، ويثبت فيه ما يؤديه دفعه بعد أخرى » . وعندما نقل الحساب الهندي الى العربية نقلت معه عملية تقابل ما نسميه بالضرب التصالي ، وبعض الحساب العرب سموها تاريخاً . فلعل المرواج كالتاريخ ، مأخوذة من الأوارج .

115

والشرح الذي يعطيه أبو الفداء واضح على كل حال ، فالشخص هو صيرته القوله على
منه ، والاشارة هو نصيب الشخص من هذه الصفة ، والروح هو نصيب
الجن من أي الخصاص ، المستبد هو ، يجب ان يدعى من فعله كصيرته .

۱۳۰۱ از ۱۳۰۰ تا ۱۳۰۱

$$\frac{1}{p} = 2$$

ويعني ألا يفرض عن بالنا أن تكون بحري عمداً بحمد الله تعالى دعوى في بلد
مزمي يساعد على إجرائها • فهو هنا يجد ثلاث طرق لتقدير م • وهذه الطرق نجدها نحن
مقاربة • ولكنها في الحساب العقلي متفاوتة

[illegible]

وإنما به بسبب قسمة السهم ، وبسبب أن طلب الحق في مصلحة ، وبسبب أن
 قد سجدت (أو ح) على الله ، فلهذا الغلبة ، به وحده فلهذا السهم في الكفة
 - الغلبة -

وفي كثير من المسائل يكرر أبو الوفاء هذه الطرق الثلاث .

(٦١) هنا يفسر المبدأ الأساسي لكل العمليات التي في هذا الباب .

فهناك ست وحدات تمثل سلجين مختلفين : وحدات الدرهم والداق وعشيره ، وهي على سلم عشري ستيني . كالنظام البابلي . فالداق سدس درهم ، والعشير عشر داق ، والمبلغ درهم وداقان وثلاثة أعشار ، يمكن أن نعبّر عنه بالنظام الستيني بالرمز ٢٣ ذ ١ .

ثم وحدات الجريب والتفيز وعشيره . وهي على سبيل عشرى محض ، فالتفيز عشر الجريب ، والعشر جزء من مائه .

والمسائل الحسابية التالية في هذا الباب تقضي ضرب هذين النوعين من الوحدات
بعضهما في بعض ، باعتبار الدرهم والجريب يمثل كل منهما العدد الصحيح والباقي كسور .
وهذه هي نتائج الضرب

الدراهم × الاجربرة = أعدادا صحيحة ، أجربره علت او دراهم .
 الدراهم × الاقفرزة = اعتمار دراهم . كل عشرة منها درهم ، اذا اردنا تقدير
 الناتج بالدراهم ، وهي تساوي اقفرزة ، كل عشرة منها
 حرب . اذا اردنا تقدير الناتج بوحدات المساحة .

الدراهم × عشرا = أجزاء من مائة من الدرهم ، وتساي عشرا جريب .
 الدوايق × الأجرية = دوايق = أسداس أجرية .
 الدوايق × الأقفرة = أعشار دوايق = أسداس أقفرة .
 الدوايق × أعشار الجريب = أجزاء من مائة من الدوايق = أسداس أعشار الجريب .

عشران الدرهم × الاجربة = عشران درهم = اجزاء من ستين من الجريب .
 عشران الدرهم × الاقسزة = اجزاء من ستانة من الدرهم = اجزاء من ستين من القفيز .
 عشران الدرهم × عشران الجريب = اجزاء من ستة آلاف من الدرهم = اجزاء من ستين من عشر الجريب .

وهذه النتائج كلها تتضح البنا اذا اعتبرنا ما يلي :

الدائق = $\frac{1}{4}$ الدرهم ، وعشير الدرهم = عشر الدائق = $\frac{1}{40}$ من الدرهم .
 القفيز = $\frac{1}{4}$ الجريب ، وعشير الجريب = $\frac{1}{40}$ القفيز = $\frac{1}{160}$ من الجريب .

(٦٢) لننظر في حل هذه المسئلة كنموذج لمسائل هذا الباب .

المطلوب تقدير قيمة $\frac{56.28}{100} \times 17.46\%$ بوحدة العملة لان الناتج قيمة الخراج
 بجرى المؤلف العمليات التالية :

عشر دائق درهم

(١) يضرب ٥٦ (جريب) $\times 17$ (درهم) والناتج ٩٥٢
 ويضرب ٥٦ (جريب) $\times 4$ (دائق) والناتج ٢٢٧
 (باعتبار الدائق سدس درهم)
 ويضرب ٥٦ (جريب) $\times \frac{2}{3}$ (عشير) والناتج ٦١
 (المئ = $\frac{1}{100}$)
 فحاصل ضرب الاجربة وحدها = $\frac{1}{3} \times 3 = 990$

(٢) يضرب ٢ (قفيز) $\times 17$ (درهم) والناتج ٣٤
 ويضرب ٢ (قفيز) $\times 4$ (دائق) والناتج ٨
 ويضرب ٢ (قفيز) $\times \frac{2}{3}$ (عشير) والناتج ١
 فحاصل ضرب الاقسزة = $\frac{1}{3} \times 3 = 3$

عشر دائق درهم

(٣) يضرب ٨ (عشير) $\times 17$ (درهم) والناتج ١٣٦

ويضرب ٨ (عشير) $\times 4$ (دائق) والناتج ٣٢

ويضرب ٨ (عشير) $\times \frac{2}{3}$ (عشير) والناتج ١٠

فحاصل ضرب العشران = $\frac{1}{4} \times 4 = 1$

عشير

(٤) يضرب $\frac{1}{4}$ (عشير) في ١٧ (درهم) والناتج ٤

ويضرب $\frac{1}{4}$ (عشير) في ٤ (دائق) والناتج ١

ويضرب $\frac{1}{4}$ (عشير) في $\frac{2}{3}$ (عشير) والناتج ١

وبمجموع هذه = $\frac{6}{9}$

فحاصل الضرب كله = $\frac{6}{9}$ ، عشر و ٣ دائق و ١٠٠٠ درهم

(٦٣) المطلوب هنا تقدير قيمة $\frac{545.51}{100} \div 21.36$ والمؤلف يقدرها بالنظام الستيني

اي الدرهم واجزائه ، وبالنظام المشري ، اي الجريب واجزائه .

اما بالنظام الستيني فخارج القسمة = $\frac{113}{20016} = 5.64\%$

وهو ٢٥ درهما ودائق و ٦ عشر و $\frac{1+1+1}{432} \times 8$ من المشير اي ربع ، ونصف سدس تسع ، وسدس ثمن تسع ، عشير

واما بالنظام المشري فخارج القسمة = $\frac{17}{8 \times 909} = 2.31\%$

وهذا يعادل ٢٥ جريباً ، وقفيزاً وسبعة عشر عشر و $\frac{8+9}{8 \times 9 \times 9}$ اي ثمن تسع وتسع عشر

(٦٤) المسئلة هنا هي التالية : على رجل ان يدفع $\frac{17}{100}$ درهم عن كل جريب طسه .

عن كل مائة درهم من قبضة المظوق للجهد . فبلغ مجموع ما دفعه ١٩٤٠ درهما .
والمنطوق أن تعرف كم منها دفع للجهد وكم دفع للمصاح وكم بقي للدولة . والمؤلف
يعطي أربعة حلول . ويقول أن الأولين منها هما اللذان يعملهما الحساب ولكن فيهما
خطا ، وهو من ثم يقترح حلين آخرين يراهما أصح :

الحل الاول : يعطى $\frac{7}{10}$: $\frac{2}{10}$ من المبلغ المدفوع للجهد وهو حق الكفاية (او العاج) . وهذا يعطى الجهد اكثر من حقه ، على حساب المساح ، لان الجهد يلزم ان يأخذ $\frac{7}{10}$: $\frac{2}{10}$ من المبلغ بعد ان يخصم منه الايبس .

الحل الثاني ينقسم $\frac{1}{4}$: ١٨ من المبلغ للابن ثم يعين قيمة الزواج من الباقي وهذا يعطى المساح أكثر من حقه ، على حساب الجهد .

أما الحلان اللذان يعترضهما أبو يوسف - فيصعبان المساج - فعند الحل الثاني .
والجبهة ما يعطيه الحل الأول . وهذا كله على حساب الدولة . فوجه الصحة -
اجتماعي لا رياضي .

اعنى عن البيان ان الحل الاصح يجب ان يوزع فيه المبلغ المدفوع بالنسيئة

$$1\frac{1}{2} \text{ من } \% \quad 1\frac{2}{5} : \frac{2}{5} : 1\frac{1}{5}$$

(٦٥) هذه المسئلة تؤدي الى معادلة تربيعية - ددا - رواج المده س ، فان رواج

$$\frac{1}{5} = \frac{2 \text{ مس}}{100} + \frac{2 \text{ مس}}{100} \text{ , وكان مس}$$

والحل المقترح يفضي الى حل هذه المعادلة بطريقة اكمال المربع .

(٦٦) لم يخص أبو الوفاء من كتابه فصلا بمن لنا فيه كي تقرب الخبر اليهم .
ومو ما يحسب خبر ٣٠٠٠ والسجل في نسخة م تحصيل عدة بشره
خبر الخبر من خبر أبي وهذ

V ٣٠٠٠ ٥٥٧٧

$$\frac{1}{\sqrt{2}} \left(\begin{array}{c} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{array} \right)$$

تاریخ: ۱۳۰۲/۱۰/۱۰ - محل: راج -

١٦ - ١٧ - ١٨ - ١٩ - ٢٠ - ٢١ - ٢٢ - ٢٣ - ٢٤ - ٢٥ - ٢٦ - ٢٧ - ٢٨ - ٢٩ - ٣٠ - ٣١ - ٣٢ - ٣٣ - ٣٤ - ٣٥ - ٣٦ - ٣٧ - ٣٨ - ٣٩ - ٤٠ - ٤١ - ٤٢ - ٤٣ - ٤٤ - ٤٥ - ٤٦ - ٤٧ - ٤٨ - ٤٩ - ٥٠ - ٥١ - ٥٢ - ٥٣ - ٥٤ - ٥٥ - ٥٦ - ٥٧ - ٥٨ - ٥٩ - ٦٠ - ٦١ - ٦٢ - ٦٣ - ٦٤ - ٦٥ - ٦٦ - ٦٧ - ٦٨ - ٦٩ - ٧٠ - ٧١ - ٧٢ - ٧٣ - ٧٤ - ٧٥ - ٧٦ - ٧٧ - ٧٨ - ٧٩ - ٨٠ - ٨١ - ٨٢ - ٨٣ - ٨٤ - ٨٥ - ٨٦ - ٨٧ - ٨٨ - ٨٩ - ٩٠ - ٩١ - ٩٢ - ٩٣ - ٩٤ - ٩٥ - ٩٦ - ٩٧ - ٩٨ - ٩٩ - ١٠٠

١٧ - نسخ من مخطوطات في تاريخ مصر

المعدل = ٢٤ جريباً ، الكامل = ١٢ ، الفالج = $\frac{3}{4}$ ، الهاشمي = ٨ .

$\frac{2}{5}$

٢ : ٢ : ٢ : ٨ ٥٨

ونسبة الكر المعدل : الكامل : الفالح : الهاشمي : السليحاني

١٦ : ٢٠ : ٢٤ : ٣٠ : ٦٠ مي

فاذا ذكرنا هاتين المجموعتين من النصب يسهل تحقيق ما يقوله المؤلف في هذا الباب والابواب التي تليه .

(٧٠) المطعيات في هذا المثال أكثر مما يلزم فما دما قد عرفنا أن أصل البيدر يوزن بنسبة ١٦ : ١٨ : ٢٦ فقد كان يكفي أن نعرف أحد الأنسبة كي نحسب النسبين الباقيين . أما جمع النسبين لايجاد الثالث فلا نجد له ما يبرره الا اذا كان أحدث في تقدير كل منهما شيء من التقريب .

(٧١) هذه المسئلة تؤدي الى المعادلتين الآتيتين $s + ١٠٠ = \frac{1}{2}s$ +

ص = ۲۰

وأبو الوفاء يحل المسئلة على مبدأ حسابي معروف ولا يلجأ هنا الى الجبر . فهو يفترض أن البيدر من النوع الاول ، اى يؤيدان ١٢ قفيزا عن كل كرا . وهذا يقتضى أن يكون محصولهما ١٥٠ كرا . بزيادة ٥٠ كرا عن المقروض . وهذه الزيادة نشأت من البيدر الثانى . فهو من ثم يحسب كم كان محصول كل بيدر .

ثم هو يفرض أن الجيدزين من النوع الثاني . ويمضى في ذلك حتى يحصل على الجواب نفسه .

(٧٢) الدائق = $\frac{1}{6}$ والقيراط = $\frac{1}{20}$ ، $\therefore 1,62$ دائق = $9,72$ قيراط

$$= 1,2 \text{ حبة و } 5 \text{ قيراط}$$

(٧٣) نصفها يعني نصف الدرهم • والحل يجري على اعتبار أن الدنانير تصرف بدرهم من سعرين معينين • على أن يكون عدد الدراهم من السعر الأول مساويا لعددها من السعر الثاني • وعدا هذا فهذا النوع من المسائل بسيط يؤدي إلى معادلة بمجهول واحد •

(٧٤) أي سبعة عشر درهما بدينار واحد . وهذه المسائل أيضا تؤدي الى معادلة بمجهول واحد .

(٧٥) هذه المسئلة تؤدي الى معادلة واحدة بمجهولين . فهي اذن من نوع المعادلات المستقلة والمؤلف يحلها على اعتبار أن دراهم الصبح تساوي دراهم السهرله .

(٧٦) من الابواب التي ضاعت علينا مع هذه الأوراق المفقودة الباب الذي يسميه المؤلف سير البرد • والكرجى لا يذكر عن ذلك شيئا الا ان الشهرزوري ينهى شرحه لباب المعاملات فى كتاب الكرجى بمسئلتين عن البريد

المسئلة الأولى : يريدان امرت احدهما ان يصير في كل يوم ستة فراصمخ ، فسار عشرة

[illegible]

(١) هذا النوع من الحساب غير معتاد - معادلات الأعداد صحيحة .
- ترتيب كل شيء - كما في هذه المعادلة بالأشياء

[illegible]

(٧٦) إضافات في كتاب الكافي للكرجي

[illegible]

١٠٥١ - تم فتح القلعة سنة ١٠٥١ هـ - وكان في ذلك يوم الجمعة ١٠٥١ هـ -

[illegible][illegible]

الكرجى والسلم السمنى

١٠ قسمه بعد از آن بجمع ارقام حاصله می پردازیم
مثلاً در اینجا داریم:

$$۲۶۰ \times ۲۶۰ = ۶۷۶۰۰$$

وإنه انقسمه بقدر الكرخي منها $260 \div 260 = 1$ يعني
عكسه طريقه التحصيل وسوى 260 حيثما انقسمه من تحت العمل
الخاص به 260 يعني *

[illegible]

٢٠٣٠

اما المقابلہ فتاویٰ الآن ومنها نستنتج ان ۳ س = ۳۰ .

(٨٢) فكرة الكميات المالية واضحة للحساب العرب ، إلا أن وضوحها لم يصل إلى حد قبول الجذر المالي للمعادلة التربيعية كما سنرى . لاحظ أنه يتكلم عن « الأشياء » كمية محدودة ولنتذكر أن أبا الوفاء تكلم عن الكمية المالية وسماها دننا (انظر (٣١) الرقم ٥) .

(۸۲) ليس هذا شرطاً في التشابه المطلق حيث نجد أن أ ب ج د هـ سـ مـ نـ
مستوفين سواء كان ب ، ج ، د محذوذين ، أو من كاملين ، أو لم يكونوا .

(٨٤) هذه هي طريقة الكرجي في التعبير عن القاعدة $\overline{u}v - \overline{p}v$

$$\frac{-p \sqrt{r} - u + p \sqrt{v}}{}$$

(٨٥) في كتاب الفخري يعطى الكرجى بالإضافة الى قاعدة مجموع المتوالية العددية قاعدة المجموع المتوالية^١ وقاعدة أخرى لمجموع المتوالية^٢ مع برهان هندسي على أن

$${}^1[\dot{c} \ W] = {}^1\dot{c} \ W$$

(٨٦) أدى الأمر بالشهرزوري الى الخوض في ما يسمى بمعادلات ديوفانتس وهذه معادلات الجبرا الكرجي في كتابه الفخري * ولكن طريقة الشهرزوري لا تنم عن فهم اكيد لما يعمل *

(٨٧) يؤول هذا الى القواعد

$$r(u + p) = ru + upr + rp$$

$$r\left(\frac{p}{r} + s\right) = \frac{rp}{1} + sp + rs$$

$$r\left(\frac{p}{r} - m\right) = \frac{r^2 p}{1} + m_1 p - r m$$

$$u_p = r \left(\frac{u - p}{r} \right) - r \left(\frac{u + p}{r} \right)$$

$$(u+p)(u-p) = u^2 - p^2$$

(٨٨) هنا يحل المعادلة $M = 2m + 2$

$$\frac{c}{p_r} - \sqrt{\left(\frac{c}{p_r}\right)^2 + \frac{2}{p}} \sqrt{V} = \text{ويعطي قيمة س}$$

(٨٩) هنا يجعل المعادلة $M = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1$

$$\frac{\sigma}{\rho} \left(\frac{c}{\rho_r} \right) \sqrt{V \pm \frac{c}{\rho_r}} \quad \text{---} \quad \text{---} \quad \text{---}$$

(٩٠) هنا يحل المعادلة $M \text{ من } 2 = B \text{ من } 1 + C$

$$\frac{c}{p_r} + \sqrt{\frac{2}{p} + \left(\frac{c}{p_r}\right)^2} \sqrt{\dots}$$

(٩١) في كتاب الفخري يعطى الكرجي حلا للمعادلة $M^2 = N^2 + P^2$ =

(٩٢) طريقه البدء من آخر خطوات المسئلة والسير القهري حتى نقطة الابتداء . صفاً لها
في حساب الحساب . وان سمع وراصد في الحساب في الوفاء والكبرياء وراصد في سراج
- وروزي كيمت على الظن بأنها جاءت الى العالم الاسلامي مع الحساب الهندي . وسنجد
راصد في حري في طريق السهوية . (٥٦) .

١٢٠ كس - هـ - انظر في الفهرست من الاول الى آخره من اهل هذا

الأول $\frac{1}{m}$ ثم منه رخصي المساس $\frac{1}{n}$ ثم منه مسبو فمكوب

$$\frac{1}{m} + \frac{1-n}{n} = \frac{1}{n} + \frac{1-m}{m}$$

$$m(2-n) = n(2-m) \quad \leftarrow$$

وهذا يفسر اتخاذ (ن - ٢) م كقيمة لأحد المجهولين واتخاذ (م - ٢) ن قيمة للمجهول الآخر . فما أصل طريقة الباب هذه . انها ، كطريقة المكوس ، تتجلى لنا في أفعال كتاب من الدرجة الثانية كالشهرزوري . ولا نجد لها في كتابات كبار الرياضيين .

وحينما نقابل يطلب عليها طابع واحد : هو ايراد خطوات عمل محدودة بطريقة مقننة وبدون تبرير أو شرح . وفي ظني أن الطريقة باسمها وروحها غير عريضة وقد لا نعدو

الكتاب إلى رجب أبي هدييه .

والمسئلة كما يقول الكرجي ، مسألة • وموضوع المسائل المسئلة اهم به الهندود ونقلوا اهتمامهم للعرب • وكتاب طرائف الحساب • لاسى كامل شجاع من اسلم المصرى يحوي مجموعه من المسائل تؤدى الى معادلات مسالة • والمسائل هندية ، اما طريقة الحل فعرابه • (انظر مجلة معهد المخطوطات العربية • المجلد التاسع ١٩٦٣ /الصفحة ٣١٩/ ٢٠)
فى حين اننا نقابل هنا مسئلة عربية تحل بطريقة الباب الهندية •

(٩٢) حتى يستقيم المعنى هنا حسابيا يجب أن نعتبر أنه كلما أخذ السلطان كرا ، أخذ الكيال والامين أربعة أقفزة فيكون قسطهما من الفلة ٤ : ٦٤ ، وهو نصف الثمن ، وقسط السلطان $(\frac{0}{12} = \frac{1}{6} + \frac{1}{6})$ من الباقي وهذا الذي يأخذه الكيال والامين

• يضاف ثلثه الى نصيب السلطان .

کلامہ ختم

١٠٠٠ من اهلها هذا من اجل انهم
 في كل يوم من ايامهم في كل يوم
 من ايامهم في كل يوم من ايامهم

[illegible]

ثمّ ثمان وجدها قصر دونهما فمن حصل ثمانية عشرة له ثمان وعشرون
 منهن ثمان وعشرون في ثمان وعشرون منهن ثمان وعشرون منهن ثمان وعشرون
 منهن ثمان وعشرون منهن ثمان وعشرون منهن ثمان وعشرون منهن ثمان وعشرون
 منهن ثمان وعشرون منهن ثمان وعشرون منهن ثمان وعشرون منهن ثمان وعشرون

وقد وجد في عهد محمد أحمد بن سراج - رحمه الله تعالى - في عهد والده صاحب
 في عهد والده صاحب في عهد والده صاحب في عهد والده صاحب في عهد والده صاحب
 في عهد والده صاحب في عهد والده صاحب في عهد والده صاحب في عهد والده صاحب
 في عهد والده صاحب في عهد والده صاحب في عهد والده صاحب في عهد والده صاحب

[illegible]

• Answer: 1. 12, 2. 10, 3. 10

[illegible]

ان حساب اليد حساب عقلى غير مكتوب ، نقصه الاكبر انه يفتقر الى نظام رمزي للدلالة على الاعداد ، ولقد جاء الحساب الهندي بهذا النظام الرمزي ولذلك كان أعلى في مدارج الرقى ، وهذا ما ستراه في المرحلة القادمة من دراستنا .

الا انما اذ تخلف حساب اليد ورائنا الى حسن ، علمنا ان نذكر انه
كان في حد ذاته ورغم ما يعتوره من نقص ، نظاما متكاملا . ومن شواهد هذا التكامل
اللفاظ فيه تدل على الاعداد ، وهي ايضا تدل على الرموز الخيرية . الحسي ، والخالق
• كعب . ٠٠٠ سج . ٠ بيده . ٠٠٠ سج . ٢ سج . ٣ سج . ٠٠٠ سج في نظامنا الخيري .
والدرهم والدائق والحبة . ٠٠٠ الخ تقوم مقام الكسور بقدر ما تخدم اغراضها كوحدة
مباني .

ومن شواهد هذا الكامل أيضا أنه ، من أجل كونه عقليا ، الح على التعبير
عن الكسور بطريقة تسهل العمليات العقلية . ان نصف سدس في الحساب العقلي أكثر
شواعية من $\frac{1}{12}$ وكذلك ثلث وربع أصح من $\frac{7}{12}$ وليأخذ القارئ مسئلة من المسائل

المحلولة في الصفحات الماضية ولجرب حلها عقليا فسيجد أن طرق حساب اليد أكثر ملاءمة للحل العقلي ، في أحيان كثيرة ، من الطرق التي درجنا عليها بالورقة والقلم .

ثم ينبغي الا يفوتنا ان نلاحظ ان هذا النظام كان نظاما مفتوحا غير مغلق .
 كان يدين للنظام البابلي ، استوعب منه ما استوعب ، واما من جذور تاريخية عميقة ،
 ولكنه لم يتنكر للنظام الهندي الطارىء عليه . وقد شاهدنا فيه من الفكر الهندي
 لا تخطئها العين . فاذا كان قد عاش ضويلا الى جانب نظام نراه أحسن ، اذا
 كان قد لمس حتى اواصر العقول الوسطى يحظى باتباع ، فلم يكن ذلك عنادا او
 تكارفا . بل سمع به يدوس في مجالي الحياة العملية والفكرية فلم يكن سهلا
 ان يجتثا او يستبدل ، ولكن لا بد من تحول بطيء . وهذا ما سنراه في
 اواخر العزلة من دلائل هذه .

وحسن الدين نعيمى في عصر يشهد مثل هذا التحول في مجرى الفكر الرياضى ونشهد فيه ما يجابهنا من صعوبات عملية واجتماعية في تنكب المجرى التقليدى القديم ، في عصر الطاقة الذرية وعصر الفضاء ، حرى بنا أن نقدر صعوبات التحول من حساب نيوتن الى الحساب الهندي في العصور الوسطى ، يوم لم تكن الطباعة متوفرة ، ولم نعلم قاصرا على قلة من القادرين عليه .

فهارس عامة

(١) وحدات القياس الواردة في هذا الكتاب

أ - وحدات العملة :

- الدرهم = ٦ دنانير (فضة)
- ٤٨ حبة = ٦٠ عشير = ٩٦ فلس (في العراق والاهواز وفارس)
- ١٢ قيراط (في بغداد)
- ٢٤ صوج = ٣٦ حبة (في خراسان والشام)
- ٤٨ حبة = ١٩٢ تومنه (في خوزستان)
- ٣٠ أو ٤٨ أو ٦٠ فلس (في ما وراء النهر)

فاذا استعمل لفظ الدنانير للتعبير عن الكسر دل على $\frac{1}{6}$ ، وكذلك تدل الحبة

على $\frac{1}{48}$ الخ .

- الدينار = ٦ دنانير (ذهب)
- ٢٠ قيراط = ٦٠ حبة = ٦٠ عشيرا (في سواد العراق)
- ٢٤ قيراط = ٧٢ حبة (في البصرة والاهواز وفارس)

ب - وحدات الطول :

- ١٠ باء . والأشبل حبل أو سلسلة طولها ٦٠ ذراعا .
- الباب = ٦ ذراع . والباب يسمى أيضا القصة .
- الدراع = ٦ قبضة مساحه (= ٨ قبضة يد)
- القبضة = ٤ اصبع .

وهذه المقاييس حسب ذراع المساحة ، ويسمى أيضا الذراع الهائمي أو ذراع الملك .

على أن هنالك ذراع السوداء ، أو ذراع الحديد ويساوي $\frac{89}{72}$ من ذراع المساحة .

وفي فارس وخراسان ذراع يسمى المابهرامي ويساوي $\frac{3}{2}$ ذراع السوداء ويقسم

في ٦٠ فلسا .

ج - وحدات المساحة :

الجريب = أشل × أشل = ٣٦٠٠ ذراع مكسرة (أي مربعة) .

١٠ قير = ١٠٠ عشير .

في فارس وخراسان الجريب = ١٠ قير = ٦٠ كف = ٦٠٠ عشير .

٤٦٠

د - وحدات الحجم :

- الأذلة = ١٠٠ ذراع مكعبة . وبصدد الحجم كان يستعمل ذراع خاص يسمى ذراع الميزان ويساوي $\frac{1}{64}$ اصبع (بمقياس ذراع السوداء) . وهو يقسم الى ١٢ قبضة ٤ اصبع .
- والأذلة = ١٠٠ كر كل كر ٦٠ قفزا .

هـ - وحدات الكيل والوزن :

- الكم = ٦٠ قفزا .
- النعير = ١٠ عشير = ٨ مكوك .
- المكوك = ٣ كبلجة .
- الكبلجة = ٤ ربع .
- الربع = ٢ ثمن .

ولكن الكر كان أنواعا منها

- ١ - الكر المعدل ويساوي ٧٢٠٠ رطل .
- ٢ - الكر الكامل وهو نصف المعدل وقد يسمى الجريب أو المفتوح .
- ٣ - الكر الفالح وهو $\frac{2}{3}$ المعدل . ويسمى المرسل والابذجي . ويقسم حيث يستعمل الى ١٠ جريب وإلى ٣٠ طسق .
- ٤ - الكر الهائمي وهو $\frac{1}{4}$ المعدل ويقسم الى ١٢ جريب . كل جريب ١٠ مختوم .

٥ - الكر السليماني ويساوي $\frac{4}{10}$ من المعدل أي ١٩٢٠ رطلا .

٦ - الكر الدينوري ويساوي $\frac{1}{14}$ من المعدل .

٧ - القفل وهو كر يستعمل في البصرة ويساوي ١٢٠ قفزا بالمعدل .

٨ - الكر الزيدي ويمادل ٧٥ قفزا بالمعدل .

ومن وحدات أيضا ما يلي

الف = ٥ عشير = ٤ مكوك وهو يعادل ٦٠ رطل حنطة متوسطة النوع .

كبلجة = عدل = طل .

جريب = عدل = ربع من الكر المعدل ، وهو يقسم الى ١٠ قفزا .

كل قفزا ٦ كف ، كل كف ١٠ عشير .

ومنها الصاع ويساوي كبلجة بالمعدل ، والمذ وهو ربع صاع .

١٠٠	الذرة = ٦ رسة	١٠٠	الذرة = ٤ رسة
١٠	الرسة = ٤ ربع	١٠	الرسة = ٣ مكوك
١	الربع = ٤ كبلجة	١	المكوك = ٣ كبلجة

(٢) المصطلحات الواردة في هذا الكتاب

الثبت التالي يضم المصطلحات التي لا تستعمل اليوم أو التي كانت تحمل معاني ناعير قليلا أو كثيرا المعاني التي نعرفها اليوم .

الإبطن : أحد نوعي الشكل الهلالي ، والنوع الآخر هو الأخمص . والشكل الهلالي شكل هندسي يتكون من قوسين دائريين . انظر الشكلين في الصفحة ٢٦١ .

الأخمص : انظر الشكلين في الصفحة ٢٦٠ .

الأزلة : وحدة حجم وهي تساوي مائة ذراع مكعبة .

الاستعمال : طلب عمل شيء ، كان تطلب من البناء بناء بيت .

الاستطوانة : مجسم من المجسمات الهندسية - وهي تعني اليوم المجسم الذي مقطعه لعرضي دائرة . وأبو الوفاء يستعملها أيضا للدلالة على متوازي المستطيلات الذي مقطعه العرضي مستطيل . مربع .

الأسل : وحدة من وحدات الطول وتساوي ٦٠ ذراعا .

الاصبع : وحدة من وحدات الطول وتساوي $\frac{1}{24}$ من الذراع أصغر استعمال في

حساب المساحة .

الأصم : المتار الذي ذا الحزب عمله عمله من لعملات الحساب . لم يمكن اعطاء النتيجة الا بالتقريب ، يسمى أصم بالنسبة الى هذه العملية الحسابية ، لم يمكن اعطاء الجذر التربيعي لان $\sqrt{2}$ لا يعرف الا بالتقريب ، والكسر $\frac{1}{11}$ أصم اذ لا يمكن

تحويله الى كسور عربية الا بالتقريب والكسر $\frac{1}{7}$ أصم بالنسبة الى تحويله الى كسر من الستين .

الأكار : الشخص الذي يستخدم بالكراه وأبو الوفاء يستعمل للكراه لفظة غريبة هي الكروة .

الايين : عند تقدير الفلة ، من أجل دفع ضريبة الدولة ، يستخدم ماسح لمسح الأرض التي تغطي هذه الفلة . ويأخذ مقابل ذلك نصيبا منها وتصبه هذا يسمى الاين . فالايين هو نصيب الماسح من جراه مساحته .

الباب : وحدة طول وتسمى الفصبة وتكون على الغالب ستة أذرع .

البقيضي : شكل هندسي يتكون من قوسين دائريين . (انظر الشكل في الصفحة ٢٥٨) .

الترقين ، والترقية : خط يوضح في كنف الحساب ليملا المنزلة الخالية ، وهو يقوم مقام الصفر وهو على شكل خط أفقي مستقيم ، وقد يتعرج .

التنويري : شكل هندسي يتكون من شبه منحرف على سابقه قطعتا دائرة . انظر الشكل الأسفل في الصفحة ٢٥٩ .

الجريب : وحدة مساحة تساوي أشلا مربعا أي ٣٦٠٠ ذراع مربعة .

الجبر والمقابلته : علم الذي وضعه العرب في سبعة أيام علم الجبر .

الجبر والمقابلته : علم الذي وضعه العرب في سبعة أيام علم الجبر . وهو علم يتناول حلول معادلات في جن المقادير . أما الجبر فخص بعمله إزالة الجذور الصعبة من طرف المعادلة . كما يختص بإزالة الكسور . وبه تنتهي المعادلة الى مثل :

$$٨س + ٢س = ٤ + ٢س + ٨س + ٢س$$

المعادلة هي معادلة وهذا هو عبارة طرفي المعادلة . $٨س > ٢س$ ، أدت المعادلة الى حساب من طرف واحد $(٨ - ٢س)$ في الطرف الاخر . وهكذا .

في الرياضيات العربية نجد الجبر والمقابلته مرة من مروج حساب اليد . ولكنه لم يزل هناك جزء يسير من الحساب لا يدخل تحت هذه التسمية .

المكسر والمساحة : سمين . من الحساب في سب الحساب العربية كما في الحساب في الهند . المكسر من الجبر ومساحة الحساب كما في الجبر وحساب الجبر . وعلى هذا يسمى كل من الذراع المربعة والذراع المكعبة ذراعا مكسرة .

المساحة فعني عمدا الجبر مساحة واحدا حساب لأشوال أيضا . وهي من مقابل كلمة Mensuration الإنكليزية .

الجمع : تستعمل هذه الكلمة في كتب حساب اليد ، مع الكسور خاصة ، للدلالة على العملية الحسابية المعروفة . وهي لا ترد بخصوص جمع الأعداد الصحيحة ، ولعمل ذلك يستخدم هذه العملية . ولها اسم آخر . أما في كتب الحساب الهندي فترد بدلا منها كلمة الزيادة ، كما يسمى العدان المجموعان بالزيادة والمزيد عليه ، الى حد اننا قد نجد كلمة الجمع تستعمل للدلالة على أي عملية للتوحيد بين مقدارين .

$$\frac{٨}{٥} + \frac{٢}{٥} = \frac{١٠}{٥} \text{ بالشكل } \frac{٨}{٥} + \frac{٢}{٥}$$

الجهنديم : وحدة من وحدات حساب ردية للحصول على حصة مؤسسته .

الحبة : وحدة عملة وهي تعادل على الغالب $\frac{1}{٤٨}$ من الدرهم . فإذا استعيرت

للدلالة على الكسر أصبحت تعني $\frac{1}{٤٨}$

الدائق : وحدة عملة أيضا وهي تساوي على الغالب ٨ حبات . فإذا استعملت للدلالة على كسر أصبحت تعني $\frac{1}{٨}$. والجمع **دوائيق** .

الدور : ترد هذه الكلمة في كتب حساب اليد ، وفي بحث المساحة خاصة ، كمرادفة للكلمة المحيط . أما في كتب حساب اليد فتترد بصدد بحث المراتب بمعنى آخر : ذلك أن الرياضيين العرب جعلوا للأعداد ثلاث مراتب هي الآحاد والعشرات والمئات ، وهذه تكون بينها دورا ، وهذا يتكرر مرة أخرى للآلاف فتنشأ آحادها وعشرات ومئاتها ، ثم مرة أخرى للآلاف والآلاف ، وهكذا . فكل ثلاث منازل ، مبتدئة من منزلة الآحاد ، تسمى دورا . والجمع **أدوار** .

الروس : هذا هو الاسم الذي يطلقه أبو الوفاء على الكسور العربية التسعة ، وهي النصف والثلث و... إلى العشر . أما الكرجي فيسميها **الكسور المفردة** .

الرواج : تقدير عوائد الدولة من الغلات يقتضي استخدام ماسح يقدر الغلة ومحاسب (جهيد) يحسب هذه العوائد . وهذا المحاسب يتقاضى نصيبا في المائة مما تأخذ الدولة ونصيبه يسمى الرواج أو الكفاية . ويحدد في المخطوطات بأنه ما يأخذه الجيهيد بحق جهيدته وقد يستخدم المحاسب مساعدين له ، فيتلقون هم أيضا نصيبا يسمى **رواج الرواج** .

الزيادة : انظر الجمع .

السافات : عدد صفوف اللبن التي توضع في عرض ذراع واحدة من البناء .

السهم : يستعمل هذا اللفظ في المساحات ليدل على الارتفاع الأعظم لقطعة الدائرة ، وفي الحجم ليدل على ارتفاع المخروط .

الطسق وجميعها طسوق : هذا هو الاسم الذي يعطى لنصيب الدولة من الغلة ويعرف بأنه حق السلطان . ويكون شيئا معلوما عن كل جريب .

العدد :

عدد أول : يقابل ما نسميه عددا أوليا ، ويقابله **عدد ثان** وهو الذي يحلل إلى عاملين أو أكثر .

عدد فرد : هو ما نسميه بالعدد الفردي ، ويقابله **عدد زوج** وهو الزوجي .

عدد له نصف (أو ثلث) : هو العدد الذي نصفه (أو ثلثه) عدد صحيح ، أي أنه يقبل القسمة على ٢ (أو ٣) .

الأعداد المشتركة (بالنصف) : أعداد تقبل القسمة (على ٢) .

الأعداد المتباينة : أعداد ليس بينها عامل مشترك .

الأعداد الأربعة المتناسبة : إذا كان ١ : ب = ح : د فإن ١ ، ب ، ح ، د أعداد أربعة متناسبة . وهذا هو المبدأ الاساسي في حساب المعاملات العربية . حيث يكون هنالك أربع قيم متناسبة إذا عرف منها ثلاث أمكن معرفة الرابعة . وأبو الوفاء يعطي أربعة أسماء لذلك هي **التناسب المستوي ، والمعكوس ، والمقلوب ، والمخالف** ، وذلك حسب كون ١ أو ب أو ح أو د هو المجهول .

العشير : وحدة مساحة وتساوي عشر قفيز و $\frac{1}{١٠٠}$ من الجريب .

والعشير أيضا وحدة وزن وتساوي عشر قفيز و $\frac{1}{١٠٠}$ من الكر .

العقد ، وجميعها عقود ، يمكن أن نعتبرها في حساب اليد تقابل الرقم في الحساب الهندي . فالعدد ٢١٣ يتركب من ثلاثة عقود : ثلاثة في مرتبة الآحاد ، وواحد في مرتبة العشرات ، واثنين في مرتبة المئات . انظر (١٦) في التعليقات .

القبيضة : وحدة طول وتساوي أربع أصابع .

القصبية : انظر الباب .

القفيز : وحدة مساحة تساوي عشر الجريب ، والقفيز أيضا وحدة كيل وتساوي $\frac{1}{٦٠}$ من الجريب .

الكر : وحدة كيل ووزن ومقداره يختلف من مكان إلى مكان . انظر ثبت الوحدات .

المخرج أو العدد الذي تخرج منه الكسور يقابل ما نسميه اليوم المخرج أو المقام .

مع فرق واحد يجب ملاحظته هنا : أننا اليوم نكتب $\frac{٥}{٦}$ أو $\frac{1}{١٢}$ فنرى المخرج واضحا ،

في حين أن حساب اليد كانوا يقولون أو يكتبون نصف وثلث ، أو نصف سدس ، ثم يحسبون المخرج ٦ ، ١٢ على التوالي . والمخرج في حسابهم هو أصغر عدد صحيح يكون نصفه وثلثه في الحالة الأولى ، ونصف سدسه في الحالة الثانية ، عددا صحيحا .

المربع والمربعة تعني ما تعنيه اليوم كلمة مربع ، على أنها قد تستعمل للدلالة على الشكل الرباعي .

المجسم التيري : مجسم مقطوع مربع وارتفاعه أكبر من ضلع المربع .

المجسم اللبني : مجسم مقطوع مربع وسمكه أقل من ضلع المربع .

المساحة : انظر التكسير .

المستقيز : تعني ما تعنيه اليوم ، على أنها قد تستعمل للدلالة على أي متوازي أضلاع طوله أكبر من عرضه بشكل واضح .

تاريخ علم الحساب العربي م (٣٠)

المسقط أو مستط الحجر قد تعني ما نسميه اليوم بالمسقط وقد تعني نقطة في موقع الميود .

المسناة : بناء يقام في وجه السيل لمنع الفيضان .

المطبل : شكل هندسي . انظر الشكل الأعلى في الصفحة ٢٥٩ .

الشبيه بالمعين : الشكل المتوازي الاضلاع .

المنحرف : هو ما نسميه اليوم بشبه المنحرف .

المقابلة : انظر الجبر والمقابلة .

الميزان : تحقيق صحة الجواب بمثل طرح التسعات .

النقصان : هو الاسم العربي في كتب حساب اليد وحساب التخت لعملية الطرح .

والعدنان اللذان تجري عليهما العملية يسميان : المنقوص والمنقوص منه .

وحيثما نقول اطرح كذا من كذا ، يقول الحساب العرب : اسقط او الق او انقص- كذا من كذا . وقد يقول ابو الوفاء نضع اربعة من سبعة ، بمعنى نطرح ولم نعثر على كلمة الطرح في المخطوطات القديمة الا بصدد عملية الميزان بطريقة طرح التسعات او غيرها

الورق : يستعمل ابو الوفاء هذه الكلمة بمعنى العملة .

وزن الارض : تمييز يستعمله ابو الوفاء للدلالة على العملية التي بها يقدر ارتفاع بقعة فوق أخرى أو انخفاضها دونها .

كشاف بأسماء الاعلام الواردة في المقدمة والتعليقات

- | | |
|--------------------------------------|---------------------------------------------|
| • الدينوري ، أبو حنيفة ٤٨ | • ابن أبي لبلبى القاضي ٤٢٦ |
| • سبط المارديني ٤٥ ، ٥٤ | • ابن النديم ، الفهرست ٥٩ ، ٤٠٩ ، ٤١٦ ، ٤٤٢ |
| • سديس ٤٣ | • ابن الهائم ٥٤ ، ٢٤٠ |
| • ستيفن ٣٠ | • ابو برزة الحاسب ٤٢٧ ، ٤٤٢ |
| • سمث ٤١٧ | • ابو الوفاء ٥٤ ، ٥٥ ، ٥٨ ، كل التعليقات |
| • الشقاق ، أبو علي ، حسين بن أحمد ٥٦ | • الأربلي ٤٢٦ |
| • الشهرزوري ٥٥ ، ٥٨ ، معظم التعليقات | • أرشميدس ٤٤٤ |
| • الصيحي ، أبو العنيس ٤٤ | • أريا بهاتا ٤٣٢ ، ٤٣٣ |
| • عمر الخيام ٦٠ | • اخوان الصفا ٤١٦ |
| • علي بن المغربي | • اشور باتييال ٢٧ |
| • عبد الملك بن مروان ٤٢٧ | • اقليدس ٤٠٨ ، ٤٠٩ |
| • فاليس ٤٣ ، ٤٤ | • الاقليدسي ٤٢٥ |
| • فيبيكي ٥٨ ، ٤٢٥ | • باتشيولي ٤١٧ |
| • الفرغاني ، احمد بن محمد بن كثير ١٢ | • البثاني ٤٣٣ |
| • فيثاغورس ٢٧ ، ٤٠ | • البغدادي ، عبد القاهر بن طاهر ، كتاب |
| • كارادي فو ٥٨ ، ٤٢٥ | • التكملة : ٤٨ ، ٤٠٨ ، ٤١٨ ، ٤٢٠ |
| • الكاشي ، غياث الدين ٤٨ | • بطليموس ١٢ ، ٣٠ ، ٤٤ ، ٥٤ ، ٥٨ |
| • الكرجي ٥١ ، ٥٥ ، ٥٦ ، ٦٠ ، معظم | • ٤٣٢ ، ٤٣٣ ، ٤٣٥ ، ٤٤٠ |
| • التعليقات | • البيروني ٤١٦ ، ٤٣٣ ، ٤٥٧ |
| • لفافة رايند ١٢ ، ١٨ ، ١٩ ، ٢٣ ، ٢٤ | • براهما جيتا ٤٥٧ |
| • لفافة موسكو ١٣ ، ٢٥ | • بهاء الدين العاملي ٤٨ |
| • المأمون ٤٢٧ | • بروكلمان ٥٨ |
| • محمد بن الحسين الحاسب ٤٢٦ | • تنكلوس ٣ |
| • نصير الدين الطوسي ٤١٠ ، ٤٢٠ | • حبش الحاسب ٤٣٣ |
| • نيقوماخس ١٢ | • الخوارزمي ، محمد بن موسى ١٢ ، ٤٨ |
| • هارون الرشيد ٤٢٧ | • ٥٨ ، ٤١٦ ، ٤٢٠ |
| • هيبارخس ١٢ ، ٤٤ ، ٤١٦ | • ديموقريطس ٣٦ |
| • هيث ٤٠٩ ، ٤٢٦ | • ديوفانتس ١٢ ، ٢٧ ، ٣٨ ، ٤٠ ، ٥٤ |
| • هيرون ٥٠ | • ٥٨ ، ٦٠ |

محتويات الكتاب

الإهداء	٣
التصدير	٥
مراجع المقدمة والتعليقات	٧
المقدمة - المصادر الأولية للرياضيات العربية	١١
الرياضيات الفرعونية	١٣
الرياضيات البابلية	٢٧
حساب الستين عند العرب	٤٤
حساب اليد عند العرب ، المخطوطات	٤٨
طريقة النشر	٥٦
المؤلف (أبو الوفاء)	٥٨
الكرجي	٦٠
كتاب أبي الوفاء - المنزلة الأولى في النسبة	٦٤
المنزلة الثانية في الضرب والقسمة	١٢٢
المنزلة الثالثة في المساحة	٢٠٢
المنزلة الرابعة في الخراج	٢٧٧
المنزلة الخامسة في التصريف والمقاسمات	٣٠٢
المنزلة السادسة في أنواع شتى من الحساب	٣٣٠
المنزلة السابعة في معاملات التجار	٣٤٦
الجبر في كتاب الكافي	٣٦٨
التعليقات حول تبويب الكتاب	٤٠٨
أنواع الكسور في حساب اليد	٤٠٩
المراتب والعقود	٤١٦
القسمة والكسور	٤٢٠
وحدات المساحة	٤٢٧
الجذر التربيعي	٤٢٨
النسب المثلثية	٤٣٢
حسابات الدائرة - النسب المثلثية	٤٣٣
حسابات المثلث وسواه	٤٤١
وحدات المساحة والحجم وسواهما	٤٤٦
إضافات في كتاب الكافي للكرجي	٤٥٢
كلمة ختام	٤٥٨
فهارس عامة (١) وحدات القياس	٤٦٠
(٢) المصطلحات الواردة في الكتاب	٤٦٢
(٣) كشاف بأسماء الاعلام	٤٧٦



ARABIC ARITHMETIC

The Arithmetic of Abu al-Wafa'

al - Buzajani

10 th Century

Mss. Or. 103 Leiden & 42 M Calro

Edited with on Introduction and Commentaries

with ample reference to the Arithmetic

of al - Karaji (11 th Century)

MS 855 Istanbul

By

Dr. A. S. Saldan